دكتور صلاح أحمد مراد

الاسائيب الإحصائية

في العسلوم

النفسية والتربوية والاجتماعية





الأساليب الإحصائية

في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية

دكتور صلاح أحمد مراد استاذ علم النفس التابعي

أستاذ علم النفس التربوى كلية التربية جامعة المنصورة



بطاقة فهرسة

فهرسة أثناء النشر إعداد الهيئة المصرية العامة لدار الكنب والوثائق القومية ، إدارة الشنون الفنية .

مراد ، صلاح احمد.

الأساليب الإحصائية في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية. تأليف: صلاح احمد مراد.

القاهرة: مكتبة الانجلو المصرية، ٢٠١١.

۲۰ ص ، ۲۷× ۲۲ سم

رقم الإيداع: ٥٩٥٠

ردمسك:×-۱۷۷۸-،۷۷۸

المطبعة: محمد عبد الكريم حسان

تصميم غلاف: ماستر جرافيك

الناشر: مكتبة الانجلو المصرية

ه۱۹۰ شارع محمد فرید

القاهرة - جمهورية مصر العربية

ت: ۲۰۲) ۲۳۹۱٤۳۳۷ (۲۰۲) في: ۳۶۲۷۹۳۳۷ (۲۰۲)

E-mail: angloebs@anglo-egyptian.com Website: www.anglo-egyptian.com

تقديم الطبعة الثانية

انتهات وبحمد الله الطبعة الأولى من هذا الكتاب بعد أن أحدثت صدى واسعًا في المجال واهتمامًا بالغًا من الباحثين ومستخدمي الأساليب الإحصائية، كما أثار المحستوى شهون السبعض بإعداد مؤلفات أخرى مشابهة، وحاول بعض الزملاء السربط بين ما جاء بالكتاب واستخدام البرامج الإحصائية SPSS وهذا جهد محمود لهم وكنا نود تضمينه لكن حجم الكتاب حال دون ذلك.

وأود أن أسبجل هنا انطباعات القراء والباحثين لما جاء في محتوى هذا الكتاب. فقد وجده الطلاب واضحًا ومفصلاً في الجزء الأول والخاص بأساليب الإحصاء الوصد في "السنة فصول الأولى" وهي فعلاً معدة للمبتدئين في دراسة الإحصاء الستربوي والنفسي والاجتماعي. كما أفاد الطلاب بأن الجزء الثاني "من الفصل السابع وحتى السادس عشر" والخاصة بأساليب الإحصاء الاستدلالي أكثر صحيوبة، وهي فعلاً صعبة إلى حد ما على طلاب الشعب الأدبية لما تحتويه من معادلات واستنتاجات وعلاقات بين الأساليب الإحصائية.

بينما رأى طلبة الدراسات العليا أن الكتاب مفيد لهم فى فهم البحوث السابقة فى المجال وفى إجراء التحليلات الإحصائية للبيانات البحثية وهذا هو بيت القصيد من الإحصاء الاستدلالي.

وأقدم للقراء والباحثين الطبعة الثانية من كتاب الأساليب الإحصائية بعد تصديح بعض الأخطاء المطبعية التي شابت الطبعة الأولى، متمنيًا أن تكون مفيدة لأبنائنا الطلاب وعونًا للباحثين في المجالات التربوية والنفسية والاجتماعية.

والله الموافق ،،،،

دکتور/ مسلاح مسراد أغسطس ۲۰۱۰



.

•

بسم الله الرحمن الرحيم

مقسيدمة

نحمد الله على نعمائه وفضله وعلى توقيقه لنا فى إنعام هذا الكتاب الذى ظل حبيس الأدراج لأكثر من عشر سنوات ، إلى أن شاء الله وقدر له أن يخرج إلى النور .

وقد تم إعداد هذا الكتاب ليتناسب مع عدد من التخصصات في مجالات العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية ، وليكون دليلا ومرشدا ومرجعا للطالب والباحث في هذه المجالات . فهو يعد مرجعا لطلبة مرحلة البكالوريوس والليسانس ودليلا ومرشدا لطلبة الدراسات العليا والباحثين في مجالات العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية .

ويتطلب الاستخدام الجيد لهذا الكتاب من قبل الباحثين أن يكونوا على دراية بطرق البحث العلمى والتصميمات البحثية المناسبة لدراساتهم حتى يتمكنوا من اتخاذ القرارات في إختيار الاسلوب الاحصائي المناسب للتصميم البحثي .

ويعتمد التصميم البحثى الجيد على أسس وافتراضات ويستلزم امكانات ويدائل ، ويفرض على الباحث إتخاذ قرارات هامة في بعض مراحله دون مساعدة من الآخرين ، وريما يلجأ الباحث إلى طلب المساعدة من المختصين وقت الحاجة إليها . ويجب الحذر من الاستخدام غير الجيد (أو سوء الاستخدام) للأساليب الاحصائية في تحليل البيانات ، فالحاسب الآلي ينفذ مايصدر إليه من أوامر ويجرى تحليل البيانات وفقا ئتك الأوامر والتعليمات ، وماأكثر البيانات والنتائج في البحوث التي تستخدم أساليبا غير مناسبة لها ، وتؤدى الى قرارات وتعميمات غير صحيحة .

وقد حاولت إعداد هذا الكتاب ليغطى موضوعات عديدة تم إختيارها من تدريسى للعديد من مقررات الاحصاء النفسى والاحصاء التربوى والاحصاء الاجتماعي ، إضافة الى الاحصاء الرياضي والاحصاء المتقدم لطلبة الدراسات العليا في تلك المجالات . وقد تم تنظيم موضوعات الكتاب في ستة عشر فصلا ، حيث تختص الفصول الستة الأولى بالاحصاء الوصفى ، بيتما تشتمل الفصول من

السابع وحتى السادس عشر على موضوعات الاحصاء الاستدلالي التي تهم طلبة الدراسات العليا والباحثين . الدراسات العليا والباحثين .

ويتضمن الفصل الأول المغاهيم الاساسية للاحصاء وعلاقتها بالاساليب الاحصائية الوصفية والاستدلالية . ويعالج الفصل الثانى طرق عرض البيانات المختلفة وتوزيعاتها التكرارية . ويوضح الفصلان الثالث والرابع مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التستت وطرق حساب كل منها واستخداماتها المختلفة . أما الفصل الخامس فقد تم تخصيصه لمعالجة موضوع الانحدار والارتباط الخطى البسيط وطرق حساب معاملات كل منهما للانواع المختلفة من البيانات ، كما يوضح العلاقة بين الانحدار والارتباط الخطى البسيط ، والعوامل المؤثرة على معامل الارتباط وكيفية تفسيره واستخداماته .

ويناقش الفيصل السادس موضوع الاحشمالات والمنصلي الاعتدالي وخصائصه والدرجات المعيارية والتائية واستخداماتها .

أما الفصول من السابع وحتى السادس عشر فقد خصصت لموضوعات الاحصاء الاستدلالي ، حيث يتعرض الفصل السابع للعينات وطرق اختيارها وصياغة الفروص وإختبار صحتها ومفاهيم مستوى الدلالة وحدود الثقة وافتراضات الاحصاء الاستدلالي ، ويتعرض الفصل الثامن لاختبار (ت) ومقارنة متوسطى مجموعتين مستقلتين أو غير مستقلتين وحجم التأثير الناتج وكذلك اختبار الفرق بين نسبتين ، بينما يحتوى الفصل التاسع موضوع تحليل النباين وافتراضات إجراء تحليل التباين الاحادي ، وطرق المقارنات المتعددة للمتوسطات وأسلوب الاختيار من بينها ، ويتضمن الفصل العاشر تحليل التباين الثنائي والثلاثي والعاملي ومفهوم التفاعل وخطوات الإجراء . ويشمل الفصل الحادي عشر تباين القياس المتكرر الأحادي والثنائي والثلاثي ، أما الفصل الثاني عشر فيتناول تحليل التباير القياس المتكرر . ويوضح الفصل الثالث عشر مفهوم تحليل الاتجاه في حالتي تحليل التباين والقياس المتكرر .

ويتضمن الفصل الرابع عشر تحليل الانحدار والارتباط المتحدد وطرق حساب معاملاتهما وتفسيراتها وعلاقة الارتباط الجزئى وشبه الجزئى بالارتباط المتعدد، وطريقة التحليل التتابعي Stepwise كما تعرض لتحليل الانحدار والارتباط باستخدام المصفوفات، والارتباط الطبيعي Canonical وتحليل التمايز.

ويتناول الفصل الخامس عشر موضوع تحليل المسار أحادى الانجاه، في حين تناول الفصل السادس عشر عرضا لمفاهيم التحليل العاملي الاستطلاعي والتوكيدي ، وطرق التحليل العاملي ، ومداخل تحديد عدد العوامل وطرق التدوير وحساب درجات العوامل .

كما بحتوى الكتاب على مجموعة من الملاحق التي نرى أنها ضرورية الاستخدام مع أساليب التحليل الاحصائي الموضحة في هذا الكتاب .

ونأمل أن يكون هذا الكتاب عوناً للطلبة والباحثين ، وهادياً لهم على طريق البحث العلمي ، كما نأمل أن نكون قد عرضنا ووضحنا شيئاً مفيداً ونافعاً .

والله الموفق ،،

دكستور صسلاح مسراد أغسطس ۲۰۰۰ .

محتوى الكتاب

الصفحة

الموضوع

_&	مقدمة عدمة
١	القصل الأول - الاحصاء والمفاهيم الأساسية
٣	- معتى الأحصاء
٤	- تاريخ الأحصاء الأحصاء
٧	– أهمية الاحصاء في البحث العلمي
4	- المتغيرات
11	 المتغيرات المنصلة والمنفصلة
11	 مستويات القياس
11	* القياس الاسمى القياس الاسمى
1 £	* الْقَيَاسَ الْتَرْبَيِبِي
10	* القياس الفترى القياس الفترى
17	* القياس النسبي النسب
λſ	- علاقة القياس بالاحصاء
19	 علاقة مستويات القياس بالأساليب الاحصائية
۲.	- الاحصاء الوصفي
T1	– الإحصاء الاستدلالي
۲۳	القصل الثاني - نبويب وعرض البيانات
40	- التوزيعات التكرارية
۲ ٦	 عرض البيانات الاسمية والترتيبية
, •	* عرض البيانات الفترية والنسبية
۳٧	* المضلع التكراري
" 4	- التوزيع التكراري المتجمع
7 9	* التوزيع التكراري المتجمع الصاعد
٤١	* التوزيع التكراري المتجمع الهابط

٤٥	القصل الثالث - مقابيس النزعة المركزية
٤٧	أولاً -والمتوسط الحسابي
£A\	 المتوسط الحسابي للدرجات العادية
٤٩	- المتوسط الحسابي للبيانات المبوية
£9	* الطريقة العادية
۲۵	* طريقة الانحرافات
٣٥	* طريقة الانحراقات المختصرة
٥٦	- خصائص المتوسط الحسابي
٩٩	- المتوسط الحسابي المرجح
7.5	ثانياً – الوسميط
ኚኖ	* حساب الوسيط للبيانات المبوية
٦٨	* حساب الوسيط باستخدام الرسم
٧٠	* استخدامات الوسيط
٧١ ,	ثالثاً – المنسوال
٧١	* طرق حساب المنوال للبيانات المبوية
V7	 العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوال
٧٨	 أوسط التوافقي
۸۰	- الوسط الهندسي الوسط الهندسي
۸٣	القصل الرابع - مقاييس النشتت
Λo	- المدى المدى
۸٦	– الانحراف المعياري
۸۹	- حساب الانحراف المعياري من الدرجات العادية
9 4	 الانحراف المعياري لمجموعتين
44	- خصائص الانحراف المعياري
9.5	- حساب الانحراف المعيارى للبيانات المبوبة
9.8	* طريقة مراكز الفئات
44	* طريقة الانحرافات عن المتوسط الحسابي
	·

.

.

.

.

. . .

	٩٨	* طريقة الانحرافات عن وسط قرضي
	1	* طريقة ألانحرافات المختصرة
	1.5	- تقدير الانحراف المعياري للمجتمع
	1 • £	تصف المدى الربيعي
• • •	1.4	- حساب نصف المدى الربيعي للبيانات المبوبة
	112	– المنينيات المنينيات
	117	- معامل الالتواء
	114	 معامل التفرطح
	14.	- النحويلات التحويلات
	171	الفصل الخامس- الانحدار والارتباط الخطى البسيط
	175	أولاً - الانحدار الخطى البسيط
	١٢٦	* معادلة الانحدار الخطى البسيط
	127	* معادلة انحدار س على ص
	172	 طريقة أخرى لايجاد معادلة الإنحدار
	147	 العلاقة بين معادلتي الانحدار
	120	– دقة التقدير
	159	ثانياً – الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبوبة
	ነደጌ	ثالثاً – الارتباط الخطى البسيط
	111	* حساب معامل الارتباط الخطي البسيط
	104	- العلاقة بين الانحدار والارتباط الخطى البسيط
	100	 حساب الارتباط الخطى البسيط للبيانات العبوية
	104	 تأثير التباين وحجم العينة على معامل الارتباط
	1eÀ	 تفسير معامل الارتباط
	١٦.	رابعاً - معامل ارتباط الرتب
	178	 العلاقة بين إرتباط سبيرمان وارتباط بيرسون
	9 74 74	1 1 5 N 1 1 1 1 2 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

. .

••

.

۱٦٧	الفصل السادس - الاحتمالات والمنحنى الاعتدالي
119	– الاحتمالات
178	- منحني التوزيع الاعتدالي
171	– خصائص المنحنى الاعتدالي
174	الدرجة المعيارية
14.	- استخدامات الدرجة المعيارية
141	– الدرجة التائية – الدرجة التائية
YAY	- الدرجة التائية المعدلة الدرجة التائية المعدلة
144	- نسبة الذكاء الانحرافية
1.47	- الساعيات تايعا عيات
145	– المئينيات المئينيات
19.	- توزيع ذي الحدين
	- توزیع مربع کا ی
	القصل السابع - الاستدلال الاحصائي واختبار القروض
۱۹۸ ۰	– العينات – العينات
Y	- تحديد مجتمع الدراسة
۲۰۲ .	- طرق اختيار العينات
Y• Y .	* المعاينة العشرائية
۲۰۳	* المعاينة العشوائية الطبقية
۲۰٤	* المماينة العشوائية العنقودية
۲۰۵	* المعايثة المنتظمة
	* المعاينة المقصودة
Y•0	حجم العينة الهناسب
	– الفروض
****	– أنواع الفروض
**** *** · · ·	* القرض الصفرى
Y11	* للفرض الموجه

.

.

.

*11	* الفرض غير الموجه * الفرض غير الموجه
711	– اختبار صحة الفروض
414	- قوة الاختبار الاحصائي
*17	-
YIX	- مستوي الدلالة
***	- حدود الثقة
777	- القرار في اختيار صحة الفروض
777	- الخطأ المعياري
440	- درجات الحرية
	- افتراضات الاحصاء الاستدلالي
771	القصل الثامن اختبار الفرق بين متوسطين
777	- مقارنة متوسط عينة بالمجتمع
Y TV	 اختبار الفرق بين متوسطى عينتين مستقاتين
የ ፕሌ	* الحالة الأولى - إذا كانت العينتان متجانستين
711	* الحالة الثانية - إذا كانت العينتان غير متجانستين
750	- حجم التأثير
YEA	- قوة اختبار (ت)
Y£9	- اختبار القرق بين متوسطى عينتين غير مستقلتين
404	- استخدامات أخرى لاختبار (ت)
400	- إختبار ألفرق بين نسبتين
Yoy	* مقارنة نسبة عينة بالمجتمع
404	* اختبار الفرق بين نسبتين مستقلتين
۲٦.	* اختبار الفرق بين نسيتين مرتبطتين
777	القصل التاسع - تحليل التباين
YTY	- افتراضات تحليل التباين
***	- توزیع (ف)
- 441	- تحليل التيابن الاحادي

: . :

•

.

.

	·
YVA	- حجم ال تأث ير
۲۸۰	- المقارنات المتعددة للمتوسطات
	 الفروق بين طرق المقارنات المتعددة في ضبط خطأ النوع
7.47	الأول
791	- مقارنة الطرق المختلفة
	 اختيار الطريقة المناسبة من طرق المقارنات المتعددة
۳.1	الفصل العاشر - تحليل التباين الثنائي والثلاثي والعاملي
٣٠٤	- التفاعل
7.4	– خطوات تحليل التباين الث نائي
277	- تحليل التباين الثلاثي والعاملي
770	خطوات تحليل التباين الثلاثي
TTO	القصل الحادي عشر - تحليل تباين القياس المتكرر
٣٤٠	أولاً - تحليل بيانات القياس المتكرر لمجموعة واحدة
٣٥٠	تَانياً – تحليل تباين القياس المتكرر لمجموعتين أو أكثر
700	تَالِدًا – تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الأولى)
404	رابعاً – تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الثانية)
4.4	القصل الثاني عشر - تحليل التغايرالقصل الثاني عشر - تحليل التغاير
470	- إفتراصات تحليل التغاير
777	أولاً - تحليل التغاير الاحادى
۳۷۲	- اختبار شرط تجانس معاملات الانحدار
TV£	ثانياً – تحليل التغاير الثنائي
የ ለየ	· ثالثاً - تحليل التغاير في حالة القياس المتكرر
	رابعاً - تحليل التغاير في حالة القياس المتكرر مع قياسات مختلفة
۲۸۳	للمتغير الخارجي
797	القصل الثالث عشر - تطيل الاتجام
790	أولاً – حالة تحليل التباين
* * * *	 طريقة أخرى لاختيار إنجاه العلاقة بين متغيرين

.

,

٤ + ٥	ثانياً حالة تحليل تباين القياس المتكرر
٤١٠	•
٤١٢ع	الفصل الرابع عشر - تحليل الانحدار والارتباط المتعدد
٤١٦	
٤١٩	 اختبار الفرق بين معاملي إرتباط
2 4 1	- اختيار د لالة معامل الان حدار
272	- الانحدار والارتباط المتعدد
٤٢٧	 الافتراضات الاساسية للانحدار والارتباط المتعدد
277	 علاقة الارتباط الجزئي وشبه الجزئي بالارتباط المتعدد
EEI	 تحليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدام الدرجات الخام
£ £ A	المنبوب بحريت المنبوب المنبوب المنبوب المنابد
٤٥٠	- تفسير معاملات الانحدار والارتباط المتعدد
208	 تحليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدم المصفوفات
807	- مقلوب المصفوفة
ξογ	- طريقة دوير لمقلوب المصفوفة
109	- الارتباط الطبيعي
£ ጎ ነ	تحلیل التمایزتحلیل التمایز
٤٦٣	القصل الخامس عشر - تحليل المسار
٤٦٧	- النموذج احادي الانجاه
. ٤٦٩	- النموذج أحادي الاتجاه لثلاث متغيرات
£ V 1	 النموذج أحادى الاتجاه لأربعة متغيرات
٤٧٩	القصل السادس عشر - التحليل العاملي
٤٨٤	 خفض عدد المتغيرات
£AY	- مفهوم التكوين
£ አ ዓ	– مكونا ت الت باين
483	- التحليل العاملي الاستطلاعي والتوكيدي
£9٣	- طرق التحليل العاملي الاستطلاعي · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

191	* طريقة المكونات الأساسية
£9£	* طريقة العوامل الأساسية
290	* الطرق الأخرى للتحليل العاملي الاستطلاعي
٤٩٦	- عدد العواملب
٤٩٧	* المدخل الرياضي
£9V	* المدخل الاحصائي
٤٩٧	* مدخل التكوين العاملي
£99	- تدوير العوامل
0	* التدوير المتعامد
٥٠١	* التدوير المائل
۳۰۹	– درجات العوامل
٥٠٤	- التحليل العاملي التركيدي
٥٠٦	- نموذج عوامل الدرجة الأولى في التحليل التوكيدي
۵۰۹.	- نموذج عوامل الدرجة الثانية في التحليل التوكيدي · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
011	المراجع :
01V	الملاحق :
	– ملحق رقم (۱)
019	جدول توزيع المنحني الاعتدالي
	– ملحق رقم (۲)
PYY	جدول دلالة معامل إرتباط بيرسون
	– ملحق رقم (۳)
۳۲۹	جدول دلالة معامل إرتباط الرتب
•	– ملحق رقم (٤)
DYE	جدول تحويلات فيشر لمعاملات الارتباط
	– ملحق رقم (٥) – ملحق
٥٢٦	جدول توزيع (ت)
•	– ملحق رقم (٦) ملحق رقم (٦)

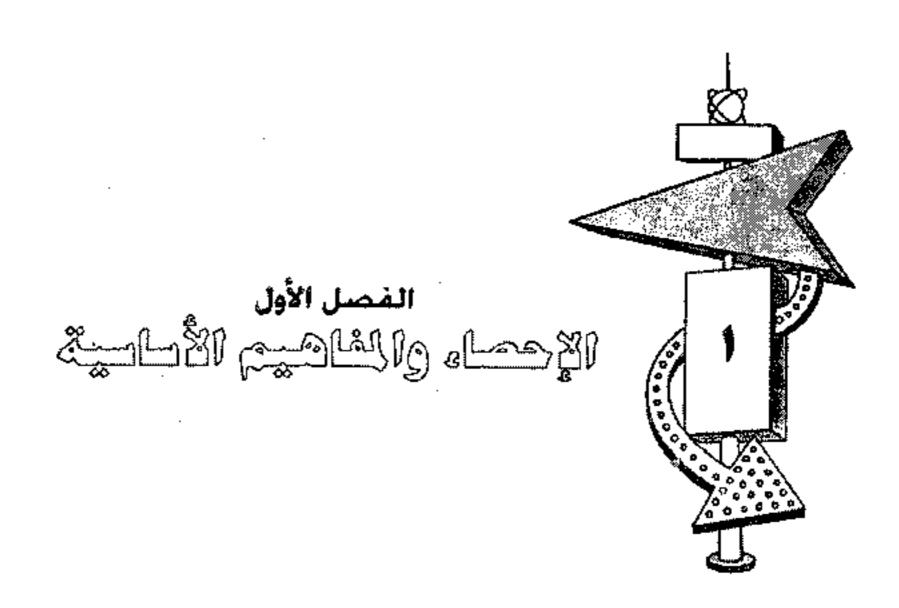
۲۲۹	جدول توزيع (ف)
	– ملحق رقم (۷)
٥٣٥	جدول توزيع مدى المقاربات المتعددة
	– ملحق رقم (۸)
079	جدول توزيع ف العظمي لإختبار التجانس
	- ملمق رقم (۹)
٥٤٠	القيم الحرجة لإختبار كوكران لتجانس التباين
	ملحق رقم (۱۰)
011	جدول توزیع مربع کای

.

•

•

_____ الإحصاء والمفاهيم الأساسية ____



الغصل الأول الإحصاء والمفاهيم الأساسية

معنى الإحصاء

يقصد بالاحصاء العد أو التعداد أو عدد الأشياء أو جمع بيانات عنها ،وهو يشير إلى إحصاء السكان بمعنى عدد السكان في وقت معين ، وكلمة أحصى تعنى عد وعلم عدد الأشياء وريما خصائصها.

وبذلك تعنى هذه الكلمة جمع البيانات بالإضافة إلى تلخيص وتنظيم وتخليل البيانات وعرضها في جداول والتوصل إلى استنتجات عن معنى البيانات ، وعادة ما تكون هذه الاستنتاجات في شكل تنبؤات ،

والمهمة الأولى للإحصاء هي تعريف المجتمع المقصود واختبار عينة ممثلة له .

ويستخدم الإحصاء في العلوم المختلفة لتوصيح البيانات وتلخيصها ، فهو يستخدم في العلوم الإنسانية والعلوم الطبية والهندسية والزراعية ، والعلوم الأساسية ، وفي مجال الصناعة وغيرها . ولا يكاد يخلو علم من العلوم من استخدام الإحصاء في بحوثه وتطبيقاته العملية.

والإحساء فرع من فروع العلم التي تتعامل مع البيانات وتحليلها وتنظيمها للإجابة عن التساؤلات والاستدلال منها ، وبذلك يستخدم الإحصاء في فهم الكثير من المشكلات . واحياناً يساء استخدام الإحصاء في عرض البيانات بشكل خاطئ أو خادع للاستدلال . ويجب دائماً أن نفكر في الإحصاء كوسائل لها وظيفتين أساسيتين هما : الوصف والتفسير .

ويقصد بالوصف اعطاء صورة واضحة للظاهرة عن طريق العرض المناسب للبيانات التى توضح الصورة واستخدام بيانات مثل نسبة البطالة ومتوسط الأجور ومعدل المرضى ومتوسط عدد الأبناء فى الأسرة ومعدل الطول والوزن والعمر وغيرها، وهى بيانات تصف متغيرات معينة . أما النفسير فيعنى

إعطاء معنى للبيانات والتوصل إلى أسباب الأحداث . فإذا قانا أن أحمد لا يرغب في القراءة لأنه لا يستطيع النطق الصحيح ، وسعيد رسب في الامتحان لأنه ضعيف ، وعلى يحب الحفلات لأنه اجتماعي . فكل هذه تفسيرات ولكنها تصف الفرد ولا تفسر المعنى ، وبالتالى فهي تسير في دائرة مغلقة ، بينما التفسير يستلزم كسر هذه الدائرة المغلقة وبحث صلتها بشئ آخر خارجها .

تاريخ الإحصاء:

يرجع تاريخ الإحصاء إلى القرن السابع عشر (منذ حوالي 300 سنة) عندما اهتم الانسان بفهم الاحتمالات (Sprinthall, 1994: 11-12). وقد استخدم الإنسان الأول الأرقام وكان لديه نظام للعدد ، كما استخدم نرد (زهر) الطاولة منذ أكثر من 3000سنة قبل الميلاد ، وريما خاف الانسان قديماً من التفكير في الإحتمالات لا عتقاده بأن كل شئ من عند الله ، ولا يجب التفكير في أي شئ يتعلق بحدوث الأحداث . وكان من السهل عليه التحدث بالقدرية بدلاً من الاهتمام بدراسة احتمالات حدوثها لأن ذلك يعنى الإلحاد والكفر .

وقد ذكر سيسرو Cicero قبل الميلاد بخمسين عاما ، أن الأحداث قد تكون نتيجة الحظ ، فإذا رميت أربع زهرات طاولة فإن الحصول على نفس الرقم بكل منها يعد رمية حظ ، ولكن إذا فعلت ذلك مائة مرة وظهرت رمية الحظ في المائة مرة فهل يعد ذلك مصادفة ؟ بالطبع لا ، لأن ذلك يحدث بأمر الله ، وكان تعبير ميسرو يدل على تفكير الناس في ذلك الوقت (Sprinthall, 1994: 11).

كما ذكرت سانت أوجستين Augustine عام ٥٠٠ بعد الميلاد ، أن الشيئ يحدث بالصدقة وإنما كل شئ محكوم بإرادة الله . وإذا قيل بوجود أحداث عشوائية فإن ذلك يرجع إلى جهل الناس وليس للأحداث ذاتها (24) David, 1962: 24) .

وحتى الآن يفضل الكثيرين عدم الاهتمام بالاحتمالات وانما يفضلون البحث عن الحظ وقراءة ذلك في الصحف اليومية ، مع أنه يتعارض مع القدرية كما يتعارض مع مفهوم الاحتمالات . فإذا كان حظك اليوم مكسبا ماديا فهل يحدث ذلك فعلا ؟ أم أنه مرتبط بما يفعله الفرد في عمله وحياته ، ومن الواضح إذا تعرض الفرد في يومه إلى أعمال معينة فقد يكسب أو يخسر ، وإذا لم يخرج من منزله ، فقد يحدث ذلك أيضا . ولكن ما إحتمال حصوله على المكسب المادي ؟ لا أحد يستطيع الإجابة عن هذا السؤال ، كما أن السماء لا تمطر ذهباً ولافضة .

ومعنى هذا أن مشاركة الفرد في أعمال قد تؤدى إلى مكسب ، وعدم المشاركة قد لا يؤدي إلى أي شئ.

ويدل هذا على أن احتمال المكسب يكون مرتفعاً في حالة المشاركة في الاعتمال عنه في حالة عدم المشاركة . وهذا هو المقصدود بالإحتمالات وهي لا تغيير من القدرية ، ولكن الإهتمام بالإحتمالات قد يشيجع المشاركة في اداء الأعمال.

وبالطبع لا ننصح أى فرد بأن يترك أمور حياته تسير طبقاً لقراءة النجوم أو حظك اليوم ، وانما يخطط لأعماله ويؤدى ما يستطيعه دون تواكل.

والحدث الذي أدى لمواد علم الإحصاء كان في فرنسا خلال القرن السابع عشر الميلادي ، عندما كان الفارس دى مير (Chevalier de Mere) ، المقامر المشهور قد خسر في المقامرة ، وأراد معرفة سبب خسارته هل هي من سوء المظ، أم أن توقعاته لم تكن صحيحة . وطاب من صديقه عالم الرياضيات الفرنسي بليس باسكال (Blease Pascal) النصيحة ، واكتشف دى مير أنه كان يراهن مراهنة خاسرة فعلا . ويعد باسكال أبو نظرية الاحتمالات ، وكان هدفه من دراستها مساعدة صديقة دى مير لكسب الرهان (Sprinthall, 1994: 11) .

وقد ذكر المؤرخون لعلم الإحصاء أن القفزة الأولى فعلاً كانت بناء على أعمال لايلاس (Laplace)، وهو صاحب نظرية في الإحتمالات .

بينما كانت القفزة الثانية لأعمال جاوس (Gauss) الذي اهتم بتقدير معالم المجتمع في مقاييس النزعة المركزية ، وتوصل إلى معادلة المنحنى الاعتدالي ، وقد عمل كل من لابلاس ، وجاوس ، وبواسون Poisson على حدة هذا المجال ، وتوصل كل منهم إلى نظريات عن تقدير معالم المجتمع . (Hald, 1998)

وقد استخدم فرانسيس جالتون (Francis Galton) أساليب إحصائية لدراسة الوراثة ، وقد حلل خلال الفترة ١٨٦٩ – ١٨٩٠ العديد من البيانات لتوضيح العلاقة بين السمات الإنسانية عبر الأجيال ، ووضع لنفسه طريقة لمقارنة السمات الإنسانية بترتيب الأفراد على سمتين ، والتعرف على الوضع النسبي لكل فرد بالمقارنة بالآخرين ، حيث كان اهتمامه مركزاً على معرفة الفروق بين الأفراد . وقد دفعت أفكار جالتون إلى استثارة كل من إدج ورث (Edgewarth) وبيرسون) وقد دفعت أفكار جالتون إلى استثارة كل من إدج ورث (Yule) ومولوا تلك الأفكار إلى نظريات رياضية عن الإنحدار والإرتباط .

أما القفزة الثالثة للإجصاء فكانت على يد بيرسون الذى تأثر بكل من جالتون ، ولدون (Weldon) ، حيث شارك مع ولدون فى تحليل بياناته لتحقيق نظرية دارون عام 1892 . وأدى هذا إلى تحول فى حياة كارل بيرسون حيث أهنم بدراسة الإحصاء الرياضى وطوق تحليل البانات ، وأجرى بيرسون العديد من الدراسات فى العزوم وتقدير معالم المجتمع ، واحتمالات توزيع ذى الحدين ، والمعادلات التفاضلية للاحتمالات .

وتوصل بيرسون إلى معادلة لحساب معامل الإرتباط الخطى بين متغيرين فى أواخر القرن الثامن عشر ، كما توصل إلى معادلة كله (مربع كاى) عام ١٩٠٠ ، وأجرى دراسة شهيرة عن السطوح والفراغ عام ١٩٠١ ، كانت هى الأساس لأسلوب التحليل العاملي المعروف بأسم (Principal axes) . كما ساهم ييل بدراسات عن الارتباط الجزئى والإرتباط المتعدد،

وقد سارع سبيرمان عالم النفس المشهور إلى إجراء دراسة نفسية متبعاً فيها الطريقة الجديدة للتحليل العاملي ونشر نظريته للتكوين العقلي عام ١٩٠٤ تحت إسم نظرية العامل العام .

وكانت القفزة الرابعة للإحصاء في بداية القرن العشرين أيضاً (خلال فثرة أعمال بيرسون)، وعندما طلبت شركة (Guinness) المنتجة للبيرة من عالم الرياضيات وليام جوست (William Gosset) عام ١٩٠٦ أن يجرى دراسة عن إمكانية إختيار عينة من أفراد المجتمع في مدينة دبلن (Dublin) بأيراندا لتذوق البيرة وتعميم النتائج على المجتمع .

وقد توصل جوست (Gosset) عام ۱۹۰۸ إلى معادلة لمقارنة أداء العينة مع المجتمع بدرجة جيدة من الدقة ، وقد سمى معادلته باسم (Student) والتى تعرف باسم اختبار (ت) . ووضع جوست برهاناً لنظريته عام ۱۹۱۲، وانتقده بيرسون ، ولكن فيشر (Ronald Fisher) طور البرهان ونشره بعد ذلك عام ۱۹۱۵ (Hald, 1998) .

وكان التطور الخامس للأحصاء على يد العالم الإنجليزي فيشر (Fisher) ، الذي أجرى دراسته عن تحليل التباين خلال عام ١٩٢٠ ونشرت عام ١٩٢٢، وهي تعميم لاختبار (ت) بناءً على مفهوم درجات الحرية . وقد ذكر فيشر أنه استفاد من أعمال هلمرت (Helmert) عن توزيع منوسط وتباين العينه وانحرافها عن التوزيع الاعتدالي (Hald, 1998).

وقد توالت الدراسات منذ أفكار باسكال ولابلاس وبيرسون وجوست وفيشر في الإحصاء الرياضي ، ولكن الأساليب التطبيقية لنظريات الاحصاء الرياضي كانت تأتى بعد فترة زمنية لا تقل عن عشرون عاماً من بداية تلك النظريات واقتناع الاحصائيين بها ، ولا تزال البحوث في مجال الإحصاء الرياضي والتطبيقي - مثل فروع العلم الأخرى - في تطور مستمر لوضع الأفكار موضع التطبيق ، وحل المشكلات الفعلية في المجالات المستخدمة للأساليب الإحصائية . وقد تزايد الاهتمام الآن في مجال أساليب تدليل المتغيرات المتعددة (Multivariate) التي أصبحت ضرورة هامة في بحوث ودراسات العلوم الإنسانية .

أهمية الإحصاء في البحث العلمي:

العم هو مجموعة من الحقائق والنظريات المترابطة ، وهو يحدد علاقة الغرد بما يحيط به من الظواهر الطبيعية ، وبزيادة التقدم العلمي تزداد الحقائق والنظريات التي تم التوصل إليها واختبارها ، والتي تساعد على فهم ما يحيط بالفرد بدرجة أكبر وتوضيح له الصعاب وإمكانية التغلب عليها .

ويقوم الباحثون بإجراء العديد من البحوث العلمية التي تستخدم الوسائل والأساليب الإحصائية المختلفة التي تساعد في فهم المشكلات فهما دقيقاً وموضوعياً. حيث يتم الحصول على بيانات ونتائج أثناء إجراء الدراسة والتي تستخدم في اختبار صحة الفروض أو الإجابة عن التساؤلات ، ولايتم ذلك إلا بإستخدام الأساليب الإحصائية .

ويبدأ الباحث عادة بمشكلة معينة يرغب في دراستها للإجابة عن بعض التساؤلات ، فيحدد المشكلة ويضع التساؤلات في ضوء ما هو متوفر لديه من معلومات مرتبطة بالمشكلة ، ولا يستطيع أي باحث إجراء دراسة جيدة مالم يكن متخصصاً في العجال ولدية حساسية للثغرات في هذا المجال ويعرف مابه من مشكلات تتعلق بالحقائق العلمية في المجال . ومعرفة الباحث بمشكلة معينة تدفعه لمحاولة توضيحها ورؤية ما يحيط بها من عوامل وظروف ، ويبذل الجهد لمحاولة النوصل إلى حل أو عدة حلول للمشكلة فيؤدي به ذلك إلى وضع فروض للدراسة والاختبار بناء على ما هو متوفر من معرفة ومعلومات.

ويكون الهدف التالى للباحث هو كيفية البات صحة تلك الفروض التى وضعها كحلول مقدرحة للمشكلة (أو كناتج مدوقع من الدراسة) فيقوم بجمع

بيانات بإستخدام أدوات قياس مناسبة للمتغيرات. ثم يواجه الباحث مشكلة كيفية التعامل مع البيانات التي جمعها وكيفية استخدامها في اختبار صحة الفروض ، وهذا يأتي دور الأساليب الإحصائية المختلفة والتي تعاون الباحث في الإستخدام على المناسب لبياناته لاختبار صحة الفروض أو الإجابة عن التساؤلات .

والأساليب الإحصائية هي الوسيلة الوحيدة الذي يستطيع بها الباحث ، أياً كان مجال تخصصه تحليل البيانات واختبار صحة فروض دراسته والتوصل إلى النتائج.

ومهما كان التخصص في العلوم الإنسانية أو الطبية أو الزراعية أو الهندسية وغيرها ، فإنها تستلزم استخدام الأساليب الإحصائية لمعالجة البيانات و اختبار صحة الفروض والتوصل إلى النتائج . وبالطبع ، يتم في كل دراسة جمع بيانات لمحاولة تقديم حل للمشكلة أو إجابة عن التساؤلات ، وتلك البيانات في حد ذاتها لا تقدم الحل ولا تجيب عن التساؤلات إلا إذا تم تحليلها بالأساليب الإحسائية المناسية .

ولا يعنى هذا أن الأساليب الإحصائية هى كل شئ فى البحوث وهى التى تقوم بما لا تستطيعه العلوم الأخرى ،ولكنها وسائل مساعدة للباحث لتنظيم البيانات وتحليلها والإجابة عن تساؤلات دراسته أو اختبار صحة فروضه .

ومن ثم فإن الإحصاء وأساليبه هام للبحوث في معظم مجالات العلوم المختلفة مثل أهمية الملح للطعام وأهمية الفلسفة للعلوم وأهمية اللغة للتعبير عن الرأى والفكر ، وكذلك تكون أهمية الإحصاء لمعالجة البيانات والإجابة عن التساؤلات أو اختبار صحة الفروض . ويعنى هذا أنه من الضروري للباحثين الالمام بالأساليب الإحصائية واستخدامها في الوقت المناسب والموقع المناسب لتحليل البيانات المناسبة للإجابة عن السؤال أو اختبار الفرض . وتكرار كلمة المناسب هذا مقصودة لأنه على الباحث معرفة ما يستخدمه في تحليل بياناته ومدى مناسبة ذلك لدراسته . فمن غير المعقول أن يضع الباحث بيانات ونتائج لايعلم من أين جاءت وكيف تم الحصول عليها ، ومن ثم لايعلم كيفية الاستنتاج منها وربما يؤدي هذا إلى استنتاجات وتفسيرات خاطئة . وهذا هو الحال في العديد من البحوث خاصة في العلوم الإنسانية .

وتستخدم الأساليب الإحصائية في معظم البحوث العلمية خاصة تلك التي تجمع بيانات عن الظاهرة موضع الدراسة ، ويبدو هذا واصحا في مجالات العلوم

الإنسانية والعلوم الطبية والعلوم الزراعية والعلوم الأساسية ، كما تستخدم في مجالات الصناعة والتجارة والإقتصاد والتخطيط وغيرها من المجالات التي تعتمد على الأرقام وتعالجها بطرق مختلفة ، وهذه المعالجات تستخدم أساليب احصائية مختلفة . فإذا ما كان الأسلوب الإحصائي المستخدم غير مناسب ، فقد يؤدي هذا إلى استنتاج خاطئ ، وتكمن الخطورة في اتخاذ قرار يعتمد على هذا الاستنتاج الخاطئ . وما أكثر القرارات التي تعتمد على بيانات ونتائج البحوث ، ولا يكون الخطأ في هذا الشأن راجعا إلى متخذى القرار وحدهم ، وإنما على من قاموا بإجراء البحوث وما توصلوا إليه من استنتاجات وتفسيرات وتوصيات غير صحيحة أو غير مناسبة .

المتغــــيرات :

المتغير هو مفهوم يعبر عن الاختلافات بين عناصر فئة معينة مثل النوع (الجنس) ، والتحصيل ، والدافعية ، والمستوى الاقتصادى – الإجتماعى ، وكذلك الانفعال وأسلوب التنشئة وغيرها . ونلاحظ ضرورة اختلاف عناصر الفئة لكى نطلق عليها اسم متغير مثل الحالة الإجتماعية ، أما إذا كانت العناصر من نفس النوع فإن هذه الخاصية تعد مقدار ثابتا وليست متغيرا ، ومثال ذلك إجراء دراسة على الذكور فقط ويعنى هذا أننا نثبت متغير الجنس (أى يصبح مقدار ثابتا) . وبذلك يمكن تعريف المتغير بأنه اختلاف الأفراد في قيم أو درجات خاصية معينة . ويهتم الباحثون بدراسة المتغيرات المختلفة وكذلك دراسة الثوابت .

وتوجد أنواع مختلفة من المتغيرات الكمية والتصنيفية . فالمتغير الكمي هو الذي يأخذ قيما متعددة على متصل من أقل قيمة إلى أكبر قيمة مثل الطول والوزن ودرجات إختبار معين . أما المتغير التصنيفي فهو الذي لا يختلف في الدرجة وإنما في النوع مثل الديانة والمهنة وطريقة التدريس وأسلوب الإدارة وغيرها.

ويهتم الباحثون بدراسة المتغيرات الكمية والتصنيفية والتي يطلق عليها مسميات أخرى مثل المتغيرات المستقلة والتابعة والضابطة والخارجية .

والمتغيرات المستقلة هي التي يهتم الباحث بدراسة أثرها على متغيرات أخرى تابعة في البحوث التجريبية أو شبه التجريبية ، حيث تسمى المتغيرات المستقلة بالمتغيرات التجريبية أو المعالجات . أما المتغيرات التابعة فهي التي تتأثر بمتغير تجريبي أو مستقل ، وبذلك تعتمد طبيعة المتغيرالتابع على مدى تأثره بالمتغير المستقل .

والمتغيرات الخارجية هي متغيرات لا يهتم الباحث بدراستها ولكنها قد تؤثر على متغيرات الدراسة المستقلة أو التابعة أو كليهما . فإذا اهتم الباحث بدراسة أحد أو بعض المتغيرات الخارجية فإنه يصبح متغيرا مستقلا أو تابعا . أما إذا حاول عزله أو ضبطه فإنه يصبح متغيرا ضابطا .

وعند تفسير الظواهر فإننا نفسر المتغيرات التابعة تحت شروط المتغيرات المستقلة . ومعنى هذا أن التفسير يتطلب شرح علاقة المتغيرات المستقلة بالمتغيرات التابعة التى تتغير تبعا للمتغيرات المستقلة . ومثال ذلك علاقة التدخين بمرض السرطان حيث يؤكد الأطباء أن التدخين يؤدى إلى سرطان الرثة وإلى أمراض أخرى . ويكون المتغير المستقل هذا هو التدخين والمتغيرات التابعة هى الأمراض المختلفة .

وكذلك عند دراسة علاقة اختبارات القبول للجامعة بالتحصيل الأكاديمى حيث ندل الدراسات على أن اختبارات القبول للجامعة لها قدرة على الننبؤ بالتحصيل الدراسي في الجامعة ، وتكون اختبارات القبول هي مقاييس للمتغيرات المنبئة (المستقلة) والتحصيل الجامعي هو المتغير التابع ، ويعني هذا أن الدرجات المرتفعة على اختبارات القبول تؤدى إلى الحصول على درجات مرتفعة في التحصيل الجامعي .

وفى البحوث غير التجريبية فإننا لا نعطى للمتغيرات الأسماء السابق الاشارة إليها (المستقلة والتابعة) وإنما نكون كلها متغيرات فى الدراسة أو متغيرات خارجية . ففى البحوث المسحية ، والوصفية ، والارتباطية ، والتحليلية ، لانبحث عن السبب والنتيجة ، مثلما يحدث فى البحوث التجريبية التى يتم فيها بحث أثر متغير مستقل (معالجة) على متغير تابع ، وإنما يكون الاهتمام بدراسة المتغيرات المتصلة بظاهرة معينة لغهم الظاهرة وتفسيرها أو للكشف عن علاقات المتغيرات بالظاهرة أو أسباب حدوث الظاهرة .

وعند دراسة ظاهرة تربوية أو نفسية أو اجتماعية يواجه الباحث العديد من المتغيرات المرتبطة بالظاهرة ، فيحاول دراسة بعض هذه المتغيرات واغفال البعض الآخر ،وتلك المتغيرات التي يغفها الباحث هي متغيرات خارجية لا يستطيع التحكم فيها ولا يقوم بدراستها . وهذه المتغيرات الخارجية هامة جدا في تفسير نتائج الدراسة التي لاتتفق مع توقعات الباحث ، كما أنها هامة جدا عند الاستنتاج من نتائج العينة وتعميمها على مجتمع الدراسة .

التغيرات المتصلة والنفصلة :

قد نطق على المتغيرات أسماء أخرى مثل المتصلة Continuous المنفصلة Discrete حسب طبيعة قيم المتغيرات ، فاذا أجرينا تجربة على الأطغال التصنيف مجموعة من المكعبات حسب اللون ، فإن عدد المكعبات التي يتم تصنيفها صحيحا تأخذ القيم ١ ، ٢ ، ٣ ، ، ١٠ مثلا ، وتكون درجة كل طفل هي عددا صحيحا . وبالتالي يكون هذا المتغير متغيرا منفصلا (متقطعا) أما إذا حسبنا الوقت المستغرق في عملية التصنيف بالدقيقة و الثانية وربما كسور الثانية ، فإن الزمن المستغرق لكل طفل يكون قيما صحيحة أو كسرية ، وهنا يكون المتغير متصلا.

ومعنى هذا أن قيم المتغيرات المتصلة ليست أعداداً صحيحة فقط ، واتما تشمل الكسور أيضا ، ويكون لهذه الكسور معنى مألوف ، بينما المتغيرات المنفصلة تتكون من أعداد صحيحة لأن الكسور هنا ليس لها معنى .

والمتغيرات المنصلة هي متغيرات كمية حيث نعثل قيم المتغيرات فروقاً في الدرجة على متصل واحد هو منصل المتغير ، وكذلك المتغيرات المنفصلة هي متغيرات كمية حيث تكون قيم المتغير هي درجات صحيحة تدل على تغير في الدرجة .

وتقوم الأساليب الإحصائية بإجراء العمليات الحسابية الأساسية على كل من المتغيرات المتصلة والعنفصلة ، وينتج عن ذلك قيماً إحصائية صحيحة أو كسرية وبالتالى فإننها تتعامل هنا مع المتغيرات المتصلة فقط . ومعنى هذا أن المتغيرات الترتيبية هى متغيرات كمية ، حيث يمكن وضع قيم المتغير على متصل يوضح العلاقة بين تلك القيم المختلفة ، ولكن لا نستطيع إجراء العمليات الحسابية مع هذه المتغيرات الترتيبية لأن كل رتبة تمثل فئة ولا يوجد معلى لكسور الرتبة أو الفئة .

مستويات القياس :

قدم ستيفنس (Stevens, 1951) أربعة أنواع أو مستسويات للقيساس (Pedhazur & Schmelkin, 1991) مرتبة تصاعديا من البسيط إلى الأكثر وضوحا وهي القياس: الأسمى ، والترتيبي ، والفترى ، والنسبى . وقد وضح ذلك عام ١٩٥٩ حيث عرض أنواع القياس مرتبطة بالتحويلات المناسبة لها ، وسوف نوضح ذلك مع كل نوع من أنواع القياس .

: Nominal Scale القياس الاسمى - ١

يعبر القياس الأسمى عن إعطاء أرقام أو رموز للمتغيرات الاسمية ، وتستخدم الأرقام لتحل محل الأسماء أو الرموز الدالة على المتغيرات ، ومثال القياس الاسمى إعطاء أرقام تدل على متغيرات مثل النوع والتخصص ومحل الإقامة وغيرها، وهذه الأرقام ليس لها قيمة سوى انها بديلة عن الأسماء ، ومثال ذلك أرقام السيارات فهى تدل على نوع كل سيارة بذائها ، ولا يعنى الرقم الكبير أن السيارة أفضل من تلك التى يدل عليها رقم صغير ، ولكن الأرقام هنا بديلة للأسماء .

وتصنيف الأشياء هام جدا في حياتنا ، وقدرتنا على مواجهة مثيرات الحياة يؤدى بنا إلى محاولة تصنيف الأشياء ، وعزل ما لا يدخل في التصنيف إلى تصنيفات أخرى . فنحن نصنف الأشياء والنبانات والأحداث ، وكذلك الحقائق العلمية . ويعضها يبدو بسيطا وطبيعيا بينما البعض الآخر معقد بدرجة كبيرة وقد نختلف في تصنيفها .

فعندما نصنف الأفراد حسب الجئس ، فالقاعدة بسيطة وطبيعية وواضعة وهي اما ذكوراً أو اناثا . وعلى العكس من ذلك تصنيف البشر طبقا لسمات الشخصية ، وهي تحتاج إلى قاعدة محددة لتحديد السمات وكيفية التعرف عليها ، ويتم التصنيف بعد ذلك طبقا لكل سمة أو لمجموعة من السمات . ويبدو أن هذا التصنيف معقد إلى حد ما وغير واضح .

ويوضح التصنيف ، سواء كان بسيطا أو معقدا ، مفاهيم علمية أو متغيرات مثل المستويات الإقتصادية - الإجتماعية ، والجماعة التي ينتمي إليها الفرد ، والديانة ، ومحل الإقامة . وعندما نستخدم مثل هذه المتغيرات في البحوث العلمية يكون التصنيف جزءا هاما معتمدا على أسس نظرية ومنطقية في البحوث .

وقد يذكر بعض المتخصصين أهمية مستوى القياس الاسمى ويعتبرونه مستوى مبدئيا بسيطا ولا يعد من مستويات القياس ، إلا أن هذا المستوى هام جدا للمستويات التالية له .

ويستلزم مستوى القياس الاسمى أن يكون تصديف فدات المتغيرات أو الأشياء في مجموعات مستقلة ، ويعنى ذلك أن كل مفردة تنتمى إلى فلة واحدة واننا نصدف جميع المفردات في الفدات المحددة ، فمثلا تصديف الأفراد طبقا لإنتماءاتهم الدينية ، فيكون اكل فرد ديانه واحدة فقط ، وكذلك حسب الجنسية يكون لكل فرد جنسية واحدة محددة ، وقد يكون بعض الأفراد مزدوجي الجنسية ،

وهؤلاء نضعهم في فثة أخرى وهي فئة إزدواج الجنسية حتى تكون الفثات مستقلة عن بعضها البعض .

وأحيانا نستخدم فئة إضافية لفئات المتغير الاسمى عندما لا نستطيع تصنيف بعض الأفراد أو الأشياء أو المفردات في الفئات المناحة .

وبعد تصديف الأفراد أو المفرادت إلى فئات مختلفة فإننا نتعامل معها على أنها مختلفة في النوع وليس في الدرجة . ومعنى ذلك أن فئات القياس الاسمى ليست مرتبة ، فعضوية النادى الأهلى لا تزيد أو تنقص عن عصوية نادى الزمالك، ولكنهما مختلفان عن بعضها في الاسم (النوع) ، والخاصية الأخرى للقياس الاسمى هي أن جميع مفردات كل فئة متساوية بغض النظر عن دور كل منهم في تلك الفئة ، فجميع أعضاء نادى معين يعاملون ممعاملة واحدة وبنفس الطريقة رغم إختلافهم في أدوارهم داخل النادى أو خدماتهم أو جنسهم أو وظائفهم الخارجية أو أي متغيرات أخرى .

والفئات المستخدمة لتصنيف الأفراد أو المفردات يجب أن يكون لها معنى ، أو تكون مفيدة للهدف من التصنييف ، ولذلك يعد التصنيف أحد مستويات القياس، والقياس وسيلة وليس نهاية ، ويمكن تحديد معنى أو فائدة القياس من خلال أسس نظرية أو عملية ، واختلاف التعريف يوضح قواعد مختلفة تؤدى إلى اختلاف تصنيف نفس الأفراد أو المفردات ، ومثال ذلك تصنيف الأفراد طبقا للنوع ، واختلاف فئات النوع تؤدى إلى اختلاف التصنيف .

واستخدام الفئات أو نظام التنصنيف يؤدى إلى قياس اسمى ، حيث نعين لكل فئة من الفئات أى رقم بديل لمسمى الفئة ، ولا يهم ماهية الرقم طالما أثنا نستخدم أرقاما مختلفة للفئات المختلفة ، ويالرغم من حرية استخدام الأرقام لتدل على فئات فمن المفضل أن نستخدم ١ ، ٢ فى حالة فئتين ، وقد يستخدم البعض (صفر ، ١) لنفس الحالة . فمثلا النوع (ذكر ، أنثى) نستخدم بدلا منهما (١, ٢) ، وقد نستخدم مثلا ١ ، ٢,٥ فليس لذلك أى معلى آخر سوى أنه بديل لاسم وقد نستخدم مثلا ١ ، ٢,٥ فليس لذلك أى معلى آخر سوى أنه بديل لاسم الجنسين . وهذه الأرقام الدائمة على الفئات غير قابلة لإجراء العمليات الحسابية الأربع ، فلا يجوز جمع أرقام الجنسين أو الديانات أو الجنسية حيث لا معنى لذلك الجمع . واستخدام الأرقام كبديل للفئات هو لتسهيل التعرف على الفئات ، وكذلك التسهيل التحرف على الفئات ، وكذلك لتسهيل التحليلات الإحصائية للمتغيرات الأخرى ، ومن أمثلة متغيرات القياس الاسمى التخصص ، والحالة الإجتماعية ، ونوع السيارة ، والديانة ... وغيرها .

٢ - القياس الترتيبي Ordinal Scale:

يستخدم مع المتغيرات التى يحكم فداتها تدرج فى المستوى من الأقل للأعلى مثل الدرجة الوظيفية . ونحدد فى القياس الترتيبي أرقام للأفراد أو المفردات لندل على ترتيبهم فى خاصية معينة . فإذا كان شخص ما حسن المظهر أكثر من شخص آخر فإننا نعطيه رقم ٢ بينما نعطى الآخر رقم ١ ولاتدل هذه الأرقام على حجم الفرق بينهما وإنما تدل على علاقة أكبر من أو أقل من . ولذلك فإن القياس الترتيبي يهتم بترتيب الأفراد أو المفردات طبقا للزيادة أو النقص فى الخاصية المستخدمة المترتيب ، فيمكن أن تكون (أ) أكبر من (ب) فى الخاصية ونضع كلا منهما فى موقعها المناسب . أما إذا كانت (أ) تساوى (ب) فى تلك الخاصية فإننا نضعهما فى رتبة واحدة ، وبالمثل إذا كانت أ > ب، ب > ج ، فتكون أ > ج ، حيث اننا نهتم بالعلاقة أكبر من أو أصغر من فى القياس الترتيبي.

ولكن إذا ذكررنا أن النادى (أ) هزم النادى (ب) ، والنادى (ب) هزم النادى (ب) النادى (ب) هزم النادى (ب) النادى (ب

ولاتتأثر الأرقام المستخدمة في تربيب الأفراد أو المفردات باضافة رقم ثابت ولاتتأثر الأرقام المستخدمة في تربيب الأفراد أو المفردات باضافة رقم ثابت أن الربية نظل كما هي مستقلة عن تلك العمليات الثابنة .

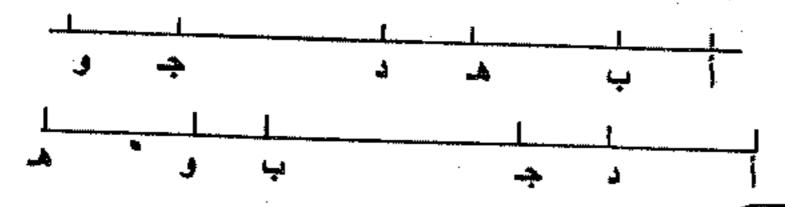
ففى حالة المستوى الاقتصادى (منخفض ، ومتوسط ، ومرتفع) يمكن أن نستخدم ٢ ، ٢ ، ٣ لندل على المستويات ، وإذا ضرينا كل منها فى خمسة أو أضفنا لكل منها عشرة فلا تتغير المستويات .

وإذا كان لدنيا مجموعتين من الأفراد بكل منهما سنة أفراد ورتبناهما طبقا للطول ، وكان الترتيب كما يلى :

أييب ، هـ ، د ، و

أ، د، جه، ب، و، هـ

وإذا وضعنا الأفراد السنة في كل مجموعة على منصل قد يكون كما يلي :



وقد يتضح من الترتيب قرب أو تباعد بعض الأفراد ، ولكننا لا نستطيع معرفة الفرق بين أى رتبتين متتاليتين ، كما اننا لا نستطيع مقارنة رتب الأفراد في المجموعتين حيث لايكون لذلك معنى ، فمثلا الفرد رقم ٢ في المجموعة الأولى لا يتساوى مع الرتبة ٢ في المجموعة الثانية . وربما يكون أقصر فرد في المجموعة الأولى المؤلى أطول من جميع أفراد المجموعة الثانية .

ويمكن إعادة النظر في تربيب المجموعتين بطريقة أخرى في حالة ذاتية التقدير للخاصية المستخدمة في التربيب ، ومثال ذلك تربيب اثنين من المحكمين لأداء ستة أفراد في لعبة رياضية فسوف تختلف تربيباتهما ، وكذلك تربيب عدة أنواع من الأطعمة ، أو تربب عدة اعلانات تلفزيونية من قبل اثنين من المتخصصين حيث تربيب تلك الإعلانات طبقا لأفضلية بعضها على الآخر ولكن لا يحددا قيمة كل منها . وقد نلاحظ اختلاف المتخصصين في ذلك طبقا لما يراه كل منهما وفي ضوء معايير معينة . ومن أمثلة متغيرات القياس التربيبي المرحلة التعليمية ، والدرجة الوظيفية . وتربيب الميلاد . وغيرها .

ويعد القياس الدرتيبي مقيدا في حالة دراسة الفروق بين الأفراد أو التفضيلات وما شابه ذلك

۳ - القياس الفترى Interval Scale:

يستخدم القياس الفترى مع العديد من المتغيرات النفسية والإجتماعية مثل الانجاهات المختلفة ، والتحصيل ، وسمات الشخصية ... وغيرها .

ونستخدم فى هذا المستوى الإرقام لنعبر عن الغروق بين الأفراد أو المفرادت بالأضافة إلى ترتيبها ، وتكون للأرقام معنى يرتبط بالخاصية المقاسة . ويمعنى آخر فإن هذا النوع من القياس يستخدم وحدات قياس توضح معنى للفروق بين المفردات حيث يمكن مقارنة الفروق أو تحويلها إلى نسب منوية.

وأفضل مثال لهذا النوع من القياس هو درجات الحرارة ، فمثلا درجة حرارة ، مثال لهذا النوع من القياس هو درجات الحرارة ، فمثلا درجة حرارة ، منوية بعشر درجات ، لأن وحدات القياس ثابتة ، كما أن الفرق بين ٥٠ ، ٤٠ يساوى الفرق بين ٨٠ ، ٧٠.

ويكون القياس الفتري ثابتاً في حالة التحويلات الخطية (ص = أ+ ب س) حيث يمكن تحويل درجة الحرارة العلوية إلى فهرنهيتية باستخدام الثابت ٣٢ والنسبة بين الدرجتين هي ١٠٨٠

فالدرجة المئوية ٥٠ = $77 + 1.4 \times 00 = 177$ فهرنهيت والدرجة المئوية ٤٠ = $77 + 1.4 \times 10 = 100$ فهرنهيت

ونلاحظ أن صغر القياس في الدرجات المئوية هو صغر ، أما في الدرجات الفهرنهيتية فهو ٣٢، ومن ثم فإن صغر القياس في القياس الفترى هو صغر اعتبارى . ولذلك لا نستطيع تحويل درجات الحرارة الى نسب مئوية لأتنا أضغنا مقدار ثابتا إلى التدريج . وقد رجدنا أن الدرجة ٥٠ مئوية أصبحت ١٢٢ فهرنهيتية والدرجة ٥٠ مئوية أصبحت ١٢٢ فهرنهيتية والدرجة ٥٠ مئوية أصبحت ١٠٤ فهرنهيتية أما إذا قسمنا ٥٠على ٤٠ فإتها لا تساوى خارج قسمة ١٢٢ على ١٠٤ والسبب في ذلك هو تغير صغر القياس .

وإذا أخذنا مثالا آخر من العلوم السلوكية ، فاذا كان لدينا فردين حصل الأول على درجة ذكاء ١٠٠ والثانى ٥٠ ، وصغر القياس اعتبارى لكته لا يساوى الصغر ، حيث لا يمكن تعريف درجة ذكاء الأول تساوى صغر (ولا معنى لها) . فإذا رغبنا فى مقارنة الفردين فلا يمكن القول بأن نكاء الأول ضعف الثانى ، ونفس الشئ فى حالة درجات الاختبارات التحصيلية ، فإذا حصل طالب على درجة ٤٥ فى اللغة العربية وحصل طالب آخر على ١٥ ، فمن الواضح أن درجة الطالب فى الثانى ، ويمكن أن نستنتج أن الطالب الأول أجاب عن أسئلة تعادل ثلاثة أمثال الطالب الثانى ، ولكن هل تعنى الدرجة صغر أن الطالب لا يعرف شيئا؟، وبالطبع يصعب أن يكون مستوى الطالب فى اللغة العربية صغرا ، وانما يمكن القول أن اسئلة الاختبار غير مناسبة لمستوى الطالب الذى حصل على الصفر

ومن أمثلة القياس الفترى درجات الاختبارات او مقابيس الانجاهات ، ومقاييس الانجاهات ، وممتوى الأناء في العمل وغيرها .

* Ratio Scale القياس النسبي -٣

يختلف القياس النسبى عن القياس الفترى فى أمرين هما : صفر القياس ،
والنسبة بين أى درجتين فى القياس لا تعتمد على الرحدات المستخدمة . ومعنى
هذا أن القياس النسبى يتحقق إذا تحققت شروط القياس الفترى بالإضافة إلى وجود
صفر حقيقى القياس يعنى عدم وجود الصفة المقاسة . كما أن النسبة بين أى
درجتين ثابتة حتى لو صربت فى مقدار ثابت .

ومن أمثلة القياس النصبي قياس الطول والوزن ، فغى قياس الطول إذا كان. طول شي ما يساوى ١٢٠ وحدة (مثل السنتيمتر) فإنه يكون أطول أربع مرات من شئ آخر طوله ٣٠ وحدة (أرسنتيمتر) . ولا تتغير هذه النسبة إذاكان القياس بالمتر أو الديسمتر أو الماليمتر . وكذلك إذا كان وزن جسم هو ٢٠كجم فإنه يكون أتقل خمس مرات من جسم آخر وزنه ١٢كجم مهما كانت وحدة الوزن المستخدمة بالجرام أو الرطل.

ومعنى هذا أن أى تحريل لوحدات القياس النسبى لا يغير من النسبة ، فيمكن مترب الوحدة في ١٠٠٠ أو ١٠٠ و قسمتها على ٢,٢ دون أى تغير ، كما أن هذا القياس يظل كما هو دون تغير .

أما إصافة مقدار ثابت إلى وحدات القياس فيردى إلى تحريك صغر القياس ومن ثم تدفير نسبة الدرجات المحولة . فإذا كان طول فرد ما ١٦٠ سم ، وصرينا الرقم في ١٠٠ ليصبح القياس بالماليمتر) أو قسعناه على ١٠٠ ليصبح القياس بالماليمتر) أو قسعناه على ١٠٠ ليصبح القياس بالمائر) فلا يحدث أى تغير في الطول . بينما إذا وقف الفرد على صندوق إرتقاعه مس بجوار المقياس فإن الطول يتغير بقدار إرتفاع الصندوق.

فإذا وقف جميع الأفراد على هذا الصندوق عند قياس أطوالهم فإن الأطوال جميمها تتحرك ٥٠ سم. ويكون طول الفرد الأول (١٦٠) قد تغير إلى ٢١٠ والثانى (١٧٠) يتغير إلى ٢٧٠ مما يغير نسبة الأطوال ، لأن النسبة

ومن أمثلة القياس النسبى فى العلوم الإنسانية قياس زمن رد الفعل . أما الكثير من مستويات القياس فى العلوم الإنسانية فإنها تعتمد على مستويات القياس الأخرى السابق توضيحها ، حيث أننا نقيس الخصائص الإنسانية بطريق غير مباشر مثل قياس الإنجاء نحو شئ ما ، أو قياس نمط التفكير حيث يتم بطريق غير مباشر ، ويكون مستوى القياس المستخدم غالبا هو القياس الفترى أو الترتيبي ، ونادرا ما نستخدم مستوى القياس النسبى فى العلوم الإنسانية .

ونود الإشارة هذا إلى وجود مشكلتين في قياس المتغيرات المتصلة (الغنرية والنسبية) ، احداهما تتعلق بدقة القياس حيث نلجاً في كثير من الأحيان إلى التقريب .

فعند قياس أطوال الأفرادغالبا ما نقرب الطول إلى أقرب سننيمتر ، ونحصل على أطوال الأفراد وكأنها بدانات لمتغير متقطع ، إلا أننا من الناحية النظرية تعترف بأن الطول متغير متصل ، وظاهرة النقريب إلى أقرب سنتيمتر تجعلنا نعتبر

الطول المقابل لـ ١٦٠ سم ممثلا لجميع الأطوال بين ١٥٩،٥ سم وحتى ١٦٠،٥ سم .

ونلاحظ من المثالين السابقين أن قياس السابقين أن قياس سعة الطول والذكاء عبرنا عن كل منهما باعداد نعثل كل منها قنرة ما . وهذه الفترات التى تمتد نصف وحدة أقل من العدد الناتج عن القياس ، كما تمتد نصف وحدة أعلى من العدد المقاس تسمى بالحدود الحقيقية والتى تجعل درجات المتغير المقاس متصلة وليست منقطعة ، وإن كان القياس التقريبي يجعلها وكأنها متقطعة .

علاقة القياس بالإحصاء :

يختلف القياس عن الإحصاء حيث أنهما مفهومين مختلفين ، ولكل منهما معنى وإجراءت مختلفة ، ويقصد بالقياس تعيين أرقام أو مستويات مختلفة للصفة المقاسة بإختلاف الأفراد أما الإحصاء فهو يستخدم هذه الأرقام أو المستويات ويتعامل معها بأساليب معينة تناسب مشكلة الدراسة أو تساؤلاتها . وقد بخلط البعض بين مفهومي القياس والإحصاء ، خاصة أولئك الذين لا يحبون التعامل مع الأرقام والمعادلات الرياضية .

وبذلك يعد القياس هو عملية التوصل إلى الأرقام التى نستخدمها فى التحليلات الإحصائية . فيقوم الباحث بقياس المتغيرات مثل الذكاء والتحصيل الدراسى والمستوى الاقتصادى - الإجتماعي وغيرها ، ثم يستخدم الأرقام التى يحصل عليها في إجراء التحليلات الإحصائية لوصف الظاهرة أو تفسيرها ،وفى إختبار صحة الغروض المتعلقة بالظاهرة .

رمن هذا فإن الأرقام المستخدمة تؤثر على التحليلات الإحصائية ، فإذا كانت الأرقام دقيقة وتدل على الصفة المقاسة دون تحيز ، فإن التحليلات الإحصائية تتعامل مع أرقام دقيقة وجيدة . وبذلك لا نستطيع أن نقرر بأن فهم

وتفسير النتائج مستقل عن أدوات القياس المستخدمة . وإذا استخدام الباحث أدوات عير جيدة ، وكانت الأرقام لا معنى لها ، فإن تحليل تلك الأرقام يؤدى إلى نتائج لا معنى لها أيضا . وحتى إذا استخدم الباحث الأساليب الإحصائية المعقدة مثل تحليل التمايز وتحليل التباين متعدد المتغيرات ، فإنها لا تعطى معنى للنتائج طالما أن الأرقام المستخدمة لا معنى لها . ومن أمثلة الأرقام التي لا معنى لها أحيانا ، استخدام المجموع الكلى لدرجات الاختبار بجانب الدرجات الجزئية في التحليل العاملي أو الارتباط المتعدد . وقد يقع في هذا الشرك كثير من الباحثين دون أن يدروا بأنهم يرتكبون خطأ جسيما يتعلق بمقلوب مصفوفة الإرتباط .كما أن حساب متوسط متغيرات إسمية أو ترتيبية مثل النوع والمستوى التعليمي تعد أرقاما لا معنى لها ولا يجب استخدامها .

علاقة مستويات القياس بالأساليب الإحصائية :

تختلف آراء العلماء حول هذا الموضوع ، ويرجع تاريخ هذه المشكلة إلى ما عرضه ستيفنس عام ١٩٥١عن مستويات القياس السابق توضيحها ، فقد أوضح ستيفنس أنه يجب عدم حساب المتوسط الحسابى والإنحراف المعيارى لدرجات مستوى القياس الاسمى والترتيبي .

وقد ناقش كثير من العلماء علاقة مستويات القياس بالأساليب الإحصائية حيث يدافع بعضهم عن وجهة نظر ستيفنس بينما ينتقده البعض الآخر ، والمهم هو اختيار الأسلوب الإحصائي المناسب للبيانات شريطة أن يكون لذلك معنى مفهوم وواضح بغض النظر عن الدفاع عن رأى أو معارضته ، قمثلا يمكن حساب متوسط عدد الأبداء في عينة الدراسة ويكون لذلك مسنى مفهوم بينما متوسط النوع (الجنس) لا معنى له .

ونستنتج من ذلك أنه إذا كانت مستويات القياس إسمية أو ترتيبية فلا نستطيع حساب المتوسط والإنحراف المعيارى ، وبالتالى نبتعد عن استخدام الأساليب الإحصائية البارامترية (المعلمية) التي تعتمد على التوزيع الاعتدالي والتوزيعات المشابهة له ، أما إذا كانت مستويات القياس فترية أو نسبية فيمكن استخدام جميع الأساليب الإحصائية البارمترية واللابارامترية .

ويقصد بكلمة بارامتر Parameter معلم (وهو متغير) المجتمع ، فالمتغير خاصية من خصائص العينة ، أما في المجتمع فيسمى المعلم ومتوسط ذكاء العينة هو متوسط لمتغير الذكاء ، أما متوسط ذكاء المجتمع فهو معلم من معالم المجتمع .

وبالطبع لا نستطيع حساب معالم المجتمع (مثل المتوسط والانحراف المعيارى في المجتمع) ، لأننا نجرى البحوث على عينات من المجتمع ونحاول أن نستدل منها والتعميم على المجتمع الأصلى.

والإحساء البارامترى (المعلمى) هو الذى يعتمد على معالم المجتمع . وحيث أن توزيع أى خاصية فى المجتمع من الخواص الطبيعية هو توزيع اعتدالى، فيكون المنحنى الاعتدالى هو الأساس فى دراسة تلك الخاصية . ويعتمد توزيع المنحنى الاعتدالى على معلمين هما المتوسط المسابى والانحراف المعيارى. وبالتالى فإن الأساليب الإحصائية التى تشترط التوزيع الإعتدالى للبيانات هى أساليب بارامتراية ، ومن أمثلتها الارتباط الخطى ، واختبار (ت) وتحليل التباين وغيرها .

أما الأساليب الإحصائية التي لا تشترط أى ترزيع للبيانات فهى الأساليب الإحصائية اللهارامترية Non-Parametric ، والنسب الإحصائية اللابارامترية ، والنسب المتوية ، ومربع كاى ، واختبار مان وتيني وغيرها .

والاختيار بين الأساليب البارامترية واللابارامترية يعتمد على كل من عمستوى القياس وتوزيع البيانات وحجم العينة . فغى حالة القياس الأسمى أو الترتيبي نستخدم الأساليب الإحسائية اللابارامترية ، أما في حالة القياس الفترى أو النسبي مع توفر شرط التوزيع الاعتدالي البيانات فنستخدم الأساليب الإحصائية البارامترية . وبالإضافة إلى ذلك إذا كان حجم العينة صغيرا فإننا نستخدم الأساليب الإحصائية اللبارامترية مهما كان مستوى القياس في جمع البيانات .

: Descriptive Statistics

يشير الإحصاء الوصفى إلى مجموعة من المفاهيم والأسائيب التى تستخدم في تنظيم وتلخيص وعرض مجموعة من البيانات بهدف إعطاء فكرة عامة عنها.

ويعطى الرحصاء الوصفى ملخصا جيدا لمجموعة من المعلومات أو البيانات مثل متوسط ذكاء عينة من الطلبة أو عدد مرات فوز فريق كرة خلال الموسم ، أو عدد حوداث المور خلال شهر معين وغيرها من الأمثلة التى تعطى فكرة عامة عن الموضوع .

كما أن الإحصاء الوصفي هو الأرقام التي تصف موقف هام مثل نسبة

البطالة ، ومتوسط الأجور ، ومعدل المرض ، وعدد السيارات المباعة في شهر معين، وعدد الأطفال في الأسرة المتوسطة ، ومعدل الطول والوزن والعمر وغيرها.

ولكن هذه الأرقام التى تقدم فكرة عامة عن الموقف أو الموضوع لا توضح معلومات أخرى ، ولا تجيب عن تساؤلات مرتبطة بالموقف أو الموضوع .

فإذا كانت نسبة البطالة ١٠ ٪ عام ١٩٩٠، فلا تعنى هذه النسبة أنها محسوبة من عدد السكان أو من قوة العمل ، أو أنها تتضمن القطاعين الحكومى والخاص . وكذلك الحال عن متوسط الأجور وعدد الصوادث وغيرها من الموضوعات التى تنطلب معلومات إضافية للوصف والتوضيح أو تحديد المقصود بالمعلومات المعطاة .

وإذا كانت نسبة البطالة ٩ ٪ عام ١٩٩٥ ، فلا تعنى أنها أقل من النسبة عام ١٩٩٠ ، فريما يرجع السبب لزيادة السكان أو زيادة حجم قوة العمل المنسوب إليها البطالة . ومعنى هذا أن المعلومات التي تقدم لوصف مجموعة البيانات تعتمد على الهدف من الوصف والأسئلة المطلوب إجابتها في الموضوع ، فقد يكون المطلوب عرض بيانات عن أعمال العاطلين أو مؤهلاتهم أو أعدادهم في كل مدينة وغير ذلك من المعلومات التي تفيد في توضيح النسبة وتحيد الاستنتاج منها او تفسيرها.

ويمكن ان تكون بيانات المتغيرات في صورة كمية أو تصنفية (إسمية أو ترتيبة) مثل درجات الاختبارات أو الجنسية أو ترتيب الميلاد ولكن الأساليب الإحصائية الوصفية تختلف بإختلاف طريقة قياس المتغيرات وبالتائي فإن أساليب تلخيص وعرض البيانات تختلف بإختلاف مستويات القياس .

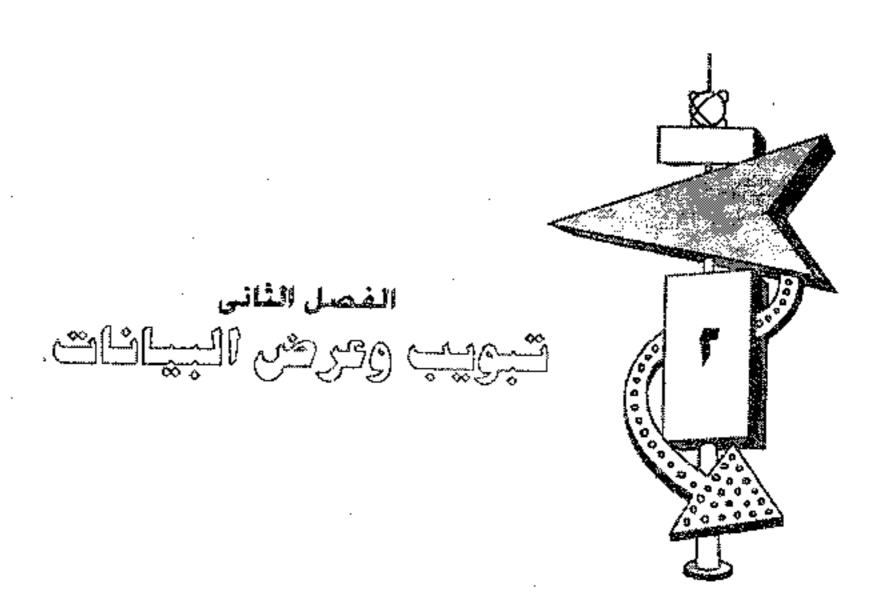
ويهدف الإحصاء الوصفى إلى تلخيص البيانات في جداول أو رسوم بيانية (أو مصورة) أو قيم رقمية مثل المتوسط والوسيط والمنوال وغيرها من مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت أو العلاقات، وسوف نعرض في الفصول التالية للأساليب الإحصائية الوصفية.

: Inferntial Statistics الإحصاء الإستدلالي

يشير الإحصاء الإستدلالي إلى مجموعة الأساليب المستخدمة للتوصل إلى استنتاجات من بيانات العينة الى المجتمع الأكبر . وبذلك فهو يشير إلى طرق الإستدلال عن المجتمع من بيانات العينة ، وحيث أن الفرض من البحوث في

العلوم الإنسانية هو التوصل إلى إجابات عن أسلة تخص السلوك الإنساني ، فعلى الباحث أن يحاول التأكد من صحة الإجابات في المجتمع ، وبالطبع لا يستطيع أي باحث دراسة المجتمع كله (إلا إذا كان صغيرا) ، ولذلك يقوم الباحث باستنتاج خصائص المجتمع من بيانات العينة ويعتمد صدق الإستدلال من العينة إلى المجتمع على درجة تمثيل العينة المجتمع .

وسوف نعرض في الفصول السابع ، والثامن ، والتاسع ، والعاشر ، الأساليب الإحصائية الإستدلالية .



الفصل الثانى تبويب وعرض البيسانات

تهتم البحوث عادة بجمع بيانات عن المتغيرات في صورة رقمية أو وصقية. واستعراض تلك البيانات بعطى انطباعا طفيفا للباحث عن الدراسة . ويستازم فهم البيانات أن يتم عرضها أو تصنيفها في صورة تسمح بهذا الفهم وتساعد في تفسير البيانات ، وأحيانافي صورة توزيعات تكرارية تساعد الباحث في فهم خصائص البيانات ، وسوف نعرض في هذا الفصل أساليب تصنيف وعرض البيانات في توزيعات تكرارية وتمثيلها بيانيا ، وسوف نوضح الفروق بين تلك التوزيعات .

التوزيعات التكرارية :

تستخدم التوزيعات التكرارية بقصد تبسيط البيانات وعرضها في صورة مناسبة تيسر فهم البيانات وإجراء العمليات الإحصائية بسهولة . فإذا كانت لدينا بيانات عن ١٠٠٠ فرد فإن كتابة بيانات جميع الأفراد لا تمكننا من فهم البيانات ولكن محاولة تجميع الأفراد أو بياناتهم في مجموعات تقلل من مساحة عرض البيانات أو تختصرها بشكل يمكن من فهم تلك البيانات ، فإذا أمكن تلخيص بيانات ألف فرد في صفحة واحدة فإن هذا يسهل أمر فهم تلك البيانات . وتكون المشكلة أكبر لو كان لدينا بيانات عن عدة آلاف من الأفراد مما يستلزم تلخيص بياناتهم ختى يمكن فهمها والتعامل معها .

وبالمثل إذا كان لدينا بيانات عن إنتاج مصنع من المصانع لكل يوم أو ريما لكل ساعة فإن الأمر يحتاج إلى نوع من تنظيم البيانات أو تلفيصها حتى يمكن فهمها . وكذلك الأمر إذا كانت البيانات عن مشجعي بعض الأندية الرياضية أو أعضاء الأحزاب السياسية أو نزلاء المستشفى خلال عام وغيرها من البيانات التي تحتاج إلى طريقة معينة للعرض حتى يمكن فهمها.

وتختلف طريقة عرض البيانات باختلاف مستوى القياس ، فالبيانات الاسمية والترتيبية يتم عرضها بطريقة مختلفة عن البيانات الفترية والنسبية . وكما

أشرنا سابقاً فإن البيانات الاسمية والترتيبية يمكن عرضها في شكل تكرارت ونسب مثوية ، بينما البيانات الفترية والنسبية يمكن عرضها بطرق متعددة بما في ذلك التكرارت والنسب المئوية وكذلك حساب إحصاءات أخرى مفيدة في تلخيص وعرض البيانات وفهمها.

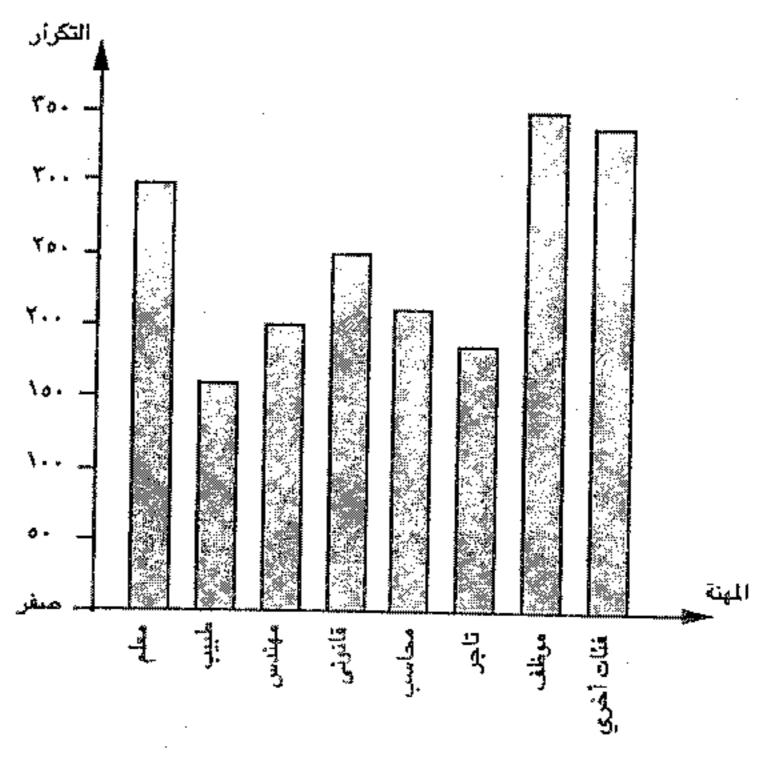
ومن الجدير بالذكر أن نوضح أن مستويات القياس ترتبط بنوع المتغيرات ، فالمتغيرات المتقطعة هي متغيرات تصنيفية ويمكن أن تقاس على المستويين الاسمى والترتيبي ، بينما المتغيرات المتصلة يمكن قياسها بالمستويين الفترى والنسبي ، وقد يتم في بعض الأحيان استخدام بيانات متقطعة مقاسة بالمستوى الفترى والنسبي .

(أ) عرض البيانات الاسمية والترتيبية :

تهتم البيانات الاسمية والترتيبية بأنواع معينة أو فئات أو تصنيفات للأشياء، ولذلك فقد تستخدم مع المتغيرات التصنيفية مثل متغير المهنة أو النوع وكذلك الدرجة الوظيفية أو ترتيب الميلاد . وإذا تم جمع بيانات عن مثل هذه المتغيرات فإن طريقة عرضها تكون في شكل جداول تتضمن تكرارت أو نسب مدوية أو كثيهما . ومثال ذلك عرض بيانات عن مهنة أعضاء أحد الأندية الرياضية ويكون ذلك في صورة تكرارات أو نسب مدوية كما هو موضح في التوزيع التالي لعدد من أعضاء النادي.

جدول نوزيع تكراري (٢-١) عن مهن أعضاء النادي

النسب المئوية	العدد التكراري	المهنة
% 10,	٣٠٠	معلم
% A, 0 ·	14.	طبيب
% No. + +	4	مهندس
% 14,00	70.	قَانُونِي ا
% 10, VO	710	محاسب
% % , Y0	170	تاجر
% 1V,0.	70 0	موظف
Z 1V, · ·	٣٤٠	فنات أخرى
% \	¥•••	المجموع



شكل (٢ -- ١) تكرارات مهن أعضاء النادي

ويدل العمود الأول بالجدول على أنواع أو فدات المهنة ، والعمود الثانى على العدد أو التكرار في كل مهنة ، أما العمود الثالث فيدل على النسبة المدوية لتكرار كل مهنة .

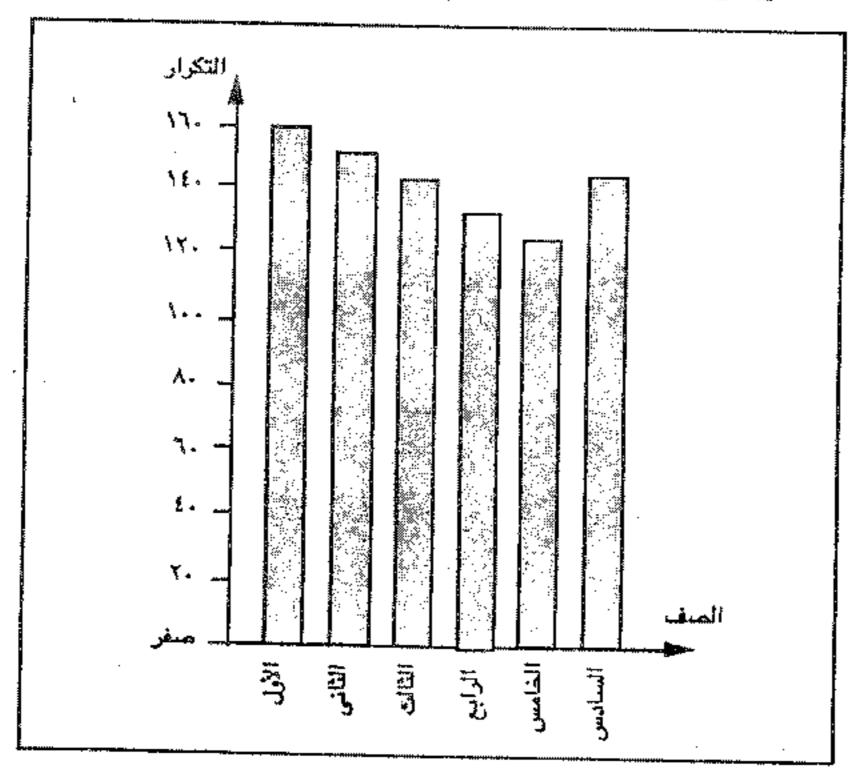
وقد تم حساب النسبة المئوية لكل مهنة بقسمة النكرار على المجموع الكلى ثم الصدرب في ١٠٠٠، ويمكن تمثيل جدول (١-٢) برسم بياني كما بالشكل (١-٢).

وفى حال القياس الترتيبي يتم عرض البيانات بنفس الطريقة السابقة حيث نضع الرتب فى العمود الأول والتكرار فى العمود الثانى وكذلك النسب المثوية فى العمود الثالث والتى تحسب بنفس الطريقة المذكورة سابقاً . ومثال ذلك عرض بيانات عن تلاميذ مدرسة ابتدائية كما يلى :

جدول توزيع تكراري (٢ - ٢)عن تلاميذ مدرسة إبتدائية

النسب المئوية	العدد التكراري	الصيف
% 1A, A9	17.	الأول
% 14,44	\$7.	الثاني
% 17, TV	100	النائث
10,07	11:	الرابع
% 10,00	۱۳۵	الخامس
% 17,11	150	السادس
% 1··,· s	q a a	المجموع

ويمكن تمثيل هذا الجدول في رسم بياني كما هو موضح في شكل (٢-٢)



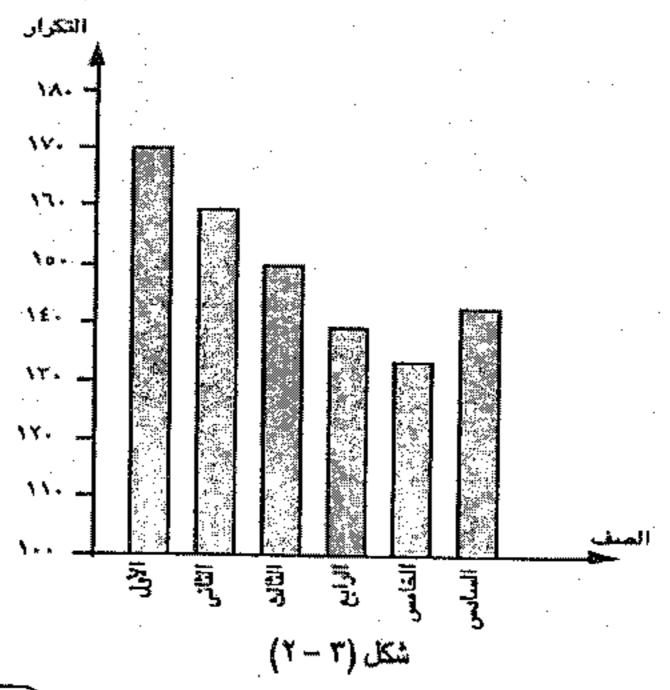
شكل (٢ - ٢) أعداد تلاميذ مدرسة إبتدائية

لاحظ أن مجموع النسب المدوية ١٠٠,٠١٪ وإذا كانت النسب المدوية مقرية الى ثلاثة أرقام عشرية فإن مجموع النسب المدوية سيكون ١٠٠,٠١٪ أنظر جدول (٢-٢).

جدول التوزيع التكراري لطلبة مدرسة أبتدائية (٢ - ٣)

النسب المثرية	العدد التكراري	الصف
% 14,449	174	الأول
% 1V, VYA	17.	الثاني
. / 17, 77V	104	الثالث
10,007	184	الرابع
1. 10,	170	الخامس
X 17,111	110	السادس
7. 3 , 3	9	المجموع

ويمكن تمثيل جدول (٢ - ٢ أو ٢ - ٣) بطريقة أخرى كما بالشكل (٢ - ٣):



لاحظ أننا بدأنا تدريج المحور الرأسى (التكرار) في شكل (٢ -٣) بالعدد. وعشرة لكل ١ سم بينما في شكل (٢ -٢) بدأنا بالصعفر ثم ٢٠ لكل ١ سم ومن الممكن استخدام أي رقم مناسب في تدريج المحور الرأسي بعا يساعد على توضيح ودقة الشكل.

وقد نمثل بيانات الجدول النكرارى بشكل آخر بإستخدام دائرة بدلاً من التمثيل البياني . ويكون مركز الدائرة هو الأساس وتحسب زاوية لكل فئة بإستخدام التكرار النسبى المئوى وضربه في ٣٦٠° فتنتج الزاوية المركزية ثم نمثل كل فئة بقطاع دائرى .

(ب) عرض البيانات الفترية والنسبية :

يتم عرض البيانات الفترية والنسبية في جداول توزيع تكرارى بقصد تبسيط البيانات وتقديمها في صورة مناسبة لفهمها وتيسير الاستنتاج منها وإجراء العمليات الإحصائية المطاوبة . وغالبا ما يقوم الباحث بجمع بيانات عن المتغيرات بتطبيق اختبارات أو مقاييس أو استخدام مقاييس الترمومتر والميزان وغيرها ، ومن ثم فإن البيانات تكون في المستوى الفترى أو النسبي . وتكون الخطوة التالية بعد جمع البيانات في صورة رقمية هي تبسيط البيانات وعرضها في جداول وإجراء العمليات الإحصائية لوصف الظاهرة أو الإجابة عن تساؤلات الدراسة .

فإذا قيام باحث بجمع بيانات عن ١٠٠٠ فرد فإنه لا يستطيع عرض البيانات كما تم جمعها أي بكتابة بيانات الألف فرد ، وإنما يجب عليه تلخيص البيانات وعرضها في جدول يسمى جدول التوزيع التكراري .

فإذا كانت درجات ٤٠ فرد على اختبار للذكاء هي : ٨١-١٥-٩٣-٥٩-٩٠-١١-٨٠-٧٩-٧١-١٥-٨٤-٧٩-٧١-١٥-٨٤-٧٩-٧١-١٥-٨٤-٧٩-٧١-٨٥-٨٤-٧٩-٧١-٨٥-٨٥-٨٥-٨٥-٨٥-٨٥-٥٨-١٨-٥٥-٨١-٦٨-٥٥-٨١-٥٨-١٨-٧١-٧١-٧١-٧١-٨٦-٨٦-٧٥-٩٠-٧١-٧١-٨٦-٨٦-٧٥-٧٩-٧١-٧١ فيمكن أن ننظم هذه الدرجات في جدول تكراري حيث نرتب الدرجات تصاعديا (أو تنازليا) ونحسب تكرار كل درجة ويكون ذلك كما يلي :

£				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	التكرار	الدرجة	التكرار	الدرجة
	:	:)	۳٥
	•		_	٥٤
	4		١ ١	00
	1	9.5		70
	١	90	١ ١	٥٧

ولكن هذا الترتيب يحتوى على درجات غير موجودة في البيانات المدونة أعلاء مثل الدرجات ١٥٠ وغيرها ، كما أن عرض البيانات بهذه الطريقة يكون مطولاً لاننا سنكتب تحت عمود الدرجة جميع الدرجات من ٥٣ وحتى ٩٥ .

ولذلك فإن الطريقة المختصرة لعرض البيانات هى تجميع الدرجات فى فئات ، بحيث تحتوى كل فئة على عدة درجات مثل (٥٣ إلى ٥٦) تمثل فئة الدرجات ٥٠ ، ٥٥ ، ٥٥ ، ٥٥ ويكون طول هذه الفئة = ٤ درجات ، ويلاحظ أن هذه الفئة غطت الدرجتين الخاليتين ٥٤ ، ٥٥ .

ومعنى هذا أننا نكون جدول التوزيع التكرارى ليشمل عمودين هما: الفئات وتكرارات درجاتها . ومن الجدول السابق فإن الفئة ٥٣ إلى ٥٦ تحقوى على تكرارين فقط وهى بديلة عن الدرجات (٥٣ ، ٥٥ ، ٥٥ ، ٥٥) وبالمثل لبقية الفئات حتى الفئة (٩٣ – ٩٦) . ومن الملاحظ أن عدد الفئات إحدى عشر وطول كل فئة هو أربع درجات ، وبعتمد نحديد عدد الفئات وطول الفئة على مدى الدرجات . وبحسب المدى بالفرق بين أكبر وأقل درجة + ١ ، وفي مثالنا هذا يكون المدى مساويا ٩٥ – ١٠٠٤ - ٢٥ .

وبعد ذلك نبحث عن عدد الفئات وطول الفئة بشرط أن حاصل ضربهما يكون أكبر من أو يساوى المدى ، ومن ذلك فإن المدى (أو أكبر منه) قد يتحقق من حواصل الضرب التالية : ٢٢ × ٢٠ ، ١٥ × ٣ ، ١١ × ٤ ، ٩ × ٥ ، ٨ × ٢

جدول توزيع تكراري (٢ - ٤) لدرجات ذكاء مجموعة من الأفراد

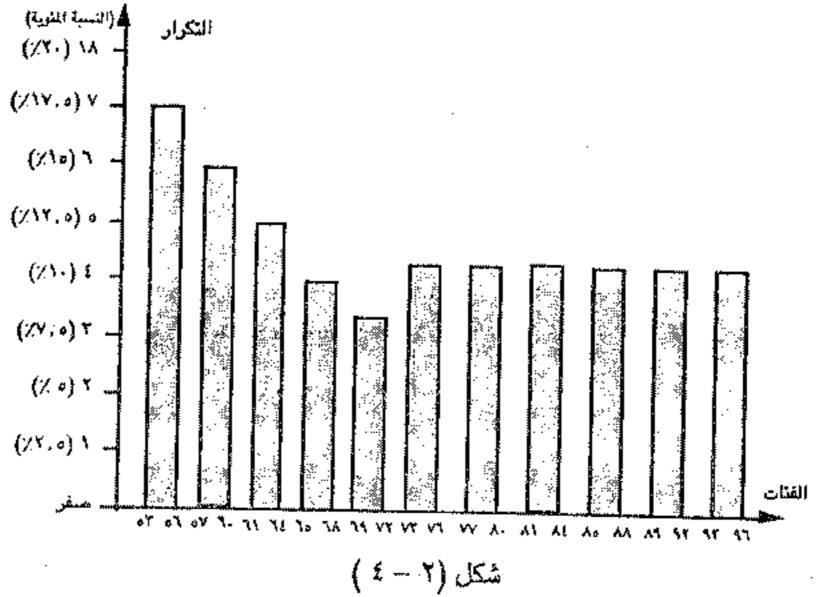
	<u> </u>	J	
النسبة المدوية	التكـــرار	العلامـــات	الفات
7.0	۲	//	07-07
% 0	Y	//	۷۰ - ۵۷
% V,0	٣	///	ግ٤ – ግነ
/. V, o	٣	///	٦٨ - ٦٥
٪ ۱۰	٤	////	۷۲ ٦٩
% 14,0	٥	++++	٧٦ – ٧٣
% ۱۷,0	٧	// ////	۸۰ ۷۷
% 1o	3 7	1 -1///	۸٤ – ۸۱

% Y, o	٣	///	۸۸ ۸٥
% Y, o	"	///	94-49
7. 0	۲	//	97 - 97
% 1··	٤٠	٤٠	المجموع

وقد اخترنا الحل الثالث ١١× ٤ ، ومن الممكن اختيار أى حل آخر لأن كل منها يحقق الشرط ، ولكن العدد المناسب للفنات والذى يدل على تلخيص البيانات يتراوح بين ٥ ، ١٥ فئة حتى يمكن عمل جدول التوزيع التكرارى فى صفحة واحدة ويحتوى على معلومات مفيدة .

وقد يختار البعض عدداً من الفئات أقل من خمس وهو بذلك سيفقد بعض البيانات بتقديم توزيع مختصر جداً وقد يكون مخلاً . وقد يختار البعض الآخر عدداً أكبر من ١٥ فئة وهو بذلك قد يضع الجدول في أكثر من صحفة واحدة .

أما عمود التكرار فهو عدد العلامات وهى : ٢ الفئة الأولى ، ٢ الثانية وهكذا والمجموع الكلى للتكرارات = ٤٠ وهو عد د الدرجات التي وضعناها في الجدول التكراري . ويمثل العمود الأخير في الجدول النسبة المشوية للتكرار وهي خارج قسمة تكرار كل فئة على المجموع الكلى (٤٠) وضرب النتائج في مائة كما سبق توضيحه في جدول جدول (٢ - ١ ، ٢ - ٢) ويمكن تمثيل الجدول التكراري السابق بالشكل التالي :



ويتضح من شكل (٢ - ٤) أننا مثلنا جدول التوزيع التكرارى (٢-٤) على شكل مستطيلات ، وهو مايسمى بالمدرج التكرارى . كما يتضح أنه ممتد من الدرجة الأقل (٥٣) وحتى أعلى درجة (٥٦) للفئة الأولى ، وكذلك للفئات الثانية والثالثة وحتى الفئة الأخيرة (٩٣ - ٩٦) حيث نمثل حدود الفئة عرض المستطيل أما طوله فهو التكرار المقابل لكل فئة (أو النسبة المئوية للتكرار) .

ونلاحظ من الشكل (٢ - ٤) أن الفعامات مستساوية الطول (عرض المستطيل) . ولا يحدث هذا دائما وإنما يمكن عمل توزيع تكرارى غير متساو الفئات ، وذلك حسب الهدف من التوزيع .

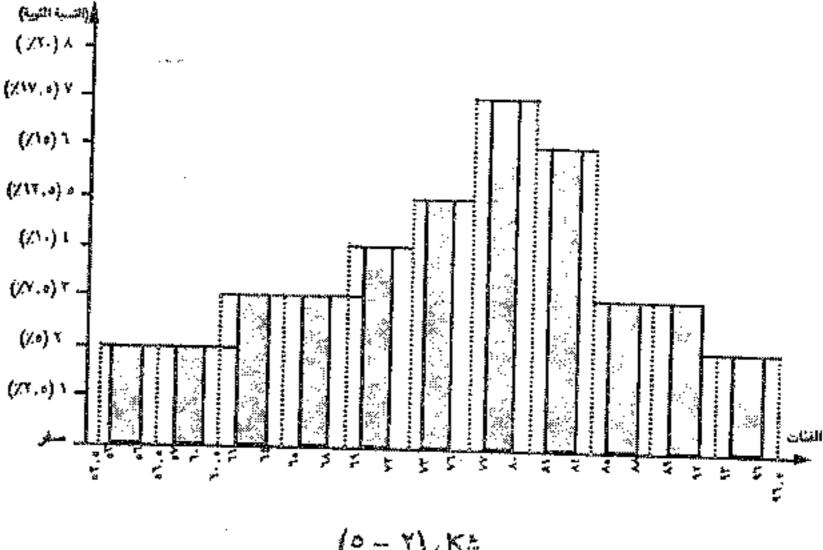
كما نلاحظ من الشكل (٢-٤) أن المستطيلات منفصلة عن بعضها البعض أي أن المتغير غير متصل (متقطع) ، ويجدر الإشارة إلى أنه إذا كان المدى صغيراً فلا داعى لتكوين فدات بل نستخدم كل درجة لتمثل فئة مستقلة . كما أن الأساليب الإحصائية تتطلب توزيعات متصئة وليست متقطعة . ويعنى هذا أننا في حاجة إلى تعديل شكل (٢-٤) ليمثل توزيعاً متصلاً .

ويتضم من الشكل أن المسافة بين المستطيلات هي درجة واحدة (٥٦ - ٥٧) ، (٦٠ - ٦٠) وهكذا . ولذلك فإن تعديل التوزيع يعنى أننا سنقسم هذه . الدرجة إلى نصفين أحدهما يضاف إلى نهاية قاعدة المستطيل الأول لتصبح ٥٦٠٥

بدلاً من ٥٦ ، وكذلك بداية قاعدة المستطيل الثانى لتصبح ٥٦،٥ بدلاً من ٥٠ . وهكذا مع بقية المستطيلات ، ومن ثم فإن جدول التوزيع التكرارى (Y-3) والشكل الذى يمثله (Y-3) سيحتويان على الحدود الجديدة للفلات التى تعدل التوزيع المتقطع إلى توزيع متصل . وهذه الحدود الجديدة تسمى بالحدود الحقيقية للفلات . ومن الجدير بالذكر أن التعديل للتوزيع المتقطع إلى توزيع متصل يحدث فقط في حال وجود جدول توزيع تكرارى متقطع ونرغب في تعديله إلى توزيع متصل متصل أما أذا كانت لدنيا الدرجات الأصلية فيمكننا تكوين جدول توزيع تكرارى متصل من البداية (سوف نعرض ذلك في جدول لاحق) . والآن يتضح من الجدول (Y-0) والشكل (Y-0) كيف يتم تعديل التوزيع المتقطع إلى توزيع متصل متصل .

جدول (٢ - ٥) توزيع تكراري معدل إلى توزيع متصل

النسبة المئوية	التكرار (ت)	الحدود الحقيقية للفنات	الغلاث
% 0	۲	٥٦,٥ - ٥٢,٥	٥٦ ٥٣
% 0	۲	7.,0-07,0	7 ov
% v,o	۲	78,0 - 71,0	72-71
% V, o	٣	٦٨,٥- ٦٤,٥	۵۲ – ۸۲
٪ ۱۰	٤	۷۲,٥ ٦٨,٥	٧٢ – ٦٩
% 14,0		۷٦,٥ – ٧٢,٥	٧٦ - ٧٣
% 17,0	ν	۸۰,۵ - ۷٦,۵	۸۰ – ۷۷
% No	٦	۸٤,٥ - ٨٠,٥	A£ - A1
% V, o	٣	۸۸,٥ – ٨٤,٥	۸۸ – ۸۵
/, v,o	٣	9Y,0 - AA,0	۹۲ – ۸۹
%。	۲	97,0 - 97,0	97 – 97
% Y••	٤٠		المجموع



شکل (۲ - ۵)

ويتصح من شكل (٢ - ٥) اتصال المستطيلات ببعضها ، كما يلاحظ أن حدود الفئة الأولى هي ٥٢٠٥ - ٥٦٠ حيث تم إضافة نصف وحدة إلى الحد الأيمن (٥٦) وطرح نصف وحدة أيضا من الحد الأيسر (٥٣) فأصبح ٥٢،٥ ، وهكذا في بقية الفئات . وكما ذكرنا فإن هذا التعديل يتم لتحويل التوزيع التكراري المتقطع إلى توزيع متصل.

أما إذا توفرت الدرجات الأصلية فنستطيع من البداية عمل توزيع تكراري متصل فإذا أخذنا المثال السابق ودرجاته الأصلية المبينة في صد ٣٠ فإن التوزيع التكراري المتصل يمكن أن يكون كما يلى:

إذا كان عدد الفئات = ١١ ، طول الفئة - ٤ ، وبداية الفئة الأولى ٥٣

فإن حدود الفئة الأولى تكون (٥٣ – أقل من ٥٧) ، وحدود الفئة الثانية (٥٧ – أقل من ٦١) ، وحدود الفئة الثالثة تكون (٦١ – أقل من ٦٥) وهكذا ، ويكون جدول التوزيع التكراري كما هو مبين في جدول (٢-٢).

جدول (۲-۲) توزیع تکراری متصل

النسبة المئوية	التكسرار	حدود الفسنات
% 0	۲	۵۲ – أقل من ۵۷
% 0	Υ	٥٧ – أقل من ٦٩
% Y,o	۲	٦٥ – أقل من ٦٥
% V,0	٣	٥٥ – أقل من ٦٩
% 1 •	٤	٦٩ – أقل من ٧٣
% 1Y,0	٥	۷۲ – أقل من ۷۷
% 14,0	Y	۷۷ – أقل من ۸۱
% 10	٦.	۸۱ – أقل من ۸۵
% Y, O	۱"	۸۵ – أقل من ۸۹
% Y, D	٣	۸۹ – أقل من ۹۳
% 0	Υ	۹۳ – أقل من ۹۲
1	ź•	المجموع

ونلاحظ من جدول (۲ – ۲) إتصال الفئات وعدم وجود فجوات بين نهاية الفئة وبداية الفئة التالية لها ، وهكذا في جميع الفئات حتى نهاية الجدول . كما نلاحظ أن نهاية كل فئة تحتوى كلمات : أقل من، والتي عادة ما يتم حذفها وتكون حدود الفئة الأولى هي (-07) ، حدود الثانية (-07) ، وهكذا .

ويعنى هذا أن الفئة الأولى تبدأ بالدرجة ٥٣ والشرطة والفراغ التالى لها يعنى أن الفئة مستمرة حتى أقل من بداية الفئة الثانية وهى (٥٧). وبالمثل الفئة الثانية تبدأ بالدرجة (٥٧) ومستمرة حتى أقل من بداية الفئة الثالثة وهى (٦١).

وتصبح حدود الفنات بالجدول كما يلى:

-04
cY
<i>! ! -</i>
•
•
•
۹۳ – أقل من ۹۷

ومن الملاحظ أننا ذكرنا فقط نهاية الفئة الأخيرة ، والسبب في ذلك هو أن نغلق الفئة ولانتركها مفتوحة . ومعنى هذا أيضا أنه قد توجد جداول تكرارية مفتوحة النهاية أو البداية أو كليهما . ويحدث هذا كثيرا في الجداول التكرارية مثل الجداول السكانية إذا لم نعرف أقل عمر زمنى أو أكبر عمر زمنى أو كليهما في جداول تعداد السكان ، وكذلك في حالة مستويات الدخل فقد تكون الفئة الأولى (أقل من ٥٠٠) والفئة الأخيرة ٢٠٠٠ فأكثر ، وفي مثل هذه الفئات لا نستطيع حساب مركزها ، ومن ثم لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي . وتستخدم جداول التوزيع التكراري في التعرف على شكل التوزيع وكذلك لحساب المتوسط الحسابي . وتستخدم وبعض المقاييس الإحصائية الوصفية .

المضلع التكراري:

ذكرنا سابقا أنه يمكن تمثيل جدول التوزيع التكرارى بشكل رسم بيانى يتضمن مستطيلات تدل على فئات النوزيع وتكراراتها ، ومن الممكن حساب مركز لكل فئة من فئات النوزيع . ومركز الفئة هو القيمة الوسطى للفئة أو قيمة منتصف الفئة . ويكون مركزالفئة الأولى في مثالنا السابق جدول (Y-T) هو OO وقد نتجت هذه القيمة من المعادلة : مركز الفئة = (بداية الفئة + نهاية الفئة) Y .

$$00 = \frac{11}{Y} = \frac{00 + 00}{Y} = \frac{110}{Y} = \frac{00}{Y}$$
 وبالمثل مرکز الفئة الثانية $= \frac{110}{Y} = \frac{110}{Y} = \frac{110}{Y} = \frac{110}{Y}$

وبذلك يتكون لدينا عمود في جدول التوزيع التكراري يسمى مراكز الفئات (أنظر جدول ٢ – ٧)

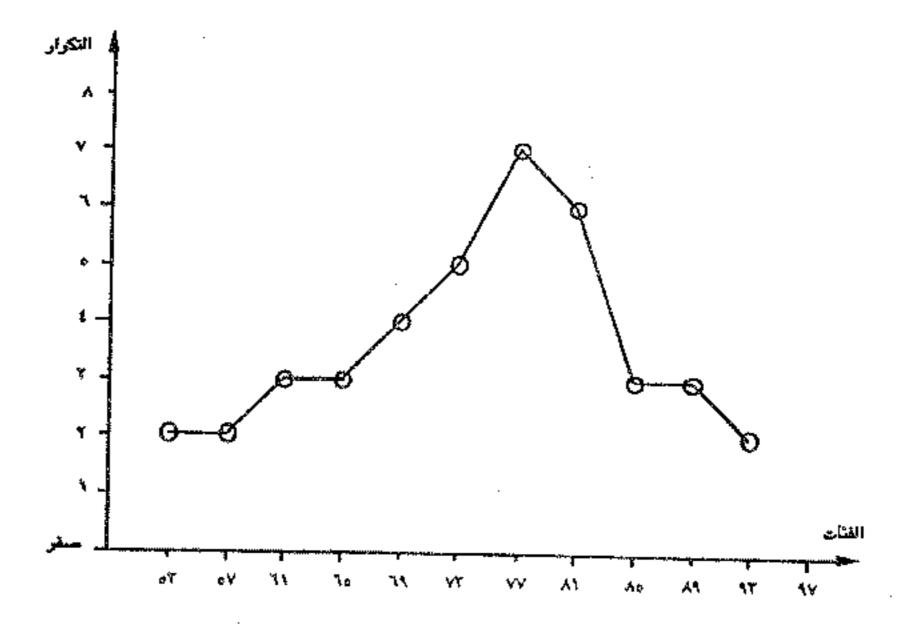
وإذا مثلنا مراكز الفئات وتكرار كل منها في رسم بياني ، ثم قمنا بتوصيل مراكز الفئات فينتج لنا المصلع التكراري (شكل ٢ - ٧)

أما إذا مهدنا الخطوط المنكسرة في المضلع التكراري فينتج لنا المنحنى التكراري ، وهذا هو المطلوب توضيحه دائما ، منحنى التوزيع التكراري ، ولكن المضلع التكراري أسهل وأدق في رسمه عن المنحنى التكراري والذي نستخدمه في المحكم على نوع توزيع البيانات ،

ويستخدم المنحنى التكرارى في النعرف على شكل توزيع مجموعة من البيانات (الدرجات)ومدى اقترابه من التوزيع الإعتدالي ، فهناك منحنى ملتوى نحو اليمين أو اليسار ويكون الالتواء موجبا إذا كان الطرف الأيمن اطول ، وسالباً إذا كان الطرف الأيسر هو الأطول كما يوجد منحنى على شكل حرف (U) حيث تكون التكرارات مركزة عند الطرفين ، ومنحنى على شكل (ل) حيث يكون أعلى تكرار عند طرف واحد ، ومنحنى متعدد القمم ، إلا أن أهم التوزيعات التكرارية هو المنحنى الاعتدالي.

جدول (۲ - ۷) توزیع تکراری بتضمن مراکز الفئات

مركز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفئة (ف)
٥٥	Y	۳۵
০৭	Y	- ov
77	۹۳	٦ ١
٦٧	**	- 7o
٧١	£	\4
· Vo	٥	- YT
٧٩	٧	- ٧٧
۸۳	. 1	٨ ١
۸۷	٣	- / 0
91	٣	۸ ٩
۹٥	ΥΥ	94- 98
	٤.	المجموع



شكل (٢ - ٧) المضلع التكراري

لاحظ أنه إذا كان العدى صغيراً واستخدمنا كل درجة على أنها فلة فيكون مركز الغئة هو زيادة نصف درجة على كل منها . فإذا كانت الفئات هي ٥٣ ، مركز الغئة هو زيادة نصف درجة على كل منها . فإذا كانت الفئات هي ٥٣ ، ٥٥ ، ٥٥ ، ٥٥ وهكذا .

التوزيع التكراري المتجمع:

إذا رغبنا في معرفة عدد الحاصلين على درجات أقل من ٦٠ في جدول (٢ - ٢ أو ٢ - ٧) فإننا لا نستطيع الحصول على إجابة مباشرة ، وانما نتفحص الجدول ثم نقرر أن التكرارت ٢ ، ٢ ، ٣ في بداية الجدول جميعها ذات درجات أقل من ٦٠ ، وبالتالي فإن عدد الحاصلين على أقل من ٦٠ هو ٧ . وكذلك عدد الحاصلين على التكرارت ٢ +٣+٣+٢ في الحاصلين على درجة ٨١ فأكثر هم ١٤ نتيجة جمع التكرارت ٢ +٣+٣٠٠ في نهاية الجدول ، ولتسهيل هذا الأمر نقوم بعمل جدول تكراري متجمع صاعد أو هابط .

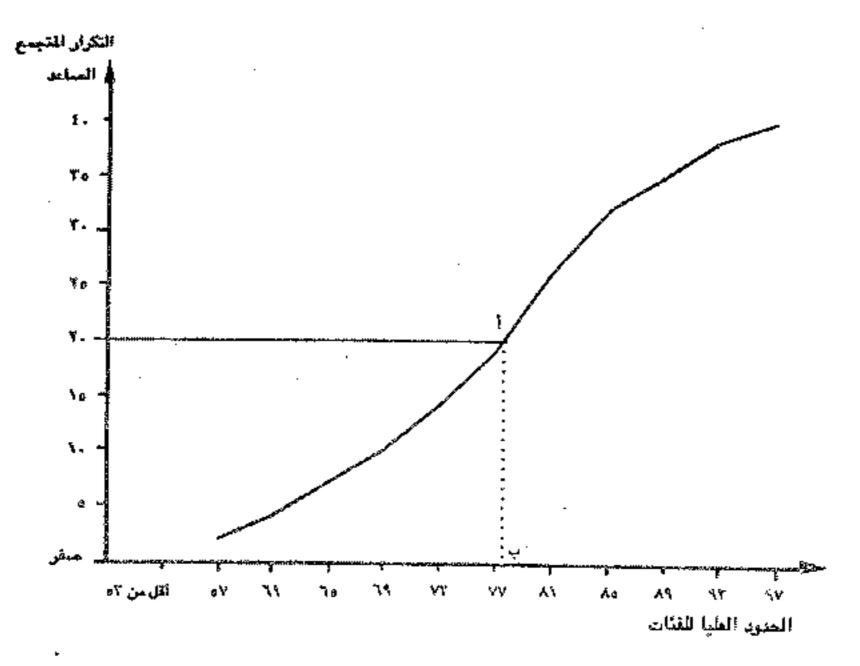
(أ) التوزيع التكراري المتجمع الصاعد:

إذا اردنا اعداد جدول توزيع تكرارى متجمع صاعد للجدول (٢ - ٦ أو ٢ - ٧) فإ ننا نكون جدول جديد نستخدم فيه الحدود العليا للفئات ثم نجمع التكرارات

ويوضح العمود الأخير في جدول (٢ - ٨) التكرار المتجمع الصاعد النسبي أو المئوى ، ويتم حسابه بقسمة كل تكرار متجمع صاعد (ت.م .ص) على المجموع الكلي للتكرارت (٤٠) وضرب الناتج في مائة فينتج لنا النسبة المئوية أو التكرار المتجمع الصاعد النسبي أو المئوى .

جدول (۲ - ۸) التوزيع التكراري المتجمع الصاعد (ت. م . ص)

<u> </u>	یع التحراری العدجمع التصاد	جدون (۱۰۰۰ مور
المتجمع الصاعد	التكرار المتجمع	الحدود العليا
النسبي	الصاعد	للفئات
_		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
صفر	_ صفر	أقل من ٥٣
%.0	۲	أقل من ٥٧
Z 1 ·	£	أُقِل من ٦١
%1V,0	v	أقل من ٦٥
7.40	1.	اُق <i>ل من</i> ٦٩
7.50	12	أقل من ٧٣
/. EV, 0	19	ِ أُفَلَ من ٧٧
٪٦٥	77	أقل من ٨١
٪۸٠	٣٢	أقل من ٨٥
% AV, 0	40	أَقِل من ٨٩
%90	۳۸۰۰	أقل من ٩٣
7.1	٤٠	أقل من ٩٧
		<u> </u>



شكل (٢ - ٨) المنحنى المتجمع الصاعد

ويمكن تمثيل جدول (Y - X) برسم بيائى ، حيث يدل المحور الأفقى على الحدود العليا للفئات بينما المحور الرأسى للتكرار المتجمع الصاعد ، ويوصنح شكل (Y - X) المنحنى التكرارى المتجمع الصاعد وهو يشبه الحرف (ر) .

وإذا رسمنا خطأ موازياً للمحور الأفقى عند التكرار المتجمع الصاعد ٢٠ فإنه بقطع المنحنى المتجمع الصاعد في نقطة (أ) فإذا أنزلنا منها عموداً على المحور الأفقى فإنه يقطعه في النقطة (ب) وهي تدل على قيمة الوسيط ، وبالمثل يمكن حساب الارباعيات والمثينيات من المنحني المتجمع الصاعد (أو الهابط) وسوف نوضح ذلك في الفصلين الثالث والرابع .

(ب) التوزيع التكراري المتجمع الهابط:

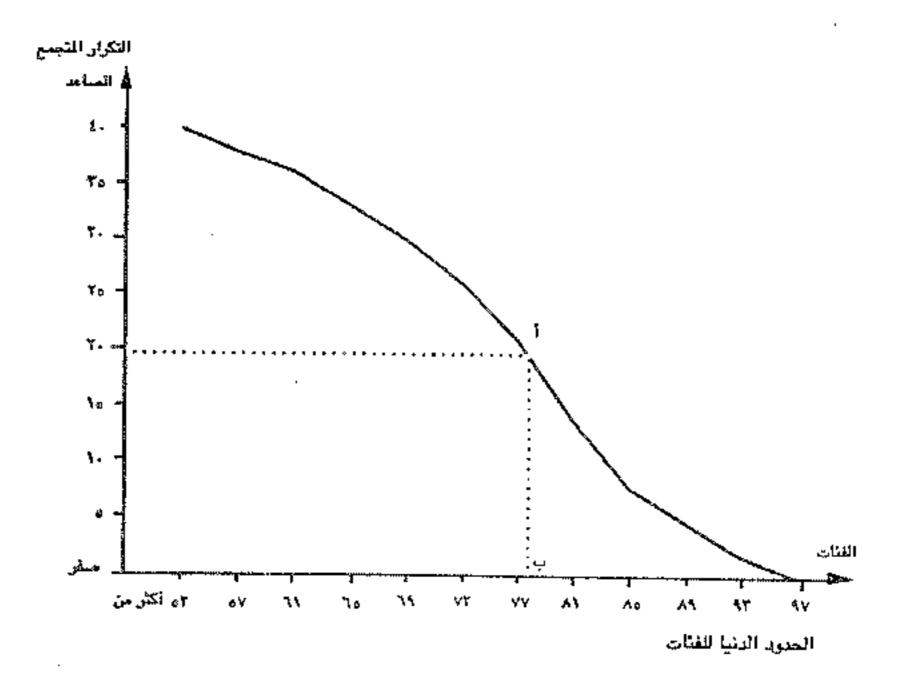
يتطلب اعداد التوزيع التكراري المتجمع الهابط خطوات مشابهة لما سبق في اعداد التوزيع التكراري المتجمع الصاعد . ففي هذا الجدول نحدد الحدود الدنيا للفشات ، وهي للفشة الأولى ٥٣ فأكشر ، وإذا فحصنا جدول (٣ - ٧) فإن التكرارت للدرجة ٥٣ فأكثر تكون جميع تكرارت جدول (٣ - ٧) وهي تساوى (٤٠) . أما الحد الأدنى للفئة الثانية فهو ٥٧ فأكثر ، ويكون التكرار المتجمع لها هو

7-5-7 هن المجموع الكلى التكرارت (٤٠) . وبالمثل الحد الأدنى الغنة الثالثة هو 7 فأكثر ويكون تكرارها المتجمع 7-7 وهكذا لبقية الفئات حتى الغنة الأخيرة . ويوضح جدول المتجمع 7-7 وهكذا لبقية الغنات حتى الغنة الأخيرة . ويوضح جدول 7-7 التوزيع التكرارى المتجمع الهابط (ت م هـ) للجدول (7-7) ، كما يتبين من الجدول (7-7) أيضاً النسبة الملوية للتكرار المتجمع الهابط .

جدول (۲-۹) التوزيع التكراري المتجمع الهابط (ت م هـ)

المتجمع الهابط النسبي	التكرار المتجمع الهابط	الحدود الدنيا
النسيي	الهابط	للفثاث
%1·•	٤٠	٥٣ فأكثر
%90	٣٨	٧٥ فأكثر
٪۹۰	5"7	٦٦ فأكثر
%AY,0	777	٥٥ فأكثر
%.vo	٣٠	٦٩ فأكثر
%70	47	٧٣ فأكثر
XAY,0	*1	٧٧ فأكثر
7.50	1 1 2	۸۱ فأكثر
% Y •	٨	٥٨ فأكثر
11,0		۸۹ فأكثر
<u>/</u> 0	۲ .	۹۳ فأكثر
أ صفر	صفر_	٩٧ فأكثر
		-

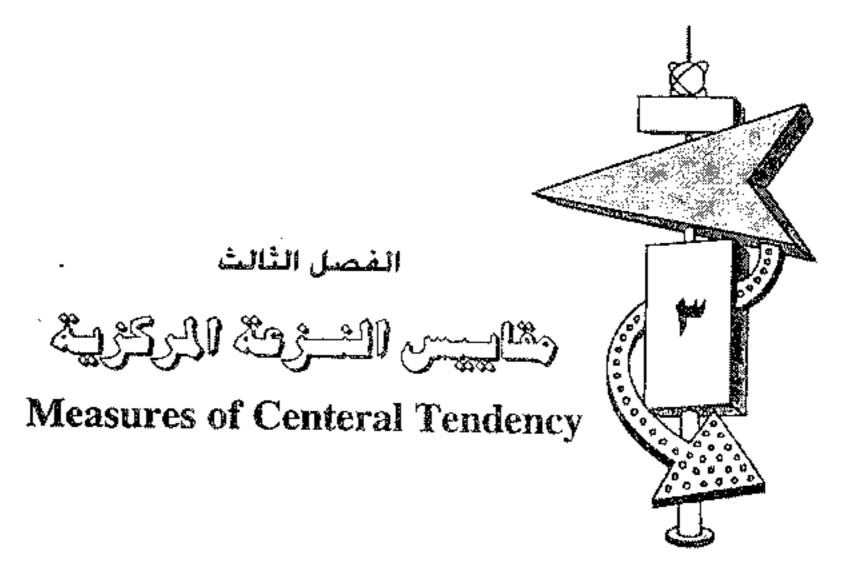
ويمكن تمثيل جدول (٢ - ٩) برسم بيانى ، حيث يدل المحور الأفقى على الحدود الدنيا للفنات بينما المحور الرأسى للنكرار المتجمع الهابط ، ويوضح شكل (٢ - ٩) المنحنى التكرارى المتجمع الهابط .



شكل (٢ - ٩) المنحنى المتجمع الهابط

ويستخدم التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد (أو الهابط) في حساب الوسيط و الارباعيات والمنينات حسابياً أو من المنحنى ، كما يستخدم أيضاً في حساب المعايير المنينية للاختبارات والمقاييس وسوف نوضح ذلك فيما بعد .





•

.

.

.

.

.

.

الفصل الثالث مقاييس النزعة المركزية

ناقشنا في القصل السابق كيفية تلخيص وعرض البيانات في جداول توزيع تكراري وكيفية تمثيلها بيانيا . وسوف نوضح في هذا الفصل كيفية وصف البيانات بطريقة أخرى عن طريق بعض خصائصها الوصفية والتي تسمى بمقاييس النزعة العركزية . ويقصد بالنزعة المركزية ميل البيانات إلى التجمع في منطقة متوسطة (مركز) للتوزيع ولذلك فقد سميت بمقاييس النزعة المركزية . ومن المألوف أن تكون البيانات متجمعة في الوسط (المركز) . والمنوسط الحسابي هو أحد مقاييس النزعة المركزية والذي يعتمد على مجموع البيانات وقسمتها على عددها ، ومن ثم فان البيانات التي لايمكن جمعها أو ليس اجمعها معنى (البيانات الاسمية والترتيبية) لايجوز حساب المتوسط الحسابي لها وفي هذه الحالة تستعيض عن المتوسط الحسابي بقاييس أخرى للنزعة المركزية وهي الوسيط والمنوال . وهناك بمقاييس أخرى للنزعة المركزية وهي الوسيط والمنوال . وهناك بمقاييس أخرى للنزعة المركزية مثل الوسط الهندسي والوسط التوافقي والتي يكون لها استخدامات مختلفة .

وأكثر مقاييس النزعة المركزية استخداما هى المتوسط الحسابى ، وهو المقياس الهناسب في حال البيانات الرقمية (الفترية) والنسبية ، أما الوسيط والمنوال فهما مناسبان للقياس الترتيبي والأسمى كما يمكن استخدامهما مع القياس الفتري والنسبي .

أولا : المتوسيط الحسبابي : Arithmetic Mean

هو أكثر المقاييس الإحصائية استخداما في الدراسات والبحوث وفي الحياة العادية ، فأى بيانات يمكن جمعها يكون لها متوسط أو قيمة متوسطة للتعبير عنها ومن الممكن وصف البيانات وصفا سريعا عن طريق المتوسط . ويحسب المتوسط الحسابي طبقا لطبيعة البيانات ، ويستلزم ذلك أن تكون البيانات مقاسة بالمستوى القترى أو النسبي . فليس من السهل حساب المتوسط لأسماء الطلاب أو متوسط لون

العين أو متوسط أسماء المحافظات أو متوسط الصف الدراسى ،ولكن من السهل حساب متوسط درجات مجموعة من الأفراد على اختبار الذكاء أو اختبار تحصيلي.

ويمكن حساب المتوسط الحسابى للدرجات العادية (الخام) وكذلك لأى تحويل لتلك الدرجات مثل البيانات المبوية في جداول تكرارية، ولكن بيانات القياس الترنيبي أو الاسمى لايجوز حساب المتوسط الحسابى لهاحيث لايكون له معنى.

(أ) حساب المتوسط الحسابي للدرجات العادية (الخام):

وإذا رمزنا للدرجات بالرمز (س) ولعدد الدرجات بالرمز (ن) فيكون مجموع الدرجات = مجموع س (أو مجه س)

مع العلم أن (مجسس) يعنى مجموع كل الدرجات المطلوب حساب منوسطها الحسابي .

ويستخدم هذا الرقم ٧٥,٨ لوصف مجموعة الدرجات المذكورة.

وبالمثل إذا كان لدينا درجات عددها آلف درجة فإننا نتبع نفس الطريقة لحساب متوسطها الحسابى ، وبالطبع إذا كان عدد الدرجات كبيرا فأننا ندخل البيانات فى الحاسب الآلى ونستخدمه فى إجراء أى تحليل البيانات ، أما إذا كا ن عدد الدرجات قليلا كما فى المثال الموضح فى بداية هذه الصفحة فيمكن حساب المتوسط الحسابى يدويا أو باستخدام الآلة الحاسبة .

(ب) حساب المتوسط الحسابي للبيانات المبوية :

(١) الطريقة العادية (طريقة مراكز الفتات) :

يتم حساب المتوسط الحسابي للبيانات المبوبة (في صورة جدول توزيع تكراري) باستخدام نفس القانون : مجموع الدرجات مقسوما على عددها . ولكن هذا الأجراء أكثر تعقيدا مما سبق لوجود فئات وتكرارات في الجدول ، وفي حقيقة الأمر فأننا نستخدم نفس الطريقة السابقة لان المتوسط الحسابي في الحالتين هو ناتج قسمة مجموع الدرجات على عددها .

وفى المثال البسيط للدرجات : ٤، ٩، ٥، ٩، ٤، ٥ ، ٥، ١، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ فنجد أن مجموع هذه الدرجات = ٤٨ والمتوسط الحسابى = $\frac{2\Lambda}{\Lambda}$ = ٢، وهذا المجموع هو فى الحقيقة يساوى :

 $(3 \times 1) + (9 \times 1) + (9 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1) + (1 \times 1)$ و د لك لان الدرجة (3) تكررت مرتين وكذلك الدرجة (9) ويكون المجموع مساويا (3) وهي نفس الطريقة المتبعة في جداول التوزيع التكراري .

وإذا استخدمنا المثال السابق لجدول التوزيع التكرارى (جدول ١ - ٤) لحساب المتوسط الحسابي فاننا نحسب مجموع درجات كل فئة وهو حاصل ضرب مركز الفئة في تكرارها ، وهنا نفترض أن تكرار كل فئة له نفس القيمة وهي مركز الفئة (لاحظ أن هذا الافتراض سيؤدي إلى مجموع درجات تقديري)، ولهذا تسمى طريقة مراكز الفئات .

ويكون مجموع درجات الفئة الأولى مساويا ٢ × ٥٥ (النكرار × مركز الفئة) ، ومجموع درجات الفئة الثانية مساويا ٢ × ٥٥ والفئة ٣ × ٦٣ وهكذا حتى الفئة الأخيرة ٢ × ٩٥ (جدول ٣ - ١) .

ويكون مجموع الدرجات كلها

77 × 70 + 7 × P0 + 7 × 75

T+0Y = 90 x Y + ...

= مجموع تكرار كل فئة × مركز تلك الفئة

= مجـ (ت × س)

جدول (٣ - ١) حساب المتوسط الحسابي بالطريقة العادية (مراكز الفئات)

مجموع درجات الفئات (س × ت)	مركز الفئة (س)	التكـــرار (ت)	الفسئة (ف)
11. = 1×00	٥٥	۲	e r
MAKE YX 09	۵۹	۲	- ov
149 = T × 7T	77"	٣	11
7 · 1 = T × 77	٦٧	٣	- 70
YAE = E × VI	٧١	£	- \q
**Yo == 0 × Yo	٧٥	٥	- V ٣
008 = V × V9	V9	Y	- Y Y
£9∧ ≒ × ∧٣	۸۳	٦	^1
771 = T × AY	۸٧	٠ ٣	- AO.
777 = T × 91	91	۲	– ለ۹
19. = 7 × 90	9,0	۲	94 – 94
7.54		٤٠	المجموع

ويكون المتوسط الحسابي =
$$\frac{\alpha + \alpha + 2}{\alpha + \alpha}$$
 = $\frac{\alpha + \alpha + \alpha}{\alpha + \alpha}$ مجدت عددها $\frac{\pi}{2}$ = $\frac{\pi + \alpha}{2}$ = $\frac{\pi + \alpha}{2}$

وهذه الطريقة لحساب المتوسط الحسابى من الجدول التكرارى تسمى بالطريقة العادية أو طريقة مراكز الفئات. ونلاحظ أن مجموع الدرجات من الجدول التكرارى (٣٠٥٢) مختلف عن المجموع الحقيقى للدرجات الفعلية وهو الجدول التكرارى (٣٠٥٢) مختلف عن المجموع الحقيقى للدرجات الفعلية وهو ٣٠٣٢، والسبب في ذلك كما ذكرنا أنه في كل فئة نفترض أن تكراراتها لها نفس الدرجة وهي مركز تلك الفئة. ومن هذا فإن المتوسط الحسابي من الجدول التكراري تقريبيا وليس دقيقا مثل المتوسط الحسابي للدرجات الفعلية .

وبالطبع هذه القيمة (٧٥,٨) مختلفة عن المتوسط الحسابى للبيانات المبوبة لا (٧٦,٣). ونود الإشارة إلى أن المتوسط الحسابى المحسوب للبيانات المبوبة لا يكون دائما مرتفعا عن المتوسط الحسابى للدرجات الفعلية ، وإنما هما قيمتان مختلفتين ويرجع السبب فى ذلك إلى الافتراض بان مركز كل فئة هو درجة موحدة لتكرارات تلك الفئة .

(٢) حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات:

يتضح من استخدام الطريقة العادية في حساب المتوسط الحسابي كثرة العمليات الحسابية وذلك لكبر الأرقام المستخدمة في عمليات الضرب ، وإذا كان مركز الفئة يحتوى على كسور فسوف يزداد التعقيد صعوبة ، ولذلك فان الانحرافات تعتمد على اختصار عمليات الضرب بتصغير مركز الفئة ، ويتم ذلك عن طريق افتراض قيمة معينة تسمى ، الوسط الفرضى ، ثم نطرح هذا الوسط الفرضى من جميع القيم (مراكز الفئات) فتنتج الانحرافات (ح) التي نستخدمها بعد ذلك في الإجراءات الحسابية .

ولنأخذ مثلا على ذلك للدرجات العادية (الخام) التالية :

111 . 117 . 118 . 110 . 110 . 10 . 114 . 116 . 1.9 . 117

وإذا طبقنا طريقة الانحرافات (الوسط الفرضى) على هذا المثال ، فأننا نفرض أن قيمة الوسط الفرضى = ١٠٠ ، ومن الممكن استخدام آى قيمة أخرى (١٧٠ ، ١٨٠ ، ١١٠ مثلا) ثم نطرح قيمة الوسط الفرض (١٠٠) من جميع الدرجات فتنتج الانحرافات النالية : ۱۱، ۱۲، ۱۲، ۱۵، ۱۲، ۱۲، ۱۲ ومجموعها ۱۲۰ وندسب متوسط الاندرافات = ۱۲۰ = ۱۲۰ متوسط الاندرافات = ۱۲۰۰ متوسط الاندرافات = ۱۲۰۰ متوسط الاندرافات المتوسط الاندرافات الاندراف

ويكون المتوسط المسابى للدرجات الأصلية = الوسط الفرضى + متوسط الانمرافات = ١٢٠٥ + ١٢٠٥ وهى نفس القيمة ألتى حصلنا عليها للمتوسط المسابى من جمع الدرجات الأصلية قبل حساب الانحرافات .

وتتبع هذه الطريقة ذاتها في حالة الجداول التكراية ، وسنقوم بحساب المتوسط الحسابي للبيانات في جدول (٣ - ١) بطريقة الانحرافات ، ويوضح جدول رقم (٣ - ٢) عمليات حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات .

جدول (٣ - ٢) حساب المتوسط المسابي بطريقة الانحرافات

ے×ت	الانحرافات	مركز الفئة	التكرار	الفئة
	(ح)	(س)	(-	(ف)
£A-= Y x Y£-	75 -	೧೦	۲	01"
£ 0-= Y × Y0 -	۲۰	٥٩	۲	- 07
£1 ×7 = - 13	١٦_	75"	٣	- 33
*7 *×17-	14-	٦٧	٣	TO
TY = £ × A -	۸- ا	٧١	٤	_ মণ
ĭ° -= Φ × ٤ -	٤ –	٧ø	٥	- V٣
مفر × ∨ = صفر	مفر	(V9)	٧	- YY
Y£ = 7 x £	٤ +	۸۳	٦	- ٨١
78 = 7× A	۸+	۸۷	٣	A0
*7= * × 1 *	17+	91	٣	- A9
** = * × 17	17+	90	۲ ۲	94- 98
448-			٤٠	المجموع
117+				
1.4			-	ĺ
				i

وقد افترضنا أن الوسط الفرضى هو ٧٩ ، والسبب فى ذلك أنه عادة ما تكون قيمة الوسط الفرضى مساوية لمركز فلة أكبر تكرار . وبالطبع يمكن اختيار أى قيمة من قيم مراكز الفئات كوسط فرضى ، ولكن اختيار مركز فئة أكبر تكرار يختصر أكبر عملية ضرب ويحولها إلى الصفر ، وهذا هو المنطق فى استخدام طريقة الانحرافات (لإختصار العمليات الحسابية).

فإننا اخترنا مركز الفئة ٧٩ كوسطا فرضيا فاننا نضع دائرة حوله ، ثم تبدأ في طرح قيمته من جميع مراكز الفئات على النحو التالى : (٥٥ - ٧٩ ، ٥٥ - ٩٥ ، ٧٩ - ٩٥ ، ٧٩ - ٣٣ ، ٧٩ وتكون الانحرافات الناتجة بالسالب في بداية الجدول وحتى الصفر أمام الوسط الفرضى ، ثم بالموجب بعد ذلك كما هي موضحة بالجدول (٣ - ٢) .

ثم نحسب حواصل صرب التكرارات في الانحرافات (ح×ت) وهي : ٢٤ × ٢ الفئة الأولى ، - ٢٠×٢ للفئة الثانية وهكذا ، ثم نجمع حواصل الصرب فينتج لنا - ٢٢٤ + ١١٦ = - ١٠٨ ، ويكون المتوسط الحسابي = المتوسط الفرجشي

+ متوسط مجموع الانحرافات في تكرارتها م = وف + مجدر ح × ت) .

٧٦,٣ ==

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها بالطريقة العادية

(٣) حساب المتوسط الحسابي بطريقة الانحرافات المختصرة :

نلاحظ في جدول رقم (٣-٢) أن انحرافات مراكز الفئات عن ألوسط الفرضي تأخذ القيم -٢٤، - ٢٠، ١٦٠، ١٦٠، وهكذا . وهذه الانحرافات يمكن اختصارها إذا قسمنا كل منها على ٤ وهو طول الفئة (في حالة الفئات المتساوية الطول فقط) . فإذا قسمنا الانحرافات على الرقم ٤ فينتج لنا انحرافات مختصرة (ح) وهي - ٢، -٥، -٤، ، هكذا ، ثم نجرى حاصل ضرب هذه الانحرافات المختصرة في تكراراتها كما بالجدول (٣-٣) . ويكون المتوسط الحسابي = الوسط الفرضي + متوسط مجموع الانحرافات المختصرة × طول الفئة

$$= \underbrace{(i \times x)_{A \leftarrow A}}_{A \leftarrow A} + \underbrace{(i \times x)_{A \leftarrow A}}_{A \leftarrow A} \times \underbrace{(i \times x)_{A \leftarrow A}}_{A \leftarrow A} + \underbrace{(i \times x)_{A$$

وهي نفس القيمة التي حصانا عليها سابقاً من الطريقتين العادية والإنحرافات جدول رقم (٣-٣) حساب المتوسط المسابي بطريقة الانحرافات المختصرة

ځ×ت	(°E)	مركز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفلة (ف)
. 17-	ኒ		٧	- 04
1	0-		*	-07
18-	٤		٣	37 4
٩	٣		۲"	- 70
۸	۲		٤	3 9
۰	1-		. 6	~ VT
صفر	مفز	(va)	٧	VV
٦	۱ +		٦	41
٠,	۲+		٣	_ A0
4	۴+		٣	۸9
^	٤+		۲	97 - 98
77			٤٠	المجموع

ويمكن إجمال خطوات حساب المتوسط الحسابى من جدول التوزيع التكراري بطريقة الانحرافات فيما يلى:

- ١ نختار الوسط وهو مركز الفئة المقابلة لأكبر تكرار ، (وهو مركز الفئة السابعة في المثال السابق فيكون وسطنا الفرضي هو ٧٩)
- ٢ نطرح قيمة الوسط الفرضى (٧٩) من جميع مراكز القنات ونضعها في
 العمود المسمى بالانحرافات (ح) ٠
- ٣ نضرب هذه الانحافات في التكرار المقابل لكل منها لنحصل على حراصل الضرب (ح×ت) .
- ٤ نجمع حواصل الصرب (ح×ت) لنحصل على (مجح ت) ثم تقسم النتاتج على مجموع التكرارات (مجت) فينتج متوسط مجموع حواصل ضرب الانحرافات في تكراراتها (مجح ت) محدت محرب الانحرافات في تكراراتها محدت
- ه نحسب المتوسط الحسابي بإضافة الوسط الفرضي إلى متوسط مجموع مدر (ح×ت) مجرفات فيكون المتوسط الحسابي = الوسط الفرضي + مجرت مجرت

أما طريقة الانحرافات المختصرة فإنها تختلف في الخطوة الثانية حيث يمكن حساب الانحرافات المختصرة (ح) مباشرة دون حساب الانحرافات (ح)، ويتم ذلك بحساب انحراف مركز فئة أكبر تكرار (عن الوسط الفرضي) والذي يساوى الصفر، ثم نكتب الانحرافات المختصرة أعلى هذا الصغر وتكون سائبة وهي -1, -7, -7, -3, -6, -7, أما اسفل أنصفر فتكون موجبة +1، +7, +3 (+7) هذا أن هذا صحيح فقط في حالة الجداول التكرارية ذات الفتات المتساوية الطول).

وتكون الخطوة التالثة هي إيجاد حواصل صرب الانحرافات المختصرة في تكرارتها والخطوة الرابعة هي إيجاد مجموع حواصل صرب الانحرافات المختصرة في تكرارتها والخطوة الرابعة هي إيجاد مجموع حواصل صرب الانحرافات المختصرة في تكراراتها ثم حساب متوسط الانحرافات المختصرة وهو يساوي مجدح مدت

أما الخطوة الخامسة فيتم فيها حساب المتوسط الحسابي من القانون:

مجد ح ت
المنوسط الحسابي = الوسط الفرضي + _____ × ل

ونلاحظ من جدول (٣-٣) أنه ليس من الضرورى حساب كل مراكز الفئات ، وانما نحسب مركز فئة أكبر تكرار لنستخدمها كوسط فرضى ، ثم نحسب الانحرافات المختصرة وحاصل ضربها في تكرارتها (كما بالجدول) ويكون المتوسط الحسابى

$$= \frac{\sqrt{x^2 \times x^2}}{\sqrt{x^2 \times x^2}} \times \frac{\sqrt{x^2 \times x^2}}{\sqrt{x^2 \times x$$

خصائص المتوسط الحسابي :

ذكرنا من قبل أن المتوسط المسابى يستخدم للتعبير عن (أو لوصف) مجموعة من البيانات كما أنه يتسم بعدة خصائص منها:

- ۱ إذا صرينا قيمة المتوسط الحسابى فى عدد الدرجات (ن) فإننا نحصل على المجموع الكلى الدرجات ، فإذا طبقنا هذه الخاصية على المتوسط الحسابى الذى قيمته ٦ وعدد الدرجات ٨ فان حاصل ضربهما هو ٨٤ ، وهو مجموع الدرجات المشال (٤،٩،٥،٤ ،٤،١،٥) . وبالمثل فى حال بيانات المثال الثانى عند حساب المتوسط الحسابى للدرجات العادية ، حيث كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٠ وعدد الدرجات ٤٠ ، فيكون حاصل ضربهما كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٠ وعدد الدرجات ٤٠ ، فيكون حاصل ضربهما كان المتوسط الحسابى = ٨٠٥٠ وهو المجموع الكلى للدرجات .
- Y eالخاصية الثانية للمتوسط الحسابى هي تأثره بالقيم المتطرفة . ويقصد بالقيم المتطرفة تلك القيم البعيدة عن أصغر أو أكبر درجة . وفي المثال الأول المذكور في الخاصية الأولى فان أكبر درجة هي P ، فإذا فرضنا أن هذه الدرجة هي P 19 فيكون مجموع الدرجات = P + P

الحسابى تغير من ٦ الى ٧٠ ٦٠ لتغير الدرجة من ٩ إلى ١٩ وبالمثل فى حال الدرجات المتطرفة الصغرى ، فإذا كانت الدرجة ٤ مساوية للصفر فان مجموع الدرجات = ٠٠ وهى قيمة مجموع الدرجات = ٠٠ ويكون المتوسط الحسابى $\frac{1}{4}$ = ٥ وهى قيمة مختلفة كثيرا عن المتوسط الحسابى الأصلى (٦) .

- $\gamma e[Latonian | Latonian | Latoni$
- 2 -مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابي اقل من مجموع مربعات إنحرافها عن أى قيمة أخرى ، فإذا نظرنا إلى المثال المذكور في الخاصية (T) نجد أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابي هو : (-Y)' + (T)'' + (-V)'' +

وإذا افترضنا قيمة أخرى (٥ مثلا) فأن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن الدرجة ٥ هو :

$$(3-0)^{7} + (9-0)^{7} + (3-0)^{7} + (3-0)^{7} + (7-0$$

وإذا استخدمنا الدرجة ٧ ، فإن مجموع مربعات الحرفات الدرجات عنها هو:

$$+ {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1-) {}^{Y}(Y-) + {}^{Y}(Y-) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y-)$$

(صفر)' + (۲۰)'

= ٩ + ٤ + ٤ + ٩ + ١ + ١ + صفر = ٣٢ وهو اكبر من ٢٤.

وبالمثل إذا استخدمنا أي درجة أخرى فان مجموع مربعات انحرافات الدرجات عنها سيكون اكبر من ٢٤ -

وينضح من ذلك أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابي (وهو ٢٤ في المثال) اقل من مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن أي قيمة أخرى .

وتوضح هذه الخاصية أن المتوسط الحسابى هو قيمة مركزية للدرجات، ولذلك يسمى مقياسا للنزعة المركزية (Ferguson, 1971: 48) حيث نجد أن مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن متوسطها الحسابى أقل مايمكن وعليه نستطيع تعريف المتوسط الحسابى بانه مقياس للنزعة المركزية التى يكون مجموع مربعات انحرافات الدرجات عنها أقل ما يمكن .

ويعد المتوسط الحسابي لأى مجموعة (عشوانية) من الدرجات تقديرا حيدا (غير متحيز) للتموسط الحسابي للمجتمع ، وهو مقياس أكثر دقة من أي مقياس آخر من مقاييس النزعة المركزية (مثل الوسيط والمنوال).

- عدد الدرجات كبيرا كلما
 كان المتوسط الحسابي أكثر ثباتا وأكثر تعبيرا عن متوسط المجتمع ، وهذا هو
 ما نعنيه بقدير جيد لمتوسط المجتمع .
- ٦ لا يمكن جمع المتوسطات الحسابية لعدة مجموعات من الدرجات إذا كان عدد الدرجات غير متساء . فمثلا إذا كان المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات هو ١٠ ، والمتوسط الحسابي لمجموعة أخرى هو ١٢ ، فلا نستطيع حساب متوسط المتوسطين إذا كان عدد درجات كل مجموعة مختلفا عن الأخرى . وبمعنى آخر لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي للمتوسطين إلا إذا علمنا عدد درجات كل منهما.

وعلى سيبل المثال الدرجات: ٧، ٦، ٨، ٥، ٧، ٩: الدرجات ٧٠ ٢، ١٠ متوسطها الحسابي = ٧

والدرجات : ۲ ، ٥ ، ۲ ، ۷ متوسطها الحسابي = ٥ ، ولا نستطيع إن نجمع المتوسطين (۷ ، ٥) أو نحصل على متوسطهما و نعتبره متوسطا حسابيا لدرجات المجموعتين . ولكن ما نستطيع فعله هو الحصول على المتوسط الحسابي المرجح (الموزون) للمجموعتين أو ما يسمى بمتوسط المتوسطات الحسابية .

المتوسط الحسابي المرجح Weighted Arithmetic Mean

وهو يسمى المتوسط الحسابى الوزنى او متوسط المتوسطات الحسابية . فاذا كان لدنيا عدة متوسطات لمجموعات من الدرجات (أو لعينات مختلفة الاحجام) فيمكن ايجاد المتوسط الحسابى العام لتلك المتوسطات .

ويكون المتوسط الحسابي الوزني لمجموعتين هو:

مجموع درجات المجموعة الأولى + مجموع درجات المجموعة الثانية مجس ١ + مجس ٢ عدد درجات المجموعة الثانية نا + ن٢ عدد درجات المجموعة الثانية

وحيث اننا ذكرنا في الخاصية الاولى: أن مجموع الدرجات يساوى حاصل ضرب المتوسط الحسابي في عدد الدرجات ، فيكون المتوسط الحسابي الوزنى لمجموعتين هو:

عدد درجات المجموعة الأولى × متوسطها الحسابى + عدد درجات المجموعة الثانية × متوسطها الحسابي عدد درجات المجموعة الثانية

وبتطبيق ذلك على المثال المذكور في الخاصية السادسة حيث المتوسط الحسابي للمجموعة الاولى = ٧ وعدد درجاتها = ٦ ، المتوسط الحسابي للمجموعة الثانية = ٥ وعدد درجاتها = ٤ فيكون المتوسط الحسابي للمجموعتين =

وهذا المتوسط الحسابي هو بالفعل المتوسط الحسابي لدرجات المجموعتين معا ، لأن مجموع درجات المجموعتين معا

= (۲+۲+0+۲+۲+۲) + (۲+0+۲+۹) = ۲۲ ، والمتوسط الحسابي = ۲۲ - ۲۲ .

وبالمثل في حال وجود منوسطات حسابية لعدة مجموعات (ك) فان المتوسط الحسابي العام (الوزني) لئلك المجموعات هو:

أما إذا كان عدد درجات المجموعات متساون، "ن، " ن. " نن فيمكن الحصول على متوسط المتوسطات بطريقة سهلة وهي :

وفي حالة مجموعتين متساويتين في عدد الدرجات مثل:
الدرجات : ٩ ، ٧ ، ٥ ، ٨ ، ٢ مجموعها = ٣٥ ومتوسطها الحسابي = ٧
الدرجات : ٢ ، ٥ ، ٢ ، ٧ ، ٩ مجموعها = ٢٩ ومتوسطها الحسابي = ٥,٨

فإن المتوسط الوزنى لهما يساوي أيضا

$$7.\xi = \frac{7\xi}{1!} = \frac{17.\Lambda}{1!} = \frac{0.4 \times 0 + V \times 0}{0 + 0}$$

لاحظ أن نفس الأسلوب ينطبق على طرح المتوسطات الحسابية .

ثانيا ؛ الوسيط Median

وهو مقياس آخر من مقاييس النزعة المركزية الشائعة الاستخدام . والوسيط هو الدرجة الوسطى لمجموعة من الدرجات أو هو النقطة التي تقسم توزيع الدرجات إلى نصفين متساويين بحيث يكون عدد الدرجات التي تسبقها مساويا لعدد الدرجات التالية لها .

وتحسب قيمة الوسيط لمجموعة من الدرجات بأخذ الدرجة الوسطى بعد ترتيب الدرجات ترتيبا تصاعديا أو تنازليا .

فإذا كان لدينا مجموعة الدرجات ، ٢ ، ١٠ ، ١٠ ، ١١ فإن الوسيط هو . الدرجة رقم ٣ في الترتيب وهي تساوي ٨٠

أما في مجموعة الدرجات: ١٠، ١٠، ١١، ١١، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١١، ١٨، ١٨، ١٨، ١٢، ١٨، ١٢، ١٨، ١٨، ١٨، ١٨، ١٨، ١٨،

ونلاحظ أن عدد الدرجات في المجموعة الأولى خمس درجات وكان تربيب الوسيط هو 7 أي $\frac{0+1}{7}$ = 7

بينما عدد الدرجات في المجموعة الثانية P وكان ترتيب الوسيط هو P أي P + P = P ويصفة إذا عامة كان عدد الدرجات فرديا فإن

أما إذا كان عدد الدرجات زوجيا ، مثل مجموعة الدرجات Y ، Y , Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y , Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y , Y ، Y ، Y ، Y , Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y ، Y , Y ، Y , Y ،

وبصمفة عامة إذاكان عدد الدرجات زوجيا فيوجد وسيطين ترتيبهما

وفي المثال السابق ن - ٦ فيكون ترتيب الوسيطين هما

$$\left(1+\frac{7}{4}\right), \frac{7}{4}$$
 (3) $\left(1+\frac{1}{4}\right), \frac{1}{4}$

وهما الدرجتان الثالثة والرابعة وقيمتيهما ٧ ، ١٠ . وبذلك فإن قيمة الوسيط هنا هي متوسط هذين الوسيطين - (١٠ + ١٠ أي ٨،٥ .

وإذا كانت مجموعة الدرجات هي ٤، ٥، ٧، ٥، ١١، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١١، ٩، ٧، هي ٤ مجموعة الدرجات مجموعة الدرجات هي ٤، ٥، $\frac{\Lambda}{Y}$ ، $\frac{\Lambda}{Y}$ ، $\frac{\Lambda}{Y}$ + ١ فإن عدد الدرجات $\frac{\Lambda}{Y}$ ، $\frac{\Lambda}{Y}$ ، $\frac{\Lambda}{Y}$ ، $\frac{\Lambda}{Y}$)

أى الدرجتين الرابعة والخامسة في الترتيب وهما ١١، وتكون قيمة الوسبيط هي متوسط الوسيطين $= \frac{9+11}{7} = 10$

كما يمكن حساب الوسيط للبيانات الترتيبية - فإذا كسانت تقديرات مجموعة من الطلاب هي : معناز ، معناز ، جيد جدا ، جيد جدا ، جيد ، حيد ، حيد ، مقبول ، ترتيبه وعدد هذه التقدير الذي ترتيبه

وتكون قيمة الوسيط هي التقدير السابع في الترتيب وهو جيد . وبالطبع لا نستطيع حساب المتوسط الحسابي للتقديرات ومن ثم نستعيض عنه بحساب الوسيط.

وإذا كان عدد التقديرات زوجيا فيوجد وسيطين كما ذكرنا من قبل لمجموعة التقديرات فإذا أضفنا للتقديرات السابقة تقدير آخر (ضعيف مثلا) فيكون عدد التقديرات ١٤ ، وبذلك يكون لدينا وسيطين ترتيبيهما $(\frac{12}{7}, \frac{12}{7}, \frac{12}{7})$ السابع والثامن .

وإذا طبقنا هذا على المثال فيكون الوسيطان هما جيد ، مقبول وبالطبع قإن متوسطهما لا يمكن حسابه لأن القياس الترتيبي لا يجوز جمع بياناته ، ولذلك نقول أن الوسيط يقع بين جيد ومقبول .

حساب الوسيط للبيانات البوبة :

تختلف طريقة حساب الوسيط البيانات المبوبة عن الدرجات العادية . ففى حال البيانات المبوبة (جداول التوزيع التكرارى) لا نستطيع أن نرتب الدرجات التوصل إلى رتبة الوسيط وقيمته ولكننا نستخدم طريقة أخرى ، وهي في الحقيقة مشابهة لطريقة حساب الوسيط للدرجات العادية .

قإذا أردنا حساب الوسيط للبيانات في الجدول النكراري (Y - Y) فإننا نقوم أولا بحساب التكرار المتجمع الصاعد (كما بالجدول Y - Y)، ثم نحسب ربّبة الوسيط وهي تساوي نصف مجموع التكرارات أي $\frac{(A-Y)}{Y}$ مهما كان عدد الدرجات فرديا أو زوجياً.

وبعد ذلك نحدد الفئة التي يقع فيها الوسيط ، وهي في معظم الأحوال (وليس دائما) تكون فئة أكبر تكرار ، ثم نطبق القانون لحساب الوسيط ، وبذلك يمكن أن نوجز طريقة حساب الوسيط للبيانات المبوبة في الخطوات التالية :

- ۱ نستخدم جدول التوزيع النكرارى في إعداد الجدول النكرارى المتجمع
 الصاعد .
 - ۲ نحسب رتبة رهي سپ
- ٣ نحدد فئة الوسيط ، وهي الفئة التي تحتوى على (مجت) من التكرارات المتجمعة ، أي الفئة التي تكرارها المتجمع الصاعد أكبر من أو يساوى رئبة الوسيط .
 - ٤ نطبق القانون التالي لحساب قيمة الوسيط

قيمة الوسيط = الحد الأدنى لفئة الوسيط + ترتيب الوسيط - التكرار المتجمع الصاعد السابق × طول فئة الوسيط تكرار فئة الوسيط

جدول (۳ – ۶) الجدول التكراري المجتمع الصاعد

	ت.م.ص	الحدود العليا للفئات	
	مسفر	أقل من ٥٣	
	۲	أقل من ٥٧	
	*	أقل من ٦١	
	V	أَفَل من ٦٥	
	1.	أقل من ٦٩	
	12	أقل من ٧٣	
مرقع	19	أقل من ۷۷	فلة الوسيط
الوسيط ا	Y7	أفَل من ٨١	
	77	أقل من ◊٨	
	70	أقل من ۸۹	
	77	أفل من ۹۳	7
	٤٠	اُفَل من ۹۷	
	<u> </u>		

ولحساب الوسيط من جدول ($^{8} - ^{3}$) فإن: $_{1}$ مرتيب الوسيط = $_{1}$ مجدت $_{2}$ = $_{3}$ = $_{4}$

وبالتالى فإن ترتيب الوسيط يقع بين (ت، م، ص) ١٩ ، ٢٦ أى فى الفئة التى تبدأ ب ٧٧ وتنتهى ب (أقل من) ٨١ . ويكون الحد الأدنى لفئة الوسيط - ٧٧ ، وطول الفئة = ٤ ،

$$\frac{19 - 4}{(19 - 4)} \times \frac{19 - 4}{(19 - 4)}$$

ويالمثل يمكن استخدام الجدول التكرارى المتجمع الهابط (جدول ٢٠ - ٩) في حساب قيمة الوسيط ، حيث نستخدم القانون :

ترنيب الوسيط - التكرار المنجمع الهابط النالي × طول الغلة قيمة الوسيط - الحد الأعلى لغئة الوسيط - تكرار فئة الوسيط تكرار فئة الوسيط

جدول (۳ - ۰) الجدول التكراري المتجمع الهابط

	مريسة موري	الجدول التحريري المحجم	
	ت.م.هـ	الحدود الدنيا للغنات	
	٤٠	٥٣ فأكثر	
	۳۸	∨ە فأكثر	
	47	۲۱ فأكثر	7
	27	٥٥ فأكثر	
ţ	۳۰ .	٦٩ فأكثر	1
	77	۷۳ فأكثر	-
موقع الوسيط	71	۷۷ فأكثر	فئة ر⊸
] الوسيط	18	۸۱ فأكثر	فلة الوسيط ا
:	٨	٥٨ فأكثر	-
	٥	۸۹ فأكثر	7
	۲	۹۳ فأكثر	
_			J

$$\begin{cases} 2 \times \frac{(1\xi - Y \cdot)}{Y} - \lambda 1 = 0 \\ 2 \times \frac{1}{X} - \lambda 1$$

وهى نفس القيمة التي سبق الحصول عليها بإستخدام التكرار المتجمع الصاعد .

ومن الملاحظ أننا نستخدم جدول توزيع تكرارى (جدول ٢ - ٦) في حساب الوسيط ، وهذا الجدول نوزيع تكراري متصل .

أما إذا كان جدول التوزيع التكراري غير متصل فإننا نستخدم نفس الطرق السابقة مع استبدال الحد الأدنى لفئة الوسيط بالحد الأدنى الحقيقى لفئة الوسيط وبالمثل في حال التوزيع التكراري المتجمع الهابط نستبدل الحد الأعلى لفئة الوسيط بالحد الأعلى الحدود الأعلى الحدود الأعلى المتجمع الهابط أننا يجب أن نحسب الحدود الحقيقة للفئات قبل حساب التكرار المتجمع الصاعد أو الهابط .

مثال (٢) : إذا كان لدينا التوزيع التكراري التالي :

المجموع		۲9- ۲۷			711	14-10	الفنات
٥٠	ŧ	٨	11	۱۳	q	٥	التكرار

فإننا نحسب الحدود الحقيقة للفئات وذلك لتحويل التوزيع من توزيع متقطع (حيث توجد فرغات بين ١٧ - ١٨ ، ٢٠ - ٢٣ ، ٢٢ - ٢٤وهكذا) إلى توزيع متصل كما يلى:

(V - V) جدول رقم

المجموع	77-7 •	Y9-YV	Y7-Y£	75-71	Y1A	1710	التات
٥٠	٤	٨	11	١٣	٩	٥	التكرار
	TY, 0 Y9, 0	Y9,0-Y7,0	*1, 0 ~*1",0	YT, 0 Y+, 0	41,0-14,0	14,0-12,0	الحدود الحقيقية التغات

والخطوة التالية هي حساب التوزيع التكراري المتجمع الصاعد والهابط واستخدامها في حساب الوسيط.

جدول توزیع نکراری (۳ - ۸ أ)

	المدرد المقيقية للفئات	التكرار	الفدات
	14,0-18,0	٥	14-10
`	Y+,0 - 1V,0	٩	414
 >	YT,0 - Y+,0	۱۳	75- 41
- 1	77,0 - YT,0	4.4	77 - YE
į	۲۹, ۵ – ۲۲, ۵	٨	۲9 ۲ Υ
	77,0 - Y9,0	ź	44 - 4+
		٥٠	المجموع

جدول تکراری متجمع هابط (۳-۸جـ)

جدول تکراری متجمع صاعد (۳-۸ ب)

ت.م. هـ	الحدود العايا للفئات		ت،م.ص	
٥٠	۱٤,۵ فأكثر		۵	
٤٥	٥ ،١٧ فأكثر	موقع الرسيط	١٤	
٣٦	٥,٠٠ فأكثر	▍ ▗ ▀▞▘ ▎ ▎	**	
77	۵,۲۳ فأكثر		۳۸	
17	٥,٣٦ فأكثر		٤٦	
٤.	٥,٠٥ فأكثر		۵٩	

	ت،م.ص	الحدود العليا للفئات
i	۵	أقَل من ١٧,٥
Г	1 £	أقل من ٢٠,٥
Ц	Y Y	أقل من ٢٣٠٥
	የ አ	أقل من ٥ ,٣٦
	٤٦	أقل من ٢٩,٥
Į	04	أقل من ٢٣,٥

_____ الأساليب الإحصائية _____

قيمة الوسيط باستخدام الجدول التكراري المتجمع الصاعد

م ترتيب الوسيط - التكرار المتجمع الصاعد السابق = الحد الأدنى لفئة الوسيط + مناسبة تكرار فئة الوسيط × طول الفئة

$$\frac{7 \times (1\xi - 70)}{(1\xi - 7V)} + 7.0 = \frac{7 \times 11}{17} + 7.0 = \frac{7 \times 11}{17}$$

۲۳, + ٤ 🚥

وقيمة الوسيط بإستخدام الجدول التكراري المنجمع الهابط

ترنيب الوسيط – التكرار العنجمع الهابط التالي = الحد الأعلى لفئة الوسيط + ______ تكرار فئة الوسيط × طول الفئة

$$r \times \frac{(rr - ro)}{(rr - rv)} - rr, o = \frac{r \times r}{r}$$

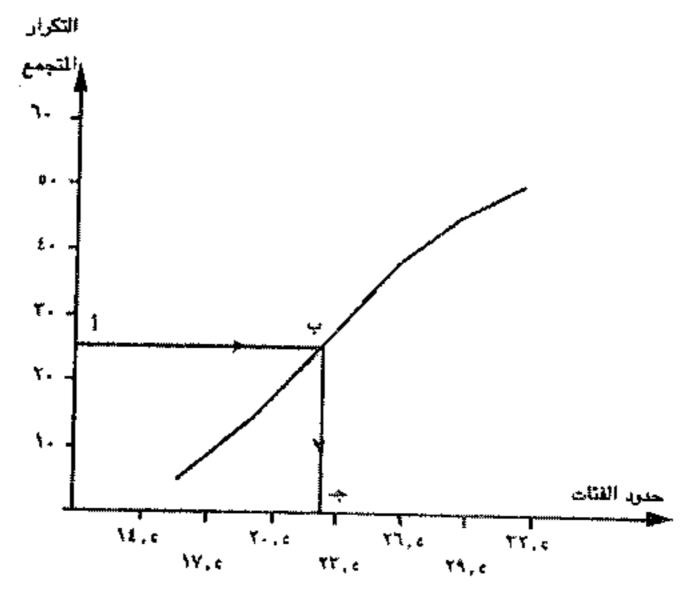
., 27 - YT, 0 =

YY. + £

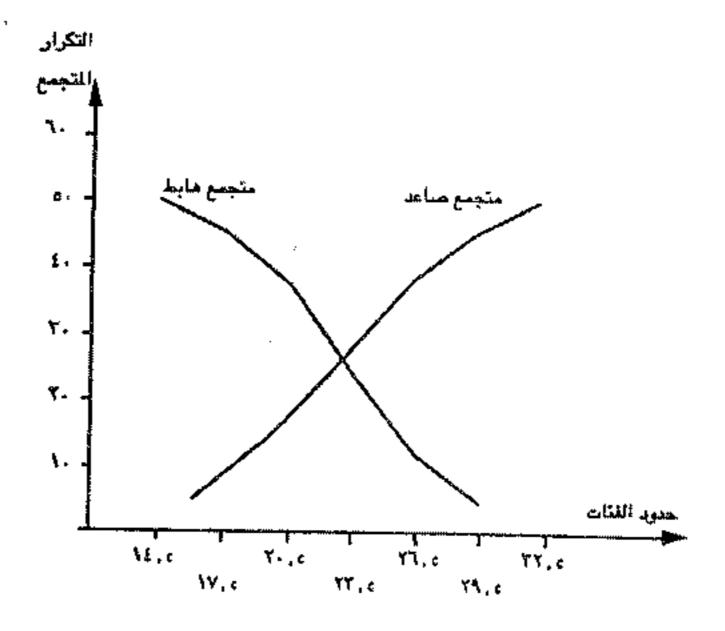
وهي نفس القيمة السابق المصول عليها بإستخدام التكرار المتجمع الصاعد.

حساب الوسيط بإستخدام الرسم:

يمكن حساب الوسيط للبيانات المبوبة بطريقة أخرى عن طريق رسم المنحنى المتجمع الصاعد أو الهابط أو كليهما معا ، فإذا مثلنا التكرار المتجمع الصاعد بالجدول رقم ($T - \Lambda + 1$) فينتج المنحنى المتجمع الصاعد (شكل T - 1) .



شكل رقم (٣ - ١) المنحنى المتجمع الصاعد



شكل رقم (٣ - ٢) المنحنيان المتجمعان الصاعد والهابط

حيث يمثل المحور الأفقى حدود الفئات بينما المحور الرأسى للتكرار المنجمع فإذا رسمنا من النقطة (أ) (وهى تمثل التكرار المنجمع ٢٥ أى ترتيب الوسيط) خطا موازيا لمحور الفئات فإنه يقطع المنحنى المتجمع الصاعد فى النقطة (ب) ، وإذا رسمنا منها عمودا على محور الفئات فإنه يقطعه فى النقطة (ج) ، وتكون النقطة (ج) هى قيمة الوسيط وهى أقل من ٢٣,٥ (٣٣ تقريبا).

أما إذا مثلنا التكرارين المجتمعين الصاعد والهابط معا برسم بياني كما في الشكل (٣-٢)، فإن المنحنيين يتقاطعان في النقطة (ب)، وإذا رسمنا منها خطا موازيا لمحور الفئات فإنه يقطع المحور الرأسي في النقطة (أ) وهي ترتيب الوسيط (٢٥)، أما إذا رسمنا من النقطة (ب) عمودا على محور الفئات فإنه يقطعه في النقطة (ج) وهي قيمة الوسيط (٣٠ تقريبا).

استخدامات الوسيط :

سبق وأن ذكرنا أن الوسيط هو أحد مقاييس النزعة المركزية الشائعة الاستخدام ، وهو يستخدم بدلا من المتوسط الحسابى فى حال البيانات الترتيبية (مثل التقديرات أو الدرجة الوظيفية) لأننا لا نستطيع حساب متوسط التقديرات أو الدرجات الوظيفية (وإذا تم الاستعاضة عنها بأرقام وحسبنا متوسطها فلا يكون للمتوسط معنى منطقى).

فإذا كان منوسط الصف الدراسي لعينة من المدارس هو ٢٠٢ فلا يوجد معنى منطقى لهذه القيمة ، ولكننا إذا حسبنا الوسيط وكان يقع بين الصفين الثانى والثالث فيكون له معنى مقبول .

كما يستخدم الوسيط في حال التوزيعات التكرارية المفتوحة والتوزيع النكراري المفتوح هو ذلك التوزيع الذي لا يحدد بداية الفئة الأولى أو نهاية الفئة الأخيرة أو كليهما فإذا كانت بداية الفئة الأولى في جدول ($7-\Lambda$) غير محددة (أقل من 10 مثلاًبدلا من 10-10) فلا نستطيع تحديد مركز تلك الفئة ويالتألى يصعب حساب المتوسط الحسابي وبالمثل إذا كانت نهاية الفئة الأخيرة غير محددة (70 فأكثر بدلا من 70-70) فلا نستطيع حساب مركز الفئة الأخيرة أيضا وبالنالي يصعب علينا حساب المتوسط الحسابي .

ويستخدم الوسيط أيضا في حال التوزيعات شديدة الالتواء ، ويكون التوزيع ماتو إذا تركزت التكرارات في أحد الطرفين . فإذا تركزت التكرارات نحو الطرف الأصنفر (الأول) بكون التوزيع ملتو إلتواء موجبا . أما إذا تركزت التكرارات نحو

الطرف الأكبر (الثانى) يكون التوزيع سالب الالتواء . وإذا لم تتركز التكرارات نحو أى من الطرفين فإن التوزيع يكون نوزيعا معتدلا (وسوف نناقش التوزيع المعتدل في الفصل الخامس) . وعندما يكون التوزيع ملتويا فإن الوسيط يعبر تعبيرا صادفا عن البيانات أكثر من المتوسط الحسابى . ولذلك نستخدم الوسيط دائما عند الحكم على المفردات الجبيدة في مقاييس الاتجاهات بناء على آراء المحكمين .

الله المناطق : Mode

هو أحد مقاييس النزعة المركزية المناسبة لمستويات القياس الأسمى ، ويعرف المنوال بأنه القيمة الأكثر شيوعا أو القيمة التى تتكرر أكثر من غيرها . فالدرجات ٢،٥،٢،٧ ليس لها منوال لأن تكرار الدرجات منساو، حيث تكررت كل منها مرة واحدة . وكذلك التقديرات ممتاز، جيد جدا، جيد، مقبول ، ليس لها منوال حيث أن كل منها تكررت مرة واحدة .

أما الدرجات : ٤ ، ٥ ، ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٨ فإن منوالها هو الدرجة ٤ حيث تكررت ثلاث مرات في حين أن الدرجات الأخرى لم تتكرر سوى مرة واحدة، وكذلك التقديرات : ممتاز ، جيدجدا ، جيد ، جيد ، مقبول ، يكون منوالها هو التقدير جيد الذي تكرر مرتين اكثر من تكرار التقديرات الأخرى ،

وقد يكون للبيانات منوالين أو ثلاثة وذلك عندما تتساوى تكرارات قيم معيدة مثل: ١٤،٥،٤،٢،٥،١ لها منوالين هما: ١٠،٥،٩ والتقديرات ممتاز ، جيد جدا ، جيد ، مقبول ، مقبول لها منوالين هما: جيد ، مقبول ، وكذلك الحالة الاجتماعية : متزوج ، أعزب ، منزوج ، مطلق ، أعزب لها منوالين هما : متزوج وأعزب .

وعندما يكون البيانات أكثر من منوال فلا يجوز حساب متوسطها لأن ذلك يتنافى مع معنى المنوال (القيمة الأكثر تكراراً) ، كما أنه إذا حسب متوسط المنوالين مثلا فقد يكون لقيمة أقل تكراراً ،

طرق حساب المنوال للبيانات المبوبة :

توجد عدة طرق لحساب المنوال من البيانات العبوبة ، وكل طريقة تؤدى الله نتيجة مختلفة ، ولذلك فإن قيمة المنوال تقريبية ، وأقل دقة عن الوسيط أو المنوسط الحسابى .

(أ) إحدى طرق حساب المنوال للبيانات الاسمية هو إستخدام الفئة المقابلة لأكبر تكرار، ففى مثال الحالة الاجتماعية الموضحة بالجدول (٣-٩) يكون المنوال هو: متزوج ويعول، لأن عدد التكرارات أكثر من الفئات الأخرى .

(جدول ٣ - ٩) الحالة الاجتماعية

المجموع	متزوج ويعول	•	أعزب	متزوج	الفئة
1	£•	•	۳,	۲.	التكرار

ونفس الشيء ينطبق على البيانات الترتيبية .

أما في حال الدرجات المبوبة في جدول تكرارى مثل الجدول (٣-٧) فإن المنوال يقع في فئة أكبر تكرار (١٣) وهي الفئة الثالثة (٢١-٢٣) ، وهذا يقدر المنوال بعدة طرق أولها مركز فئة أكبر تكرار وهو (٢٢) . وهذه القيمة تقريبية وأقل دقة من الطرق الأخرى التي سنوضحها فيما يلي :

(ب) الطريقة الثانية لحساب المنوال من جداول التوزيع التكرارى : وهي تعتمد على استخدام تكرارى الفئتين المجاورتين لفئة أكبر تكرار (الفئتان السابقة والتالية لفئة المنوال) وتستخدم هذه الطريقة القانون التالى :

قيمة المنوال = الحد الأدنى الحقيقى لفئة المنوال + (تكرار الفئة المنوالية - تكرار الفئة السابقة لها) × طول الفئة

(تكرار الفئة الموالية - تكرار الفئة السابقة لها) + (تكرار الفئة المنوالية - تكرار الفئة التالية لها)

وهذه المعادلة لا تستخدم مع البيانات الاسمية الترتيبية . وبتطبيق هذه المعادلة على جدول (٣ - ٧) فإن القشة المنوالية هى الفشة (٢١ - ٣٣) وحدودها الحقيقة هي (٢٠.٥ - ٣٠،) وتكرارها (١٣) . أما تكراراً الفشتين السابقة والتالية فهما ٩ ، ١١ وبذلك فإن قيمة المنوال هي

$$\frac{T \times (9-17)}{(11-17) + (9-17)} + 7.0 = \frac{1}{(11-17) + (9-17)}$$

$$\frac{17}{7} + 7.0 = \frac{7 \times \xi}{7 + \xi} + 7.0 = \frac{7}{7}$$

وإذا استخدمنا هذه الطريقة مع بيانات جدول (٢ - ٦) حيث فئة المنوال (٢ - ١) فإن :

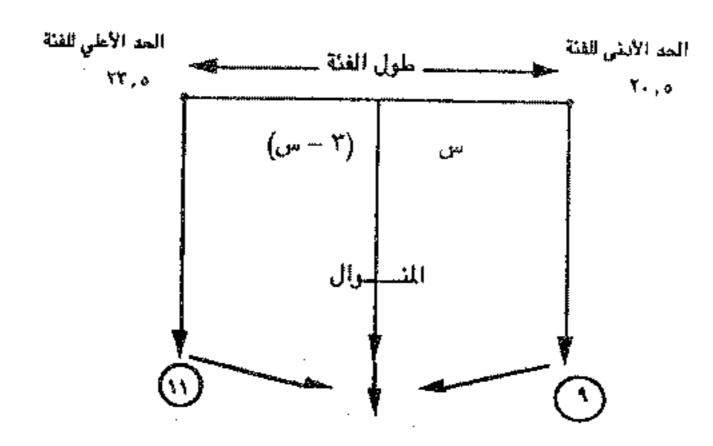
$$\frac{\xi \times (0-Y)}{(7-Y) + (0-Y)} + YY = \frac{\xi \times Y}{1+Y} + YY = \frac{\lambda}{Y} + YY = \frac{\lambda}{Y}$$

$$\frac{\lambda}{Y} + YY = \frac{\lambda}{Y}$$

$$\frac{\lambda}{Y} + YY = \frac{\lambda}{Y}$$

(ج) الطريقة الثالثة لحساب المنوال من جداول النوزيع التكراري تسمى بطريقة الرافعة وهي أكثر الطرق استخداماً ، كما أنها أفضل تقريب لقيمة المنوال .

وتعتمد هذه الطريقة أيضاً على تكرارى الفئتين المجاورتين لغئة المنوال و وتفترض هذه الطريقة أن المنوال قيمة تقع فى فئة اكبر تكرار ويتجاذبها تكرارى الفئتين السابقة والتالية لها بمعنى أنهما قوتان تحاول كل منهما جذب المنوال فى الجاهها ، ويمكن تمثيل هذه الطريقة بيانياً بالشكل (٣ - ٣).



شكل (٣-٣) يمثل طريقة الزافعة لحساب المنوال

وهو يوضح فلة المنوال وبدايتها (٢٠٠٥) ونهايتها (٢٣٠٥) وتكرار فلة المنوال يمثل قوة المنوال لأسفل ، بينما تكرارى الفئتين السابقة (٩) والتالية (١١) هما قوتي جذب لقيمة المنوال (محور الارتكاز) .

وينص قانون الرافعة على أن : القوة × ذراعها = المقاومة × ذراعها ، فإذا كانت إحدى القوتين (٩) وذراعها هو (س) فإن القوة الثانية (١١) وذراعها (٣ - كانت إحدى القوتين (٩) وذراعها هو اس) وتكون قيمة المنوال = بداية فئة المنوال + قيمة (س)

وقيمة المنوال = ٢٠,٥ + ٢٠,١٥ = ٢٢,١٥ وهي قيمة مختلفة عن تلك التي حصلنا عليها من الطريقة الثانية (وهي ٢٢,٥) .

ويمكن إعادة صياغة طريقة الرافعة بالقانون التالي

قيمة المنوال =

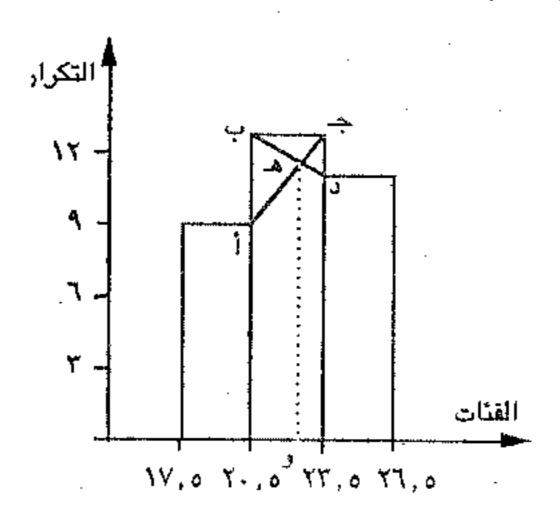
وإذا استخدمنا جدول التوزيع التكرارى (7-7) لحساب المنوال بطريقة الرافعة ، حيث فئة المنوال هى (7-7) وتكرارى الفئتين السابقة (3) والتالية (7) فإن :

$$\frac{6 \times 6}{(7 + 0)} + VV = \frac{6 \times 3}{(7 + 0)}$$

$$\frac{7}{11} + VV = \frac{7}{11}$$

YA, AY = 1, AY + VV =

وهى قيمة مختلفة عن تلك التي حصلنا عليها من الطريقة الثانية ولكن يفضل استخدام طريقة الرافعة . (د) توجد طريقة رابعة لحساب العنوال باستخدام الرسم ، وهذه الطريقة مشابهة لطريقة الرافعة . وتعتمد هذه الطريقة على تمثيل فئة المنوال والفئتين السابقة والتالية لها في شكل مستطيلات، ثم توصيل طرفي مستطيل فئة المنوال مع نهاية مستطيل الفئة السابقة ومع بداية الفئة التالية لحساب المنوال . وباستخدام بيانات الجدول (٣ - ٧) ، فاذا رمزنا إلى نهاية الفئة السابقة للمنوال بالرمز (أ) وبداية فئة المنوال بالرمز (ب) ونهايتها بالرمز (ج) وبداية الفئة التالية للمنوال بالرمز (د) (كما بالشكل ٣ - ٤) . ثم نصل وبداية الفئة التالية للمنوال بالرمز (د) (كما بالشكل ٣ - ٤) . ثم نصل (أج) ، (ب د) فإنهما يتقاطعان في نقطة (ه) .

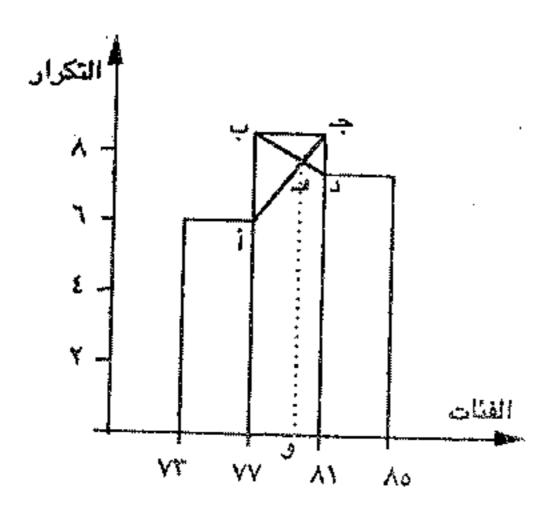


شكل رقم (7-3) حساب المنوال

ثم نرسم من النقطة (هـ) عمودا على محور الفدات فإنه يقطعه في (و) فيتكون هي قيمة المنوال ، ومن الواضح انها اقل من ٢٣,٥ وهي تعادل ٢٢,٣ نقريبا.

وإذا طبقنا هذه الطريقة على بيانات الجدول التكراري (٢ - ٦) فإن الشكل (٣ - ٥) بينات الثلث حيث نجد أن قيمة المنوال بالتقريب هي ٧٩.

ومن الواضح أن قيمة المنوال دائما تقريبية ، حيث تختلف القيم النائجة من الطرق المختلفة ، وهذا ما يحد من استخدامات المنوال .



شکل رقم (٣-٥)

غير أن المنوال لا ينأثر بالقيم المتطرفة لا عنماده على فئة أكبر تكرار والفئتين المجاورتين لها ، في حين أن المتوسط الحسابي والوسيط يتأثران بالقيم المتطرفة . ولذلك فإن قيمة المنوال تعد أكثر ثباتا واستقرارا في حال وجود قيم متطرفة في التوزيع (ولكن بصفة عامة قيمة المنوال أقل دقة عن المتوسط والوسيط في وصف البيانات)

وقد يوجد في توزيع تكرارى أكثر من منوال عندما تنساوى تكرارات فئتين أو أكثر ، ولكن هذا الأمر غير صحيح بالنسبة للمتوسط الحسابى أو الوسيط حيث يوجد للتوزيع التكرارى متوسط حسابى واحد ووسيط واحد فقط . فالمنوال يدل على قمة منحنى التوزيع النكرارى وأحيانا بكون للتوزيع أكثر من قمة ولكن له متوسط واحد ووسيط واحد .

العلاقة بين المتوسط والوسيط والمنوال:

حيث أن المقاييس الثلاثة (المتوسط، والوسيط، والمنوال) تستخدم لوصف توزيع واحد، فإنه توجد علاقة تربط بين هذه المقاييس معا، والعلاقة التي تربط بين مقاييس النزعة المركزية الثلاثة هي:

المنوال = 7 × الوسيط - 7 × المتوسط الحسابي

وإذا طبقنا هذه المعادلة على بيانات الجدول (٢-٢) حيث المتوسط

فتكون قيمة المنوال = ٣ × ٢٢.٠٤ - ٢ ×٢٢.٢٢ - ٢٢.٧٢ = ٤٦.٤ - ٦٩.١٢

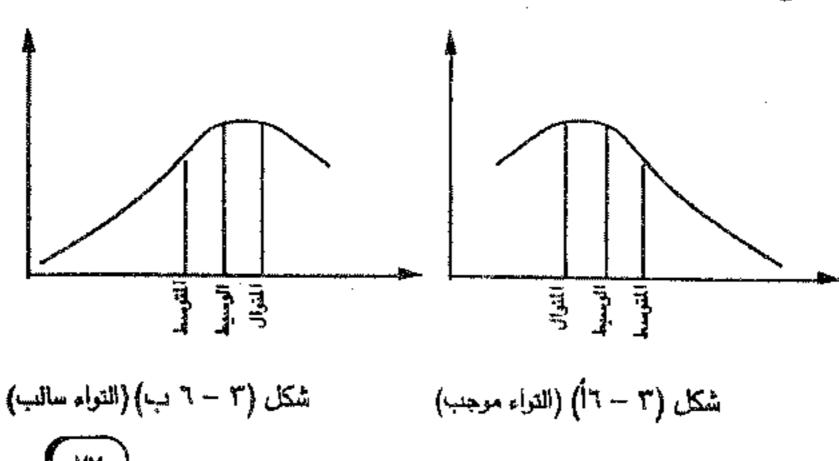
وهى قيمة مختلفة عن القيمتين السابق الحصول عليهما من الطريقتين الثانية والثالثة (٥٠ ٢٠ ، ١٥ ٢٠) ، وكذلك إذا استخدمنا بيانات الجدول (٢٠ - ٦) حيث كان المتوسط الحسابى ٣٦,٣٠ والوسيط = ٧٧,٥٧.

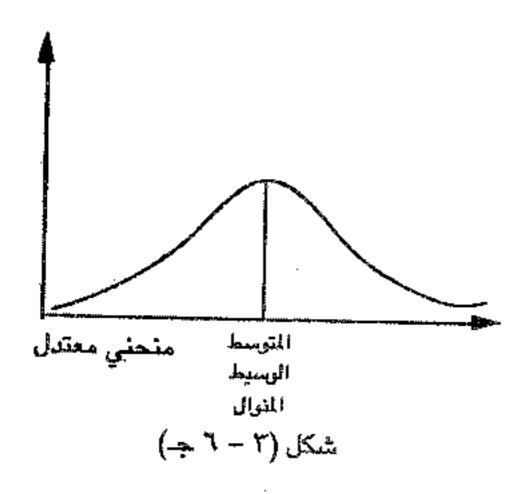
رهى قيمة مختلفة أيضا عن القيمتين السابق الحصول عليهما (٧٩.٦٧ ، ٧٨.٨٢).

كما أنه توجد علاقة أخرى بين المتوسط الحسابى والوسيط والمنوال طبقاً لتوزيع البيانات فإذا كان التوزيع ملتو التواء موجبا فإن قيمة المتوسط الحسابى تكون أكبرها بينما قيمة المنوال هي أصغرها ، ويقع الوسيط بينهما (أنظر شكل ٣ - ٢ أ) .

أما إذا كان التوزيع سالب الالتواء فإن قيمة المتوسط الحسابي تكون أصغرها وقيمة المنوال أكبرها ، ويقع الوسيط بين المتوسط الحسابي والمنوال (شكل ٣ - ٣ ب) .

أما في حال النوزيع الاعتدالي فإن المقاييس الثلاثة تكون متساوية وتقسم التوزيع إلى نصفين متماثلين (شكل ٣ - ٦ جـ) .





ويعنى هذا انه إذا كان المتوسط الحسابى اكبر من الوسيط يكون الالتواء موجباً حيث يكون الطرف الأطول المنحنى هو الطرف الأيمن ما إذا كان المتوسط أصغر من الوسيط فيكون الالتواء سالباً الوسيط فيكون الالتواء سالباً كما تعتمد قيمة الالتواء عل كما تعتمد قيمة الالتواء عل حجم الفرق بين المتوسط

الحسابي والوسيط (وكذلك الإنحراف المعياري) -

رابعًا الوسط التوافقي: Harmonic Mean

وهو نوع من المتوسطات أو مقاييس النزعة المركزية الذي يستخدم بكثرة في مجال الاقتصاد ، كما يستخدم في بعض الاختبارات الاحصائية عند مقارنة المتوسطات المتعددة مثلاً ، والوسط التوافقي هو مقلوب الوسط الحسابي لمقلوبات القيم ، أو هو معكوس (مقلوب) المتوسط الحسابي لمعكوسات الدرجات ، وبمعنى آخر إذا رمزنا للدرجات بالرمز (س) وللعدد بالرمز (ن) فإن الدرجات تكون : س٢ ، س٢ ، س٢ ، س٠٠٠ ، س٠

أو يمكن القول بأن الوسط التوافقي يساوى عدد الدرجات مقسوماً على مجموع معكوسات الدرجات .

ومثال ذلك إذا كانت لدينا مجموعة الدرجات السابقة : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٥ ، ٠ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$

٨

., T. + ., 12T+ ., 170+ ., 17V+ ., TO+ ., Y. + ., 111+ ., YO

لاحظ أننا استخدمنا ثلاثة أرقام عشرية أثناء حساب الوسط التوافقى لتكون العمليات الحسابية أكثر دقة ، كما نلاحظ أيضاً أن المتوسط الحسابي لهذه الدرجات كان (٦) وهو قريب من قيمة الوسط التوافقي .

وفي هذه الحالة يكون متوسط الدرجات المحولة ما هو إلا متوسط معكوس الدرجات ،ويكون المتوسط الفعلى للدرجات هو الوسط التوافقي ، ومعنى هذا أننا قد نستخدم الوسط التوافقي في حال التوزيعات الملتوية والتي يكون من المناسب معها استخدام معكوس الدرجة (_____) لتحويل التوزيع الملتوى إلى توزيع معتدل .

وفى حال البيانات المبوبة فى جداول تكرارية نستخدم نفس الطريقة السابقة لحساب الوسط التوافقى ، ويكون القانون المستخدم هو:

واستخدامات الوسط التوافقي قليلة جداً أو نادرة في العلوم الإنسانية ولذلك فإن كتب الإحصاء لا تهتم به ، ولكننا وضحناه لا ستخدامه في حالة تحويل التوزيعات الملتوية ، كمايستخدم في حالة معدلات التغير في الإحصاء السكاني والارقام القياسية ، وكذلك في حالة المقارنات المتعددة للمتوسطات التي سيأتي ذكرها فيمابعد .

خامسًا الوسط الهندسي : Geometric Mean

وهو نوع آخر من المتوسطات ويستخدم في حالة التوزيعات الملتوية ، ولا يستخدم في العلوم الإنسانية . ويستخدم بكثرة في حالة معدلات التغير مثل حساب معدل التغير السكاني بين زمني التعداد ، وكذلك في حالة الارقام القياسية

(أحمد عبادة سرحان ١٩٦٨)

والوسط الهندسي هو الجذر النوني لحاصل ضرب مجموعة من الدرجات

وإذا افترضنا الدرجات السابقة : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٢ ، ٨ ، ٧ ، ٥ وعددها ٨

وهي قيمة قريبة من الوسط التوافقي لنفس الدرجات وهو ٥,٥٣٠.

وعادة ما يكون المتوسط الحسابى لمجموعة من البيانات أكبر سن الوسط الهندسى ،والوسط الهندسى أكبر من الوسط التوافقي لنفس البيانات (المتوسط الحسابي > الوسط الهندسي > الوسط النوافقي) .

الفصل الرابع

Measures of Varialbility



الفصل الرابع مقاييس التشستت

تهنم مقابيس التشتت بالنعرف على مدى إنتشار البيانات أو مدى اختلافها .
فعدد قياس متغير لمجموعة من الأفراد فإن البيانات نتجمع حول مدى معين من
الدرجات أحياناً يكون كبيراً مثل مدى الدخل الذي يصل إلى مئات الآلاف أو
صغيراً مثل مدى القروق في الطول لمجموعة من طلبة الصف السادس الابتدائي ،
والذي قد لا يتعدى ١٥ سم . وهذه الفروق في البيانات تدل على الفروق بين
الأفراد في مجال العلوم الإنسانية عامة ، ولا يكون وصف البيانات كاملاً
بإستخدام المتوسطات ولكن يجب أن يضاف إليها مقياس آخر عن مدى إنتشار أو
اختلاف البيانات . وقد فيشر أن مفهوم الاحصاء كدراسة لاختلاف (تباين)
البيانات هو نتيجة طبيعة لدراسة عينة من الأفراد كجزء من المجتمع .

فإذا كان متوسط ذكاء مجموعتين من الأفراد هو ١٠٥ فإن هذا لا يعنى أن المجموعتين متشابهتان ، فقد تختلف المجموعتان في الفروق بين أفراد كل منهما ، بمعنى أنهما يختلفان في انتشار الدرجات ، وقد تكون إحدى المجموعتين ممثلة للمجتمع بينما تتضمن الأخرى عينة متحيزة .

وسوف نناقش في هذا الفصل ثلاثة مقاييس للتشتت وهي المدى والإنحراف المعياري ونصف المدى الربيعي .

المسدى: Range

كثيراً ما يستخدم المدى كمقياس سريع لمعرفة إنتشار الدرجات ، والمدى هذا هو القرق بين أعلى وأقل درجة ، وهو بذلك يختلف قليلاً عما ذكرنا من قبل بإضافة واحد إلى الفرق بين أعلى وأقل درجة . وتستخدم معظم البحوث المدى بالإضافة إلى أحد مقاييس النزعة المركزية لوصف البيانات . ففى الدرجات السابق ذكرها : ٤ ، ٩ ، ٥ ، ٤ ، ٢ ، ٨ ، ٧ ، ٥ ، يكون المدى هو ٩ – ٤ = ٥ أما الدرجات ١١٠ ، ١١٦ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٢ ، ١١٠ فيكون المدى هو ١١٠ ، ١١٠

وتؤثر الدرجات المتطرفة على المدى ، ففى حال وجود درجات متطرفة يمكن إهمال أعلى وأقل درجة ونحسب الغرق بين الدرجتين التاليتين لهما - وفى المثال المذكور آنفا إذا كانت الدرجات :

إهمال الدرجتين ١٠٠، ١٣٠، ١١٢، ١٠٠ لأنهما متطرفتان ولا تصلحان لتحديد المدى ، إهمال الدرجتين ١٣٠، ١٣٠ لأنهما متطرفتان ولا تصلحان لتحديد المدى ، ونستخدم بدلاً منهما الدرجتين التاليتين لهما (١٠٨، ١١٠) لحساب المدى ، وهو ما يسمى في هذه الحالة شبيه المدى ، ويصفة عامة فإن المدى (أو شبيه المدى) مقياس سريع لمعرفة تباين أو اختلاف الدرجات .

الانحراف العياري: Standard Deviation

يعد الانحراف المعيارى أدق مقاييس التشتت للدرجات ذات مستوى القياس الفترى أو النسبى ، وهو أكثر استخداماً في البحوث المختلفة ، فهو يوضح مدى تشتت (تباين) الدرجات ، فإذا تساوى متوسطى مجموعتين من الدرجات فلا يدل ذلك على تساوى المجموعتين وإنما ننظر إلى الإنحراف المعيارى لمعرفة مدى التجانس أو التباين فكلما كان الإنحراف المعيارى صغيراً كلما قل تشتت (تباين) الدرجات وزاد تجانسها . وإذا زاد الإنحراف المعيارى زاد تشتت الدرجات وقل تجانسها .

ويحسب الانحراف المعيارى بعد حساب تباين الدرجات ، حيث أن الانحراف المعيارى يساوى الجذر التربيعى للتباين ، وتباين مجموعة من الدرجات هو متوسط مجموع مربعات انحراف الدرجات عن متوسطها الحسابى ، ولذلك فإن حساب التباين لمجموعة من الدرجات (الفترية أو النسبية) يتم حسب الخطوات التالية :

- ١ حساب المتوسط الحسابي للدرجات (م) .
- ٢ حساب انحراف كل درجة من الدرجات عن المتوسط الحسابي ح = س م ، لاحظ أن مجموع الانحرافات عن المتوسط الحسابي يساوي الصفر وهو أحد خواص المتوسط الحسابي.
- ٣ تربيع الانحرافات وجمعها فينتج مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط الحسابي (مجـ ح ٢).
 - ٤ نقسم مجموع مربعات الانحرافات على عدد الدرجات فينتج التباين

ه - لحساب الانحراف المعيارى نوجد الجذر التربيعى للتباين مج ح ن ن مج ح في التباين مج ح في التباين مج ح في مج ح

مثال (۱) : إذا فرضنا مجموعة من الدرجات هي : ٤،٥،٩،٤،٢ ، ٥،٤،٢ ، ٥،٠٤، ٥، ٧،٨، ومتوسطها ملك = ٦،٤٠ والتي يمكن تنظيمها بالجدول التالي :

م جدول (٤ - ١) لحساب الانحراف المعياري

مريعات الانحرافات ح ^۲	الانحرافات ح = س - م	الدرجات (س)	مسلسل
٤	3 - 7 7	٤	١
4	r + = r - 9	٩	۲
, 1	0-7=-1	ه ا	٣
٤	3 - 7 = -7	٤	٤ .
صفر	۲ ۳ صفر	٦	٠.
٤	Y+= 1- A	-A	٦
•	1 + == 1 - V	٧	٧
\	1-u=1-0	٥	٨
¥1	صفر	٤٨	المجموع

ویکون النباین
$$\begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \frac{7}{4} = \frac{7}{5}$$
 ویکون النباین $\begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 \\ 5 \end{pmatrix}$

$$1, VT = \overline{V} = \frac{\overline{Y_{\xi}}}{\Lambda} = \frac{\overline{Y_{\xi}}}{\Lambda} = \frac{\overline{Y_{\xi}}}{\Lambda} = V$$
 = 1, $VT = V$

مثال (٢) : إذا استخدمنا الدرجات التالية :

= 111 + 117 + 117 + 11. + 110 + 1 + 1 + 117 + 118 + 118 + 119

فيتم حساب الانحراف المعياري كما يلي :

جدول (٢ - ٢) لحساب الانحراف المعياري

مربعات الانحرافات ح	الانحرافات ح = س م	الدرجات (س)	مسلسل
٠, ٢٥	·,o= 117,o- 117	117	١
. 17,70	T, 0-=117, 0-1.9	1 • 9	۲
7,70	1, ≎+	112	ħ.
۲۰,۲۵	٤,٥+	117	٤
۲۰,۲۵	٤,٥	۱۰۸	D
٦, ٢٥	۲, ۵ +	110	· **
٦, ٢٥	۲,۵-	11.	٧
٠,٢٥	*, ○ +	114	٨
14,40	r, 0 +	117	٩
۲, ۲٥	١, ٥ —	111	4 •
۸۲,0۰	مىفر	1170	المجموع

مجرح
$$\frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0}$$
 ویکون النباین ع $\frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0}$ والانحراف المعیاری ع $\frac{\lambda 7,00}{0} = \frac{\lambda 7,00}{0}$

ويلاحظ من المذال السابق أن العمليات الحسابية أصعب قليلا من المثال الأول بسبب وجود أرقام عشرية في المتوسط الحسابي (١١٢،٥) وتكون العمليات الحسابية أكثر تعقيدا بزيادة الأرقام العشرية . فإذا كان المتوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات ١٥.٤٣٣ ، فإن الانحرافات سوف تحتوى على ثلاثة أرقام عشرية ، أما مربعاتها فسوف تحتوى على ستة أرقام عشرية ، وبذلك تتعقد العمليات الحسابية مما يتطلب وجود طريقة أخرى أيسر إستخداماً .

حساب الانحراف المعياري من الدرجات العادية :

وللتغلب على العمليات الحسابية المذكورة أنفا فيتم اتباع الخطوات التالية :

$$Y = \frac{1}{100}$$
 و نوجد مجموعها (مجس) و نوجد مجموعها (مجس) ،

٣ - تحسب التباين ع بإستخدام القانون التالى :

وهذا القانون المذكور هو اختصار رياضي للقانون ع = مجـح فن ن

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{1}$

وحيث أن مجـ س = م × ن فإن :

وتطبيق هذا القانون على بيانات المثال الأول تكون كما يلى : الدرجات (س) هي ١ ، ٩ ، ٥ ، ١ ، ٢ ، ٨ ، ٧ ، ٥ ومجموعها ٨٤ .

ومريعات الدرجات (س٢) هي : ١٦ ، ٢٥ ، ١٦ ، ١٦ ، ٢٤ ، ٩٤ ، ٩٤ ،

$$7 = \frac{2\Lambda}{\Lambda} = \frac{\Lambda}{0} = \frac{\Lambda}{0}$$
 مجس $= \frac{\Lambda}{0}$ $= \frac{\Lambda}{0}$ $= \frac{\Lambda}{0}$

لاحظ أن هذا الكسر يسارى مجتع وهي نفس القيمة السابق الحصول

عليها والانحراف المعياري ع = ٧ ٣ = ١٠٧٣

أما تطبيق هذا القانون على بيانات المثال الثاني فتكون على النحو التالي :

جدول رقم (٤ - ٣) لحساب الانحراف المعياري

مربعات الدرجات (س۲)	الدرجات (س)	مسلسل
14022	117	1
11881	1 • 9	Y
14997	115	٣
177.49	117	٤
١١٦٦٤	1.4	٥
12770	110	\ \
171	11.	v
17779	115	,
۲۵۶۳۱	117	9
17771	111	١.,
177720	1140	المجموع

والمتوسط الحسابي (م)
$$= \frac{1170}{11}$$

$$\frac{(\lambda - \Delta - \Delta)}{2}$$
 وهى نفس القيم السابقة $\frac{(\lambda - \Delta - \Delta)}{2}$

ع
$$^{\prime}$$
 = ۸, ۲٥ وهى نفس القيمة السابق الحصول عليها ويكون الانحراف المعيارى = $\sqrt{7,47}$

وقد نلاحظ أن العمليات الحسابية في جدول رقم (٤ - ٣) أكثر تعقيدا وبالطبع يمكن اختصار ذلك إذا وضحنا خصائص الانحراف المعياري.

الانحراف العياري لجموعتين:

إذا توفر لنا الانحراف المعياري لمجموعتين ع ، ع ونود حساب الانحراف المعياري المشترك للمجموعتين ، فيتم ذلك باستخدام القانون التالي :

١ - لا يتأثر الانحراف المعياري بإضافة (أوطرح) مقدار ثابت من الدرجات ، بنيما يتأثر المتوسط الحسابي بفس القيمة الاضافة (أو الطرح) . فإذا اعتبرنا المثال الأول ودرجانه هي : ٤، ٩، ٥، ٤، ٢، ٨، ٦، ٥ وأضفنا مقدار ثابت لكل درجة وهو (١٠) فتصبح الدرجات : ١٤، ١٩، ١٥، ١٩، ١٤، ١٠ ، ١٢ ، ١٢ ، ١٨ ، ١٧ ، ١٥ ومتوسها ١٦ .

وتكبون الانحرافات عن المتوسيط هي: (١٤ - ١٦) ، (١٩ - ١٦) ، (١٦ - ١٦) ، (١٦ - ١٦) ، (١٦ - ١٦) ، (١٦ - ١٦) ، (١٦ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (٢٠ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (١٥ - ٢) ، (١٦ - ٢) ، (١

وهي نفس القيمة السابق الحصول عليها.

أما إذا أخذنا المثال الثاني حيث الدرجات هي :

۱۱۲ فإذا طرحنا ۱۰۰ من كل درجة تصبح الدرجات:

- ۱۲، ۹، ۱۲، ۱۳، ۱۷، ۱۷، ۱۲، ۱۳، ۱۳، ۱۲، ومـتـوسطهـا = ٥,٠ وانــرافـاتهـا عن المتـوسط هي : ٥،٠ ، -- ٥،٠ ، + ٥،٠ ، + ٥،٠ ، + ٥،٠ ، -- ٥،٤ ومجموعها يساوي الصفر.

أما مجموع مربعاتها = ۲۰،۰۰ + ۲۰,۲۰۰ + ۲۰,۲۰۰ + ۲۰،۲۰۰ + ۲۰،۲۰۰ + ۲۰۰۰ + اما مجموع مربعاتها = ۲۰۰۰ + ۲۰۰۰ + $\frac{\lambda Y,0}{\lambda Y,0} = \frac{\lambda Y,0}{\lambda$

رهى نفس القيمة التي سبق الحصول عليها

لاحظ أن المتوسط المسابي يتأثر بالإضافة (أو الطرح) بنفس المقدار الثابت.

٢ - أما الخاصية الثانية فهى أن ضرب الدرجات فى (أو قسمتها على) مقدار ثابت ينتج عنه ضرب الانحراف المعيارى فى (أو قسمته على) نفس المقدار الثابت . ولهذه الخاصية كما لسابقتها إثبات رياضى لكننا سنقتصر على المثال فقط . فإذا ضربنا درجات المثال الأول فى خمسة فتصبح الدرجات كما يلى : -

ο×ο, ο× V, ο× Λ, ο× Υ, ο× ξ, ο× ο, ο× η, ο× ξ Υο, ٣ο , ξ, , ٣٠ , γο , ξο , γ.

ومجموع هذه الدرجات = ٤٨ × ٥ = ٢٤٠

والمتوسط الحسابى ٢٤٠ - ٣٠

ويعنى هذا أن المتوسط الحسابى تغير من اللي ٣٠، أي بالضرب في نفس المقدار الثابت. وتصبح انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابى كما يلى: (٢٠-٣٠)، (٤٥-٣٠)، (٢٠-٢٠)، (٢٠-٢٠)، (٣٠-٢٠) ومحموعها عصفر وهي-١٠، ١٥، ٥، ٥، ٥، ومجموعها عصفر ومربعات الانحرافات: ١٠٠، ٢٥، ٢٥، ١٠٠، صفر، ١٠٠،

= ٥ ، ٧٣٢ × ١,٧٣٢ ومن الواضح أن النتيجة هي ضرب الانحراف المعياري السابق الحصول عليه في نفس المقدار الثابت (وهو ٥) .

٣ - يتأثر الانحراف المعيارى بالقيم المتطرفة مثل المتوسط الحسابى . فإذا كانت أحد درجات المثال السابق متطرفة مثلا الدرجة ٩ أصبحت ١٩ فإن الانحراف

المعياري تصبح قيمته كما يلي:

الدرجات: ١٩،٤، ٥،١٤، ٢، ٨، ٢، ١٩، ٥ متوسطها = ٨

الانحسرافسات: - ۲٬۲۰، ۱۱٬۷۰، ۲۰٬۲۰، ۲٬۲۰، ۳٬۲۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬۰۰۰، ۱۲۰٬۰۰۰، ۲۰٬

ویکون الانحراف المعیاری
$$= \sqrt{\frac{10.5}{4}} = \sqrt{11.40}$$

ويلاحظ أن قيمة الانحراف المعياري للدرجات تغيرت من ١٠٧٣ إلى ٥٠٠٠ ، كما أن المتوسط الحسابي تغير من ٦ إلى ٧٠٢٠.

غيمة الانحراف المعيارى لمجموعة من الدرجات أقل من متوسطها الحسابى
وفى حال التوزيع الاعتدالي للدرجات بكون المتوسط أكبر من ثلاثة أمثال
الانحراف المعيارى . وكلما قلت النسبة عن ذلك أدت إلى التواء في توزيع
الدرجات (وسوف نتحدث عن التواء التوزيع في هذا الفصل) .

أما إذا كان الانحراف المعيارى اكبر من المتوسط الحسابى فهذا دليل أكيد على النواء التوزيع . ويلاحظ أيضا أن مدى الدرجات فى التوزيع الاعتدالى يساوى سنة أمثال الانحراف المعيارى ، أما النوزيعات الأخرى (غير الاعتدائية) فيكون الانحراف المعيارى على الأقل نصف المدى إلا إذا لم يكن هناك تشتت للدرجات (Sprinthall, 1994: 54) .

حسباب الانحراف المعياري للبيانات المبوبة :

يتم عادة حساب الانحراف المعيارى للدرجات (الفترية أو النسبية) في البحوث كما سبق أن وضحنا ، اما كانت البيانات المتاحة في شكل جدول توزيع تكرارى فيمكن حساب الانحراف المعيارى للتوزيع بأحد الطرق التالية :

أولا: طريقة مراكز القنات:

نستخدم في هذه الطريقة مراكز الفئات في حساب الانحراف المعياري ، وهي تعد الطريقة العادية لحساب الانحراف المعياري - حيث نفترض في هذه الطريقة أن تكرارات كل فئة تتساوى في الدرجة مع مركز الفئة ،

وبالتالى فإن حاصل صرب التكرارات في مراكز الفئات يؤدى إلى المجموع الكلى للدرجات والذى استخدمناه من قبل في حساب المتوسط الحسابي . وسوف نستخدم هذه الطريقة أيضا لحساب الانحراف المعياري .

وإذا اعتبرنا جدول التوزيع التكراري رقم (٢ - ٧) فاننا نتبع الخطوات الثالية لحساب الانحراف المعياري بطريقة مراكز الفثات ،

١ - نحدد مركز كل فلة من فئات التوزيع (س) .

۲ - نضرب مرکز کل فئة في تکرارتها (س × ت) ثم نحسب المتوسط الحسابي
 التوزيع .

٤ - نجمع المربعات (مجـ س٢ ت) ثم نطبق القانون التالي لحساب التباين :

م - نحسب الانحراف المعيارى وهوالجذر التربيعى للتباين ع٠
 جدول (٤ - ٤) لحساب الانحراف المعيارى بطريقة مراكز الفئات

س×ٽ×ت	س×ت	مركز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفئة
7.0.=11.x00	11.=00×Y	00	۲	07
7977	114	٩٥	۲	-07
119.4	189	٦٣	٣	-71
١٣٤٦٧	7.1	٦٧	٣	~ 40
*• ነ ግ £	YAE	٧١	٤	-79
44140	770	٥٧	۵	-74
£YTAV	٥٥٣	٧٩	v	-77
£197E	£9A	۸۳	٦	-41
				. :

74744	19. T.OY	40	۲ ٤٨	۹۷-۹۳ المجموع
YEAST	777	41	٣	19
****	771	۸۷	٣	>0

والانحراف المعياري ع - ١١٠,٧١٧ - ١٠,٥٢

ثانيا طريقة الانحرافات عن المتوسط الحسابي:

يمكن حساب الانحراف المعياري للتوزيع التكراري عن طريق انحراف الدرجات عن المتوسط المسابى ، أو عن طريق انحراف الدرجات عن وسط فرضى (مثل حساب المتوسط الحسابي باستخدام الوسط الفرضى) .

فإذا اعتبرنا جدول التوزيع التكرارى السابق ، فيمكن حساب الانحراف المعياري عن طريق انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابي باتباع الخطوات

التالية:

- ١ نحدد مركز كل فلة (س)
- ٢ -- نصرب مركز كل فئة في تكراراتها (س ت) ثم نحسب المتوسط الحسابي .
 - ٣ نحسب انحرافات مراكز الفئات عن المتوسط الحسابي (س م)
 - ٤ نريع انحرافات مراكز الفئات عن متوسط الحسابي (س م) ٢
- نضرب مربعات انحرافات مراكز الفئات عن المتوسط الحسابى فى تكرارتها
 (س م) تن.
- ٦ نُوجِد مجموع مربعات انحرافات الدرجات [مجه (س م) تم أحسب

التباین ع =
$$\frac{-(w - a)' - b}{-(w - a)' - c}$$
 مجدت مجدت $\sqrt{-(w - a)' - c}$ مجدت مجدت الانحراف المعیاری وهو الجذر التربیعی للتابین $\sqrt{-(w - a)' - c}$ مجدت

ويوضح جدول (٤ - ٥) العمليات الحسابية الموضحة بالخطوات الخمس الأولى . جدول (٤ - ٥) لمنساب الانحراف المعياري بإستخدام الانحرافات عن المتوسط الحسابي .

(س – م) ^۲ ت	(س-م)	الانجراف عن المترسط (س-م)	س × ت	مرکز الفئة (س)	التكرار (ت)	الفسائة
4.7,74	107,79	Y1,T-=Y1,T-00	11.	٥٥	Υ	-07
۵۹۸,۵۸	199,19	۸۷,۳-	113	۵۹	. ۲	− 6V
۷۲۰,۳۷	171,71	17,7-	1.45	78	۲	-71
404, EV	A1,15	1,1-	4.1	٦٧	٣	 - %a
117,77	YA, -1	~۲.٥	YAE	٧١	£	-74
A, to	-1,19	۱,۲–	77°	۵۷	٥	٧٣
۵۱,۰۲	٧,٢٩	`Y,V+	۳٥٥	٧١.	ν	-٧٧
771, FE	11,49	٦,٧+	£4A	۸۲	٦	-41
TET, EV	118,24	1-,V+	771	۸۷	٣	-Ao
714,77	P+1,77	\£,V +	777	11	٣	A4
ጎጓዓ,ዮለ	¥£4,34	1∧,∀∻	19.	٩٥	۲	9797
SEYA, E		معار	T. 0Y		1.	المجموح

ثالثًا : طريقة الانحرافات عن وسط فرضى :

سبق استخدام طريقة الانحرافات عن وسط فرضى لحساب المتوسط الحسابي لجدول توزيع تكرارى . وهذا نطبق نفس الطريقة لحساب الانحراف المعيارى للتوزيع التكراري الموضح آنفا . وتعتمد هذه الطريقة على خطوات مشابهة للخطوات المذكورة في الطريقة السابقة ونوضحها فيما يلى:

- 1 نحدد مركز كل قلة (س)
- ٢ نختار وسطا فرضيا (و ف) ويفضل أن يكون مركز الفئة المقابل لاكبر تكرار.
- ٣ نطرح الوسط الفرضي من مراكر الفنات للحصول على الانحرافات ح = س-وف
- ٤ نضرب انحراف كل فئة عن الوسط الفرضى في تكراراتها (ح ت) ونحسب مجموعها.
 - ٥ نحسب متوسط الانحرافات م ح ويساوى مجدت محدت
- ٦ نضرب مربع انحراف كل فلة عن الوسط الفرضي في تكراراتها (ح٢ ت)
 ونحسب مجموعها .

٧ - نحسب التباين باستخدام القانون

جدول رقم (٤ - ٦) لحساب الأنحراف المعيارى باستخدام الأنحرافات عن وسط فرضى.

ح* × ^۲ ر	ع×ت	الانحراف ع <i>ن</i> الوسط الفرضيي (ح)	مرکز الفئة (س)	التكرار (ت)	النسئة
1104	٤٨-	Y£	00	۲	-07
A	٤٠ –	۲	٥٩	۲	-aV
V7A	٤٨ –	· - F1	٦٣	٣	-71
577	r7 -	۱۲ –	1y -	٣	- 70
707	TY -	· A —	٧١	٤	-79
. A.	۲۰ –	£	٧٥	O	-٧٣
صفر	ميقر	صفر	V4	Ŷ	
41	37	٤ +	78	٦	-۸\
194	45	λ+	۸۷	٣	-Ao
٤٣٢	77	* 17+	91	٣	-۸٩
۱ ۵۱۲	77	17 +	٩٥	۲	9 V- 9 T
£YY•	YYE 117+ 11-A			٤.	المجموع

متوسط الانحرافات عن الوسط الفرضى (مح) =
$$\frac{1\cdot \Lambda}{\cdot 2}$$
 = -7.7 ويمكن حساب المتوسط الحسابى وهو = الوسط الفرضى + مح -7.7 = -7.7 = -7.7

$$\frac{Y(z)}{z} = \frac{Az}{z} = \frac{Az}{$$

ويكون الانحراف المعياري ع - ٧ ١١٠,٧١ =٢٥,٥٢

رابعا: طريقة الانحرافات المختصرة:

سبق الحديث عن استخدام طريقة الانحرافات المختصرة في حساب المتوسط الحسابي للتوزيع التكراري ، ونستخدم نفس الطريقة لحساب الانحراف المعياري في حال التوزيع التكراري ذو القدات متساوية الطول . وما يلي موجز خطوات حساب الأنحراف المعياري بهذه الطريقة :

- ١ نحدد مركز كل فئة (س)
- ٢ نختار وسطا فرصيا (مركز المقابل لأكبر تكرار)
- ٣ نطرح الوسط الفرصني من مركز كل فئة فتنتج الانحرافات (ح)
- ٤ نقسم الانحرافات على طولِ الفئة (في حالة الفئات متساوية الطول) فتنتج الانحرافات المختصرة (ح) .
- ٥- نحسب حاصل ضرب الانحرافات المختصرة في تكرارات الفئات (حُت) ونجمعها
- γ نصرب الانحرافات المختصرة (ح) في حاصل الضرب (ح ت) لكل فئة فينتج (ح م ت) لكل الفئات .
 - ٧ نطبق القانون لحساب التباين ثم الأنحراف المعيارى .

حيث م ح هو متوسط الأنحرافات المختصرة، لا مربع طول الفئة وفيما يلى تطبيق هذه الطريقة على جدول النوزيع التكرارى المستخدم في الطريقة السابقة

جدول (٤ - ٧) لحساب الانحراف المعياري باستخدام الأنحرافات المختصرة

	ت× [∨] د	ت×'ح	الانحرافات المختصرة (حٍ [/])	الانحراف عن الوسط الفرضيي (ح)	مركز ال لثة (س)	التكرار (ث)	النية
	٧٧	18 -= Y × 1	4-	78	οφ	۲	-07
	. 0+	1= T x o-	p	۲. –	4ء	۲	-o¥
ı	٤٨	14 –	£	17	74	٣	-71
	٣٧.	۹	٣-	۱۲ –	٦٧	٣	ە٦
ŀ	17	۸-	۲	۸-	٧١	ŧ	- ኒጓ
	١٠	o	١	£	٧٥	ا ه	-77
	منر	مىڤر	مسفر	منقر	٧٩.	٧	-٧٧
	٠٦ [٦+	\ +	٤+	۸۳	٦	-41
ļ	14	٦+	Y +	λ +	۸۷	۲	Ao
	77	۹+	۲+	1 Y +	93	٣	-49
	77	A +-	£+	17 +	٩٥	۲	17-17
	790	67 Y9 + YY				٤٠	المجموع

ثم نحسب متوسط الانحرافات المختصرة (م ح)
$$= \frac{A - a}{A - a} = \frac{A - a}{A - a}$$
 محب ت $= \frac{A - a}{A - a}$ ثم نحسب متوسط الانحرافات المختصرة (م ح) $= \frac{A - a}{A - a}$ محب ت $= \frac{A - a}{A - a}$ وبالتالي يكون المتوسط الحسابي $= e$ وف $= A - a$ $= A$

وهي نفس القيمة الني سبق الحصول عليها

لاحظ أنه يمكن اختصار الخطونين ٢ ، ٤ في حساب الانحراف المعياري بطريقة الانحرافات المختصرة كما حدث مع حساب المتوسط الحسابي في الفصل السابق ، ويتم ذلك بإختيار الوسط الفرضي (٢٩ مثلاً) ولا نحسب انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الفرضي وإنما نحسب الانحرافات المختصرة مباشرة (ح) بكتابة صفر أمام الوسط الفرضي وفي عمود الانحرافات المختصرة ، ثم نكتب ١٠ - ٢ ، وهكذا أعلى الصفر ، ونكتب +١ ، + ٢ ، ... وهكذا أسفله فتكون هي الانحرافات المختصرة ، وهي في الحقيقة ناتجة عن حساب انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الفرضي ثم قسمة هذه الانحرافات على طول الفئة ، ونشير مرة أخرى أن هذه الطريقة لا تصلح مع جدوال التوزيع التكراري المختلفة في طول الفئة ، بمعنى أن طول الفئة الأولى (أو غيرها) لا يساوى طول فئة أخرى بالجدول فإختلاف طول أي فئة بالجدول التكراري يؤدي إلى فئات غير متساوية الطول.

ونشير أيضا إلى أن حساب الانحراف الممعيارى من جداول التوزيع التكرارى يؤدى إلى نتيجة غير دقيقة (كما أشرنا في حالة المتوسط الحسابي) مما

أدى إلى اقتراح شيبرد sheppard معامل التصحيح للانحراف المعيارى . وهو طرح _ لن من قيمة التباين المحسوب من الجدول التكرارى حتى نحصل على تقدير اكثراً دقة للانحراف المعيارى المحسوب لنفس الدرجات الأصلية قبل وضعها في جدول توزيع تكرارى .

وننصح الباحثين بعدم استخدام جداول التوزيع التكراري لعماب مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت إلا في حالة عدم توافر بنانات فعلية .

وإذا طبقا معامل التصحيح لتقدير الانحراف المعيارى لبيانات التوزيع التكراري المذكور نحصل على :

تقدير الانصراف المعياري للمجتمع:

سبق توضيح طريقة حساب الانحراف المعيارى لمجموعة من البيانات (الفترية أو النسبية) ،وهو يعد مقياسا التشتت لعينة الدرجات المستخدمة .

أما إذا رغبنا في معرفة الانحراف المعياري للمجتمع فإننا نستخدم مفهوم درجات الحرية في حسابه (وهي عدد مفردات العينة ناقصا عدد القيود وهو المتوسط الحسابي لأننا نحسب الانحرافات عن المتوسط الحسابي)

وقد ثبت رياضيا أن الانحراف المعيارى للعينة يعد تقديرا متحيزا للانحراف المعياري للمجتمع . ومعنى هذا اننا نستخدم درجات الحرية (ن - ١) بدلا من حجم العينة (ن) في حساب الانحراف المعياري الذي يعد مقياسا لنشت الدرجات في المجتمع .

ويصبح القانون المستخدم لتقدير الانحراف المعياري للمجتمع هو:

للبيانات المبوبة.

ويكون الانحراف المعياري (للمجتمع) من التوزيع التكراري السابق (جدول ٢-٧)

$$1.,77 - \overline{117,00} = \frac{2\xi Y \lambda, \xi}{\gamma q} / = \frac{\xi \xi Y \lambda, \xi}{1 - \xi} / = \xi g \lambda$$

ويستخدم الانحراف المعياري عند المقارنة بين المجموعات، كما يستخدم الستخدم الانحراف المعياري عند المقارنة بين المجموعات، كما يستخدم الستعرف مدى انتشار ظاهرة اجتماعية باستخدام المتوسط ٢ ٢ع (أو ١ ع) حسب الظاهرة وشكل التوزيع التكراري للدرجات.

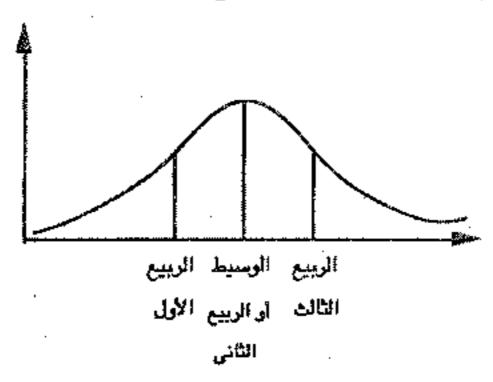
نصف المدى الربيعي: Semi-Interquartile Range

يعد نصف المدى الربيعى أحد مقابيس النشت التى تستخدم فى حالة المتوزيعات الملتوية. والمدى الربيعى هو امتداد للمدى الذى وضحناه من قبل، فقد ذكرنا أنه فى حالة الدرجات المنظرفة بمكن حساب المدى بعد حذف الدرجات المستطرفة. وقد يكون هناك أكثر من درجة متطرفة، مما أدى أدى إلى استخدام المبعض لحساب شبيه المدى بحذف ١٠٪ من الدرجات المرتفعة و ١٠٪ من الدرجات المرتفعة و ١٠٪ من الدرجات المنفضة، ويسمى هذا بالمدى المئينى وهو الفرق بين الدرجتين اللتين تمثلان ٩٠٪، ١٠٪، وتطبق نفس الفكرة مع المدى الربيعى حيث أن المدى الربيعى هو الفرق بين الربيعى الأول التوزيع.

والربيع الثالث هو الدرجة التى يمكن استخدامها فى تقسيم التوزيع إلى قسمين أحدهما هو الربع الأعلى من الدرجات والثانى هو الثلاثة أرباع الأولى والربيع الأولى هو الدرجة التى يمكن استخدامها فى تقسيم التوزيع إلى قسمين أحدهما هو الربع الأدنى والثانى هو الثلاثة أرباع الأعلى - كما يعد الوسيط هو الربيع الثانى ، وهو الدرجة التى تستخدم فى تقسيم التوزيع إلى قسمين متساويين كل منهما يمثل ٥٠/ من التوزيع .

وأحيانا نستخدم مصطلح الأرباعي الأدني (أو الأول) بدلاً من الربيع الأول ومصطلح الأرباعي الأعلى (أو الثالث) بدلاً من الربيع الثالث.

وإذا استخدمنا قيم الربيع الأول والوسيط (الربيع الثاني) والربيع الثاني والربيع الثاني أراسية خطوط رأسية عندها فإن التوزيع ينقسم إلى أربعة أقسام كل منها يمثل ٢٥٪ من درجات التوزيع (كما بالشكل ٤ - ١).



شکل (٤ - ١)

ويعد المدى الربيعي هو الفرق بين قيمتي الربيع الثالث والربيع الأول ، أما نصف المدى الربيعي فينتج من قسمة هذا الفرق على اثنين . ويعد نصف المدى الربيعي مقياس هام للتشتت في حالة التوزيعات الملتوية وفي حالة البيانات الترتيبية . ويتطلب حساب نصف المدى الربيعي معرفة قيمة كلاً من الربيع الأول والربيع الثالث.

مثال (١):

فإذا استخدمنا الدرجات : ٤ ، ٩ ، ٩ ، ٢ ، ٢ ، ٥ ، ٥ فإن حساب الربيع الأول والربيع الثالث يتم بإستخدام نفس الطريقة الموضحة من قبل لحساب الوسيط وهي :

١ - ترتيب الدرجات ترتيبا تصاعديا (أو تنازليا)

٢ - نحسب رتبة الربيع وهي ٢٥ /من عدد الدرجات للربيع الأول ،
 ٢٥ /من عدد الدرجات للربيع الثالث.

 ٣ - نحسب قيمتى الربيع الأول والربيع الثالث بإستخدام القانون الخاص بذلك (وهى نفس فكرة حساب الوسيط).

وبنطبيق هذه الخطوات على الدرجات الموضحة فإن ترتيب الدرجات تصاعديا هو ٤،٤،٥،٥،٢،٧، وقد سبق حساب الوسيط لهذه الدرجات حيث كانت رتبة الوسيط هي $\frac{\dot{u}}{\gamma} = \frac{\Lambda}{\gamma} = 3$ وتحدد وجود وسيطين هما الدرجتين الرابعة والخامسة وهما : (3،7).

وتكون قيمة الوسيط هى متوسط هاتين الدرجتين - ٢٠٥ وينفس الطريقة نحسب رتبة وقيمة الربيعين الأول والثالث.

رتبة الربيع الأول - ٢٥٪ من عدد الدرجات - ١٠٠

وتكون قيمة الربيع الأول هي متوسط الدرجتين الثانية والثالثة (٤،٥)

وهی $\frac{1+0}{1} = 0.3$ وهی $\frac{1+0}{1} = 0.3$ الما رتبة الربیع الثالث فهی $\frac{1}{1}$ من عدد الدرجات $\frac{1}{1}$

وتكون قيمة الربيع الثالث هي متوسط الدرجتين السادسة والسابعة (وهما ٧،٥ = ____ ٨+٧ __ = ٥,٠

وبالتالي فان المدى الربيعي - الربيع الثالث (٣٠٠) - الربيع الأول (١٠٠) - ٢٠٠٥ - ٢٠٥ - ٢٠٥

ونصف المدى الربيعي = الربيع الثالث (٣٠٠) - الربيع الأول (١٠٠)

$$1,0 = \frac{7}{7} = \frac{\xi,0-Y,0}{7} = \frac{1}{7}$$

مثال (۲) :

وإذا استخدمنا درجات المثال الثاني وهي:

111: 117: 118: 110: 110: 114: 117: 118: 119: 114

فان ترتيب الدرجات تصاعديا هو:

117. 117. 110. 112. 117. 117. 111. 11. 11. 1.4. 1.4

وتكون قيمة الربيع الأول هي منوسط الدرجنين النانية والثالثة

وكذلك رتبة الربيع الثالث = ٧٠٠ = ٥٠٠

وقيمة الربيع الثالث هي منوسط الدرجنين السابعة والثامنة

مثال (٣) :

إذا كان عدد الدرجات فردى مثل : ۱۲ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۵ ، ۱۸ ، ۱۸ ، ۱۹ ،

وقيمة الربيع الأول تقع بين الدرجتين الثانية والثالثة ، ونحسب القيمة بطريقة الاستمكال وهي :

قيمة الربيع الأول = قيمة الدرجة الثانية + الفرق بين الدرجتين الثالثة والثانية × (ترتيب الربيع - ٢)

وتكون قيمة الربيع الثالث تقع بين الدرجين الثامنة والتأسعة

وهي - قيمة الدرجة الشامنة + الفرق بين الدرجنين الشاسعة والشامنة (ترتيب الربيع - ٨)

1., 10 . . . 10 x 1 + 1 . =

$$7,470 = \frac{5,70}{7} = \frac{15,0-70,70}{7} = \frac{5,70}{7} = 0.007$$

لاحظ أن القانون المستخدم هو نفس القانون المستخدم في حالة البيانات المبوبة (باستخدام طريقة الاستكمال)

حسباب نصف المدى الربيعي للبيانات البوبة :

يمكن حساب نصف المدى الربيعى للبيانات المبرية في جدول توزيع تكرارى حيث نتبع نفس الخطوات المحددة من قبل لحساب الوسيط ، كما نستخدم نفس قانون الوسيط مع استبدال كلمة الوسيط بالربيع الأول أو النالث والخطوات هي:

١ - نستخدم جدول التوزيع في إعداد الجدول التكراري المتجمع الصاعد .

$$\gamma = 1 - 1$$
 نحدد رتبة الربيع وهي $\gamma = 1 - 1 - 1$ مجدت للربيع الأولى ،

٣ - نحدد فئة الربيع وهي التي تحتوي على التكرار المنجمع

٤ - نطبق القانون لحساب قيمة الربيع

قيمة الربيع الأول - المد الأدنى لفئة الربيع الأول +

(ترتيب الربيع الأول - التكرار المنجمع الصاعد السابق) × طول الغثة ترتيب الربيع الأول تكرار فئة الربيع الأول

وكذلك قيمة الربيع الثالث = الحد الأدنى لفئة الربيع الثالث + (ترتيب الربيع الثالث - ت . م . ص . السابق) × طول الفئة ترتيب فئة الربيع الثالث

مشال (۱): ولحساب قيمة الربيع الأول والربيع الثالث من الجدول التكراري المتجمع الصاعد المستخدم في حساب الوسيط (جدول ٣-٤)

جدول (٤ - ٨) الجدول التكراري المتجمع الصاعد

	ت.م.ص	الحدود العليا للفئات
	منقر	أقَل من ٥٣
	۲ .	أقِل من ٥٧
	£	أقل من ٦١
م فئة الربيع	٧	أقل من ١٥
اً الأول	٦٠	أقل من ۲۹
. 1	1 £	أقل من ٧٣
1	19	أقل من ۷۷
م فئة الربيع	41	أقل من ٨١
الثالث	44	أقل من ٨٥
	. 40	أقل من ۸۹
	۳۸	أقل من ٩٣
	٤٠	أقَل من ٩٧

وتكون فئة الربيع الأول هي الفئة التي تبدأ من ٦٥ وحتى أقل من ٦٩ ، لاحظ أن التكرار المتجمع الصاعد ١٠ موجود بالجدول ومن ثم تكون قيمة الربيع الأول مساوية ٦٩ أو قيمة الربيع الأول =

وكذلك ترتيب الربيع الثالث = ٧٥ × مجـ ت

وهو يقع بين التكرارين المتجمعين الصاعدين (٣٦، ٢٦) وتكون فئة الربيع الثالث هي الفئة تبدأ من ٨١ وحتى أقل من ٨٥

$$\frac{\cancel{\xi} \times (\Upsilon^{7}-\Upsilon^{0})}{\cancel{\xi}}$$
 قيمة الربيع الثالث = ۱۸ + $\frac{(\Upsilon^{7}-\Upsilon^{0})\times\cancel{\xi}}{\Upsilon^{0}}$

$$AT, TV = T, TV + A1 = \frac{\xi \times \xi}{T} + A1 = T$$

۱٠٠٠ - ٢٠٠ ونستطيع حساب نصف المدى الربيعي وهو -----

وكذلك يمكن استخدام الجدول التكراري المتجمع الهابط في حساب الربيع الأول والثائث ، حيث تكون قيمة الربيع = الحد الأعلى لفئة الربيع -

أما نرتيب الربيع الأول هذا قيتم حسابه طبقاً للترتيب (من الأسفل للأعلى). فتكون رتبة الربيع الأول (هي أول ٢٠ ٪ من التكرارت) إذا بدأنا من الأعلى) وتكون عند ٧٠٪ من التكرار وهي تساوى ٢٠ ٪ ٢٠ = ٣٠٠

وترنيب الربيع الثالث (عكس ذلك) عند ٢٥ من التكرارات =

1 = 2 · × To =

وتقع قيمة الربيع الأول في الفئة (٦٥ - ٦٩) وهي = ٦٩ (كما سبق حسابها) أما قيمة الربيع الثالث فتقع من الفئة (٨١ - ٨٥) وهي

1, TT - A0 =

- ۸۳, ٦٧ (وهي نفس القيمة الذي حصانا عليها سابقا)

مثال (۲) :

جدول (٤ - ٩) جدول التوزيع التكراري

الحدرد الحقيقة للفئات	التكرأر	الفئات
14,0 - 18,0	٥	14-10
Y·,0-14,0	٩	Y1A
74,0 - 7·,0	۱۳	74-41
Y7,0 - Y7,0	11	37-57
۲۹, <i>٥</i> – ۲٦, <i>٥</i>	٨	Y9-YY
44,0 - 49,0	£	TY-T*

جدول (٤ - ١٠) الجدول التكراري المتجمع الصاعد

ت،م.ص	الحدود العليا للفئات
٥	أقل من ١٧,٥
12	أقل من ۲۰٫۵
. *Y	أقل من ۲۳٫٥
٣٨	أقل من ٢٦,٥
٤٦	أقل من ۲۹٫٥
۵۰	أقل من ٢٢,٥

وتكون رتبة الربيع الأول بين ت . م . ص (٥ ، ١٤) وفئة الربيع الأول هي (١٤،٥ – ١٧٠٥)

مثال (۳): إذا كانت البيانات ترتيبية على النحو التالى جدول (٤ - ١١) توزيع تكراري متجمع صاعد لتقديرات الاختبار

ت.م.ص	التكرار	الفئــــة
٣	٣	ممتاز
11	11	جيد جدا
***	. 19	جيد
00	44	مقبول
7.5	٨	صنعيف
مة	۲	صعیف جدا
	٦٥	المجموع

رتبة الربيع الأول = ٢٥ × ٢٥ = ١٦,٢٥

وتقع قيمة الربيع الأول في فئة جيد ، وتكون قيمته هي جيد (لا حظ أن قيمة الوسيط هي جيد أيد ما) .

وتكون فئة الربيع الثالث هي مقبول ، وكذلك قيمته مقبول أيضا ويمكن الاستعاضة عن فئات التقدير الموضحة بالجدول (٤ – ١١) بإستخدام الرئب من الله الموضحة بالجدول (٤ – ١١) بإستخدام الرئب من الله الله الموضحة بالجدول (٤ – ١٤) التقديرات من ضعيف جدا وحتى ممتاز فتكون الربيع الأول (جيد) – ٤

وقيمة الربيع الثالث (مقبول) = ٣

ويكون المدى الربيعي هنا بين المقبول والجيد ، ولا نستطيع إعطاء قيمة معينة لذلك كما أن نصف المدى الربيعي هنا لامعنى له .

وكذلك الحال إذا كان الجدول النكرارى يمثل المستويات التعليمية (أمى - يقرأ ويكتب - ابتدائى - اعدادى - ثانوى - جامعى - أعلى من الجامعى) فيمكن انباع نفس الطريقة السابقة لحساب كل من الوسيط والربيعين الأول والثالث، ولا نستطيع تحديد قيمة لأى منهم وإنما نحدد فئة أو رتبة فقط .

أما في حالة بنود مقاييس الاتجاهات التي تتبع أسلوب ليكرت فإن فدات الإجابة ترتيبية ، لكننا نستخدم بدلا منها درجات ، ومن ثم يمكن التعامل مع بيانات تلك الأسئلة بنفس الطريقة المتبعة مع الدرجات العادية .

الثينيات: Percentiles

يقصد بالمئينذات تلك الدرجات التي يمكن عندها تقسيم التوزيع إلى نسب منوية معينة ، فالمئيني ٥٠ (وهو الوسيط أو الربيع الثاني) يمكن عنده تقسيم التوزيع إلى نصفين ، أما المئيني ٢٥ (وهو الربيع الأول) فيقسم التوزيع إلى ربع (٢٥ ٪) وثلاثة أرباع (٢٥ ٪) وكذلك الحال بالنسبة لأى مئيني آخر ، ويعرف المئيني بالنسبة المئوية للدرجات التي تساوى أو تزيد عن درجة معينة .

وتستخدم المدينيات بكثرة في القياس النفسي والدريوى ، حيث تعد أشهر أنواع المعايير في تقنين الاختبارات .

ويحسب المديني بنفس طريقة الوسيط والربيع ، فهو يعتمد على ترتيب الدرجات تصاعديا (أو تنازليا) ثم حساب ترتيب المديني وأخيرا حساب قيمتة بطريقة الاستكمال .

وتحسب المئينيات عادة من التوزيعات التكرارية ، كما أنه يمكن حسابها من الدرجات العادية بنفس الطريقة الموضحة من قبل عند حساب الربيع الأول (وهو في الحقيقة المئيني ٢٥) والربيع الثالث (المئيني ٧٥) .

وإذا أردنا حساب المدينيات التوزيع التكراري السابق (جدول ٤ - ١٠) فإننا نتبع نفس طريقة حساب الربيع .

وبَقع قيمته في الفئة (١٧،٥ – ٢٠٥٥) وهي وقيمة المئيني ٢٠ – الحد الأدني لفلة المئيني

(ترتيب المئيني - التكرار المتجمع الصاعد السابق) × طول الغئة

تكرار فلة المليني

$$\frac{r \times (o-1)}{q} + 1 \vee o =$$

19,14= 1,74+ 14,0=

وتعنی الدرجة ۱۹,۱۷ أنها أفضل من ۲۰ ٪ من درجات التوزيع وكذلك الملينی ۲۰ رتبته هی $\frac{70}{11} \times 0.0 = 0.7$ وتكون قيمة المدينی ۲۰ قی الفئة (0.77 - 77.0) $= 0.77 + \frac{(77.0)}{11} \times 0.0$

10 m 1,0+ 14,0 m

ومعنى هذا أن الدرجة ٢٥ أفضل من ٦٥٪ من درجات النوزيع . والعلينى ١٠ رتبته هى ٢٥٠ × ٥٠ = ٥

وقیمة المثینی
$$9 = 12.0 = 7 + 12.0 = 7 = 12.0 =$$

19,110 = 1,710 + 17,0 = TXV + 17,0 =

ويستخدم الفرق بن المديني ٩٠ والمئيني ١٠ كمقياس للتشتت وهو = ٥٠ المديني ١٠ كمقياس للتشتت وهو = ١٢٥ - ٢٩,١٢٥ في هذا المثال ،

وعلى غرار المئينيات يمكن حساب ما يسمى بالإعشاريات ، وهي مسمى الكل ١٠ ٪ بمعلى أنه يوجد العشير الأول (المئينى ١٠) والعشير الثانى (المئينى ٢٠) والعشير الثانث (المئينى ٣٠) وهكذا حتى العشير التاسع (المئينى ٩٠) ومن ذلك يتضح أن المئينى ٥٠ وهو العشير الخامس وهو أيضا الربيع أو الوسيط وطريقة الحساب لكل ذلك هي طريقة الاستكمال المستخدمة في حساب الوسيط والارباعيات والمئينيات .

معامل الالتواء Skeweness

يستخدم معامل الالتواء للحكم على شكل التوزيع التكراري أو المنحني التكراري ، حيث يمكن معرفة مدى إبتعاد التوزيع التكراري عن التوزيع الاعتدالي. ويدل معامل الالتواء على درجة تماثل المنحني أو البعد عن هذا التماثل. فإذا كان منحني التوزيع التكراري غير متماثل حول متوسطة الحسابي فيكون أحد طرفي المنحني أطول من الطرف الآخر ، ويقال أن المنحني ملتو.

وإذا كمان طرف المنحنى الأيمن أطول من طرفه الأيسر أى أن المنحنى يميل نحو القيم الصغيرة وهنا يوصف المنحنى بأنه موجب الالتواء ، أما إذا كان طرف المنحنى الأيسر أطول من طرفه الأيمن فإن المنحنى يميل نحو القيم الكبيرة ويكون المنحنى سالب الالتواء.

وقد سبق أن وضحنا العلاقة بين مقاييس النزعة المركزية والتواء التوزيع . ففي حالة ارتفاع قيمة المتوسط الحسابي عن الوسيط والمنوال يكون التوزيع ملتو التواء موجبا ، أما في حالة ارتفاع قيمة المنوال والوسيط عن المتوسط الحسابي يكون التوزيع ملتو التواء سالبا.

وباختصار إذا كان المتوسط الحسابي أكبر من الوسيط يكون التوزيع موجب الالتواء، والعكس إذا كان المتوسط أضغر من الوسيط يكون التوزيع سالب الإلتواء.

ويحسب معامل النواء باستخدام المتوسط الحسابى والوسيط والانحراف المعياري من المعادلة التي توصل إليها سبيرمان وهي:

وتتراوح قيمة معامل الالتواء بين ٣٠ ، ٣٠ ، أما معامل التواء المنحنى الاعتدالي فهو يساوى الصفر . وأحيانا نستخدم نفس المعادلة السابقة لحساب معامل الالتواء دون استخدام الرقم ٣ ، وهنا يتراوح معامل الالتواء بين + ١ ، -١

أما في حالة عدم إمكانية حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري (كما في حالة البيانات الترتيبية) فيمكن حساب معامل الالتواء باستخدام الوسيط والارباعيات.

حيث ٣٠٠ = الربيع الثالث (الأعلى)، ٢٠٠ = الوسيط ،١٠٠ = الربيع الأول (الأدنى) ، لاحظ أن حساب معامل الالتواء باستخدام المتوسط الحسابى والوسيط والانحراف المعيارى أدق من حسابه من ألارباعيات والوسيط . ولحساب معامل الالتواء للتوزيع التكرارى (بالجدول ٢ - ٢) .

فقد وجد أن المتوسط الحسابي = ٧٦.٣ الوسيط = ٧٧.٥٧ والانحراف المعياري = ١٠,٥٢

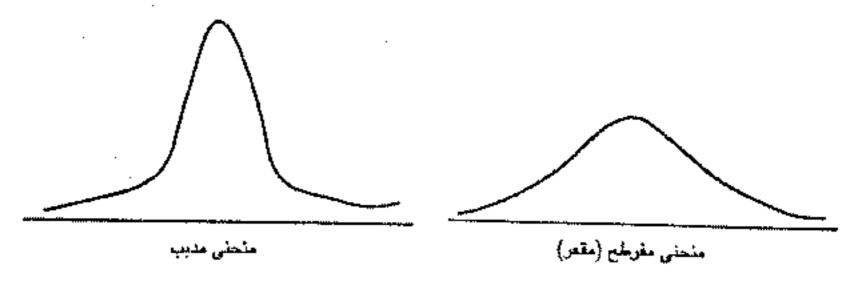
وباستخدام الارباعيات ، حيث الإرباعي الأول = ٨٣, ٦٧ ، الارباعي الثالث

ومعامل الإلتواء أكثر أهمية من معامل التفرطح مما يستلزم اختبارمدى . دلالة التواء التوزيع بقسمة معامل الالتواء على الخطأ المعياري لمعامل الإلتواء وهو

الله الناتج .

معامل التفرطح Kurtosis

يدل التفرطح على درجة تحدب المنحنى عند قمته بالمقارنة مع المنحنى الاعتدالي ، فإذا كان منحنى التوزيع أكثر تحدبا عن المنحنى الاعتدالي سمى منحنى مدببا Leptokurtic وإذا كانت قمة المنحنى أكثر استقامة (مقعرا) من



قعة المنحنى الاعتدالي سمي منحني مفرطحا Platykurtic

ويحسب معامل التفرطح بقسمة العزم الرابع على مربع العزم الثانى وطرح وتكسون قيمته صفراً للمنحنى الاعتدالي وهي الطريقة التي تستخدمها برامج SPSS ، ويعرف العزم الثاني (*) بالنباين وهو متوسط مجموع مربعات انحرافات الدرجات عن المتوسط الحسابي ، ولكن أحد المقاييس العملية للتفرطح يحسب بقسمة نصف المدى الربيعي على المدى المئيني وهو:

ومعامل التفرطح للمنحنى الاعتدالي باستخدام هذا القانون - ٢٦٣٠ ولذلك إذا رغبنا في معرفة درجة تفرطح منحنى ما فإننا نقارن معامل التفرطح المحسوب بالقيمة ٢٦٣٠ للمنحنى الاعتدالي .

وباستخدام العثال (۲) السابق حيث نصف المدى الربيعى - 7.14 والمئينى - 9 = 17.17 والمئينى - 17.14 والمئينى - 17.14 والمئينى - 17.14 - 17.14 - 17.14 فإن معامل التفرطح - 17.170 - 17.170 - 17.170 - 17.170

وهو متقارب مع معامل تفرطح المنحني الاعتدالي (٢٦٣٠ . •)

(*) العزم الأول هو متوسط انسرافات الدرجات عن المتوسط المسابي وهو بساوي المدفر وبعد أحد شواص
 المتوسط المسابي.

أما العزم الثاني فهو متوسط مربعات الانحرافات عن المتوسط الحسابي = مجد $(m-a)^T$ وهو التباين والعزم الثانث هو متوسط مجموع مكعبات الانحرافات عن المتوسط الحسابي = $\frac{v}{a}$ $\frac{v}{v}$ ويكذل العزم الرابع هو $\frac{a}{v}$ $\frac{a}{v}$

Staistical Transformation : التحويلات الإحصائية

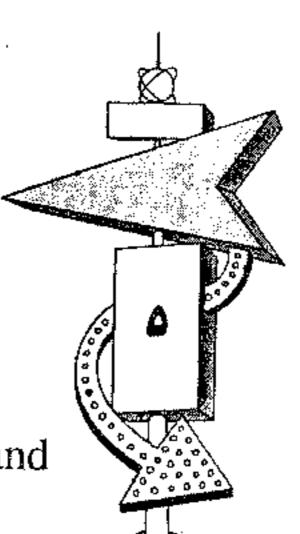
تشترط أساليب الاحصاء الاستدلالي البارامتري اعتدالية توزيع الدرجات (المتغيرات النابعة) ، فاذا كان توزيع البيانات للمتغيرات الذي يهتم الباحث بدراسته توزيعا ملتويا فلا يجوز استخدام الاساليب الاحصائية التي تحاول تقدير معالم المجتمع مثل معامل ارتباط بيرسون أو أساليب الاحصاء الاستدلالي البارامتري . ويجب على الباحث القيام بتحويل الدرجات حسب شدة التواء التوزيع على النحو التألي :

- ١ إذا كان معامل النواء التوزيع متوسطا (٥٠ ٪ ٦٠ ٪) من الحدود القصوى المعامل الالنواء (سواء كانت تلك الحدود ± ١ أو ± ٣) فيستخدم تحويل الجذر التربيعي . ويعنى هذا أن الباحث يقوم بتحويل الدرجات الى الجذور التربعية لتلك الدرجات ومن ثم يتحول التوزيع الملتوى الى توزيع قريب من المنحنى الاعتدالي .
- ٣ اذا كان معامل التواء التوزيع مرتفعا (٦٠ ٪ ٧٠ ٪) من الحدود القصوى المعامل الالتواء ، فيستخدم التحويل اللوغاريتمى ، وذلك بايجاد اللورغايتم الطبيعى للدرجات ومن ثم يتحول التوزيع الملتوى الى توزيع قريب من المنحنى الاعتدالى .
- ٣ -- إذا كان معامل التواء التوزيع شديدا (اكثر من ٧٠٪) من الحدود القصوى المعامل الالتواء ، فيستخدم تحويل مقلوب الدرجات لتحويل التوزيع شديد الالتواء الى توزيع قريب من المنحنى الاعتدالى.

الفصل الخامس

القطي البسيط

Simple Linear Regression and Correlation





الفصل الذامس الانحدار والارتباط الخطي البسيط

تحدثنا في الفصول السابقة عن بيانات المتغيرات وتبوبيها في جداول تكرارية وحساب مقاييس النزعة المكزية ومقاييس التشتت ، وكان ذلك لبيانات متغير واحد في كل حالة. ولكن الأمر لا يكون بهذه البساطة في تحليل البيانات ولكننا كثيرا ما نهتم بدراسة متغيرين أو أكثر في البحوث في مجالات العلوم الانسانية بصفة عامة . فقد نرغب في دراسة أثر الاعلام على السلوك الانساني ، أو العوامل المؤدية إلى النجاح في الدراسة أو العمل ، أو علاقة المستوى الثقافي بأساليب التنشئة الاسرية وغيرها من الدراسات التي تهتم بعدد من المتغيرات في كل دراسة.

وفى مثل هذه الدراسات التى تجمع بيانات لعدة متغيرات من عينة واحدة . فاننا نقوم بتحليل البيانات وحساب المقاييس الوصفية لكل متغير على حده ، بالاصافة الى تحليل العلاقات المختلفة بين تلك المتغيرات ، بمعنى أننا ندرس جميع المغيرات فى آن واحد للتعرف على العلاقات بينها حتى يمكن الاجابة عن تساؤلات الدراسة أو تفسير الظاهرة موضع الدراسة .

وعند دراسة العلاقة بين متغيرين أو اكثر فاننا نهتم بحساب حجم العلاقة بين المتغيرات ومعرفة إنجاه هذه العلاقة إيجابا أو سلبا (طرديا أو عكسيا)كما أننا نهتم بمحاولة التنبؤ بأحد المتغيرات من علاقته بمتغير آخر ، أو بعدة متغيرات أخرى . ولكننا نقتصر مناقشتنا في هذا الفصل على العلاقة بين متغيرين .

وتحسب العلاقة بين متغرين من الانحدار الخطى لأحد المتغيرين على المتغير الثانى ، أو من حساب الارتباط الخطى بين درجات التغيرين . ويقصد بالانحدار الخطى التوصل الى معادلة التنبؤ بأحد المتغربين من الآخر ، ومعلى هذا أن الانحدار الخطى يساعد فى التنبؤ بدرجات أحد المتغيرين (التابع) إذا علمت قيم المتغير الآخر والذى يسمى أحيانا بالمتغير المنبئ .

أما الارتباط الخطى فهو ايجاد حجم العلاقة بين المتغيرين بإفتراض وجود علاقة خطية بينهما . ومعنى هذا أن الارتباط الخطى يتشابه (الى حدما) مع الانحدار الخطى ، لأن كلا منهما يتوصل الى معرفة العلاقة بين المتغيرين، ويختلف الانحدار عن الارتباط الخطى في استخدام فكرة المربعات الصغرى ويختلف الانحدار عن الارتباط الخطى في استخدام فكرة المربعات الصغرى الدومة Squares التوصل الى أفضل خط مستقيم يربط المتغيرين معا ، بينما الارتباط يستخدم أزواج الدرجات كما هي للتوصل الى حجم العلاقة بين المتغيرين.

وقد توجد علاقة منحنية بين متغيرين ، كما توجد علاقة بين متغير (تابع) وعدة متغيرات (منبأه) أو بين عدة متغيرات (تابعة) وعدة متغيرات منبأه ولكن هذا ليس موضع إهتمامنا الآن.

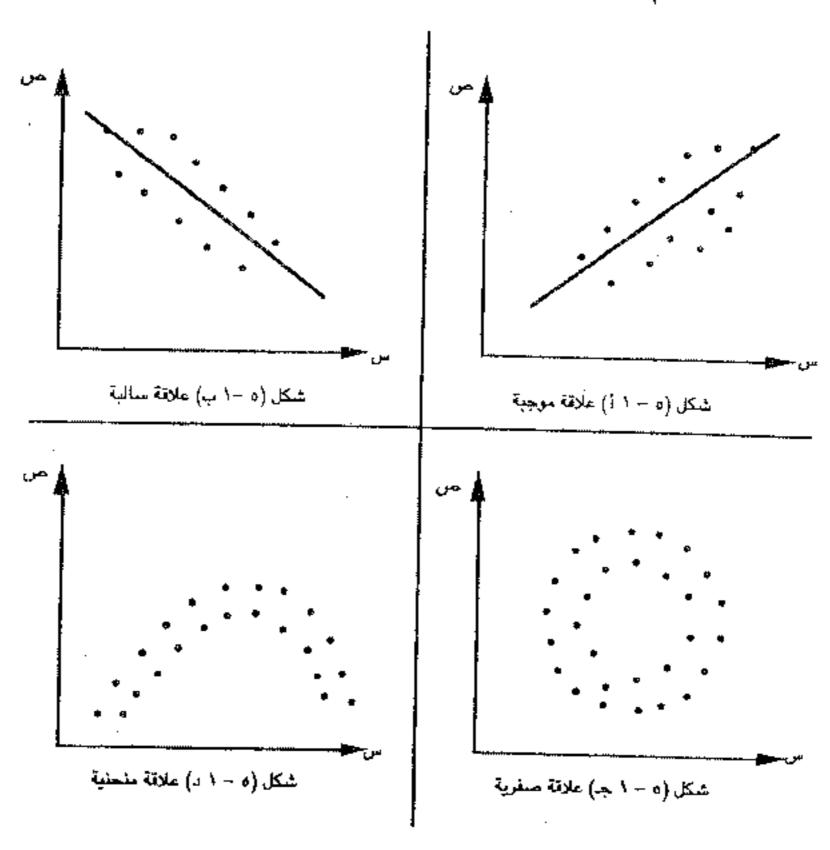
أُولاً: الانحدار الخطى البسيط Simple Linear Regression

يهدف الانحدار الخطى البسيط الى امكانية توضيح طبيعة ودرجة العلاقة بين متغيرين أحدهما متغير مستقل (منبأ Predictor) والثانى متغير تابع (محكى (Criterion) . ويتم جمع بيانات من العينة عن المتغيرين لمحاولة التنبؤ بالمتغير التابع . ومن أمثلة ذلك دراسة علاقة المستوى التعليمي بالدخل ، أو علاقة التحصيل الدراسي بالذكاء ، أو علاقة الرضا الوظيفي بالأداء ، أو علاقة الطلاقة اللفظية بإجادة اللغة العربية ، وغير ذلك من أزواج المتغيرات موضع الاهتمام .

ويستخدم نحليل الانصدار في دراسات التنبؤ حيث يكون المطلوب التنبؤ بمتغير تابع من بيانات متغير مستقل (منبأ) . وقد يكون التنبؤ بالمتغير التابع (المحكى) من عدة متغيرات مستقلة (منبئات) ، ولكن هذا ليس موضع اهتمامنا الآن . ومن أشهر دراسات التنبؤ تلك الدراسات التي تهتم بصدق اختبارات القبول للدراسة الجامعية . وتعتمد دراسات التخطيط الاقتصادي أيضاً على معادلات لانحدار الخطي للتنبؤ بما يحدث في السنوات التالية ، كما أنها تستخدم في العديد من دراسات السلوك الانساني لمحاولة التنبؤ به من خلال الادلة والشواهد (المنبئات) .

والانحدار الخطى البسيط هو علاقة بين متغيرين أحدهما تابع والآخر مستقل . ويجب أن يكون المتغير النابع متغيراً متصلا ومستوى قياسه لا يقل عن المستوى النسبى ، بينما المتغير المستقل قد يكون مستوى قياسه ترتيبياً أو فترياً أو نسبياً ، ولايجوز استخدام مستوى القياس الاسمى .

ويمكن التوصل الى شكل الانحدار الخطى البسيط من تمثيل أزواج الدرجات تمثيلا بيانيا ، فينتج لنا شكل إنتشار ، ثم نستخدم شكل الانتشار فى محاولة الحكم على نوع العلاقة بين المتغيرين . وهناك أشكال مختلفة لانتشار درجات متغيرين ، فالشلك (٥ – ١ أ) يدل على علاقة خطية موجبة بين المتغيرين ، بينما شكل (٥ – ١ ب) يبين علاقة خطية سالبة . أما شكل (٥ – ١ ج) فلا يوضح علاقة خطية محددة بين المتغيرين ، وبالتالى نستنتج من الشكل عدم وجود علاقة (أو علاقة صفرية) بين المتغيرين ، وبالتالى نستنتج من الشكل عدم عدقة أخرى علاقة أخرى بين المتغيرين ولى المشكل (٥ – ١ د) فيوضح علاقة أخرى بين المتغيرين وهى العلاقة المنحنية ، وقد تكون العلاقة المنحنية تربيعية أو تكوييية أو غير ذلك ، وعند رسم خط مستقيم يمثل شكل الانتشار ، فيجب أن يكون الخط منازا ببعض النقاط فى أسفل شكل الانتشار أو فى وسطه أو فى أعلى الشكل . ولكن أفضل خط مستقيم يمثل شرطين أساسيين :



الاول : أن إنحرافات النقاط عن الخط المستقيم (الموجبة والسالبة) تكون متساوية تقريبا .

والشاتى: أن تكون مجموع مربعات هذه الانحرافات أقل ما يمكن. وتعرف هذه الطريقة باسم طريقة المربعات الصغرى Least Squares.

وقد أشرنا من قبل الى المربعات الصغرى عند ذكر خصائص المتوسط الحسابى والتى تتعلق بانحرافات الدرجات عن المتوسط ، حيث يكون مجموعها مساويا للصغر ، ومجموع مربعاتها أقل ما يمكن . وقد استخدمت هذه الخاصية (مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط أقل ما يمكن) في حساب الانحراف المعياري للدرجات . وتنسب طريقة المربعات الصغرى إلى عالم الرياضيات الفرنسي أدريان ليجندر Adrian Legender وقد توصل اليها عام ١٨٠٦ ، واستخدمها في دراساته ومشاهداته الفلكية .

كما استخدم فرانسيس جالتون Francis Galton تحليل الانحدار عام ١٩٨٨٥ في دراسته الانحدار والتوسط في الخصائص الدراسية القادمة ، وكان ذلك قبل معرفة طريقة حساب معامل الارتباط . فقد وجد جالتون علاقة بين أطوال الآباء والابناء البالغين واستطاع جالتون التنبؤ ببعض الخصائص البيولوجية للابناء من خصائص آبائهم . وقد أستثارت هذه الافكار كارل بيرسون Karl للابناء من خصائص الي طريقة لحساب معامل الارتباط في نهايات القرن التاسع عشر .

معادلة الانحدار الخطى البسيط:

من الواضح أن الانحدار الخطى البسيط يتشابه مع الارتباط فى توضيحه للعلاقة بين متغيرين . حيث أننا تحاول التوصل الى خط مستقيم يمثل أزواج الدرجات المتغيرين موضع الاهتمام . ونستطيع التوصل الى معادلة لذلك الخط المستقيم باستخدام بيانات المتغيرين .

فإذا رمزنا لأحد المتغيرين بالرمز (س) وللمتغير الثانى بالرمز (ص) ، فأن الانحدار الخطى يحاول التوصل الى أفضل خط مستقيم يربط بين س ، ص ، يمعنى التوصل الى خط المستقيم الذي يمر بمركز شكل الانتشار لدرجات س ، ص ويحقيق شرطى المربعات الصغرى ، ويوضح الخط المستقيم التغير في أحد المتغيرين (س) وما يقابلة من تغير في المتغير (ص) ، فكل تغير في قيم المتغير (س) يقابلة قدر ثابت من التغير في المتغير (ص) ، وهذا القدر الثابت يعتمد

على ميل الخط المستقيم أو على العلاقة بين س ، ص .

والصورة العامة لمعادلة الخط المسقيم بين س ، ص هي :

e + ω β + α = ص

حيث β ، α هي ثوابت المعادلة في المجتمع ، c للخطأ وهو متغير عشوائي ويتوزع اعتداليا بمتوسط = صغر وانحراف معياري = ١ .

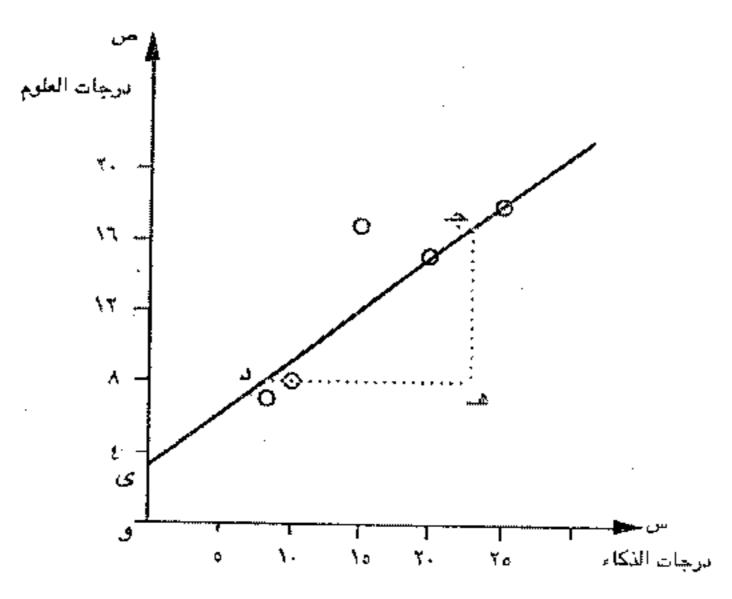
وحيث أننا لا نستطيع أن نستخدم جميع بيانات المجتمع ، فاننا نستخدم بيانات العنية وعندئذ تكون المعادلة : ص = أ + ب س

وهى معادلة انحدار ص على س ؛ حيث أهى الجزء المقطوع من المحور الرأسى (في حالة س = صفر فان أ = ص) ، أما ب فهى ميل الخط المستقيم على المحور الافقى . فاذا كأن لدينا درجات ستة من الطلبة في إحد اختبارات الذكاء ومادة العلوم كما بالجدول (٥ - ١) .

جدول (٥ - ١) درجات الطلبة في الذكاء والعلوم

,	١.	٨	٧.	١.	10	Yo	الذكاء (س)	
	٨	٧	10	١٢	۱۷	۱۸	الذكاء (ص)	ĺ

فيمكن ثمثيل هذه الدرجات بالشكل (٥ – ٢) ، حيث يمثل المحور الافقى درجات الذكاء (س) والمحور الرأسى لدرجات العلوم (ص) و وكل زوج من أزواج الدرجات يمكن تمثيله بنقطة معينة مثل النقطة (٢٥، ١٨) وتعنى ٢٥ على المحور الافقى ثم نرتفع لأعلى إلى ١٨ على المحور الرأسى ونحدد النقطة التى تمثل زوج الدرجات (٢٥، ١٨) وهكذا لبقية أزواج الدرجات وينتج لنا شكل الانتشار الموضح بالشكل (٥ – ٢) .



شكل (٥-٢) انتشار درجات الذكاء والعلوم

ويتصنح من الشكل (٥ - ٢) أنه يمكن رسم خط مستقيم بدل على المعلاقة بين المتغيرين (الذكاء والعلوم)، وهذا الخط المستقيم يقطع المحور الرأسى (محور درجات العلوم ص) في النقطة ي ، بحيث يكون وي = المقدار الثابت (أ) في معادلة الخط المستقيم ، وهو الجزء المقطوع من المحور الرأسي .

وإذا إخترنا أى نقتين (ج.، د) على الخط المستقيم المبين بالشكل، ثم أسقطنا من النقطة (ج.) عموداً على المحور الافقى (موازيا للمحور الرأسى)، وكذلك رسمنا من النقطة (د) خطا موازيا للمحور الافقى، فإن الخطين يتقاطعان في النقطة (ه.). وينتج لنا المثلث القائم الزاوية جده د الموضح بالشكل.

ويكون ميل الخط المسقيم = طول جـ هـ ، وهو أيضا ظل الزاوية جـ د هـ طول هـ د

أو معامل الانحدار ، وبالطبع ميل الخط المستقيم هو قيمة (ب) المذكورة في المعادلة : ص = أ + ب س .

وفي الواقع العملي لا نرسم الخط المستقيم بهذه الطريقة ونحسب كلا من الجزء المقطوع من المحور وميل الخط العستقيم ، وإنما نجري بعض العمليات

الانحدار والارتباط الخطي البسيط
لحسابية باستخدام الدرجات الفعلية للمتغيرين (س، ص) في حساب فيمتى أ، ب. ونتبع في هذه العمليات الحسابية طريقة المربعات الصغرى السابق الاشارة
اليها .
ولحساب قيم الثوابت أ ، ب فاننا نستخدم المعادلات الرياضية التالية :
حيث أن معادلة الخط المستقيم هي : ص = أ + ب س (١)
فاذا جمعنا كل من درجات المتغيرين س ، ص وطبقنا هذا المجموع على
المعادلة (١) فينتج :
محص = ن أ + ب محس
وإذا صرينا المعادلة (١) في س فينتج س ص = أس + ب س
وبالجمع على كل قيم المتغيرين في العينة نحصل على :
مدس ص = أمدس + ب مدس "
وبحل المعادلتين (٢) ، (٣) نستطيع الحصول على قيمتي أ ، ب
ومن المعادلة (٢) نستنتج أن :
ر مجوس ب مجوس أ ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
أ = م _{أس} - ب م س = أ
حيث م س ، م س هما متوسطى المتغيرين س ، ص . وبالتعويض عن قيمة
(أ) في المعدلة (٣) ينتج أن:
مجـ س ص ⁻ ن م م م م م م م م م م م م م م م م م م
مجس س س ن م
وتوجد صور أخرى للمعادلة (٥) وهي :
<u>ن مجـ س ص </u>
ب ن مجہ س′ – (مجہ س)۲

وقى حالة تحويل درجات س ، ص إلى درجات معيارية فيكون متوسط كل منهما - صفر والانحراف المعياري = ١ .

وتصيح قيمة أ = صفر ، ب = مجس ص

أما في الحالة العامة فإننا نستطيع حساب قيمتي أ ، ب من المعادلتين (٤) ،

(٥) ويتم ذلك على النحو التالى:

- ١ نجمع درجات كل من المتغيرين س ، ص لجميع أفراد العينة فينتج لنا
 مدس ، مدص -
- ٢ نربع درجات المتغير س ، ثم نجمع هذه المربعات لكل أفراد العينة فينتج
 مد س'
- تضرب كل درجة من درجات س في الدرجة المقابلة لها من درجات ص ثم
 نجمع حواصل الضرب فينتج مد س ص .
 - ٤ نحسب متوسطى س ، ص (م س ، م ص) ٠
 - ٥ نستخدم المعادلة (٥) لحساب قيمة (ب).
 - ٦ ثم نستخدم المعادلة (٤) وقيمة (ب) لحساب قيمة (أ)
- ٧ نعوض عن قيمتى أ ، ب ، في المعادلة (١) فتنتج معادلة الخط المستقيم
 والتي ندل على انحدار ص على س .

لاحظ أنه من السهل الحصول على قيمة أفى حالة وجود قيمة له س عصفر فتكون (أ) مساوية (ص) . وباستخدام درجات المثال بالجدول ($^{\circ}-1$) لحساب معادلة انحدار ص على س (العلوم على الذكاء) ، وتعنى التنبؤ بدرجات العلوم بمعرفة درجات الذكاء . و يوضح الجدول ($^{\circ}-7$) كل من محس ، محس ، محس ، محس ، محس م مر مر محس ، محس من ،

جدول (٥ - ٢) لحساب معادلة الإنحدار ص على س

س ص	س. ۲	العلوم (ص)	الذكاء (س)	۴
20.	٦٢٥	١٨	70	١
Y00	770	۱۷	10	۲
14.	1	117	1.	٣
٣٠٠	٤٠٠	10	۲.	٤
٥٦	٦٤	V	٨	٥
۸۰	3 * *	٨	1.) 7
1771	1018	VV	۸۸	المجموع

ویکون متوسط درجات س =
$$\frac{\Lambda\Lambda}{r}$$
 = ۱٤,٦٦٧

ويفضل إستخدام ثلاثة أرقام عشرية على الأقل في حسابات تحليل الانحدار وفي استخدام معادلة الانحدار للتثبؤ بالقيم الجديدة

$$\frac{(17, 177)(12, 177) \times 7 - 1771}{(12, 177) \times 7 - 1012} = -$$

$$\frac{1179, 177 - 1771}{179, 179 - 1012}$$

$$\frac{179, 179 - 1012}{177, 179 - 1012}$$

$$\frac{177, 179 - 1771}{177, 179 - 1012}$$

 $15,770 \times 0.090 - 17.477 = 1:$ فان : أ $= 17.477 \times 0.090$ معادلة (٤) فان : أ $= 17.477 \times 0.090$ معادلة (٤) فان : أ

وتصبح معادلة انحدار ص على س هي : ص = ١٨ ٤. ٢٠ + ٥٩٠٠ س

وتفيد هذه المعادلة في التنبؤ بقيم ص في حالة معرفة قيم س ، فمثلا اذا حصل طالب (من عينة مشابهة للعينة المستخدة في حساب المعادلة) على درجة في الذكاء = ١٢ فان درجته في العلوم = ٤,١٨ + ٥٩ * ١٢ ٢

معادلة إنحدار س على ص:

وصحنا كيفية التوصل الى معادلة انحدار ص على س ، وذلك بتمثيل المتغير المستقل (س) على المحور الافقى والمتغير التابع (ص) على المحور الرأسى . أما إذا أردنا التنبؤ بالمتغير (س) من المتغير ص ، فان المعادلة تختلف وتصبح على صورة .

وبالجمع على جميع درجات أفراد العينة فان :

ويضرب المعادلة (Γ) في ص والجمع على جميع أفراد العينة تصبح مج س ص = Γ مج ص + ب مج ص Γ مج ص Γ مج ص المعادلة (Γ) عن قيمة Γ من المعادلة (Γ) فان :

كما تأخذ المعادلة (١٠) صوراً أخرى هي :

وفی حالة الدرجات المعیاریة فإن م
$$_{0} = _{1}$$
 $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{0} = _{2}$ $_{2} = _$

وبالطبع تختلف معادلة ص على س عنن معادلة إنحدار س على ص حيث يختلف ميل كلا منهما وكذلك الجزء المقطوع من المحور الرأسي .

ولحساب قیمتی أ / ، ب / باستخدام بیانات المثال السابق ، فیجب حساب مجموع مربعات (ص) وهی : مد ص۲ = ۱۰۹۵

$$\frac{(17, \Lambda TT) (15, 774) 7 - 1771}{7 (17, \Lambda TT) 7 - 1.90} = \frac{1179, TT - 1771}{9 \Lambda \Lambda, 110 - 1.90} = \frac{177, 74}{1.7, \Lambda \Lambda 0} = \frac{1.77}{1.7, \Lambda$$

1.127-=

وتصيح معادلة انحدارس على ص هي :

س = - ۱, ۲۳۲ + ۱, ۱٤٣ - س

وهى معادلة مختلفة عن معادلة انحدار ص على س ، فاذا حصل طالب (من عينة مشابهة) على درجة في العلوم (ص) = 9

٩, ٩٤٥ ==

طريقة أخري لايجاد معادلة الانحدار:

حيث أن معادلة الحدار ص على س هي :

وقد ذكرنا أن قيمة (أ) تحسب من المعادلة:

أما قيمة (ب) وهي معامل انحدار الخط المستقيم فيمكن حسابها من المعادلة (345 : Sprinthall, 1994) التالية :

حيث (ر) هي معامل الارتباط بين س، ص، أماع س، ع وفهما الانحرافين المعاريين لدرجات ص، سعلى الترتيب.

$$i = a_{no} - c \frac{3_{no}}{3_{no}} \times a_{no}$$

وباستخدام المعادلة (١١) فان قيمة أ هي : وتكون معادلة انحدار ص على س هي :

$$av = \begin{bmatrix} \frac{3uv}{3u} \times av \end{bmatrix} + c \frac{\frac{3uv}{3u}}{3v} \times w$$

ويمكن اعادة ترتيب المعادلة فتصبح (Sprinthall,1994:346)

(17)
$$\frac{3_{m}}{3_{m}} \times m - \frac{c_{3_{m}}}{3} \times a_{m} + a_{m}$$
 (17)

فاذا كانت ر= صفر فان ص = م وهى تعنى خطأ مستقيما بوازى المحور الأفقى . وفى حالة استخدام درجات معيارية لكل من س ، ص بدلا من الدرجات الخام فتكون ع م = ع م = ا ، م م = م م = صفر وبالتالى معامل الانحدار (ب) = ر ، أ = صفروتكون المعاذلة ص = رس .

فإذا علمنا متوسطى المتغيرين وانحرافيهما المعياريين ومعامل الارتباط بين درجات المتغيرين فيمكن التوصل الى معادلة انحدار ص على س من المعادلة (١٢) . وبالمثل معادلة انحدار س على ص تكون على الصورة :

مثال من بيانات المثال السابق:

م س = ۱۲,۸۳۳ م س = ۱۲,۸۳۳

ع ي = ٦,١٠ ، ع م = ٤,٢٢٠ ، معامل الارتباط = ٢٥٨٠٠

فتكون معادلة انحدار من على س هي :

$$17,177 + 12,777 \times \frac{2,77}{7,10} \times 0,007 - w \times \frac{2,77}{7,10} \times 0,007 = 0$$

= ۹۵. س - ۵۶ ۲,۸۳۳ + ۱۲,۸۳۳ =

=٩٥,٠٨ س ١٨٨.٤

وهى نفس المعادلة السابق الحصول عليها ، ومن السهل استخدام هذه الطريقة لسهولة الحصول على المتوسطات والانحرافات المعيارية ومعامل الارتباط بين متغيرين من الآلات الحاسبة البسيطة .

العلاقة بين معادلتي الانحدار:

نُم التوصل الي معادلتي انحدار للعلاقة بين س ، ص وهما : معادلة انحدار ص على س ، ومعادلة انحدار ص على ص

وتوجد علاقة تربط بين هاتين المعادلتين وهي أن حاصل ضرب معاملي الانحدار للمعادلتين بساوي مربع معامل الارتباط بين المتغيرين (س ، ص)

أى أن: ب ب ا = ر

وبالتعويض عن ب ، ب من المعادلتين ٥ ، ١٠ السابقتين فأن :

كما تأخذ الصورة :

(11)
$$\frac{(i \text{ a.e. } w \text{ ou } - \text{ a.e. } w \text{ ou})}{[i \text{ a.e. } w][i \text{ a.e. } w]}$$

دقة التقدير:

ذكرنا أنه يمكن استخدام معادلة الانحدار الناتجة للتنبؤ بقيم المتغير التابع بمعرفة قيم المتغير المستقل . وفي مثالنا السابق فان معادلة انحدار ص على س ھى:

ومن الواضح أن القيمة المتنبأ بها مختلفة عن القيمة الفعلية في جدول (٥-٢) فيفي حالة س = ١٠ ، فإن قيمة ص الفعلية المقابلة لها من الجدول = ۱۲ - ويعتمد هذا الاختلاف على حجم العلاقة بين المتغيرين س ، ص فاذا كانت العلاقة مرتفعة يقل الفرق بين القيم الفعلية والقيم المتنبأ بها ، أما إذا كانت العلاقة بين المتغيرين منخفضة فان هذا الفرق يزداد ، وتحسب دقة التقدير بمدى انحراف الدرجات الفعلية عن الخط المستقيم . والمقياس الذي يستخدم لتوضيح هذه القروق هو مقياس لدرجة دقة القيم المتنبأ بها وهيو ما يعرف باسم الخطأ المعياري للتقدير Hopkins et al., 1987:99) Standard error of estimation)

الخطأ المعيارى للتقدير
$$(3_{out})_{out} = 3_{out} \sqrt{1 - (7_{out})_{out}}$$
 $= 77.3 \sqrt{1 - (70.)^{2}}$
 $= 77.3 \sqrt{1 - (70.)^{2}}$
 $= 7.77 - 1 \sqrt{1 + (70.)^{2}}$
 $= 7.77 - 1 \sqrt{1 + (70.)^{2}}$

$$\frac{1}{(\omega - \omega)} = \sqrt{\frac{(\omega - \omega)^{1}}{(\omega - \omega)}}$$

وفي حالة العينات الصغيرة يكون الخطأ المعياري التقدير هو:

$$\frac{1}{2} \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) \left(\frac{\dot{0}}{(-1)} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{\dot{0}}{(-1)}$$

ثانيا : الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبوبة :

عرضنا من قبل للبيانات المبوبة في جدول توزيع تكراري في حالة بيانات متغير واحد . ولكن الانحدار الخطى البسيط يهتم بالعلاقة بين متغيرين ، وعليه فان البيانات المبوية اللازمة لتحليل الانحدار الخطى البسيط نتضمن متغيرين معا في جدول تكراري واحد ، ويسمى مثل هذا التوزيع بالجدول التكراري المزدوج .

ويحتوى الجدول التكراى المزدوج على فنات وتكرارات لكل من المتغيرين . وقد سبق توضيح كيفية اعدا د الجدول التكراري (أحادى المتغير) ، وسنوضح هنا كيفية إعداد الجدول التكراري المزدوج (ثنائي المتغير) ، باستخدام خطوات اعداد الجدول التكراري الاحادى .

فاذا فرض أن لدينا متغيرين هما س ، ص وكانت درجاتهما لعينة حجمها ٢٠ فردا كما بالجدول (٥ - ٣) .

جدول (٥-٣)

درجات عينة من الأفراد في متغيرين س ، ص

											حب	· •	-	\mathbf{c}		+		·	-		
-	١٤	١٥	۱۳	١.		۱۱			٨	11	14				٥	٧	٨	٩	٦	۱۳	س
	44	۲.	۲.	۱٩	۱۸	۱۷	۱۸	١٨	۱۷	17	17		17		4	۱٤	۱۳	۱۲	11	۱۷	

فيمكن اعداد جدول نوزيع تكراري مزدوج باتباع نفس خطوات اعداد الجدول التكراري الاحادي مع بعض التعديل على النحو التالي :

١ - نحسب مدى الدرجات لكل من س ، ص .

مدى درجات س = ١٥ - ٥ + ١ = ١١

مدی درجات ص = ۲۲ - ۹ + ۱ = ۱۶

٣ - نختار فئات (س) وفئات (ص) وطول كل منها بشرط أن يكون :

حاصل ضرب عدد الفئات × طول الفئة ≥ المدي

وكذلك عدد فثات ص = ٧ ، وطول الفلة = ٢ ، وحاصل ضربهما ٧ × ٢ =

٣ - نكون الجدول الثنائي بوضع فئات س أفقيا وفئات ص رأسيا وتبدأ فئات س بالدرجة ٥ ، وتكون الفئة الاولى (٥ - أقل من ٧)، والثانية (٧ - أقل من ٩) وهكذا حتى الفئة الاخيرة (١٥ - أقل من ١٧).

أما فئات ص فتبدأ بالدرجة ٩ وتكون الفئة الاولى (٩ – أقل من ١١) والثانية (١١ – أقل من ٢١) والثانية (١١ – أقل من ٢١) وهكذا حتى الفئة الاخيرة (٢١ – أقل من ٢٣) ، انظر جدول (٥ – ٤) .

نبدأ في توزيع أزواج درجات المتغيرين س ، ص (المدونة بجدول ٥ – ٣)
 على فئات وخلايا جدول (٥ – ٤) . والمقصود بالخلية ذلك المربع (أو المستطيل) ، الناتج من تقاطع إحدى فئات س مع احدى فئات ص ، كما بالجدول (٥ – ٤) . فمثلا زوج الدرجات (١٣ ، ١٧) هما أول زوج من أزواج الدرجات ، ولتمثيل هاتين الدرجتين في الجدول التكراري المزدوج ، فان الدرجة (س = ١٣) تقع في الفئة الخامسة من فئات س (١٣ – أقل من جدول (٥ – ٤) توزيع تكراري مزدوج

مجموع تكرارات (ص)	ه۱- أقل من ۱۷	- 17	- 11	q	V	- 6	فئات س
١						(')/	- 4
۲				(١)/		(١)/	- 11
٣			:	(١)/	(٢)//		- 14
£			(٣)///	(١)/			- 10
٦	<u> </u>	(٢)//	(٣)///		(١)/		- \\
٣	(١)/	(1)/		(\)/			-14
		(١)/					۲۱ – أقل من ۲۳
۲.	١	٤	٦ .	£	٣	۲	مجمرع تکرارات (س)

10) أما الدرجة (ص = 11) فهى تقع فى الفئة الخامسة أيضا من فئات ص (17 - 1 أقل من 19) ومن ثم نضع علامة (17 - 1 فى الخلية الخامسة أسغل الفئة (17 - 1) والخامسة أمام الفئة (17 - 1) وكذلك الحال مع زوج الدرجات ($17 \cdot 1$) حيث تقع الدرجة ($17 \cdot 1$) فى الفئة الأولى من فئات $17 \cdot 17$ فى الفئة الثانية من فئات $17 \cdot 17$ فهى تقع فى الفئة الثانية من فئات $17 \cdot 17$ أسفل الفئة الأولى من فئات $17 \cdot 17$ الفئة الثانية من فئات $17 \cdot 17$ أسفل الفئة الأولى من فئات $17 \cdot 17$ الفئة الثانية من فئات $17 \cdot 17$ المؤرد ($17 \cdot 17$ المدونة بالجدول ($17 \cdot 17$ المدونة بالجدول التكرارى المزدوج (جدول $17 \cdot 17$).

- ه نكتب عدد التكرارات في كل خلية بدلا من العلامات ، كما هي موضحة بين
 الاقواس في خلايا الجدول المزدوج ، لاحظ وجود خلايا بدون تكرارت لعدم
 وجود درجات مناسبة لتلك الخلايا .
- ٦ نجمع تكرارات كل فئة من فئات س ونكتبها أسفل الجدول المزدوج أمام.
 مجموع تكرارات س . ومجموع تكرارات الفئة الاولى من فئات س هو (٢)،
 والفئة الثانية (٣) وهكذا حتى الفئة الاخيرة بها تكرار واحد .

ويكون المجموع الكلي لتكرارات فئات س هو ٢٠

بجمع تكرارات كل فئة من فئات ص ونكتبها في آخر عمود بالجدول (° نحت عنوان مجموع تكرارات ص . ومجموع تكرارات الفئة الاولى من فئات ص هو (۱) ، والفئة الثانية (۲) وهكذا حتى الفئة الاخيرة بها تكرار واحد

كما أن المجموع الكلى لتكرارت فثات ص هو ٢٠ أيضا

ويتضح من دراسة الجدول (٥ - ٤) أن شكل انتشار التكرارات يبدأ من أعلى اليمين ويستمر حتى أسفل اليسار ، وهو يعنى وجود علاقة خطية موجبة بين المتغيرين س ، ص .

ولحساب معادلة انحدار ص على س للبيانات المبوبة في جدول تكرارى مزدوج ، فان المعادلات السابق الاشارة اليها لحساب قيم الثوابت أ ، ب تصبح على النحو التالى :

والمعادلتر في الاشارة إليها في مجدت في الاشارة إليها في حال الدرجات الخام، لكن يفضل استخدام المعادلتين ١٨، ١٧ لحساب قيمتي أ، بحيث أنهما لا تنطلبا حساب متوسطي س، ص.

والعمليات الحسابية المستخدمة هذا لا يجاد ثوابت معادلة الانحدار اكثر تعقيدا من تلك الموضحة في حال الدرجات الخام . ولذلك ننصح بعدم استخدام الجداول التكرارية المزدوجة لحساب معادلة الإنحدار إذا توفرت لذا الدرجات الخام، أما في حالة توفر الجدول التكراري المزدوج وعدم وجود الدرجات الخام فلا مناص من استخدام هذه العمليات الحسابية المطولة والمعقدة .

خطوات حساب ثوابت معادلة الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبوبة:

- ١ نحدد مراكز فئات س ، ومراكز فئات ص ٠
- ٢ نضرب قيم مراكز الفئات في التكرار المناظر لكل من س ، ص .
 - ٣ نحسب محس ت ، محص ت
- 3 i نضرب مربعات مراکز فنات س فی تکراراتها (أو نضرب س ت × س) ، وکذلك نضرب مربعات مراکز فنات ص فی تکراراتها (ص ن ت)
 - ه نحسب محاس ت ، محاص ت
- تضرب تكرارات كل خلية من الخلايا في مركزي فدات س ، ص المقابلة لها،
 فينتج س ص ت لكل خلية من الخلايا . فمثلا النكرار (١) في الخلية الأولى
 يتم ضربه في مركز الفئة الاولى لـ س وهو(٦) ومركز الفئة الاولى لـ ص

وهو (١٠) فينتج ١ × ٢ × ١٠ = ٦٠ . أما التكرار (١) في الخلية الثانية أسفل الفئة الاولى له س فيتم ضربه في مركز الفئة الاولى له س وهو (٦) وفي مركز الفئة الاولى له س وهو (٦) وفي مركز الفئة الثانية له ص وهو (١٢) ١ × ٣ × ١٢ = ٢٢ . وهكذا لبقية الخلايا التي تحتوى على تكرار ، ونكتب حواصل الضرب هذه داخل الخلايا .

٧ - نجمع حواصل الضرب داخل الخلايا لكل فئة من فئات س ، ولكل فئة من فئات ص . فمثلا ٢٠ + ٧٢ = ١٣٢ وهي تمثل س ص ت للفئة الاولى لـ س فئات ص . فمثلا ١٤٤ + ٢٢٤ وهي س ص ت للفئة الثانية لـ س ، وهكذا . أما فئات ص فان ٢٠ تمثل أول ناتج س ص ت للفئة الاولى لـ ص ، وكذلك فئات ص فان ٢٠ تمثل أول ناتج س ص ت للفئة الاولى لـ ص ، وكذلك فئات المؤلى .
 ٢٧ + ١٢٠ = ١٩٢ وهي س ص ت للفئة الثانية لـ ص وهكذا حتى الفئة الأخيرة .

جدول (٥ - ٥) حساب الانحدار الخطى البسيط للبيانات المبوية

س مس ت	مس'ت	مرت	مراکز فنات من	مجمرع ث (من)	14-10	- 17	- 11	-1	V	- D	فئات س فئان ص
٦.	١	a. .	١,٠	١						1	- 4
197	YAA	¥ŧ	14	۲				100		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	- 11
1718	οAÅ	13	11	۲				11.	111		- \r
۷۲٦	1.78	٦٤	17	í			r	1/2		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	- 1c
1447	1588	۱.۸	۱۸	٦		1	1/2		1/2		\٧
۸	17	٦.	٧.	۳	177	1		7			- 11
۲۰۸	EAL	ΥΥ	Ť Ť	1		1					17 – 71
YV.1	۸۲۲۵	77.		۲.	. \	£	1	į	۲	۲	مجموع ت(س)
					14	11	۱۲	١.	٨	7	مراكز فئات س
				۲۲.	17	٦a	٧٢	£.	۲í	11	س ت
				7. 7.4.7	767	٧٨٤	378	f	147	VY .	່ວ້າ
		· · · · · · · ·		2401	۲۲.	1.97	1771	77.	۲ ٦,	۱۲۲	س من ت

۸ - نجمع س ص ت المدونة أسفل جدول (٥ - ٥) فينتج محد س ص ت = ٣٧٥٦.

۱۰ – نستخدم المعادلتين ۱۷ ، ۱۸ نحساب قيمتى أ ، ب ، وباستخدام بيانات الجدول (٥ – ٥) فان :

محس ت = ۲۲۰ ، محس ت = ۲۵۶۸

مد ص ت = ۳۳۰، مد ص ت = ۲۲۸۰،

مد س ص ت = ۲۷۵٦ .

$$., \Lambda \circ 1 = \frac{177}{150} - \frac{777 \cdot - 7707}{150} = \frac{177}{150}$$

وتصبح معادلة انحدار ص على س لبيانات جدول (٥ - ٥) هى : ص = ٧,١٣٩ + ٠,٨٥١ س

وبالطبع تختلف معادلة الانحدار الناتجة باستخدام البيانات المبوبة عن معادلة الانحدار الناتجة عن استخدام الدرجات (الخام) الاصلية .

فاذا إستخدمنا بيانات الجدول (٥ - ٣) وهي الدرجات الاصلية للمتغيرين س ، ص قبل وضعها في جدول تكراري مزدوج نجد أن :

ن = ۲۰ ، محس = ۲۰۹ ، محس س = ۳۲۲

محہ س $^{\prime} = 7777$ ، محہ ص $^{\prime} = 3776$ ، محہ س ص $^{\prime} = 7007$ قیمة $_{\prime}$ = 0.987

P. VA7 = 1

والمعادلة هي ص = ٥,٧٨٦ + ٩٨٧٠٠ س

وهى مختلفة عن المعادلة السابقة ، ولكنها اكثر دقة لأنها استخدمت الدرجات الأصلية . وقد سبق أن ذكرنا أن قيم المتوسط والانحراف المعياري للبيانات المبوبة تقريبية ، أما للدرجات الاصلية فهى اكثر دقة .

وكذلك يمكن حساب معادلة انحدار س على ص بنفس الطريقة مع تغيير بسيط في معادلتي ١٨، ١٧ .

وإذا رغبنا في حساب الخطأ المعياري للتقدير لا نحدار ص على س فأننا نستخدم المعادلة (١٤) حيث : ع(س/س) عمر ١٧ - را

ومن الممكن استخدام طريقة الانحراقات عن الوسط الفرضى لكل من س ، ص والتى سبق عرضها عند حساب المتوسط الحسابي والانحراف المعيارى ، فى التوصل الى معادلة الانحدار ، ولكن العمليات الحسابية سوف تكون مطولة وبسيطة . والمعادلتان المستخدمتان فى هذه الحالة لحساب قيمتى أ ، ب هما نفس المعادلتين ١٧ ، ١٨ مع تغيير الرمز (س) الى (ح) وهى الانحراف عن الوسط الفرضى ، كما يمكن أيضا استخدام طريقة الانحرافات المختصرة عندما تكون الفلات متساوية الطول ولن نستطرد فى شرح هذه الطرق لأنها قليلة الإستخدام ولايتآثر الانحدار بالوسط الفرضى أو باختصار الانحرافات مثل المتوسط الحسابى والانحراف المعيارى .

وفي كل الأحوال السابقة نتوصل الى نفس المعادلة التي حصانا عليها باستخدام مراكز الفدات، وهي كما ذكرنا معادلة تقريبية وأقل دقة من استخدام الدرجات الاصلية.

ثالثًا : الارتباط الخطي البسيط : Simple Linear Correlation

إذا إقترن التغير في متغير ما بالتغير في متغيرآخر فان أحد هذين المتغيرين قد يكون سببا للآخر ، فالتغير في التحصيل مثلا قد يرجع الى عدد ساعات الاستذكار اليومى ، أو التغير في درجات اللغة العربية قد يرجع الى ذكاء الطالب ، أو إدمان الشباب قد يرجع الى التنشئة الاسرية أو جماعة الرفاق ، وما إلى ذلك من المتغيرات . فعندما يتصل المتغير الأول بالثاني فهذا دليل على وجود علاقة بينهما، وفي هذه الحالة قد يكون أحدهما سببا للآخر ، وقد يكون هناك متغير ثالث هو السبب في تلك العلاقة ، ومعنى هذا أن العلاقة بين متغيرين ليست بالضرورة علاقة سببية ، وإنما قد ترجع الى متغيرات أخرى لها علاقة بالمتغيرين موضع الإهتمام.

وقد توجد علاقة بين متغير وعدد من المتغيرات الآخرى مثل ظاهرة الادمان التى ترتبط بعدد من المتغيرات الآخرى ، وتكون هذه العلاقة متعددة المتغيرات وليست علاقة بسيطة . ونحن نهنم هنا بالعلاقة البسيطة بين متغيرين ، كما أننا نهنم بالعلاقة الخطية وليست المنحنية .

والعلاقة الخطية البسيطة هي علاقة بين متغيرين يمكن تمثيلها بشكل إنتشار أو خط إنحدار بين المتغيرين . وقد تكون العلاقة طردية (شكل ٥ - ١ أ) وهي تعنى أن الزيادة في أحد المتغيرين يصحبها زيادة في المتغير الثاني .

وقد نكون العلاقة عكسية (شكل ٥ - ١ ب) وهي تعنى أن الزيادة في أحد المتغيرين يصحبها نقص في المتغير الثاني (والعكس صحيح) . ويدل شكل الانتشار (٥ - ١ ج) على عدم وجود علاقة بين المتغيرين أو علاقة صفرية ، بينما الشكل (٥ - ١ د) يدل على وجود علاقة منحنية بين متغيرين . ويقصد بالارتباط البسيط العلاقة بين متغيرين ، فاذا كانت العلاقة طردية يكون الارتباط موجبا ، واذا كانت العلاقة عكسية يكون الارتباط سالبا ، أما كانت العلاقة معدومة فيكون الارتباط صفريا .

ومعامل الارتباط هو مقياس لقوة (حجم) العلاقة بين متغيرين (مستوى قياسهما فترى أو نسبى) ، وتتراوح قيمة معامل الارتباط بين + ١ ، -١ .

ويدل معامل الارتباط +1 على علاقة موجبة نامة مثل العلاقة بين قطر الدائرة ومحيطها ، بينمامعامل الارتباط -1 فيعنى علاقة سالبة نامة مثل العلاقة بن حجم الغاز وضغطه ، أما معامل الارتباط صفر فيعنى عدم وجود علاقة بين المتغيرين .

ولكن العلاقات بين المتغيرات في العلوم الانسانية لا تكون علاقات تامة ، بل تكون علاقات أقل من ذلك ، فهي غالبا ما تكون علاقات كسرية أقل من الواحد الصحيح مثل ٤٠٠، ١٠٠٠، ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠، ١٠٠، فإذا كانت الزيادة (أو النقص) في درجات متغيرما يقابلها زيادة (أو نقص) في درجات متغير آخر فان العلاقة بينهما هي علاقة موجبة .

أما اذا كانت الزيادة في درجات متغيرها بصاحبها نقص في درجات متغير آخر فان العلاقة بينهما هي علاقة سالبة . بينها اذا كانت الزيادة (أو النقص) في درجات احد المتغيرين لا يصحبها أي زيادة أو نقص في المتغير الثاني فلا توجد علاقة بين المتغيرين ويكونا مستقلين عن بعضهما .

ويقترن معامل الارتباط باسم عالم الرياضيات الانجليزى كارل بيرسون Karl Pearon فهو أول من توصل الى معادلة لحساب معامل الارتباط الخطى بين متغيرين . ويعرف معامل ارتباط بيرسون باسم Covariance وهو يعني مقدار التغاير Covariance بين متغيرين معيارين ، وهذا التغاير هو متوسط حاصل ضرب درجات المتغيرين المعياريين . ويقصد بالمتغيرين المعيارين أن درجاتهما ثم تحويلها الى درجات معيارية بمتوسط يساوى الصفر وانحراف معياري يساوى الوحدة .

ومتوسط حاصل صرب درجات المتغيرين المعبارين هو العزم الاول لمواصل الضرب Product monent ، ولذلك قد يطلق عليه البعض اسم معامل ارتباط العزوم ، إلا أن المسمى الصحيح هو معامل الارتباط البسيط . ويعتمد معامل ارتباط بيرسون على افتراض وجود علاقة خطية بين المتغيرين ، وأن مستوى قياسهما فترى أو نسبى ، وتتوزع درجاتهما توزيعا إعتداليا.

حساب معامل الارتباط الخطي البسيط:

يتم خساب معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين س ، ص باستخدام المعادلة:

المتغيرين س ، ص ، وهو متوسط تغاير درجات س ، ص المعيارية

أما في حالة الدرجات الخام فإن:

$$(200 - 40)$$
 $(200 - 40)$
 $(200 - 40)$
 $(200 - 40)$
 $(200 - 40)$
 $(200 - 40)$

وهي المعادلة التي ننصح بإستخدامها لحساب معامل إرتباط بيرسون للدرجات الخام . وجميع المعادلات المذكورة أنفاً هي صور مختلفة من حيث الشكل (لكنها متساوية رياضيا) لحساب معامل ارتباط بيرسون للدرجات الخام، إلا أننا ننصح باستخدام الصورة الأخيرة (٢٠) ، لأنها تؤجل عمليات التقريب الحسابي الى النهاية ، والمعادلة هي :

حيث (ن) عدد أفراد العينة (عدد أزواج الدرجات) ، محس ص هو مجموع حواصل صرب أزواج الدرجات س × ص ، أما محس ، محص ص فهما: مجموع مربعات درجات س ، مجموع مربعات درجات ص ، وتعتمد قيمة معامل الارتباط على تباين درجات المتغيرين (معادلة ١٩) فاذا كان التباين صفرا يقل معامل الارتباط ، وفي حالة عدم وجود تباين في احد المتغيرين (تساوى درجاته) فلا نستطيع حساب معامل الارتباط .

مثال (۱): ولحساب معامل الارتباط بين درجات الذكاء والعلوم المبينة بالجدول (٥-٢)، فاننا نضيف عموداً آخر للجدول يحتوى على مربعات درجات ص وبالتالى يكون لدينا:

وهى تقريبا نفس القيمة السابقة مع اختلاف بسيط (١٠٠٠) يرجع الى استخدام التقريب الى رقمين عشريين فى حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية .

معامل الارتباط (ر) =

جدول (٥-٦) لحساب معامل الارتباط البسيط

س ص	ص'	٣	ص	س	م
771	7,49	179	۱۷	١٣	1
7.7	171	707	11	١٦	۲
۱۰۸	122	۸۱	14	٩	٣
١٠٤	179	٦٤	١٣	٨	٤
٩٨	ነፃፕ	٤٩	15	V	٥
£o	٨١	70	٩		4
12.	197	1	12	١.	V
125	707	۸۱	١٦	Į q	^
170	770	171	10	11	٩ ۽
198	407	155	١٦	۱۲	١.
177	107	١٧١	١٦	11	11
177	Y49	ጚኗ	17	٨	۱۲
194	775	171	١٨	11	144
417	TY £	188	١٨	17	11
١٨٧	የለባ	171	١٧	11	10
707	٣٧٤	ነዓጌ	١٨	١٤	17
۱۹۰	ም ኘ የ	400	١٩	١.	17
۲٦٠	٤٠٠	١٦٩	۲.	١٣	14
٣٠٠	٤٠٠	440	٧.	١٥	19
٣٠٨	٤٨٤	197	44	12	۲.
4001	٥٣٨٤٠	7777	***	۲۰۹	المجموع

وباستخدام المعادلة (١٩) حيث م
$$_{m} = 1.7.1$$
 ، م $_{m} = 1.7.1$ ، م $_{m} = 7.17 = 3$

العلاقة بين الانحدار والارتباط الخطى البسيط:

وضحنا في بداية هذا الفصل كيفية التوصل الى معادلة الانحدار الخطى البسيط ، وقد ذكرنا أنه (الانحدار) يوضح العلاقة بين متغيرين. كما أن معامل الارتباط هو مقياس لتلك العلاقة بين المتغيرين ، ونستطيع التوصل لكل من معادلة انحدار أحد المتغيرين على الآخر ، وكذلك لقيمة معامل الارتباط بينهما باستخدام معامل ارتباط بيرسون إذا ما توفرت درجات المتغيرين .

وقد وصنحنا أنه يمكن ايجاد معادلة المحدار ص على س ، ومعادلة المحدار س على ص . وفي كل منهما نحسب ثوابت المعادلة (أ ، ب) ، (أ / ، ب/)

وإذا ضربنا ب با نحصل على مربع معامل الارتباط (المعادلة رقم ١٤ هي مربع المعادلة رقم ١٤ هي مربع المعادلة رقم ٢٠) .

كما يمكن حساب معامل الارتباط عن طريق الانحدار بطريقة أخرى . فقد ذكرنا أن دقة التنبؤ بقيم المتغير التابع من المتغير المستقل (المنبأ) تعتمد على فوة العلاقة بين المتغيرين . وعادة ما نجد تباعدا (أو انحرافاً) للقيم الفعلية عن القيم

المتنبأ بها ، وتعرف مربعات هذه الانحرافات باسم مربعات الخطأ (مربعات المنبأ بها ، وتعرف مربعات المربعات الانحراف عن خط الانحدار) . أما مربعات الانحدار فهى مربعات انحرافات الدرجات المتنبأ بها عن المتوسط الحسابي للمتغير التابع . ومجموع مربعات الانحدار إضافة إلى مجموع مربعات الخطأ يسمى بمجموع المربعات الكلى .

وإذا إستخدمنا الرموز لتوضيح ذلك فان:

مجموع المربعات الكلى (للمتغير التابع) = مجموع مربعات الانددار -

حيث (ص) المنغير التابع ، م م المتوسط الحسابي ، ص هي القيم المتنبأ بها . وباستخدام هذه المربعات نستطيع حساب ما يسمى بنسبة الارتباط ، وهي مربع معامل الارتباط (Freund & Wilson, 1997:293-294)

ويمكن حساب مجموع مربعات الانحدار باستخدام معامل الانحدار ،

مجموع مربعات الانحدار (ص على س) = مجموع مربعات الانحدار (ص على س) =
$$($$
 مجس ص $$($ $)$ $)$ مجموع المربعات الكلى = $($ $)$ محص $)$ $)$ $)$ وتصبح نسبة الارتباط هى:$

واذا عوضنا عن (ب) من المعادلة (٥) في المعادلة (٢١) ينتج
$$\frac{(a_1 - a_2)}{(a_2 - a_3)}$$
 واذا عوضنا عن $\frac{(a_1 - a_2)}{(a_2 - a_3)}$ واذا عوضنا عن $\frac{(a_2 - a_3)}{(a_2 - a_3)}$

وهى مربع أحدى صور معادلة بيرسون السابق الاشارة اليها .

مثال (١) : وإذا طبقنا هذه الطريقة على بيانات جدول (٢ - ٢)

حيث ن = ٢ ، محد س = ٨٨ ، محد ص = ٧٧ س

محس = ١٠٩٥ ، محس = ١٠٩٥ ، محس ص = ١٢٦١

فقد سبق أن حصانا على معادلة انحدار ص على س وهي :

ص = ١٨ ٤ + ٩٥٠٠ س

ويكون مجموع مربعات انحدار (ص على س)

151, V × *, 09 =

YY, Y• =

ومجموع المربعات الكلى للمتغير التابع = محـ ص من - ن م س

1.1,440 =

وهى تقريبا تعادل قيمة معامل الارتباط السابق الحصول عليها (ويرجع الفرق بين القيمتين وهو ١٠٠٠ الى استخدام رقمين عشريين في العمليات الحسابية).

حساب الارتباط الخطى البسيط للبيانات المبوبة :

يعتمد حساب الارتباط الخطى البسيط للبيانات المبوبة على استخدام بيانات من جدول تكرارى مزدوج . وقد سبق أن وضحنا كيفية اعداد جدول تكرارى مزدوج . ولا يعنى هذا أنه إذا توفرت لنا درجات متغيرين أن نقوم أولا يوضعها في جدول تكرارى مزدوج ، ثم نحسب معامل الارتباط بين المتغيرين باستخدام هذا الجدول لأن معامل الارتباط الناتج غير دقيق (كما ذكرنا في حالة الاتحدار أيضا) . ولكن إذا لم يتوفر لنا درجات المتغيرين موضع الاهتمام ، بل توفر لدينا بياناتهما في جدول تكرارى مزدوج ، فلا مناص من استخدام ذلك الجدول في حساب معامل الارتباط الخطى البسيط .

وتستخدم معادلة بيرسون لحساب معامل الارتباط الخطى البسيط البيانات المبوية مع تغيير بسيط في المعادلة (١٩ مثلاً)، وهو ضرب كل درجة من درجات س، ص (مراكز الفئات) في تكراراتها ، وكذلك مربعات كل درجة من درجات س ، ص وحواصل الضرب تضرب في التكرارات المقابلة لها . وتصبح صور معادلة بيرسون في حالة البيانات المبوية كما يلي :

ويفضل استخدام المعادلة الأخيرة (٢٣) وهي المقابلة المعادلة (٢٠) (السابق ذكرها في حالة الدرجات الخام).

مثال : باستخدام بیانات الجدول تکراری المزدوج (\circ - i) یمکن حساب معامل الارتباط بین المتغیرین m ، m ویوضح جدول (\circ - \circ) العلمیات الحسابیة اللازمة لتطبیق المعادلة (i) .

وهي قيمة مختلفة عن معامل إرتباط الدرجات الخام لبيانات جدول (٥-٣) رهى نفس البيانات التي نم وضعها في الجدول التكراري المزدوج (٥-٤) . وكما ذكرنا سابقا أن استخدام البيانات المبوبة يؤدي الى ننائج تقريبية وغير دقيقة. تأثير التباين وحجم العينة على معامل الارتباط:

يوضح معامل الارتباط بين متغيرين قوة العلاقة بينهما وتستازم معادلة بيرسون أن تكون درجات المتغيرين في مستوى قياس فترى أو نسيى ، وأن تكون العلاقة بينهما خطية ، وتتوزع درجاتهما توزيعا اعتداليا بالاحتافة الى عشوائية اختيار العينة . فإذا كان توزيع درجات أحد المتغيرين ملتويا قان معامل الارتباط الناتج يكون أقل منه في المجتمع . أما إذا كانت العلاقة منحنية فلا يجوز استخدام معادلة بيرسون .

وكما ذكرنا أن معامل الارتباط يوضح قوة العلاقة بين الدرجات المرتفعة والمنخفضة في أحد المتغيرين مع الدرجات المرتفعة والمنخفضة في المتغير الآخر. فاذا لم يحتوى أحد المتغيرين على الدرجات المرتفعة والمتخفضة (تباين الدرجات)، فإن العلاقة بين المتغيرين تقترب من الصفر،: Sprinthal, 1994)

فاذا رغب باحث في حساب العلاقة بين الذكاء والتحصيل لعينة من الطلبة المتفوقين . وفي هذه الحالة فأن درجات هذه العينة ستكون متقارية في أحد المتغيرين أو كليهما وبالتالي تكون المجموعة متجانسة ، فان معامل الارتباط بين الذكاء والتحصيل لهذه المجموعة يكون منخفضاً عن معامل الارتباط في المجتمع (مجتمع طلبة نفس المرحلة التعليمية) . ومعنى هذا أنه كلما قلت الفروق بين الدرجات (التباين) كلما كان معامل الارتباط أقل منه في المجتمع . وكلما زاد تباين الدرجات كلما إقترب معامل الارتباط من معامل الارتباط في المجتمع . أما في حالة تساوى درجات احد المتغيرين فيكون التباين صفراً وبالطبع لانستطيع حساب معامل الارتباط لأننا لا نستطيع القسمة على صفر .

كما يتاثر معامل الارتباط بحجم العينة وطريقة اختيارها ، فكلما كانت العينة كبيرة وعشوائية كلما إفتريت من تمثيل المجتمع . وفي هذه الحالة يقترب معامل الارتباط (بين متغيرين) من معامل الارتباط في المجتمع - أما إذا كان حجم العينة صغيرا ، فان معامل الارتباط (بين متغيرين) لهذه العينة يكون اكبر من معامل الارتباط في المجتمع . ولذلك نقترح أن لايقل حجم العينة عن (٣٠)

لحساب معامل ارتباط بيرسون بين متغيرين ، وبالطبع يفضل أن يكون إختيار العينة عشوائيا.

تفسير معامل الارتباط :

نترواح قيمة معامل الارتباط بين ±1 ، وغالبا ما تكون قيمة كسرية . وتدل الاشارة على كون العلاقة طردية (موجبة) أو عكسية (سالبة) .

فاذا كان معامل الارتباط بين متغيرين ١٠٠ فانه يعنى حجم العلاقة واتجاهها الايجابى وإذا كان معامل الارتباط بين متغيرين - ٢٠ فهو يعنى أيضا حجم العلاقة واتجاهها السلبى (العكسى) وقد ينظر البعض الى معامل الارتباط ١٠٠ على أنه نسبة مئوية بين المتغيرين ، ولكن هذا غير صحيح . كما أن مثل هذه العلاقة ليست علاقة سببية . فقد يرتبط متغيرين إرتباطا مرتفعا أو منخفضا (إيجابيا أو سلبيا) ولكن هذا الارتباط لا يدل على أن أحدهما سببا في الآخر ، وإنما يدل على وجود شئ مشترك بين المتغيرين . فالعلاقة بين الذكاء والتحصل لا تعنى أن الذكاء يسبب التحصيل أو العكس ، وانما تعنى أنهما غير مستقلين ويوجد شئ مشترك بينهما . وقد يكون السبب هو متغير ثالث مثل عدد ساعات الاستذكار أو جودة التدريس وغير ذلك . ويصفة عامة قان تفسير العلاقة بين متغيرين في العلوم الانسانية ، أمر شائك لتداخل العديد من المتغيرات بين متغيرين في العلوم الانسانية ، أمر شائك لتداخل العديد من المتغيرات

ويدل معامل الارتباط المرتفع (سواء كان موجبا أو سالبا) على علاقة قوية بين المتغيرين ، ومعامل الارتباط المنخفض يدل على علاقة ضعيفة وقد اقترح جيلفورد (145: Guilford,1956) تفسيراً لمعاملات الارتباط حسب أحجامها وذلك إذا كانت الإرتباطات دالة (هامة أو حقيقية) ، إلا أن هذه التفسيرات لاتنطبق على الإرتباطات غير الدالة .

- معامل الارتباط الاقل من ٢,٠ ضعيف ويدل على علاقة غير هامة .
- معامل الارتباط من ۲,۰ الى ۳۹,۰ ضعيف ويدل على وجود علاقة ضعيفة .
- معامل الارتباط من ١,٤ الى ٠,٦٩ متوسط ويدل على علاقة جيدة وهامة .
 - معامل الارتباط من ٠,٧ الى ٠,٨٩ مرتفع ويدل على علاقة قوية .
 - معامل الارتباط اكبر من ٠,٩ مرتفع جدا ويدل على علاقة شبه تامة

وتنطبق هذه التفسيرات على معاملات الارتباط الدالة ومهما كانت الاشارة موجبة أو سالبة ، فمعامل الإرتباط ٥٠٠ يدل على حجم للعلاقة مشابة لما يدل عليه معامل الارتباط ٥٠٠٠ والفرق بينهما في الانجاه (إيجابي أو سلبي) .

والتفسير الاكثر شيوعا واستخداما لمعاملات الارتباط هو استخدام ما يسمى بمعامل التحديد في تفسير الارتباط . فقد ذكرنا من قبل أنه يمكن حساب نسبة الارتباط وهي عبارة عن نسبة مريعات الانحدار الى المربعات الكلية . وتعد هذه النسبة جزء من التباين (في المتغير التابع) والذي يمكن تفسيره بمعادلة الانحدار . ونسبة الارتباط هي مربع معامل الارتباط بين المتغيرين وهي التي تسمى أحيانا باسم معامل التجديد (رم) . وعليه فان معامل التحديد (أو نسبة الارتباط) هي نسبة التباين المشترك بين المتغيرين .

فاذا كان معامل الارتباط بين المتغيرين ٧,٠ فان معامل التحديد = (٧,٠) = 9,٠ وهو يعنى أن ٤٩٪ من التباين في أحد المتغيرين (غالبا التابع) يمكن تفسيره بمعرفة المتغير الثاني (المنبأ) . أو أن ٤٩٪ من تباين المتغير (ص) مشترك مع المتغير (س) . ومعنى هذا أننا لانستخدم معامل الارتباط كنسبة مدوية ، وإنما نستخدم مربع معامل الارتباط كنسبة مدوية لتفسير العلاقة بين المتغيرين . فاذا كان معامل الارتباط بين الذكاء والتحصيل ٥,٠ ، فان ٢٥٪ من التباين مشترك بين الذكاء والتحصيل ويمكن القول أن الذكاء والتحصيل يعتمدان على بعضهما البعض في ٢٥٪ من التباين ، بينما ٧٥٪ المتبقية ترجع الى عوامل أخرى .

وإذا وجدنا معامل إرتباط موجب بين رواتب المعلين وتفوق طلابهم ، فلا يعنى هذا أن زيادة الرواتب تؤدى الى زيادة التفوق . وانما توجد متغيرات أخرى ترجع اليها هذه العلاقة . وإذا كان معامل الارتباط سالبا بين قلق الاختبار والاداء على هذا الاختبار ، فإنه لايعنى أن الطلية مرتفعو القلق لايجيبون عن أسئلة الاختبار ، ولايعنى أيضا أن منخفضو القلق يحصلون على أعلى الدرجات . فقد يكون الطالب غير المستعد للاختبار غير قلق ، والطالب المستعد للاختبار اقل قلقا أيضا ، وبالتالى فان الارتباط البسيط بين المتغيرين لا يوضح لنا شيئا أو ربما يصعب تفسيره .

والخطأ الشائع في البحوث الارتباطية ، هو تفسير معاملات الارتباط على أنها علاقات سببية . والمشكلة ليست في معامل الارتباط ذاته وانما في تفسيره ،

وتحميله معنى اكثر مما يحتمل . ومن المفضل دائما الرجوع الى متغيرات أخرى ذات علاقة بالمتغيرين وتساعد في تفسير معامل الارتباط .

رابعا: معامل إرتباط الرتب:

توصل شاراز سبيرمان Charles Spearman الى معادلة لحساب معامل الارتباط بين متغيرين فى حالة القياس الترتيبي ، ولذلك يسمى معامل ارتباط الرتب أو معامل ارتباط سبيرمان ، ولاتفترض معادلة سبيرمان أى افتراضات مثل معادلة بيرسون .

وتعتمد معادلة سبيرمان على ترتيب الدرجات (اذا كانت في مستوى فترى أو نسبي) ، وحساب الفروق بين الرتب ، ثم تطبيق المعادلة وهي :

معامل ارتباط الرتب
$$() = 1 - \frac{7}{1 - \frac{1}{1 - 1}}$$
 $() = 1 - \frac{7}{1 - 1}$

حيث ن عدد ازواج الرتب (أو الدرجات) ، محاف هي مجموع مربعات فروق الرتب .

مثال (١): إذا كان ترتيب مجموعة من الطلبة في مقرري اللغة العربية والرياضيات كما بالجدول (٥-٧).

(٧-	٥)	جدول
---	----	---	---	------

فت۲	فروق الربيب ف	رتب الرياضيات	رتب اللغة العربية	م
۱ ۱	١ –	٣	۲	1
٤	Y +	1	٣	Y
٤	Y +	٥	Y	٣
٤	۲	۸	٦	٤
١	1 -	۲	١	
٤	۲ – ۲	٧	٥	٦
17	٤+	٤	٨	٧
٤	۲	٦	٤	٨
٣٨	صفر		<u></u>	المجموع

ولحساب معامل ارتباط الرتب:

١ - نحسب فورق الرتب (ف) ٠

٢ - نريع فروق الرتب (ف ٢)٠

۳ – نحسب محاف

٤ - نطبق معادلة سبيرمان

$$\frac{7 \times 7}{(1-7 \pm) \wedge} - 1 = \frac{7}{(1-7 \pm)} = \frac{$$

وهو يدل على علاقة متوسطة بين ترتيب الطلبة في اللغة العربية والرياضيات .

- لا حظ أن مد ف = صفر دائما

- مجموع رتب المتغير الاول = مجموع رتب المتغير الثاني.

مثال (۲) : قد تكون البيانات في مستوى قياس فترى أو نسبى لأحد المتغيرين والمتغير الثانى ترتيبى ، وفي هذه الحالة يتم حساب معامل ارتباط الرتب لبيانات جدول ($- - \wedge$) كما يلى :

١ - نرتب درجات عدد ساعات التدريب ترتيبا تنازليا (بما يتفق وترتيب اللاعبين) .

٢ - نحسب فروق الرتب (ف) ٠

٣ - نحسب مربع فروق الرتب (ف)

٤ - نطبق معادلة سبيرمان

جدول (٥ - ٨) علاقة ترتيب اللاعبين بعدد ساعات التدريب

ف ۲	بأب	ترتیب ساعات التدریب	ساعات الندريب الاسبوعي	ترتيب اللاعبين	م
صفر	صفر	٣	١٢	٣	١
صفر	صفر	١ .	10	,	۲
٤	۲	۲ .	. 17"	٤	٣
£	۲_	٤	11	Y	٤
٤	٧	v	٨	٥	٥
٤	۲	٥	1.	٧	٦
مسفر	صفر	٦	٩	٦	v
١٦	صفر				المجموع

مثال (٣): إذا كان مستوى قياس المتغيرين اسمى أو ترتيبى ، وبالطبع في هذه الحالة يتم حساب معامل ارتباط بيرسون ، ولكن إذا كان حجم العينة صغيراً (أقل من ٢٠) أو كان توزيع الدرجات ملتو التواء حاداً (اكثر من ٣٠٪) موجبا أو سالبا ، فاننا نستخدم معامل ارتباط سبيرمان .

وإذا إستخدمنا درجات جدول (٥ - ١) لحساب معامل ارتباط سبيرمان بين درجات الذكاء والعلوم فاننا نتبع ما يلى :

١ - نرتب درجات كل منغير من المتغيرين (تصاعديا)

٢ - نحسب فروق الرتب (ف) .

٣ - نحسب مربعات فروق الرتب (ف٢) ٠

٤ - نطبق معادلة سبيرمان

ويوضع جدول (٥ - ٩) درجات الطلبة في الذكاء والعلوم ، ويتم ترتيب درجات الطلبة في الذكاء والعلوم ، ويتم ترتيب درجات الذكاء حيث استبدلنا الدرجة (٨) بالرتبة (١) لأنها أقل درجة ، وتكن الدرجة الاعلى منها (١٠) تكررت مرتين احداهما ترتيبها ٢ ، الثانية ٣ ، ولذلك

نأخذ متوسط الرتبتين $\frac{Y+Y}{Y} = 0, Y$ ويكون ترتيب الدرجة (۱۰) في الذكاء هو 0, 0, 0, 0 مرتين أمام الدرجيتين ۱۰ ، ۱۰ .

وتأخذ الدرجة ١٥ الرتبة ٤ والدرجة ٢٠ الرتبة ٥ والدرجة ٢٥ الرتبة ٦٠ ورتب درجات العلوم هي (١) للدرجة ٧٠ الدرجة ٣٠ ورتب درجات العلوم هي (١) للدرجة ٧٠ (٢) للدرجة ٣٠ وهكذا حتى الدرجة ١٨ رتبتها (٢).

جدول (٥ - ٩) لحساب ارتباط الرتب بين الذكاء والعلوم

ف ۲	ن	ترتيب العلوم	ترتیب الذکاء	العلوم	الذكاء	
منقر	صفر	٦	٦	١٨	70	1
١ ،	1	٥	٤	17	10	۲
+, 40	۱,٥_	٣	۲,٥	۱۲	1.	٣
,	١	٤	6	۱۵	۲.	Ĺ
سفر	صفر	١	١	٧	٨	ا ه
٠,٢٥	۰,٥	۲ ا	۲,٥	٨	١.	٦,
۲,٥	صفر	:				المجموع

$$\frac{7,0 \times 7}{(1-77)^{7}} - 1 = 0$$

$$\frac{10}{71} - 1 = 0$$

۱ - ۱ - ۱ ، ۱ - ۱ ، ۹۳ وهي علاقة مرتفعة

العلاقة بين أرتباط سبيرمان وارتباط بيرسون :

نلاحظ أن معامل ارتباط الرتب هذا (٢٠,٠٠) أكبر من معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات حيث كان ٨٥٢، ويرجع السبب في ذلك الى أن تباين الدرجات الخام أكبر من تباين الرتب . كما أننا أعطينا الدرجة ٧ في العلوم الرتبة (١) والدرجة ٨ الرتبة (٢) والدرجة ١٦ الرتبة (٣) ... وهنا نلاحظ أن الفروق بين الدرجات (٢، ١، ١٠) مختلفة ، بينما الفروق بين رتبها (١، ٢، ٢) منساوية وهذا ما يؤدى الى اختلاف في قيمة معامل ارتباط سبيرمان عن معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات .

لكن معامل ارتباط سبيرمان لا يكون دائما أعلى من معامل ارتباط بيرسون لنفس الدرجات ، فقد يكون أقل منه أو متقارب معه .

وفى الحقيقة معامل ارتباط سبيرمان يعد حالة خاصة من معامل ارتباط بيرسون ، ولمن يرغب في معرفة ذلك نقدم البرهان التالى :

معامل ارتباط بيرسون =

ن مج س ص – مج س مج ص
$$\sqrt[3]{[i]}$$

وفی حالة استخدام الرئب (بدلا من الدرجات) فان : مجموع رئب $\sqrt[3]{[i]}$
 $m = a$

ومجموع رئب $m = \frac{i}{2}$

ومجموع مربعات رئب m ($\frac{i}{2}$
 $m = a$
 $m = a$

وحيث أن مج س مج ص فان :

وبالتعويض في قانون ارتباط بيرسون :

(عن مدس = مدص ، مدس^۲ =مدص ۲)

ر = ن مجس مس - $(مجس)^{\frac{1}{2}}$ وبالتعویض عن مجس مس فان : $(مجس)^{\frac{1}{2}}$ و مجس ن مجس

ن مجے ف کے ویالتعویض عن مجہ س ، مجہ س کے $-1 - \frac{V}{V}$ ویالتعویض عن مجہ س ، مجہ س کے $-1 - \frac{V}{V}$ بدلالة ن فإن :

$$\frac{1}{4}$$
 $\frac{1}{4}$
 $\frac{1}$

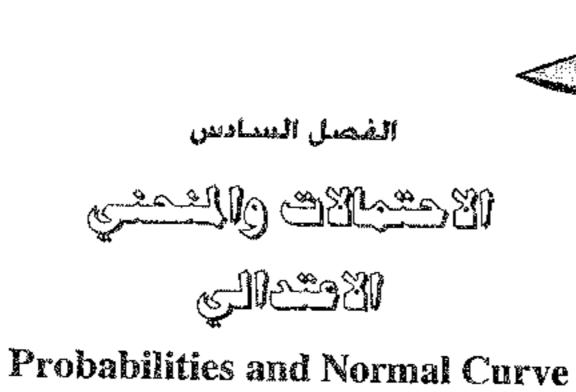
استخدامات معامل الارتباط:

يستخدم معامل الارتباط في حساب قيمة العلاقة بين متغيرين ، طبقا لشروط ارتباط بيرسون ، أو بطريقة سبيرمان . وتهتم معظم البحوث في العلوم الانسانية بتوضيح العلاقات بين المتغيرات ومحاولة التوصل الى مقترحات عن أسباب نلك العلاقات . كما تهتم أيضا بالتنبؤ بالمتغيرات باستخدام متغيرات أخرى مستقلة (منبله) .

ويعتمد تقنين أدوات القياس على حساب معاملات الصدق والثبات . ويحسب صدق الأداة من معاملات إرتباط درجاتها مع درجات اداة أخرى أو محك خارجي .

أما ثبات الاداة فيحسب من معاملات ارتباط درجات الأداة بعد تطبيقها مرتين (إعادة التطبيق) ، أو من معاملات ارتباط درجات صور متكافئة من الأدوات ، أو بطريقة التجزئة النصفية لأسئلة الاداة وحساب معامل الارتباط بين درجات النصفين ثم تصحيحة بمعادلة سبيرمان براون . وكل هذه الطرق تستخدم معادلة بيرسون لحساب معامل الارتباط والتي يخضع استخدامها للشروط الخاصة بها وفي كثير من الاحيان تستخدم معادلة بيرسون استخداما غير صحيحا . فالعلاقة بين النوع (ذكر/ أنثي) والدخل ، والعلاقة بين الحالة الاجتماعية والتوافق النفسي، والعلاقة بين محل الاقامة والنجاح في العمل وغيرها من العلاقات التي تستخدم معادلة بيرسون ، ولكن العلقات التي تستخدم معادلة بيرسون ، ولكن بيرسون أو سبيرمان

لذلك يجب الحذر عند حساب معامل الارتباط بين متغيرين ، وكذلك تفسير هذا الارتباط.





الفصل السادس الاحتمالات والمنحني الاعتدالي

نتعرض في هذا الفصل لمناقشة موضوع هام وهو الاحتمالات والتي كثيراً ما نستخدمها في حياتنا اليومية ، ففي الوقت الذي تقرأ فيه هذا الفصل تكون قد استخدمت كلمة إحتمال مئات الآلاف من المرات في حديثك اليومي العادى أو العلمي . فما يحيط بنا من أحداث هي احتمالية معتمدة على ظروف كل حدث ، ولا نستطيع التأكيد على حدوث حدث معين . فاذا بذل الطالب كل جهده فلا نستطيع أن نؤكد تفوقه ، وكذلك قيادتك الحريصة للسيارة لا تؤكد السلامة من الحوادث ، كما أن التغذية الجيدة والرعاية الصحية المتعيزة لا توكد عدم الاصابة بالأمراض .

وقد تكون هناك أحداث أكيدة الوقوع ولكنها قليلة ، فالحقائق المطلقة أكيدة ، ولكن معظم الحقائق نسبية . وقد نستطيع أن نوكد الحدث بعد وقوعه ، ونستدل على ذلك من الشواهد والظروف المحيطة به . فعند قذف قطعة عملة في الهواء فان وقوعها على الارض أكيد بسبب الجاذبية الأرضية ، ولكنها في الغراغ المنعدم الجاذبية لا تسقط ، وانما قد تظل طائرة أو تجتذبها بعض الاجرام السماوية .

والاحتمالات موضوع هام وله علاقة كبيرة في البحوث العلمية وفي علم الاحصاء ، فالعديد من التوزيعات التكرارية والمنحنيات التي يعتمد عليها علم الاحصاء وأساليبه المختلفة يتم تفسيرها في ضوء الاحتمالات ، كما أن الاحصاء الاستدلالي يعتمد أساساً على الاحتمالات .

الاحتمالات: Probabilities

كثيرا ما نتحدث عن الاحتمالات ونستخدم كلمة احتمال في حياتنا اليومية مثل قولنا إحتمال فوز فريق كرة على فريق آخر ، وهذا يعنى أنه يجوز أن يفوز ذلك الفريق على الفريق الآخر . أو قولنا باحتمال فوز مرشح في الانتخابات على منافسيه ، أو إحتمال سقوط الأمطار بعد ظهر اليوم وهكذا . فحياتنا اليومية مليئة باستخدام الاحتمالات ، وقد نستخدم معها كلمات إضافية أخرى مثل الاحتمال

قوى لنجاح الطالب فلان في الامتحان أو إحتمال كبير لسقوط الامطار في فصل الشناء وغيرها من الأمثلة .

ولكن الاحصائيون لا يفضلون إستخدام كلمات كبير أو قوى أو ضعيف ، وإنما يحاولون قياس تلك الاحتمالات رقميا حتى يكون التعبير عنها اكثر دقة ، فالقول بأن إحتمال سقوط الأمطار ٨٠٪ يختلف عن القول إحتمال كبير لسقوط الامطار . والقول بأن احتمال فوز الفريق (أ) على الفريق (ب) يعادل ٧٠٪ يختلف عن كلمة احتمال قوى لفوز الفريق (أ) على الفريق (ب) .

وإذا كان احتمال حدوث الشئ معدوم فان ذلك بمثل التأكيد المطلق لعدم العدوث وتكون قيمة الاحتمال هي أقل قيمة ممكنة وهي الصفر. أما حالة التأكيد المطلق لحدوث الشئ ، فتكون الاحتمال هي أكبر قيمة ممكنة وهي الواحد الصحيح (أو ١٠٠٪). ومعنى هذا أن قيم الاحتمال تتحصر بين الصفر والوحدة ، (أو من الصغر الى ١٠٠٪) وقد يأخذ الاحتمال قيما كسرية بين صفر ، واحد صحيح من الصغر الى ١٠٠٪) وقد يأخذ الاحتمال قيما كسرية بين صفر ، واحد صحيح فاذا كان الاحتمال مساويا الصفر فان ذلك يمثل الاستحالة المطلقة ، أما إذا كان الاحتمال مساويا الوحدة فان ذلك يمثل التأكيد المطلق أو الحقيقة المطلقة .

وهذاك احتمالات يمكن معرفتها عن طريق التجريب ، قاذا فذفت قطعة من العملة المعدنية مثلا في الهواء فانه لا بد وأن تسقط وتظهر إما صورة أو كتابة (بافتراض أنها لا تسقط على حافتها) . حيث أن هذين الحدثين أو الاحتمالين (الصورة والكتابة) لا ثالث لهما وأنه يجب أن يحدث أحدهما ، أي أنها حقيقة مطلقة في ظهور أي من الوجهين (الصورة أو الكتابة) ، واحتمال تلك الحقيقة المطلقة = الوحدة . وبالتالي فان احتمال كلا منها يساوي نصف الاحتمال الكلي ، أي أن احتمال ظهور الكتابة = ٢/ ويكون ذلك صحيحا إذا لم تكن قطعة العملة متحيزة .

أما في حالة زهرة (نرد) الطاولة فنوجد ست نتائج متساوية في إحتمال حدوثها (لأن الزهرة تحتوى على سنة أو جه متكافئة وغير منحيزة) . وحيث أنه من المؤكد أن تحدث نتيجة واحدة من النتائج الست (بافتراض أن الزهر لا يقف على ركن من أركانه) ، . فيكون احتمال ظهور الرقم ٢ أو ظهور الرقم ٣ يكون منساوى وهو ٢/١ . وبالمثل احتمال الحصول على الرقم ٥ هو ٢/١ ، واحتمال الحصول على الرقم ٥ هو ٢/١ ،

وبصفة عامة فان احتمال حدوث أي حادثة هو عبارة عن النسبة بين عدد

مرات ظهور الحادثة مقسوما على عدد جميع الحالات الممكنة . وفي حالة رمى نرد الطاولة مرة واحدة فان جميع الحالات الممكنة = \mathbf{r} ، وبالتالى احتمال الحصول على أى وجه من الأوجه السته هو $\mathbf{r}/1$. ولذلك يمكن تعريف الاحتمال بأنه نسبة عدد مرات حدوث حدث معين الى العدد الكلى المحتمل للاحداث . فاذا كان عدد الحالات التي تقع فيها حادثة معينة هو \mathbf{r} ، وجميع الحالات الممكنة هو \mathbf{r} ، ن ، فان احتمال وقوع الحادثة المعينة هو \mathbf{r} . ففي حالة رمى قطعة العملة يوجد احتمالين فقط (جميع الحالات الممكنة) وهي الحصول على صورة أو الحصول على كتابة . وتكون عدد الحالات التي تظهر فيها الصورة (في حالة الرمية الواحدة) هو واحد ، وعليه يكون احتمال ظهور الصورة (ص) = $\mathbf{r}/1$

أما إذا ألقينا قطعتى عملة معا فان الاحتمالات الممكنة هي أربع حالات كما بالجدول (٦ - ١) .

(١		ďĮ)	جدول
---	---	--	----	---	------

٤	7"	۲	1	الحالة
<u></u>	ك	ص	من	القطعة (أ)
শ্ৰ	ص	실	ھن	القطعة (ب)
١/٤	۲	/٤	١/٤	الاحتمال

وعدد حالات ظهور الصورة في القطعتين معاً هو (١) ، فيكون إحتمال الحصول على صورتين معا = $\frac{1}{2}$. بينما احتمال الحصول على صورة وكتابة = $\frac{1}{2}$. لأن عدد حالات ظهور الصورة والكتابة معا هو ٢ . أما إحتمال الحصول على كتابة في القطعتين معا هو ١/٤ .

ولكن الواقسع العملي قد يختلف بعض الشئ ، بمعنى أننا إذا قذفنا قطعة عملة ٦٠٠ مرة ، فقد نحصل على صدورة ٣٢٠ مرة . ويكون احسثمال ظلهور

عدد حالات وقوع الحادث عدد حالات الممكنة عدد الحالات الممكنة
$$\frac{1}{2}$$
 عدد $\frac{1}{2}$ وهو قریب من $\frac{1}{2}$) .

ويسمى هذا الاحتمال المذكور بالاحتمال التجريبي وهو عدد الكلي لوقوع الحادث عدد المحاولات الكلية

وبالمثل اذا كان عدد المواليد ١٠٠٠ طفل بينهم ٤٨٠ ذكور ، فان إحتمال أن

وإذا ألقينا زهرتى طاولة معا فانه يظهر لنا وجهين ويكون مجموع النقاط على الوجهين معا يتراوح بين ٢ إلى ١٢ ، وتكون عدد الحالات الكلية الممكنة هي ٣٦ كما هو مبين بالجدول النالى:

(۲		٦)	دول	4
---	---	--	---	---	-----	---

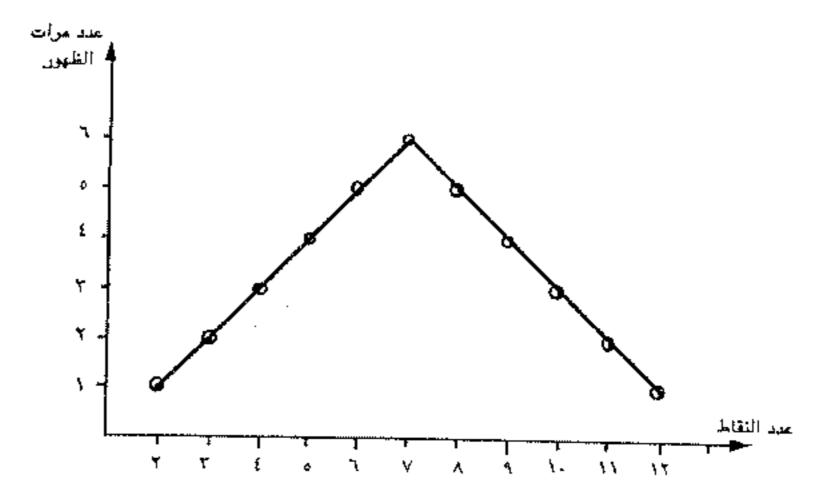
المجموع	۱۲	11	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	عدد النقاط
٣٦	١	۲	٣	٤	a	٦	Υ	٨	٩	١.	11	عدد مرات الظهور
,	<u>ነ</u> የግ	۲ ۳٦	۳٦	* T7	0 T7	7 77	٣٦	£ * 7	۳٦	۲ ۳٦	\ \ \ \ \ \ \ \	الاحتمال

ويتضح من هذا الجدول (7 - 7) أن عدد المرات التي نحصل فيها على 7 نقاط هي : واحد في أحد الزهرتين و 7 في الثاني ، 7 في الأول وواحد في الثاني . أي أن عدد مرات ظهور العدد 7 هو 7 ، ويكون إحتمال الحصول على العدد $7 = \frac{7}{77}$.

أما عدد مرات ظهور العدد ٥ مثلا فهي : (١،٤) ، (٣،٢) ، (٢،٣) ، (١،٤) ، (١،٤) ، (١،٤) ، (١،٤) أي أربع مرات ، ويكون احتمال الحصول على العدد ٥ عدد رمي زهرتين

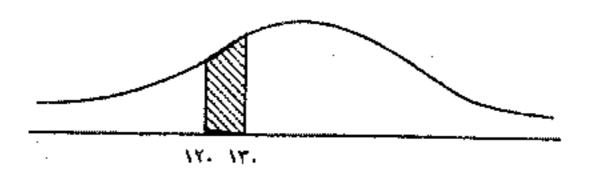
معا هو 🚣 .

وإذا مثلنا الجدول السابق بيانيا بمنحنى تكرارى فاننا نحصل على منحنى متصل يشبه شكل المثلث ، ومن الواضح أنه منحنى متمائل (شكل ٢-١).



شكل (١ - ١) منحنى نوزيع احتمالي

ويمكننا تطبيق ذلك في الحياة العملية ، فاذا أخذنا عينة مكونة من ١٠٠ طالب وطالبة من أعمار مختلفة وقسنا أطوالهم وحاولنا تمثيل ذلك بيانيا فاننا قد نحصل على منحني مشابه المنحني السابق . ومن هذا المنحني نستطع إيجاد احتمال الحصول على طول معين . فمثلا احتمال الحصول على طالب (أو طالبة) طوله يتراوح بين ١٢٠ ، ١٢٠ سم فانه يساوى نسبة المساحة المظالة بالشكل (٢-٢) الى المساحة الكلية تحت المنحني . وتعد هذه النسبة هي احتمال الحصول على طالب طوله يتراوح بين ١٢٠ ، ١٣٠ سم ومعنى هذا أن المساحات تحت المنحني ما هي إلاإحتمالات تستخدم في الحديث عن البيانات أو النتائج .



شكل (٦ - ٢) منحنى توزيع أطوال عينة من الطلبة

وهناك توزيعات إحتمالية كثيرة مثل التوزيع الاعتدالي ، وتوزيع ذي الحدين ، وتوزيع ذي الحدين ، وتوزيع مربع كاي ، وتوزيع من وغيرها .

وسوف نناقش فيما يلى التوزيع الاعتدالي .

منحنى التوزيع الاعتدالي : Normal Distribution

إذا كان المتوسط الحسابى والانحراف المعيارى هما روح الاحصاء الوصفى فإن المنحنى الاعتدائى اكثر أهمية لعلم الإحصاء وأساليبه المتعددة ، كما أنه يجمع بين المتوسط الحسابى والانحراف المعيارى معا . ويرجع اكتشاف المنحنى الاعتدائى الى عائم الرياضيات الالمانى كارل فريدريك جاوس Karl F . Gauss ولذلك يشير كثير من الاحصائيين الى المنحنى الاعتدائى بالمنحنى الجاوسى (Sprinthal 1, 1994: 59).

وكان جاوس أفضل من أقرانه في الرياضيات ، حيث كان يثير حالة من التوتر والارتباك لدي معظم المعلمين . وقد قيل عنه أنه كان يستطيع الجمع والطرح والصرب والقسمة قبل تعلم الكلام . ففي عمر ثلاث سنوات عند ما بدأ التحدث اكتشف خطأ حسابيا في حسابات والده ، وفي عمر الثامنة كان يجمع من ١ إلى ١٠٠ في عقله (عندما أعطى المعلم لتلاميذ صفه واجبا لجمع هذه الأعداد من ١ إلى ١٠٠ أثناء انشغال المعلم في التصحيح ولكن جاوس توصل للحل وأفسد خطة المعلم). ويعد كارل جاوس من أهم الاشخاص في تاريخ الاحصاء لأنه أكتشف المنحنى الاعتدالي ومفاهيم احصائية أخرى (Sprinthal 1,1994:59) والتوزيع الاعتدالي من التوزيعات الاحتمالية الهامة في الاحصاء وفي الدراسات التربوية والاجتماعية والانسانية . والتوزيع الاعتدالي هو توزيع يأخذ شكل منحني مدراثل ذو قمة واحدة ، ويمتد طرفاه إلى مالانهاية ، وهو يشبه الى حد كبير شكل الناقوس المقلوب ولذلك يسمى بالمنحنى الناقوسي (الجرسي). ويمكن الحصول على مثل هذا النوزيع إذا أخذنا عينة عشوائية من مجتمع معين وفسنا أطوالهم أو حصلنا على درجاتهم إذا أخذنا عينة عشوائية من مجتمع معين وقسنا أطوالهم أو حصلنا على درجاتهم في الذكاء مثلا، ثم مثلنا الدرجات بيانيا فاننا نحصل على منحنى تكرارى قريب من شكل المنحنى المعتدل.

خصائص المنحنى الاعتدالي:

المنحنى الاعتدالي هو نوزيع تكراري له قمة واحدة ، ويمثل المحور الافقى درجاته بينما المحور الرأسي يمثل تكرارات هذه الدرجات . وللمنحنى الاعتدالي

ست خصائص (Sprinthall, 1994: 60-62) تميزه عن التوزيعات التكرارية الأخرى وهي :

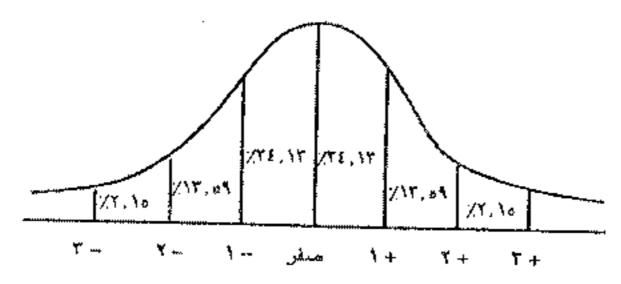
- ١ تنجمع معظم الدرجات في المنحنى الاعتدالي حول وسط التوزيع حيث تقع فممة المنحني . ومع زيادة المسافة عن الوسط (من الجهتين) تقل تكرارات الدرجات وينحدر المنحني ليقترب من المحور الافقى عند طرفيه .
- ٢ في المنحنى الاعتدالي تتساوى مقاييس النزعة المركزية الثلاثة (المتوسط والوسيط والمنوال) ، حيث تكون في نفس النقطة وهي مركز أو منتصف التوزيع.
- سامنحنى الاعتدالي منماثل Symmetric ، وإذا أسقطنا عموداً من قمته الى المحور الأفقى فانه يقسم المنحنى الى نصفين متطابقين تماما وتكون مساحة كل قسم مساوية ٥٠٪ من المساحة الكلية نحت العنحنى.
- ٤ يمكن تقسيم كل نصف من نصفى المنحنى الاعتدالى إلى ثلاثة أفسام طول كل قسم منها (على المحور الافقى) هو واحد إنحراف ممعيارى . وبالتالى فان العلاقة بين المدى (الفرق بين أكبر وأقل درجة) والانحراف المعيارى:
 هى ستة أمثال تقريبا .
- ٥ توجد علاقة ثابتة بين المنحنى الاعتدالى والانحراف المعيارى ، فاذا تم تدريج وحدات المحور الافقى بوحدات الانحراف المعيارى تكون النسب المنحية للمساحة تحت المنحنى عند تلك الوحدات ثابتة ، وهذه العلاقة صحيحة لكل المنحنيات الاعتدالية . ومعنى هذا إذا وجدت نسبة مئوية معينة من الدرجات تقع بين واحد واثنين انحراف معيارى فوق المتوسط تكون هى نفس النسبة في أى منحنى اعتدالى . وحيث أن المنحنى الاعتدالى متماثل فان النسبة بين أى قيمتين للانحراف المعيارى فوق المتوسط أو تحت المتوسط تكون متساوية وثابتة . وهذه الخاصية مهمة في فهم المنحنى الاعتدالى . وإذا تم رسم المنحنى بوحدات الانحراف المعيارى فانه يسمى المنحنى الاعتدالى .
- ٦ طرفا المنحنى الاعتدالي متقاربان Asymptotic مع المحور الأفقى ، بمعنى أنهما لا يمسان المحور الافقى مهما كان إمتداده ، أى أن طرفيه موازيان تجاوزا للمحور الأفقى .
 - ٧ ومن أهم خواص المنحني الاعتدالي أن نقطتي الانقلاب للمنحني وهما:

النقطتان اللئان تيغير عندهما إنجاء إنحناء الهندئي تقعان على بعد لله واحد انحراف معياري من المتوسط الحسابي (أحمد عباده سرحان ، ١٩٦٨ ١٩٦٨)

والمنحنى الاعتدالي المعياري منوسطه الحسابي = صغر وانحرافه المعياري= ، ويرمز لهذا المنحني بالرمز $N\left(0.1\right)$

ويوضح الشكل (٦ - ٣) المنحنى الاعتدائي المعياري ، والمساحات نحت المنحنى بين وحدات الانحراف المعياري ثابتة منذ النوصل اليها . كما أن المنوسط والوسيط والمنوال يقعوا دائما في نفس النقطة على المحور الأفقى .

وحيث أن الوسيط يقسم التوزيع دائما إلى نصفين ، فاذا تساوى الوسيط مع المتوسط فان المتوسط هذا يقسم التوزيع الى نصفين متساويين ولأن المنحنى متماثل فتكون المساحة تحت المنحنى بين المتوسط وواحد انحراف معيارى (فوق المتوسط أو تحت المتوسط) هى دائما 78.7%. وعليه تكون المساحة (تحت المنحنى) بين \pm واحد إنحراف معيارى هى $7 \times 78.7\%$ = 77.7%. كما أن المساحة (تحت المنحنى) بين واحد وإثنين انحراف معيارى (فوق المتوسط أو تحت المتوسط) هى 9.7% . ومن الواضح أن المساحات تقل كلما إبتعدنا عن المتوسط.



شكل (٦ - ٣) المنحنى الاعتدالي المعياري

أما المساحة بين ٢ ، ٣ انحراف معياري فهي ٢.١٥٪ ، وتكون المساحة بين المتوسط وثلاثة انحراف معيارية = ٤٧,٧٢٪ + ٢,١٥٪ سامة عيارية عي

وكذلك المساحة بن المتوسط ±٣ إنحراف معيارى = ٢ × ٩٠٨٧ / =

./.99, ٧٤

ومما سبق فان المساحات المذكورة والمحصورة بين الوحدات المعيارية هي احتمالات ، ويكون احتمال الحصول على فرد تنراوح درجته بين ±1 انحراف معياري هي ٢٦ ، ٢٨ ٪ . وكذلك احتمال الحصول على فرد تنراوح درجته بين ±٢ إنحراف معياري هي ٤٤ ، ٩٥ ٪ وهذا إحتمال مرتفع فكلما إبتعدنا عن المتوسط نحو الطرفين تزيد المساحة المحصورة بين النقطتين وبالتالي يزداد الاحتمال .

ونستطيع تحديد المساحة تحت المنحتى الاعتدالى بين أى نقطتين باستخدام جدول المنحتى الاعتدالى المعيارى (ملحق رقم ١)، وتلك المساحات هى احتمالات لوقوع الدرجات المقصودة ، وعلى سبيل المثال إذا أردنا معرفة إحتمال الحصول على فرد طوله اكثر من ١٨٥ سم من توزيع اعتدالى للأطوال فائنا نحول قيمة الطول الى درجة معيارية ، ثم نحدد المساحة بين هذه الدرجة المعيارية والمتوسط حتى نعلم حجم الاحتمال المطلوب، وسوف نوضح ذلك فى المثال التالى:

مثال : إذا كان متوسط الطول = ١٦٠ سم والانحراف المعياري = ٢٠ فان

وبالرجوع الى جدول المنحنى الاعتدالى المعيارى فان المساحة بين هذه الدرجة المعيارية (1,70) والمتوسط (1,70) مغر درجة معيارية) هى 79,55 % . وحيث أن الدرجة المعيارية 1,70 أعلى من المتوسط الذى يمثل منتصف المنحنى فان المساحة بين الدرجة 1,70 والطرف الأيسر للمنحنى = 33,70 % 1,70 % أما المساحة بين الدرجة المعيارية 1,70 والطرف الأيمن (الأعلى من 1,70) هى 1,00 % 1,70 % 1,70 % . وعليه فان احتمال الحصول على فرد طوله اكبر من 1,00 سم من هذا التوزيع هو 1,00 % .

أما إحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٨٥ سم من هذا التوزيع هو 13.80 ٪ . وبالطبع تبدو هذه الاحتمالات منطقية لأن الأفراد ذوو الأطوال الاكبر عددهم قليل في توزيع المجتمع ، وكذلك ذور الأطوال الأصغر ، فاحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٢٠ سم (في هذا المثال) هو 0.0 – 0.0 ٪ ٪ 0.0 ٪ لأن الطول 0.0 سم يعادل ٢ درجة معيارية وتكون المساحة بين المتوسط و 0.0 ٪ وعليه فان المساحة المتبقية من نصف المنحنى هي 0.0 ٪ وهي

إحتمال الحصول على فرد طوله أقل من ١٢٠ سم . أما احتمال الحصول على فرد طوله اكبر من ١٢٠ سم فهو ٥٠ % + ٤٧, ٩٢ = ٩٧, ٩٢ % .

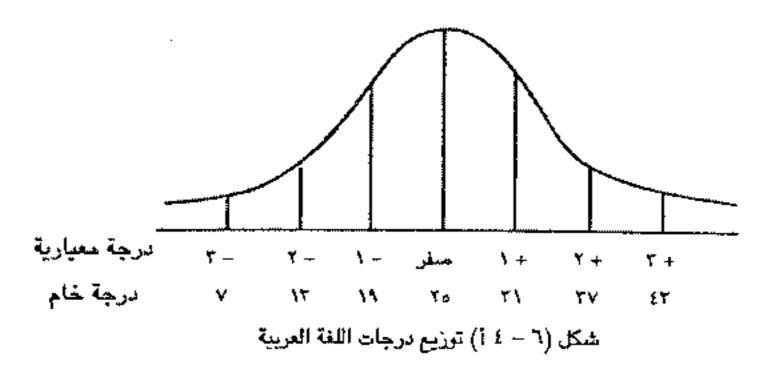
حيث ط = ٢,١٤ ، ه = ٢,٧٢ ، م = المتوسط، ع = الانحراف المعياري ، أما ذ فهى الدرجة المعيارية .

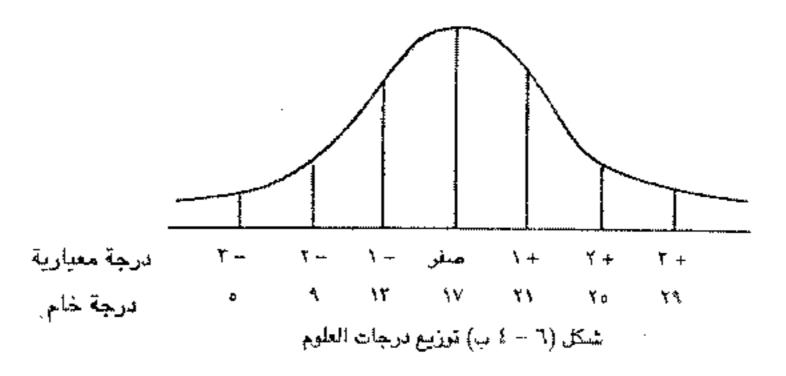
: Standard Score الدرجة المعيارية

منحنى توزيع الدرجة المعيارية هو المنحنى الاعتدالى الذى متوسطه صعفر وانحرافه المعيارى = 1 . وكما ذكرنا من قبل فان معظم المساحة تحت المنحنى الاعتدالى (٩٩,٧٤ ٪) تنحصر بن ٣ ٣ درجة معيارية . والسبب فى الحصول على درجات معيارية هو محاولة لايجاد وحدة قياس ثابتة الطول لاتتأثر بالمتوسط أو الانحراف المعيارى . فعثلاً إذا كان لدينا توزيعا معتدلا لدرجات مجموعة من الطلبة فى مادة اللغة العربية بمتوسط = ٢٥ وانحراف معيارى = ٣ فان : المتوسط + ٢٥ = ٢٠ ، المتوسط + ٢٥ = ٢٠ ، المتوسط + ٢٥ = ٢٠ ، المتوسط + ٢٠ = ٢٠ ، المتوس

والمتوسط + ٣ ع =٢٥ + ١٨ =٣٤ وبالمثل المتوسط - ١ ع = ٢٥ - ٦ = ١٩ وهكذا .

أما إذا كان توزيع درجات نفس الطلبة في مادة العلوم توزيعا معتدلا بمتوسط فدره 1۷ وانحراف معياري قدره x ، فإن المتوسط + 1 ع = x + 12 = 17 ، المتوسط + x = x = x + 14 = x = x + 14 = x = x المتوسط + x = x





وتكون الدرجة المعيارية

رسرن سرب سيري اللغة العربية) =
$$\frac{70 - \ln r_0 und}{r}$$
 = $\frac{70 - 11}{r}$ = $\frac{70 - 71}{r}$ = $\frac{70 - 71}{r}$ = $\frac{70 - 71}{r}$ = $\frac{70 - 71}{r}$ = $\frac{70 - 77}{r}$ = $\frac{70 - 77}{r}$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام
$$17 = \frac{17 - 10}{3} = 0$$
 الدرجة المعيارية للدرجة الخام $17 = \frac{17 - 71}{3} = +1$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $10 = \frac{17 - 70}{3} = +7$

الدرجة المعيارية للدرجة الخام $10 = \frac{17 - 17}{3} = -1$ وهكذا .

ومعنى ذلك أن طريقة حساب الدرجات المعيارية للدرجات الخام في اللغة العربية أو العلوم هي طريقة واحدة وتعتمد على متوسط كل مجموعة وانحرافها المعياري . وبالتالي فان الدرجة (الخام) ٢٥ في اللغة العربية = صفر درجة معيارية أما الدرجة (الخام) ٢٥ في العلوم = ٢ درجة معيارية ،ولذلك تكون الدرجة ٢٥ في العلوم أعلى من الدرجة ٢٥ في اللغة العربية.

استخدامات الدرجة العيارية:

تستخدم الدرجات المعيارية في مقارنة درجة الفرد بنفسه لمعرفة مدي تقدمه ، فيمكن مقاربة درجات الطالب في مادة معينة طوال العام أو مقارنة درجاته في المواد الدراسية المختلفة بشرط أن يكون توزيع الدرجات اعتداليا ، وتحويل الدرجات الخام الى درجات معيارية . كما يمكن استخدام الدرجة المعيارية في مقارنة أداء الفرد بالمجتمع ، وتستخدم الدرجات المعيارية أيصا في اعداد معيير الاختبارات والمقاييس النفسية المختلفة ، حيث يمكن تحويل الدرجة المعيارية الى درجة تائية ، أو الى درجة معدلة ، أو درجات ذكاء انحرافية في حالة درجات إختبارات الذكاء .

ويمكن أيضا إستخدام الدرجة المعيارية في إيجاد معابير النساعيات . Percentile. أو المئنيات . Stanines

الدرجة التائية t-score الدرجة

ذكرنا من قبل أن الدرجة المعبارية هي تحويل للدرجات الخام الى وحدات منساوية مستقلة عن المتوسط والانحراف المعباري ، ويكون التوزيع الاعتدالي المعياري توزيعا متوسطه الصفر وانحرافه المعباري هو الوحدة . وقد وضحنا المساحة نحت المنحني الاعتدالي المعباري بين وحدات الدرجة المعيارية .

وقد لا حظنا أن الدرجة المعيارية قد تكون موجبة أو سالية ، وقد تكون كسرية أيضا ، وفي مثال درجات اللغة العربية إذا كانت درجة طالب ما هي ٢٩

وإذا كانت درجة طالب آخر هي ٢٣

وقد يكون من الصعب في التطبيق العملى المقارنة بين الدرجات المعيارية الموجبة والسالبة كما أن كسور الدرجة قد يعد مشكلة للبعض أيضا . ولذلك فان الدرجة التائية تعالج هذه المشكلات ، فهي ترفع متوسط الدرجة المعيارية الى ٥٠ وتستخدم انحرافا معياريا قدره ١٠ (دائما) وعليه فان الدرجة التائية هي درجة معيارية معدلة متوسطها = ٥٠ وانحرافها المعياري = ١٠ . وبمعنى آخر فان الدرجة التائية هي تحويل خطى الدرجة المعيارية ،

وبذلك تكون الدرجة التائية = الدرجة المعيارية ×١٠ + ٠٠

وبتطبيق ذلك على مثال درجات اللغة العربية ، فان الدرجة الخام ٢٩ تعادل درجة معيارية ٠,٦٧ ، وتكون درجتها التائية هي :

وكذلك الدرجة الخام ٢٣ تعادل درجة معيارية – ٠,٣٣ وتكون درجتها الذائية هي (- ٠,٣٣) \times ١٠ + ٠٠ = ٠,٢٣ + ٠٠ = ٢,٢٠ .

ويكون من السهل هذا المقارنة بين الدرجتين النائيتين ٥٦،٧، ٥٦، وحيث أن الدرجات المعيارية للتوزيع الاعتدالي تتراوح بين ٣-، + ٣ فان الدرجة التائية التوزيع الاعتدالي تترواح بين ٢٠، ٨٠ حيث تكون الدرجة التائية ٢٠ هي تحويل

الدرجة التائية المعدلة:

وهى نصويل للدرجة المعيارية أيضا بطريقة مشابهة للدرجة التائية . وقد وضحنا أنه إذا كان المتوسط ٥٠ والانحراف المعيارى ١٠ فيمكن تحويل الدرجة المعيارية الى درجة تائية . أما اذا كان المتوسط مختلفا عن ٥٠ والانحراف المعيارى مختلفا عن ١٠ ، عندئذ تكون الدرجة التائية هى درجة تائية معدلة ، ومعنى هذا أنه يوجد عدد مختلف من الدرجات التائية المعدلة .

وأحد هذه الدرجات التائية المعدلة هي: الدرجات المعادلة للمنحني Normal curve Equivalents ومنوسطها = ٥٠ وانحرافها المعياري حوالي ٢١ (تقريبا) ، وتتتراوح درجاتها من الصغر الي ١٠٠ تقريبا) (Sprinthal 1,1994 : 93 - 94 وذلك نكبر الانحراف المعياري المستخدم .

كما توجد درجة تائية معدلة مستخدمة في حساب معايير درجات إختيارات SAT, GRE, TOEFL ، وهي درجات متوسطها ٥٠٥ وانحرافها المعياري ١٠٠ ، وتتراوح درجاتها بين ٢٠٠ ، ٥٠٠ ، وهذا النوع سن الدرجات التائية قريبة الشبه من الدرجة التائية ، أو بمعنى آخر هي درجات تائية مضروبة في ١٠٠ .

وأحيانا يستخدم البعض درجات تائية معدلة عند إعداد معايير لدرجات إختباراتهم ، ويستخدمون متوسطا = ١٠٠ وانحرافاً معياريا = ١٠ ، ومن أشهر الدرجات التائية المعدلة درجات نسب الذكاء الانحرافية .

ومن الملاحظ كثرة استخدام الدرجات النائية المعدلة في معايير الاختبارات والمقاييس النفسية .

نسب الذكاء الانحرافية:

هي أحد أنواع الدرجات النائية المعدلة ، وتعتمد على تحويل الدرجة المعيارية الى درجات جديدة متوسطها ١٠٠ وانحرافها المعياري ١٥ ، وهي درجات نسب الذكاء الانحرافية المستخدمة في اختبارات وكسلر للذكاء .

وتتراوح هذه الدرجات بين ٥٥ الى ١٤٥ ، حيث الدرجة ٥٥ هى المعادلة للدرجـة المعيارية ٣٠ وهى : ٣٠ × ١٥ +١٠٠ = ٥٥ . أما الدرجـة ١٤٥ فـهـى الدرجة المعادلة للدرجة المعيارية + ٣ وهى : ٣ × ١٥ + ١٠٠ = ١٤٥ .

أما إختبار ستانفورد – بينيه للذكاء فانه يستخدم درجات للذكاء متوسطها = $1 \cdot 0$ وانحرافها المعيارى = $1 \cdot 0$ وبالتالى فان الدرجة المعيارية $1 \cdot 0$ تعادل = $1 \cdot 0$ × $1 \cdot 0$ والدرجة المعيارية $1 \cdot 0$ تعادل $1 \cdot 0$ تعادل $1 \cdot 0$ + $1 \cdot 0$ أن درجات نسب الذكاء الانحرافيه في اختبار بينيه تترواح بين $1 \cdot 0$ أن درجات نسب الذكاء الانحرافيه في اختبار بينيه تترواح بين $1 \cdot 0$ (Hopkinis, 1987 : 57)

التساعيات : Stanines

وهى نوع من الدرجات المعدارية والتائية المعدلة ، وهى تعتمد على المنحنى الاعتدالى ، ولكنها نقسم التوزيع الى تسع فئات (بينما الدرجات المعيارية للمتحنى الأونيع الى ثمانية أقسام) . والتساعى الأول يعادل الدرجة المعيارية معرب المؤل أم يزداد كل تساعى بعد ذلك بدرجة معيارية ٥، تقريبا، فيكون التساعى الثانى عند درجة معيارية -١,٢٣ ، وهكذا حتى نصل الى التساعى الأخير (التاسع) والذي يعادل درجة معيارية + ١,٢٥ فاكثر . والمتوسط الحسابى للنساعيات = ٥ ، وانحرافها الممعياري = ٢٠

ويوضح الجدول (٦ - ٣) العلاقة بين التساعيات والدرجات المعيارية والنسبة المئوية للمساحة تحت المنحنى الاعتدالي في كل قسم منها (من الواضح أن الدرجات المعيارية الثمانية) الموضحة بالجدول ستقسم التوزيع الى تسعة أقسام هي التساعيات) .

ويبين الجدول (٦ - ٣) أن التساعيين الأول والنساع يحتوى كل منهما على ٤٪ من المساحة تحت المنحنى ، والتساعيان الثانى والثامن يحتوى كل منهما على ٧ ٪ ، والتساعيان الثالث والسابع بكل منهما ١٢ ٪ ، والتساعيان الرابع والسادس بكل منهما ١٧ ٪ أما التساعى الخامس فيحتوى على أعلى نسبة وهى والسادس بكل منهما ١٧ ٪ أما التساعى الخامس فيحتوى على أعلى نسبة وهى ٢٠ ٪.

جدول (٦ - ٣) التساعيات ودرجاتها المعيارية

Ţ	المساحة المثوية	
الدرجة المعيارية	للمنحنى	التساعى
من الأقل وحتى		
1, 40	ź	١
1, 77-	Y	۲
٠,٧٤	17	۳
٠, ٢٥	17	٤
·, Yo +	۲.	٥
•,Y£ +	14	٦
1, 77 + -	١٢	٧
1, 40 +	y	٨
فأكثر	٤	٩

والتساعيات من أنواع المعايير التي كانت سائدة من قبل ، إلا أن استخدامها الآن أصبح نادراً .

المنينيات: Percentile

رهى أحد أنواع المعايير الشائعة الاستخدام فى معظم الاختبارات والمقاييس النفسية والتربوية ، وتعتمد المئينيات على تقسيم توزيع المنحنى الاعتدالى الى مائة قسم إبتداء من المئيني الأول وحتى المئينى ١٠٠ ، وهى بذلك تشترط أن يكون توزيع الدرجات توزيعا اعتداليا . كما أنها تستخدم الدرجات الخام وتحولها الى درجات معيارية ثم تحسب المئينيات .

وتختلف المئينيات عن المئويات في أن المئيني هو الدرجة الأعلى من نسبة محينة من درجات التوزيع ، فاذا كان المئيني ٣٥ = ٦٠ فان ٣٥٪ من الدرجات تكون أقل من أو تساوى ٦٠ أما المشوى فهو نسبة مشوية للتكرار أو التكرار المتجمع .

ويحسب المنيني لدرجة معينة من المعادلة (Kiess, 1977: 57):

المئيني للدرجة (س) =

أما قيمة المديني = الحد الأدني للفئة

والمئينى الأول فى التوزيع الاعتدالى يعادل درجة معيارية - ٢، ٤١٠ والمئينى الثانى عند - ٢٠٠٥ والثالث - ١٠٨ وهكذا حتى المئينى ١٠٠ عند الدرجة المعيارية + ٣ ويوضح الجدول (٦ - ٤) المئينيات وما يقابلها من درجة معيارية ودرجة تائية ونسبة ذكاء انحرافيه لاختبارات وكسلر . ويمكن الاستعانة بهذا الجدول فى اعداد معايير الاختبارات بعد تحويل الدرجات الخام الى درجات معيارية بشرط أن يكون توزيع الدرجات (الخام) اعتداليا .

ويتضح أيضا من الجدول (٦ - ٤) موقع التساعيات من الأول وحتى التاسع ، وكذلك موقع الارباعيات (الاول والثالث) والوسيط . كما نستطيع التوصل الى المئينى العاشر والمئينى العشرون وهكذا حتى المئينى التسعون وهى تسمى الاعشاريات ، فالمئينى العاشر يسمى العشير الاول والمئينى العشرون يسمى العشير الثانى وهكذا حتى العشير التاسع . وهذه التقسيمات مفيدة فى حساب معايير الاختبارات وفى اختيار المجموعات المتطرفة فى البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية المختلفة .

جدول (٦ - ٤) المئينيات والدرجات المعيارية والبتائية ونسب الذكاء الانحرافية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجــة التائية	الدرجة المعيارية	المديني
<u> </u>	77,10	Y0,90	۲, ٤١	
•	79, 70	Y9,00	7, . 0_	
	٧١,٨٠	41, 4.		۲
النساعي الأول	٧٣,٧٥	77,0+	1,44-	٣
استان المرك	Y0, Y0	77.0.	1,70-	1
	V1, 1.	72, 2	1,07-	
	٧٧,٨٠	TO, Y.	. '	
	٧٨,٨٥	TO, 9.	۱, ٤٨–	V
·	V4, 4+	۳٦,٦٠	1, £1	٨
	۸۰,۸۰	·	1, 45-	٩
التساعى الثاني	۸۱,٥٥	TV, Y•	1, 7.	1.
، سند سی ۱۰۰۰ سی	۸۲, ۳۰	۳۷, ۷۰ ۳۸, ۲۰	1, 75-	11
	17,00	ł	1, 14-	14
	۸٤, ٤٠	۳۸, ۷۰	1, 17	18
	٨٤,٠٠	۳۹, ۲۰	۱,۰۸–	11
	۸۵,۰۰	٣٩,٦٠	1, • £-	10
	۸٥, ٧٥	£*,**	١, ٠٠-	17
	17, 70	£*,0*	۰,۹٥_	17
	į.	٤٠,٨٠	,94-	١٨
}	۸٦, ۸٠	٤١, ٢٠	•,٨٨-	19
	۸۷, ٤٠	٤١,٦٠	٠,٨٤-	4.
	۸۷,۸٥	٤١,٩٠	٠,٨١	71
العالية المالية المالية	۸۸, ٤٥	٤٢,٣٠	*,VV-	77
التساعي الثالث	۸۸, ۹۰	٤٢,٦٠	٠,٧٤-	44
	19,50	£ Y, 9 •	*, ٧١-	7.5

تأبع: جدول (٦ - ٤) العلينيات والدرجات المعيارية والنائية ونسب الذكاء الانحرافية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجــة النائية	الدرجة المعيارية	المئيني
الربيع الأول	19,90	٤٣,٣٠	•, \\	10
	41, 21	£٣, ٦+	•, ٦٤	77
<u> </u>	91,00	٤٣,٩٠	•, ٦١	77
	41.4.	££, Y+	•, oA_	YA
·	91,70	££,0·	•,00-	79
	94,40	٤٤,٨٠	•,0Y	
	97,0	£0, · ·	1,01	۳۰
	97,90	10,4	. •	T 1
	94,50	· .	*, £ V	47
		٤٥,٦٠	٠, ٤٤	77
	98,00	٤٥,٩٠	*, £ \	٣٤
	92,10	27,10	•,٣٩_	۳۵
	95,70	٤٦, ٤٠	۰,۳٦	47
	90,00	٤٦,٧٠	•, ٣٣–	۳۷
	90,40	٤٦,٩٠	٠,٣١	۳۸
	90,40	٤٧, ٢٠	۹, ۲۸	44
التساعى الرابع	97,70	٤٧,٥٠	٠, ٢٥_	٤٠
	97, <i>00</i>	٤٧,٧٠	۰, ۲۳۰۰	٤١
	94,**	٤٨,٠٠	٠,٢٠_	٤٢
	۹۷,۳۰	٤٨, ٢٠	٠,١٨	٤٣
	97,70	٤٨,٥٠	•,10-	٤٤
	۹۸,۰٥	£A, V+	٠, ١٢–	٤٥
	٩٨,٥٠	٤٩,٠٠	٠, ١٠	٤٦
·	۹۸,۸۰	٤٩,٢٠	٠,٠٨	٤٧
	99,70	19,00	٠,٠٥_	٤٨
	99,00	£9, V•	•,•٣_	٤٩
		-		
L				

تابع: جدول (٦ - ٤) المثينيات والدرجات المعيارية والتائية ونسب الذكاء الانحرافية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجــة	الدرجة	المنيني
·		التائية	المعيارية	
الوسيط	1,	0.,	•,••-	0.
	1 , 20	٥٠,٣٠	۰,۰۳	١٥١
	100,00	0.,0.	1,10	70
	1+1, **	۰۰,۸۰	٠,٠٨	۵۳
	1.1,0.	۵۱,۰۰	٠, ١٠	οį
	1.1,90	٥١,٣٠	٠,١٣	٥٥
	1.7,70	01,01	٠,١٥	70
	1 • ٢, ٧ •	٥١,٨٠	*,14	٥٧
	1.5,	٥٢,٠٠	۰, ۲۰	٥٨
	1 . 4, 50	۵۲,۳۰	۰, ۲۳	٥٩
التساعى السادس	1.4,40	04,0+	٠, ٢٥	٦.
	1 + 2, 4 +	٥٢,٨٠	٠, ۲۸	٦١
	1+1,70	۰۵۲,۱۰	•,٣١	77
	1.2,90	۵۳,۳۰	٠,٣٣	٦٣°
	1.0, 2.	٥٣,٦٠	٠,٣٦	ካ ይ
	1.0,00	٥٣, ٩٠	٠,٣٩	٦٥
	1.7,10	٥٤,١٠	٠,٤١	77
	1 • 7, 7 • 1	05,50	٠, ٤٤	٦٧
	1.4,00	01,4	٠,٤٧	٦٨
	1.4,0.	00,**	٠,٥٠	٦٩
	1.4,4.	00, 41	۲۵,۰	٧٠ [
	1.4, 40	00,00	۰,٥٥	٧١
	1.4,4.	٥٥,٨٠	٠,٥٨	٧٧
	1.9,10	۵٦,١٠	٠,٣١	74
	1.9,7.	٥٦, ٤٠	٠,٦٤	٧٤

نابع: حدول (٦ - ٤) المدينيات والدرجات المعيارية والثائية ونسب الذكاء الانحرافية

ملاحظات	نسبة الذكاء	الدرجــة التاثية	الدرجة المعيارية	المديني
الربيع الثائث	11.00	۵٦,٧٠	•, ٦٧	vo
	11.70	٥٧,١٠	, , , ,	٧٦
	111,10	075.	•. V£	VV
	111,70	۵۷,۷۰	•,٧٧	VA
	177,10	٥٨,١٠	٠,٨١	V9
	117,7.	۵۸, ٤٠	٠,٨٤	۸۰
	114,40	۵۸,۸۰	٠,٨٨	۸۱
	۱۱۳,۸۰	०१, ४०	٠, ٩٢	۸۲
	118,40	٥٩,٥٠	٥, ٩٥	۸۳
	110,00	٦٠,٠٠	١,٠٠	٨٤
',	110,70	٦٠,٤٠	1, • £	٨٥
	117, 40	٦٠,٨٠	١,٠٨	٨٦
	117,90	٦١,٣٠	1,15	۸V
	117,71	٦١,٨٠	1, 1A	۸۸
التساعي الثامن	111,20	74,4.	1, 44	٨٩
	119, 4.	٦٢,٨٠	١, ٢٨	٩٠
	14.1.	٦٣, ٤٠	1, 4 £	٩١
	171,10	75, 1.	1, £ 1	97
	177,70	78,10	1, £ 1	94
	144, 2.	70,70	١,٥٦	9 £
	172,70	77,00	1,70	90
التساعي التاسع	177,70	77,00	1, 40	97
	174,70	ጎለ, ለ •	١,٨٨	94
	14.40	٧٠,٥٠	۲,٠٥	٩٨
	187,10	٧٤, ١٠	۲, ٤١	99
	160,	۸٠,٠٠	۲,۰۰	1

توزيع ذي الحدين (التوزيع الثنائي) Binomil Distribution:

إذا كان المتغير موضع الاهتمام يأخذ القيم صفر ، ١ مثل العديد من أسئلة الاستبانات التي تكون إجابتها نعم أو لا . وكذلك نتيجة فحص الدم للمريض فقد تكون إيجابية أو سلبية لمرض معين ، أو إحتمال النجاح والفشل في الاهتحانات ، أو الفوز والهزيمة في المباريات وغيرها . وكل هذه الصالات يكون الناتج منها ثنائي ، مما يستلزم وجود توزيع إحتمالي لها .

ويعتبر عن مثل هذه المتغيرات بالتوزيع الثنائي والذي يسمى توزيع ذي الحدين ، ويشترط هذا التوزيع (Fruned & Wilson, 1997 : 74)ما يلي :

- ١ وجود عدد من المحاولات المستقلة (ن) -
- ٢ كل محاولة ينتج عنها أحد الاحتمالين .
- ٣ احتمال النجاح (والفشل) يظل ثابتا طوال المحاولات .

فاذا كان إحتمال النجاح (أو الاجابة الصحيحة) ح، فان احتمال الفشل الحدموع الاحتمالين = الواحد الصحيح، ومثال ذلك رمى قطعة العملية (حيث يكون الاحتمالين منساويين). وإذا رمزنا للمتغير موضع الاهتمام بالرمز (س)، فان معادلة التوزيع الاحتمالي الثنائي هي:

ونه تم العدديد من الدراسات باستخدام النسب المدوية لبعض المتغيرات ، مثل نسبة النسرب ، نسبة الادمان ، نسبة الطلاق وغديرها . ولذلك فان إختبار هذه النسب والاستدلال منها يعتمد على التوزيع الثنائي (ذي الحدين) ، ومتوسط التوزيع الثنائي للنسب يساوي احتمال النجاح (ح) ،

elliply
$$(3^{7}) = \frac{5(1-5)}{5}$$

وإذا كان عدد المحاولات كبيرا (العينة > ٣٠) ، فأن التوزيع الثنائي يقترب من التوزيع الاعتدالي ، حيث تكون قيمة الدرجة المعيارية :

$$\frac{z-\sigma}{(z-1)z} = 3$$

ومن الامثلة التي يستخدم فيها نوزيع ذي الحدين مايلي:

مثال (١): إذا كان ٥٪ من الأفراد لديهم صغط مرتفع ، فما احتمال وجود ثلاثة مرتفعي الضغط بين عينة عشوائية من عشرة أفراد .

elatally lead lactor
$$\frac{1}{Y} = \frac{0}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{1}{Y} = \frac{1}{Y}$$

مثال (۲) : أختيرت عينة عشوانية حجمها ۱۰۰ من الناخبين لاستطلاع رأيهم في أحد المرشحين على الآخر، وقد رأى 71 منهم تقضيل هذا المرشح على الثاني وتكون النسية = $\frac{71}{100} = 71$.

والحياد في الانتخابات بين اتنين يعنى أن الاحتمال = 70 1/7

توزيع مربع كاي (كاً):

وهو احد التوزيعات الامبريقية ، ويعد حالة خاصة من توزيع چاما بمعلم واحد هو درجات الحرية (ك - 1) حيث ك هي عدد الفئات أو الخلايا ، ويمكن حساب المعالم الأخرى للتوزيع في ضوء درجات الحرية ، فالمتوسط الحسابي لتوزيع مربع كاى هو (ك - 1) ، والتباين 7 (ك - 1) والمنوال 7 ، والوسيط تقريبا (ك - 1) ، والوسيط تقريبا (ك - 1)

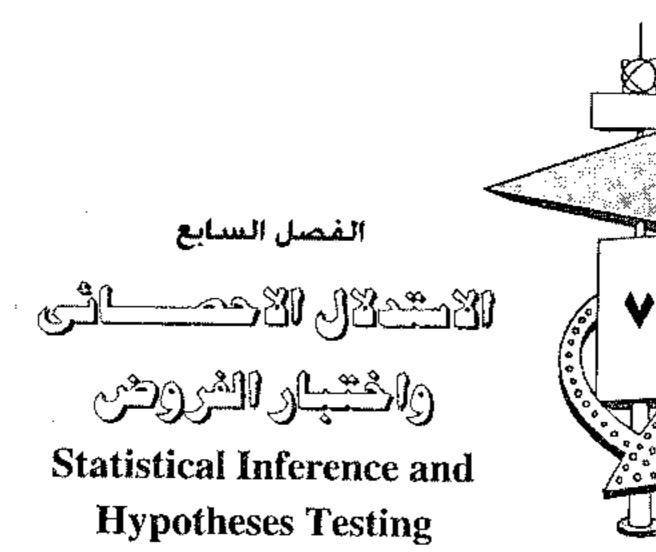
وعندما تكون ك كبيرة تقريب المئينيات في توزيع مربع كاى باستخدام التوزيع الاعتدالي المعياري ، حيث تكون :

وكلما زادت درجات الحرية يقترب نوزيع كا من توزيع المنحنى الاعتدالى، فاذا أخذنا مجموعة من البيانات من توزيع اعتدالى ثم حولت الى درجات معيارية (ذ) حيث ذر (س-م) فانها تدل على متغير عشوائى على متغير عشوائى ورجات معيارية واحدة ، وهو مربع المتغير الاعتدالى Winer et al) بتوزيع مثل كا بدرجة حرية واحدة ، وهو مربع المتغير الاعتدالى 1991 ..

وعندما تكون درجات المرية = ١ فان كا = ذ

وإذا كانت درجات الحرية اكبر من ٣٠ فاننا نستخدم جدول المنحنى الاعتدالي

وتوجد توزیعات أخرى هامة مثل توزیع (ت) وتوزیع (ف) وسوف نناقشهما فیما بعد .



الغصل السابع الاسستدلال الاحصسائي واختبار الفروض

عند القيام بدراسة أو بحث معين يحاول الباحث جمع بيانات للاجابة عن أسئلة معينة أو يحاول أن يختبر فروضا محددة من قبل ، وفي الإجابة عن الاسئلة أو إختبار الفروض يستخدم عينة من المجتمع ويجمع بيانات عنها ثم يحاول تطبيق أو تعميم نتائج العينة على المجتمع .

وهذا الاستنتاج بالتعميم من العينة الى المجتمع هو مايسمى بالاستدلال الاحصائي Statistical Inference . ومعنى هذا أن القصد أو الهدف في أي دراسة هو مجتمع الدراسة وليست العينة المستخدمة . فعند مقارنة طريقتين في العلاج النفسى فإننا نقارن بين مجموعتين من الافراد ، كل مجموعة نستخدم معها إحدى الطريقتين (أ) أو (ب) ولكن الهدف من ذلك هو الوصول الى نتيجة نستطيع بعميمها على مجتمع العينة . وكذلك الحال عند المقارنة بين أسلوبين (أو عدة اساليب) للتنشئة الاسرية فإن الهدف هو تعميم النتائج على المجتمع الذي اختبرت منه العينة .

وبالطبع لا يستطيع أى باحث اجراء دراسة على المجتمع كله (إلا إذا كان المجتمع صغيرا) ، يلجأ الباحث الى اختيار عينة من المجتمع لاجراء دراسته . فاذا رغبنا فى دراسة اتجاهات الكبار نحو وسائل الاعلام فمن المكلف جدا قياس اتجاهات جميع الكبار فى دولة ما ، وفى مثل هذه الظروف يقوم الباحث بإختيار عينة وهى مجموعة يتم إختيارها بطريقة معينة ويفضل أن تكون عشوائية ، ويجمع بيانات عنها ثم يحللها باستخدام الاسلوب الاحصائى المناسب للاستنتاج منها والتعميم على المجتمع . فقد يختار عينة حجمها ٥٠٠ أو ١٠٠٠ من الكبار لقياس اتجاهاتهم نحو وسائل الاعلام ، ويستخدم أداة مناسبة لجمع البيانات وحساب الاحصاءات التى تؤدى الى الاستنتاج ، وقد يخضع الاستنتاج من العينة الى المجتمع لبعض الخطأ ، ويمكن تقدير مثل هذا الخطأ ، وإذا لم يتم تقدير ه فإن

أي تعميم على المجتمع يكون غير ذي فائدة (Ferguson,1971:9).

والمعلومات التى يجمعها الباحث عن خصائص العينة ذاتها ليست مهمة فى التعميم للمجتمع ، وإنما تفيد فى معرفة ما إذا كانت العينة ممثلة للمجتمع وهنا يكون أثرها فى التعميم على المجتمع . فاذا أراد باحث تجريب طريقتين العلاج النفسى فانه يختار مجموعتين من المرضى ويطبق على كل مجموعة طريقة مختلفة ثم يجمع بيانات عن المجموعتين ، ويكون الهدف معرفة أى الطريقتين أفضل فى العلاج إذا ما طبقت على جميع المرضى . ويهتم الباحث ببيانات العينة لكى يستنتج منها ، بدرجة معينة من التأكيد عن أفضلية الطريقتين ويضع تصميما لتجربته بطريقة تمكنه من الاستنتاج . وقد يرى البعض أن التعميم لا يخرج عن حدود العينة المستخدمة فى التجربة ، ولكن هذا الرأى يغفل شئيا هاما فى طبيعة التجريب ، فاذا لم يكن الهدف هو التعميم من العينة الى المجتمع واستخدام الخطوات التى تساعد على النعميم وتقدير الخطأ المصاحب لذلك ، فلا يكون التجارب أهمية (Ferguson, 1971: 10)

والاساليب الاحصائية التي تستخدم في وصف خصائص العينات أو المجتمعات هي أساليب الاحصاء الوصفي (السابق توضيحها) ، أما الأساليب الاحصاء الوصفي (السابق توضيحها) ، أما الأساليب الاحصائية التي تستخدم للاستنتاج عن خصائص المجتمع من بيانات العينة فهي أساليب الاحصاء الاستدلالي،

العينات : Samples

عند اجراء دراسة أو بحث فإننا لا نستطيع اجراء الدراسة أو التجرية على المجتمع كله ، لأن هذا يكلف الكثير من الوقت والجهد والعال . فإذا أردنا مثلا حساب متوسط العمر في دولة ما ، فإننا لانستطيع احصاء أعمار الموتي والانتظار حتى يموت أفراد المجتمع لنحسب متوسط العمر . ويالمثل إذا أردنا حساب متوسط عمر اللعبة الكهربائية التي ينتجها مصنع معين ، فلا نستطيع أن نشغل جميع اللمبات ونتركها حتى تحترق لكي نحسب متوسط عمر اللعبة .

وإذا أراد طبيب اختبار فعالية دواء معين ، فانه لا يستطيع اعطاء هذا الدواء لجميع المرضى في الدولة ، وبالمثل اذا أردنا تجريب طريقة تدريس جديدة لا نستطيع أن نجرى ذلك في جميع المدارس مرة واحدة ، وفي كل هذه الحالات السابقة نختار عينة من المجتمع لتجرى عليها البحث أو الدراسة ، وتكون المشكلة الاساسية للباحث هي كيفية اختيار العينة .

والعينة الذي سوف يبسرى عليها الباحث دراسنه يجب أن تكون ممثلة المجتمع لأنه سوف يحصل على نتائج من العينة ويرغب في تعميمها على بقية أفراد المجتمع . وتدل الاساليب الاحصائية على أن مثل هذا التعميم يمكن القيام به بدرجة كبيرة من الدقة (أو الثقة) . ولكن يجب على الباحث أن يتبع شروطا معينة عند اختيار عينة الدراسة حتى يستطيع تعميم نتائجها على المجتمع .

ومن أهم هذه الشروط: أن تكون تلك العينة عشوائية ، بمعنى أنه ليس هناك قصد في اختيار وحدات من المجتمع دون وحدات أخرى ، والشرط الثاني في إختيار العينة أن تكون ممثلة لأفراد المجتمع الاصلى فاذا كانت العينة من مجتمع الكبار فيجب تحديد المجتمع وخصائصه ثم اختيار عينة ممثلة له ، واذا كانت العينة من الأمهات فيجب تحديد المجتمع واختيار عينة ممثلة له وهكذا .

وعند اختيار عينة للدراسة فغالبا ما يكتفي الباحث بالشرط الاول وهو العشوائية ، إذ أن تمثيل فئات المجتمع قد يكون من الصعب تحقيقه نظراً للجهد والوقت اللازمين لذلك ،

وهناك العديد من طرق اختيار العينات عند اجراء البحوث في العلوم الانسانية وتعتمد طرق اختيار العينات على بعض الممددات الاساسية وهي :

- (أ) تكاليف اجراء الدراسة: فاذا كانت هناك جهة ممولة للدراسة فإن الباحث يختار عينة عشوائية مناسبة وممثلة لفئات المجتمع دون الاهتمام بتكاليف الدراسة. أمااذا كان الباحث بمفرده هو الممول للدراسة فعندئذ بقنصر اختباره للعينة على قدر إمكاناته من جهد وتمويل.
- (ب) التوقيت المحدد للدراسة : يؤثر الزمن اللازم للدراسة على حجم وطريقة اختيار العينة ومدى تمثيلها للمجتمع . فاذا كانت الدراسة محددة بفترة زمنية (سنة أو سنتان مثلا) فإن الباحث يختار العينة التي يستطيع استخدامها في انجاز الدراسة خلال التوقيت المحدد.
- (ج.) حجم فريق البحث المشارك: يختلف البحث الفردى عن البحث الجماعى ، إذ أن الجهد الفردى أقل من الجهد الجماعى ، والدراسة التى يقوم بها فرد واحد تحد من الجهد وحجم العينة والمتغيرات موضع الدراسة . أما الدراسة التى يقوم بها فريق من الباحثين (وعادة ما

تكون ممولة من جهة أخرى تهمها الدراسة) فإن تضافر جهود الفريق يؤدى الى اجراء دراسة على عينة كبيرة الحجم ومتعددة المتغيرات ، أى دراسة تعكس جهود المشاركين فيها وغالبا ما نتم هذه الدراسات من خلال المؤسسات البحثية مثل مراكز البحوث المختلفة أو الوزارات والهيئات والتى تقوم بتمويل تلك البحوث أيضا .

- (د) حجم المجتمع ومتغيراته المختلفة: إذا كان مجتمع الدراسة صغيرا فيمكن للباحث اجراء دراسته على المجتمع كله ، مثل مجتمع طلبة الماجستير في قسم علمي معين بجامعة معينة ، أو مجتمع وكلاء أو مديري العموم باحدي الوزارات ، أو مجتمع موجهي الاجتماعيات باحدي المناطق التعليمية . أما اذا كان المجتمع كبيرا مثل مجتمع معلمي المرحلة الابتدائية بالدولة ، أو مجتمع طلبة المرحلة الثانوية بالدولة (أو باحدي المناطق التعليمية) ، أو مجتمع الاخصائين الاجتماعيين ، أو مجتمع الاطباء باحدي المحافظات ، وغيرها من المجتمعات التي لايستطيع أي باحث اجراء دراسة شاملة للمجتمع كله وإنها يقتصر الدراسة على عينة من المجتمع .
- (ه) منهج البحث المستخدم: يختلف حجم العينة باختلاف منهج البحث، فعادة ما تكون العينات كبيرة في البحوث الوصفية (في حدود ١٠٠٠ أو اكثر)، وصغيرة في البحوث التجريبة (في حدود ٢٥ فرد أو وحدة وريما أقل من ذلك)، ومتوسطة في البحوث الارتباطية. بينما نجد في البحوث التحليلية دراسات حالات محدودة مثل تحليل محتوى بعض المقالات أو الكتب أو الدراسة الاكلينيكية لبعض الحالات المرضية، أو دراسة إثنوجرافية لمجموعة محدودة، وبالطبع يؤثر نوع البحث على التعميم من النتائج إلى المجتمع.

غديد مجتمع الدراسة ؛

عدد قيام الباحث باجراء دراسة معينة فانه يقوم أولا بتحديد مجتمع الدراسة وخصائصه والمجتمع هو مجموعة من الأفراد (أو الوحدات) وتستخدم كلمة مجتمع عادة لتشير الى مجموعات من الافراد مثل مجتمع دولة معينة أو محافظة أو مدينة معينة ، وهى تعنى المجموعة التى تعيش في مكان محدد ، وهو استخدام خاص لكلمة مجتمع .

ويستخدم الاحصائيون مصطلح مجتمع ليشير الى مجتمع من الافراد أو الحيوانات أو الخامات أو الاحداث أو الدرجات ، ومن ثم يعرف المجتمع للغرض الخاص به مثل مجتمع السيارات ، ومجتمع الاشجار ، ومجتمع الاطفال ، ومجتمع الطلاب ، ومجتمع المرضى وغيرها.

ومن ثم فإن مفهوم المجتمع يعنى مجموعة أو تجمع من الوحدات تتصف بخصائص معينة تصف المجموعة ذاتها وليست المفردات . فعند قياس أطوال الاطفال فإننا نجمع بيانات الاطوال ثم نحسب متوسطها ، ونستخدم المتوسط لوصف خاصية الطول في المجموعة كلها وليس لأفراد بعينهم . وإذا رغبنا في قياس ذكاء المجتمع ، فقد نجد أن متوسط الذكاء في المجتمع – ١٠٢ ، ويعد هذا المتوسط وصفا لذكاء المجتمع (أو المجموعة التي ثم استخدامها) . وقد يوجد فرد ذكاؤه ١٢٠ وآخر ذكاؤه ٩٠ وقد ينتمي كل منهما إلى مستوى اقتصادى – اجتماعي مختلف وغير ذلك من الخصائص التي لم نهتم بها عند دراسة ذكاء المجتمع . إما إذا إهتم الباحث بعدة متغيرات فأنه يجمع بيانات عن كل منها ويصل إلى توصيف للمجتمع في هذه المتغيرات مثل متوسط الذكاء ، والطول ، والوزن وغيرها

وتحديد المجتمع لاختيار عينة منه يتم عن طريق خصائص معينة تهم الباحث . فاذا رغب الباحث في دراسة الذكاء في المستويات الاقتصادية - الاجتماعي يعد خاصية من الاجتماعي يعد خاصية من خصائص المجتمع يجب تمثيلها في العينة . وكذلك محل الاقامة (ريف حصر) ، وعدد أفراد الاسرة ، والمستوى التعليمي للآباء قد تكون من المتغيرات حضر) ، وعدد أفراد الاسرة ، والمستوى التعليمي للآباء قد تكون من المتغيرات التي يهتم بها الباحث ومن ثم يستخدمها في تحديد المجتمع وتعد من خصائص المجتمع التي يجب تمثلها في العينة المختارة للدراسة ، ومن ثم فإن المجتمع هو مجموعة العناصر التي نرغب في جمع معلومات عنها . كما يوجد مجتمع محدود ومجتمع لانهائي ، فالمجتمع المحدود هو المجتمع الذي يمكن حصر عدد مفرداته مثل مجتمع اللاعبين في نادي رياضي معين ، أو مجتمع المرضي في إحدى المستشفيات ، أو مجتمع تلاميذ مدرسة معينة في مدينة محدود ولكنه كبير جدا والذي الحالات التي يهتم بها الاحصائيين تهدف لمجتمع محدود ولكنه كبير جدا والذي نظر اليه على أنه مجتمع غير محدود مثل مجتمع يحتوي على عدة ملايين من الافراد (Ferguson, 1971:7).

كما أن العديد من الدراسات في العلوم الانسانية تهتم بالمجتمعات المحدودة، ولكنها قد تكون مجتمعات لا نهائية إذا كان التعميم على المجتمع يهتم بالمستقبل.

ويوجد أيضا مجتمع أصلى ومجتمع متاح ، فالمجتمع الاصلى عادة لا يستطيع الباحث تحديده مثل مجتمع الناخبين في دولة ما ، أو مجتمع كبار السن. أما المجتمع المتاح فهو المجتمع الذي يستطيع الباحث تحديد أفراده ويعمم عليه نتائج عينته ، ومثال ذلك مجتمع الناخبين في دائرة ما ، أو مجتمع كبار السن المترددين على المستشفيات في إحدى المحافظات .

والمجتمع المتاح هو المجتمع المحدود الذي يستطيع الباحث تحديد أفراده ، ويختار منه العينة المناسبة لدراسته ويعمم عليه نتائجه . ولكن هذا التحديد للمجتمع بدلا من المجتمع الاصلى يحد من تعميم النتائج .

طرق اختيار العينات :

ذكرنا أن الباحث قد لا يستطيع اجراء دراسته على المجتمع كله خاصة اذا كان المجتمع كبيرا ، ومن ثم فعليه اختيار عينة من المجتمع . ويتم اختيار العينات بعدة طرق منها:

Random Sampling: العماينة العشوائية - ١

وهى الطريقة التي تستخدم لاختيار عينة لا تخضع لتحيز أو إختيار مقصود مثل اختيار موظفى احدى المؤسسات أو طلبة أحد الصفوف في مدرسة معينة . وانما يتم اختيار العينة بطريقة يكون فيها لكل فرد من أفراد المجتمع فرصة متساوية للظهور في العينة وهي ما تسمى بالعشوائية . ولاختيار عينة عشوائية نتبع أحد الاساليب التالية :

- (أ) نحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، ونكتب إسم (أو رقم) كل فرد في ورقة صغيرة ثم نضع الاوراق في وعاء أو صندوق ، ونمزج الاوراق ، ثم نختار إحدى الاوراق لتدل على الفرد الاول في العينة ، ثم نكرر مزج الاوراق والاختيار حتى نصل الى آخر فرد مطلوب للعينة ، وتكون العينة المختارة هي عينة عشوائية بسيطة .
- (ب) نحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، ونحدد رقم لكل فرد من أفراد المجتمع ثم نستخدم جداول الارقام العشوائية لاختيار أرقام عشوائية من بين أرقام المجتمع ، ويدل كل رقم عشوائي على فرد من أفراد العينة فاذا كان حجم

المجتمع ٥٠٠ ورغبنا في اختيار عينة حجمها ٥٠ فرداً . فإننا نختار من الجداول العشوائية ٥٠ رقم مكون كل منها من ثلاث خانات (لا تزيد عن ٥٠٠) مثل الرقم ٢٠٧ ثم نقراً الارقام العشوائية التالية له (ثلاثية) حتى نحصل على ٥٠ رقما (غير مكررة من قبل) مثل ٢٣٤، ٢٧٠ ، ٠٠٠ ، وهكذا وتكون تلك الارقام هي أرقام أفراد العينة العشوائية من المجتمع .

(ج) تحدد أفراد (عناصر) المجتمع ، وتحدد رقم لكل فرد من أفراد المجتمع ، وتحدد رقم لكل فرد من أفراد العجتمع ، تم نستخدم الحاسب الآلي في اختيار أرقام عشوائية تدل على أفراد العينة .

والعينة العشوائية التى يتم اختيارها باحدى الطرق السابقة تسمى عينة عشوائية بسيطة وتكون ممثلة للمجتمع ، لكنها لا تضمن تمثيل فئات المجتمع المختلفة أو خصائصه ، إلا اذا تم اختيار عينة عشوائية يسيطة من كل فئة من الفئات أو الخصائص .

Startified Random Sampling المعاينة العشوائية الطبقية - ٢

وهي الطريقة التي يتم فيها اختيار عينة عشوائية ممثلة لكل طبقة (فئة) من طبقات (فئات) المجتمع موضع الدراسة والعينة الطبقية قد تكون ممثلة أو غير ممثلة المجتمع وفالعينة الطبقية الممثلة المجتمع هي تلك العينة التي يتم اختيارها من كل فئة من فئات المجتمع وهذا يعني أننا نحدد أولا فئات المجتمع وعدد الافراد (العناصر) بكل فئة ونسبة ذلك العدد الى العدد الكلي المجتمع و نقرر حجم العينة المناسب لاجراء الدراسة ونوزع هذا العدد على فئات المجتمع ليتحدد العدد العطاوب من كل فئة ، ثم نختار هذه الاعداد عشوائيا من فئات المجتمع .

فاذا أراد باحث إجراء دراسة على عينة من طلبة الجامعة فيجب عليه تحديد فئات المجتمع المختلفة (الكليات ، والمستويات الدراسية ، والنوع مثلا) ثم يقرر حجم العينة المناسب ويوزعه على الكليات والمستويات والنوع ثم يحدد العدد المطلوب من كل فئة ، وقد تكون الاعداد بكل فئة متساوية أو نسبية ، فاذا كانت متساوية يتم إختيار عدد متساو من كل فئة من الفئات فتكون العينة عشوائية طبقية متساوية.

جدول (٧ - ١) مثال للعينة الطبقية المتساوية

	إنــاث				ور			
المستوى الدراسي				المستوى الدراسي				الكليات
الرابع	الثالث	الثاني	الأول	الرابع	الثالث	الثاني	الأول	
۲٠	*•	۲٠	۲٠	٧٠	٧٠	۲,	۲.	١
۲٠	٧٠	۲٠	٧.	۲.	٧٠	۲.	۲.	۲
۱ ۳۰	۲٠	۲٠	٧.	**	۲.	۲.	۲.	٣
		• •	• •	· * 4	÷ 4		* 4	· -
••	• •	• •	* *	يه ه	• •	• •	* •	

أما إذا كانت الاعداد المختارة من كل فئة نسبية (نسبة الى حجم كل فئة من فئات المجتمع) فتكون العينة عشوائية طبقية نسبية ، وهي أفضل أنواع العينات الممثلة لفئات المجتمع .ومن الصعب اختيار عينة عشوائية طبقية نسبية لأنها تستلزم الكثير من الجهد والوقت في تحديد المجتمع وفئاته ثم اختيار العينة بنسبة أحجام تلك الفئات .

٣ - المعاينة العشوانية العنقودية :

Cluster Random Sampling

ويتم في هذه الطريقة إختيار بعض فئات المجتمع عشوائيا ، ثم نختار عشوائيا بعض أجزاء من الفئات المختارة ، ويستمر هذا التسلسل حتى نصل الى مفردات (أو وحدات) المجتمع . فاذا أردنا اجراء دراسة على مجتمع الاخصائيين الاجتماعيين فإننا نختار عشوائيا منطقة أو منطقتين تعليمتين ، ثم نختار عشوائيا مرحلة من مراحل التعليم ، ثم نختار عشوائيا بعض المدارس ثم يلى ذلك اختيار الافراد عشوائيا من تلك المدارس . وبالطبع هذه الطريقة مختلفة عن طرق العشوائية البسيطة والعشوائية الطبقية . والعينة المختارة بهذه الطريقة (العنقودية) ليست عشوائية كاملة بمعنى أنها لا تمثل المجتمع . إلا أن هذه الطريقة أكثر واقعية من الطرق السابقة وهي أكثر إستخداما في بحوث العلوم الانسانية بصفة عامة .

Systematic Sampling - ٤ المعاينة المنتظمة

ويتم فى هذه الطريقة اختيار عينة من المجتمع بعد تقسيمه الى عدة أقسام منساوية واختيار فرد من كل قسم منها . فاذا رغبنا فى اختيار عينة منتظمة حجمها ٥٠ من مجتمع يحتوى على ٥٠٠ فرد ، فإننا نحسب نسبة العينة الى المجتمع وهى ٥٠ : ٥٠ أى ١ : ١٠ وبالتالى نختار فرد من كل عشرة أفراد متالية . فاذا إخترنا الفرد رقم ١ فإن الفرد الذى يليه هو ١١ ثم ٢١ ، حيث نختار عشوائيا الرقم الذى نبداً به . فاذا اخترنا الفرد رقم ٦ فإن الفرد التالى له يكون رقم عشوائيا الرقم الذى نبداً به . فاذا اخترنا الفرد رقم ٦ فإن الفرد التالى له يكون رقم ١١ ثم رقم ٢٦ ، ٢٦ وهكذا حتى ٤٩٦ .

وإذا كان المجتمع يحتوى على ٥٠٠٠ فرد وأردنا إختيار عينة منتظمة حجمها ١٠٠ ، فإن نسبة العينة الى المجتمع ١ : ٥٠ ، ومعنى هذا أننا نختار فرد من كل خمسين فردا . فقد نختار الفرد رقم ٣٠ والتالى له هو رقم ٨٠ ثم ١٣٠ ، ١٨٠ وهكذا .

والعينة المنتظمة ليست عينة عشوائية ولا تمثل المجتمع.

o - المعاينة المقصودة: Intended Sampling

وهى الطريقة التى يختار بها الباحث عينة محددة أو مقصودة ، وهى عينة متحيزة ولا تمثل المجتمع . قاختيار باحث لمؤسسة معينة لاجراء دراسة على أفرادها يعد تحيزا في الاختيار ، وكذلك اختياره لمدرسة مجاورة له أو يعمل بها أحد أقاريه ، أو اختيار صف يقوم بالتدريس له ، أو اخيتار الاخصائي النفسي للمجموعة التي يشرف عليها ، أو اختيار الطبيب لمجموعة من مراجعيه ، كل هذه عينات متحيزة وغير ممثلة لمجتمعاتها . وبالتالي يكون الاستنتاج منها غير مناسب ، ومن الخطأ التعميم من هذه العينات الى مجتمعاتها لأنها لاتمثلها . ويجب أن يكون الباحث حذرا في الاستنتاج من نتائج هذه العينات . ولسوء الحظ فإن العديد من الدراسات تعتمد على المعاينة المقصودة في اختيار عينات الدراسة ، فإن العديد من الدراسات وتوصلت الى نفس النتائج ومن الممكن هنا (تجاوزا) على تعميم النتائج ومن الممكن هنا (تجاوزا) تعميم النتائج ومن الممكن هنا (تجاوزا)

حجم العينة المناسب :

قام بعض المهتمين بالعينات وتصميم التجارب بوضع الاسس لاختيار العينة المناسبة عند اجراء البحوث ، ومن أهم هذه الاسس الرغبة في تمثيل المجتمع

تمثيلا دالا باستخدام مستوى دلالة ٠,٠٠ أو ٠,٠٠ وكذلك الرغبة في تحديد قوة هذا التمثيل أو قوة الاختبار الاحصائي المستخدم (والتي يشار إليها بحدود خطأ التقدير المسموح به) أو خطأ النوع الثاني .

وقد حدد البعض (Freund & Wilon, 1997:142) الحد الأدنى للعينة المناسبة لاجراء الدراسات يتم حسابه باستخدام معادلة رياضية تعتمد على مستوى الدلالة وقوة الاختبار الاحصائى والتباين وهي :

$$\frac{1}{5}$$
 $\frac{1}{5}$ $\frac{3}{5}$

حيث ع التباين ، ذ = الدرجة المعيارية المقابلة المستوى الثقة (الدلالة) خ = حجم الخطأ في التقدير المسموح به أو حدود الثقة .

فاذا كان المتغير ثنائي مثل (متعلم - غير منعلم) أو (ريف - حضر) فإن التباين ع حقر الثنائي المجتمع .

أما إذا كان المتغير متصلا فإننا نصسب (أو نقدر) قيمة التباين من الدرجات المتوقعة للمتغير، ونحدد مستوى الثقة المرغوب وكذلك حجم خطأ التقدير المسموح به، ثم نحسب الحجم المناسب للعينة.

حيث يمكن تقدير الانحراف المعيارى للدرجات باستخدام ربع المدى كتقدير مبدئي لذلك .

مثال للمتغير الثنائي :

إذا كان المتغير الثنائي (ريف - حضر) وكانت نسبة الريف في المجتمع ٥٠ ٪ فإن نسبة الحضر = ١ - ٠,٧٠ = ٢٠٪

وباستخدام مستوى ثقة ٥٠٪ وحجم خطأ التقدير ١٠،١٠ فإن

ن =
$$\left(\frac{1,97}{2,10}\right) \left(\frac{1,97}{2,10}\right) = 77 تقریبا$$

وهذه العينة تنقسم الى ١٥ ريف (٧٥٪) ١٨٠ حضر (٢٥٪) .

واذا كان لدينا متغير تصنيفي آخر في الدراسة مثل المستوى الاقتصادي-الاجتماعي وكان المستوى المرتفع - ٠, ٢٠ والمنخفض - ٠,٨٠ فتكون العينة المناسبة للمستوى الاقتصادى الاجتماعى $-\left(\frac{1,97}{.10}\right)^{*} \times 7.7 \times 0.00$ وهي تقسم الى ١٢ مستوى مرتفع ، ٤٩ مستوى منخفض .

وإذا كان لدينا عدة متغيرات تصنيفية فإننا نحسب العينة المناسبة لكل تصنيف وفي كل فئة من فئات المتغيرات التصنيفية .

مثال للممتغير المتصل:

أراد باحث تحديد حجم العينة المناسبة لاجراء دراسة تجريبية فما حجم العينة المناسبة لدراسته ؟

وبالطبع لم يحدد المثال تباين الدرجات أو مستوى الثقة المطلوب . فاذا فرصنا أن مستوى الثقة ٩٥٪ وأن الدرجات تترواح بين ٢٠، ٢٠ وحدود خطأ التقدير المسموح به هو ٤. فيمكن وضع تقدير للانحراف المعيارى باستخدام ربع مدى الدرجات $\frac{7.-7.}{3}$

ونطبق المعادلة لتقدير حجم العينة المناسب ن أ (أ ح) ع المعادلة لتقدير حجم العينة المناسب ن أ (أ ح) ع الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى ٩٥٪ (مستوى دلالة ١٠٠٠) وهي ١٩٩٪ من جدول المنحنى الاعتدالي ، تقدير ع ١٩٠٠، حدود الخطأ خ = ٤

$$Y = {}^{Y}(1 \cdot) \left(\frac{1.97}{2}\right) = 3Y$$

وفى حالة العينة اللازمة لدراسة إختبار صحة فرض من الفروض فإن حجم العينة يعتمد على التباين ومستوى الثقة وقوة الاختبار الاحصائى والفرق بين قيمتى المتوسط الفعلى والمفترض

(Freund & Wilson, 1997: 144)
$$\xi'(\frac{x^{3}+3}{2}) = 0$$

ديث :

ذ١ = الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى الدلالة المحدد (خطأ النوع الأول) .

ن = الدرجة المعيارية المقابلة لمستوى فوة الاختبار الاحصائى (خطأ النوع الثاني).

خ = الفرق بين قيمتي المتوسط الفعلي و المفترض

ع = تقدير الانحراف المعياري

فى المثال السابق اذا كان مستوى الثقة ٥٥٪ وقررنا أن الخطأ المسموح به (خطأ النوع الثاني B - ١٠٪) فاذا كان المتوسط المفترض ٣٥، والمتوسط الفعلى ٣٧، وقوة الاختبار الاحصائى ٩٠٪

ويكون حجم العينة ن =
$$\begin{pmatrix} \dot{i} + \dot{i} \\ \dot{j} \end{pmatrix}$$
 ع

حيث خ ٢٠٠٠ ، ع ١٠٠٠ ، ن = ١٠٠٥ (عند مستوى دلاله ٥٠٠٠) ن = ١,٢٨٢ في حالة قرة الأختبار ٩٠٪

$$(1.) \frac{(1, 1/4) + 1, 150}{5} = 0$$

= ۲۱۶ تقریبا

فاذا أخذنا عينة حجمها ٢١٤ فإننا نتوقع رفض الفرض بأن المتوسط = ٣٥ إذا كان المتوسط الفعلى ٣٧ أو أكبر بمستوى ٩٠٪

وإذا رغبنا في مستوى اكثر دقة وحددنا مستوى الثقة ٩٩٪ (مستوى الدلالة و١٠٠١) وكذلك قوة الاختبار عند مستوى ٩٩٪

وكان الفرض المطلوب اختباره أن المتوسط لايساوي ٣٥ (اختبار الطرفين)

فان حجم العينة ن =
$$\frac{(۲, 777 + 7, 0)}{100}$$
 (۱۰) = ۱۰۳ تقريبا

ويبدو أن استخدام القانون لتحريد حجم العينة يعد مشكلة للعديد من الباحثين فقد لا يستطيع الباحث إستخدام عينة حجمها ٢٠٣ أو أن مجتمع الدراسة

لا يزيد عن فرد (أو وحدة) . ومن جهة أخرى قد يجد الباحث أن العينة المناسبة (٢٤) ولكنه يرغب في إجراء الدراسة على عينة اكبر حجما لأن مجتمع الدراسة مكون من عدة آلاف من الافراد (أو الوحدات) .

وبالطبع إذا رغبنا فى تعميم نتائج الدراسة على المجتمع فإن ذلك يتطلب استخدام عينات اكبر حجما خاصة إذا كان مجتمع الدراسة كبيرامثل مجتمع تلاميذ المرحلة الابتدائية فى الدولة . ولكن إذا لم يتوافر لدى الباحث التمويل الكافى لا ستخدام عينة كبيرة ، أو أن العينة الكبيرة الحجم تحتاج الى جهد ورقت أكبر من طاقة الباحث (مثل البحوث التجربية) فعندئذ يقلل الباحث حجم العينة المستخدمة فى دراسته ويراعى ذلك عند تعميم النتائج .

والعينة الصغيرة هي التي يقل عدد أفرادها عن ٢٥ فراد (أو وحدة)أما العينة الكبيرة فهي التي يزيد عدد أفرادها عن ١٠٠ فرد، وقد إتفق العديد من الاحصائيين بناء على الاسس النظرية للتوزيعات بأن تكون العينة ٣٠ فرداً أو اكثر (مختارة عشوائيا وممثلة للمجتمع). إلا أننا ننصح بأن تكون العينات الكبيرة في العلوم الانسانية هي أكثر من ١٠٠، أما العينات العشوائية التي يترواح حجمها بين ٣٠، ١٠٠ فهي عينات متوسطة الحجم ويمكن استخدامها في بحوث العلوم الانسانية والتعميم منها إلى المجتمع. وكلما كان حجم العينة كبيرا كلما كان التعميم الى المجتمع أكثر ثباتا وأكثر دقة ، إضافة الى زيادة قوة الاختبار الاحصائي المستخدم .

أما في حالة العينات العشوائية الصغيرة (أقل من٢٥) فإننا نقسمها الى ثلاثة أنواع:

- (أ) اذا كان حجم العينة يترواح بين ١٥ ، ٢٤ فعلى الباحث استخدام الاساليب الاحصائية البارامترية واللابارامترية معا للتأكد من إتساق النتائج . وبالطبع الاساليب الاحصائية البارامترية اكثر قوة من الاساليب الاحصائية اللابارامترية .
- (ب) إذا كان حجم العينة يترواح بين ٥ ، ١٤ فعلى الباحث استخدام الاساليب الاحصائية اللابارامترية ، ويكون الاستئتاج والتعميم على المجتمع بحذر شديد .
- (ج.) أما إذا كان حجم العينة خمسة أفراد أو أقل ، فمن الخطأ القيام بالتعميم من نتائج العينة الى المجتمع.

الفروض: Hypotheses

الفروض هي علاقات متوقعة بين متغيرين أو أكثر ، أو هي توقعات الباحث لنتائج دراسته . وتعد الفروض حلولا محتملة للمشكلة موضع الدراسة . وتعتمد صياغة الفروض على النظريات أو البحوث السابقة أو كليهما ، كما أنها تستخدم المصطلحات والمتغيرات التي حددها الباحث 1996:56 Wallen, 1996:56) (58 -. والفرض هو حل للمشكلة تؤيده بعض المعلومات أو الحقائق أو الادلة النظرية أو الدراسات السابقة ، ولكن صحته تعتمد على مدى تأييد الأدلة والشواهد والبيانات الفعلية للفرض (رجاء أبو علام ، ١٩٨٩).

ويجب أن توضع الفروض في صياغة واضحة وموجزة وقابلة للاختبار ، بمعنى أن تكون محددة ومفهومة ولاتستخدم كلمات غامضة أو غير ضرورية ، كما أنها تخضع للاختبار العملي بناء على البيانات والمعلومات والأدلة المرتبطة بها .

ومن أمثلة الفروض الجيدة :

- ١ توجد علاقة موجبة بين نشاط الطفل وتحصيله الدراسي .
 - ٢ توجد علاقة سالبة بين البيروقراطية وابداع العاملين -
- ٣ توجد علاقة بين النوع وتفضيل قراءة الموضوعات الثقافية .
- ٤ توجد فروق بين طريقتي العلاج (أ ، ب) في تعديل سلوك المرضى .
 - توجد فروق بين أنماط الادارة والرضى الوظيفى للعاملين
- ومن الواضح أن كل فرض يتضمن متغيرين أو أكثر وأن الصياغة واضحة ومدددة ولا تحتوى كلمات غامضة أو زائدة ، كما أنه يمكن جمع بيانات أو أدلة لاختبار صحتها .

أما أمثلة الفروض غير الجيدة فهي :

- ١ الاتجاهات الموجبة نحو الآخرين مهمة في الحياة العملية .
 - ٢ القدرة العقلية قد ترتبط بالشخصية -
 - ٣ الادارة المدرسية قدرة وفن .
- ٤ استطلاعات الرأى نحو القضايا الاجتماعية ترتبط بالانجاهات السياسية .
- العلاقات الزوجية تتأثر بالمستوى الاقتصادى والرغبة في حياة سعيدة .

وهي فروض غير جيدة لأنها غير محددة أو لاتحتوى متغيرين أو غير قابلة للاختبار . ووضع الفروض يساعد الباحث في تنظيم دراسته ، وفهم متغيراتها وتحديد الاجراءات ، وفهم الاساس الذي تعتمد عليه القروض ، وكذلك جمع البيانات اللازمة لاختبار الفروض . ولكن قد تؤدي الفروض بالباحث الي التحيز في دراسته حتى يتوصل الى النتائج المتوقعة ، وهذا الأمر غير مقبول ويرتبط باخلاقيات البحث والامانة العلمية للباحث ، ولذلك يجب أن يلتزم الباحث بالفروض التي وضعها إعتماداً على أسس نظرية أو علمية أو تطبيقية بغض النظر عن النتائج الفعلية . ولا يضير الباحث شيئا إذا ثبتت صحة أو خطأ الفروض ، وإنما يضيره مخالفة الامانة العلمية (1988/91) . وتتطلب بعض البحوث وضع فروض للدراسة ، مثل البحوث التجريبية أو البحوث السببية المقارنة ، أما البحوث الوصفية فتكنفي بوضع أسئلة فقط . وغالبا ما يضع الباحثون أسئلة ثم يحولون الاسئلة إلى فروض لاختبار صحتها . ومن الممكن الاجابة عن الاسئلة أيضا بعد اجراء تحليل البيانات صحتها . ومن الممكن الاجابة عن الاسئلة أيضا بعد اجراء تحليل البيانات بالاسلوب المناسب لذلك .

أنواع الفروض :

توجد ثلاثة أنواع من الفروض وهي : الفرض الصفرى ، والفرض الموجه · والفرض غير الموجه .

Null Hypothesis: القرض الصفرى - ١

وهو يعنى عدم وجود علاقة بين المتغيرات أو عدم وجود فروق بين المجموعات ، ولذلك فهو يسمى فرض العدم . ومعنى ذلك أنه فرض العلاقة الصفرية أو الفروق الصفرية بين المتوسطات (تساوى المتوسطات) . ويلجأ الباحث للفرض الصفرى في حال تعارض الدراسات السابقة أو في حال عدم وجود دراسات سابقة في موضوع بحثه . وقد يسمى الفرض الصفرى بالفرض الاحصائي .

Directed Hypothesis: - ۲ - القرض الموجه - ۲

وهو صياغة للفرض مع تحديد إنجاه للعلاقة (موجبة أو سالبة) بين المتغيرات ، أو تحديد إنجاه للفروق بين المجموعات في المتغير التابع ، ومثال ذلك: توجد علاقة موجبة بين درجات المتغيرين (س ، ص) . أو يوجد فرق بين متوسطى المجموعتين (أ ، ب) في درجات المتغير (س) لصالح المجموعة (أ).

وصداغة الفرض الموجه تختلف عن صداغة الفرض الصفرى في أمرين هما : وجود علاقة أو فروق ، وتحديد انجاه للعلاقة أو الفروق .

ويعتمد توجيه الفرض على نتائج الدراسات السابقة أو خبرات الباحث أو خبرات المتخصصين .

٣ - القرض غير الموجه:

وهو صياغة للفرض دون تحديد إنجاه للعلاقة أو الفروق . ويختلف الفرض غير الموجه عن الفرض الموجه في عدم تحديد إنجاه العلاقة أو الفروق ، بينما يختلف عن الفرض الصفرى في وجود العلاقة أو الفروق .

ومن أمثلة الفرض غير الموجه: توجد علاقة بين درجات المنغيرين (س ، ص) ، أو يوجد فرق بين متوسطى المجموعتين (أ ، ب) في درجات المتغير (س) .

وعدم تحديد إنجاه للعلاقة أو الفروق ، يرجع الى عدم وجود دراسات سابقة أو رأى مؤيد لإنجاه محدد ، أو لتعارض الدراسات السابقة دون تأكيد إنجاه محدد ، أو لشك الباحث في إنجاه العلاقة أو الفروق .

والاساليب الاحصائية الاستدلالية هي المناسبة لاختبار صحة الفروض ولين تقوم الاساليب الاحصائية الاستدلالية باختبار الفرض الصفرى (فرض العدم)، فاذا تبتت صحة الفرض الصفرى نرفض الفرض البديل (موجه أو غير موجه)، وإذا لم تثبت صحة الفرض الصفرى نقبل الغرض البديل (موجه أو غير موجه)، وإذا لم تثبت صحة الفرض الصفرى نقبل الغرض البديل (موجه أو غير موجه) .

وقد أدى هذا الى اعتقاد كثير من الباحثين بضرورة وضع فروض صفرية ولكن لا يوجد دليل علمى يؤكد هذا الرأى سوى أن الاساليب الاحصائية تختبر دائما الصياغة الصفرية للفروض . حيث أن هذه الاساليب تفترض في معادلاتها الرياضية عدم وجود علاقة بين المتغيرات أو عدم وجود فروق بين المتوسطات ، فإما يتحقق فرض العدم ومن ثم نرفض الفرض البديل ، أو نرفض فرض العدم ونقبل الفرض البديل.

اختبار صحة الفروض:

العنطق في اختبار الفروض هو أن الباحث يفترض صحة الفرض الذي يرغب في اختباره ، ثم يفحص نتائج هذا الفرض في صوء توزيع العينة الذي يعتمد على صحة الفرض . وإذا تحدد من توزيع العينة أن البيانات الملاحظة

احتمال حدوثها كبير فانه يتخذ قراراً بأن البيانات الانتعارض مع الفرض ومن ناحية أخرى إذا كان احتمال مجموعة البيانات الملاحظة ضعيف في حالة الفرض الصحيح ، فإن قراره يكون بأن البيانات تتعارض مع الفرض .Winer et al)

(71 : 1991

ومستوى الدلالة للاختبار الاحصائى يحدد مستوى الاحتمال الذى نعتبره ضعيفا ويبرر قبول الفرض الصفرى ، أو مرتفعا ويبرر رفض الفرض الصفرى . فاذا كان احتمال حدوث البيانات الملاحظة (في حالة الفرض الصفرى الصحيح) أقل من مستوى الدلالة ، فعندئذ تكون البيانات متناقضة مع الفرض موضع الاختبار ونتخذ قرار برفض الفرض الصفرى ، ورفض الفرض الصفرى موضع الاختبار يعنى قبول أحد الفروض البديلة التى لانتعارض مع البيانات ورفض فرض العدم (الصفرى) قد يعتبر قراراً بقبول الفرض البديل ، وعدم رفض فرض العدم يعد قراراً ضد قبول الفرض البديل (Winer et al, 1991:17) .

وعند ما يكون فرض العدم صحيحا وتؤدى نتائج الاختبار الاحصائي إلى قرار بأنه خاطئ فإننا نقع فى خطأ يسمى خطأ النوع الاول Type I Error وهو يساوى مستوى الدلالة ويرمز له بالرمز ألفا (α) ، وعندما يكون فرض العدم خاطئ وقررنا بناء على الاختبار الاحصائى برفض فرض العدم وقبول الفرض البديل فإننا نقع فى خطأ يسمى خطأ النوع الثانى برنائى Type II Error، ويرمز له بالرمز بينا (β) . ويعتمد خطأ النوع الثانى جزئيا على مستوى الدلالة , Edwards)

ومعنى هذا أن مستوى الدلالة هو احتمال رفض فرض العدم ، ولا توجد تجربة تثبت خطأ فرض العدم إثباتا مطلقا مهما كان عدم مناسبة الناتج لفرض العدم (22: Edwards, 1968).

ويمكن تلخيص خطأ النوع الأول وخطأ النوع الثاني بالجدول التالي :

جدول (۷ – ۲)

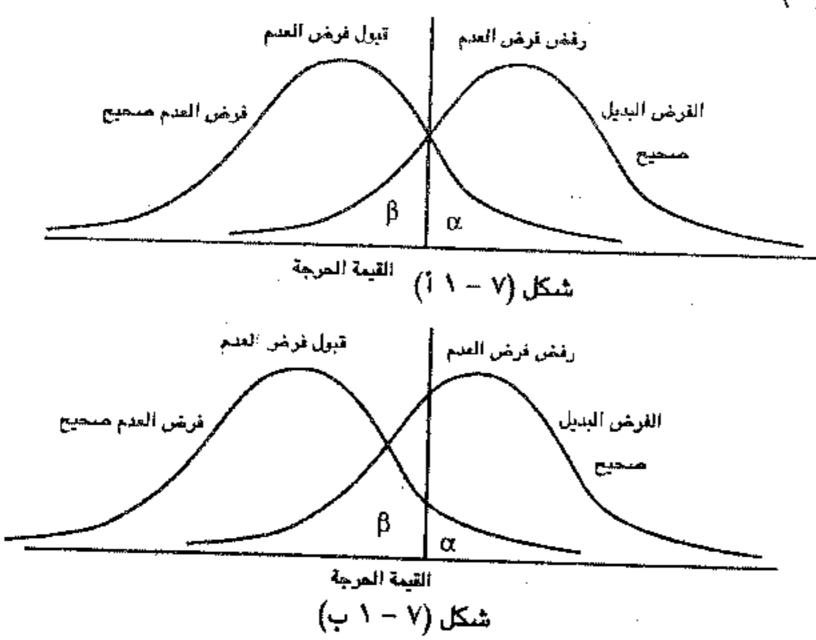
فرض العدم خاطىء	فرض العدم صحيح	
لا يوجد خطأ	خطأ النوع الأول ۵	رفض فرض العدم
خطأ الدوع الثاني β	لا يوجد خطأ	قبول فرض العدم

ويوضح الجدول (٧-٢) أن رفض فرض العدم يكافئ قبول الفرض البديل، وعدم رفض فرض العدم يكافئ رفض الفرض البديل، ويوجد خطأ النوع الاول في حالة اتخاذ قرار برفض فرض العدم، وخطأ النوع الثاني عندما يكون القرار قبول فرض العدم (Winer etal, 1991: 18)

وقد عرض كمبل (Kimble, 1978) مثالا جيداً لخطأ النوع الاول وخطأ النوع الاول وخطأ النوع الثانى . حيث يرى أن المنهم برئ وغير مذنب (خطوة أولى) حتى نثبت إدانته بالأدلة (خطوة ثانية) . وبالتالى يكون لدينا إحتمالين : الاول وجود مجرم ومذنب (خطأ نوع أول) والثانى أن المجرم المخطئ برئ (خطأ نوع ثانى) .

أما إحتمال أن المخطئ مذنب، واحتمال أن البرئ غير مذنب فهما احتمالان صحيحان كما بالجدول (٢ - ٢) .

ويتحكم الباحث في مستوى الدلالة ألفا (خطأ النوع الأول)، أما خطأ النوع الثاني β فانه يتحدد بطريقة غير مباشرة . فعدما يكون خطأ النوع الاول صغيرا فإن هذا يؤدى الى زيادة حجم خطأ النوع الثاني ويوضح الشكل (V - V) توزيع العينة في حالتي رفض أو قبول فرض العدم مع تغير قيمة مستوى الدلالة ألفا (α) .



العلاقة بين خطأ النوع الأول وخطأ النوع الثاني وقوة الاختبار

ويوضح الشكل (V-1) المعلاقة بين خطأ النوع الأول وخطأ النوع الثانى وقوة الاختبار . حيث يمثل المتحنى (V-1) توزيع العينة للاختبار الاحصائى عندما يكون فرض العدم صحيح ، والمنحنى (V-1) بمثل توزيع العينة عندما يكون الإختبار الإحصائى القرض البديل صحيح ، وتتحدد منطقة رفض فرض العدم من الجداول الاحصائية لتوزيع العينة عندما نفترض أن فرض العدم صحيح ، واحتمال وقوع القيمة الحرجة في منطقة رفض فرض العدم تساوى ألفا عندما يكون فرض العدم صحيح العينة عندما يكون فرض العدم مصويحا .

ومن الشكل (٧ - ١ أ) فإن خطأ النوع الشانى المرتبط بالفرض البديل يساوى عدديا المساحة تحت المنحنى الايمن التي تقع في منطقة رفض فرض العدم . وهذه المساحة (قيمة α) في الشكل (٧ - ١ ب) أقل منها في الشكل (٧ - ١ أ) . وهذا يعنى أن الخطأ الاول القرار صغير ، بينما المساحة تحت المنحنى الأيمن في الشكل (٧ - ١ ب) التي تقع في منطقة قبول فرض العدم أكبر منها في الشكل (٧ - ١ أ) وانقاص القيمة العددية لخطأ النوع الاول (مستوى الدلالة) تزيد قوة تواجد خطأ النوع الثانى (١٥ : ١٩٩١. Winer etal).

قوة الاختبار الاحصائي :

تعتمد قوة الاختبار الاحصائى على كل من مستوى الدلالة (α) وخطأ النوع الثانى (β) وحجم العينة . وقوة الاختبار الاحصائى تساوى واحد ناقص احتمال خطأ النوع الثانى (β-1) ولتمثيل ذلك هندسيا فإن قوة الاختبار الاحصائى هى المساحة تحت المنحنى الايمن عندما يكون الغرض البديل صحيحا والتى تقع في منطقة رفض فرض العدم . وفي الشكل (٧ – ١ أ) تكون هذه المساحة تحت المنحنى الأيمن التى تقع على يمين القيمة الحرجة . وقوة الاختبار الاحصائى هى احتمال قرار رفض فرض العدم عندما يكون البديل صحيحا : Edwards, 1968)

ويمكن زيادة قوة الاختبار عن طريق مستوى الدلالة وتباين الدرجات وحجم العينة . فاذا كان مستوى الدلالة ثابنا وكذلك النباين فإن زيادة حجم العينة يزيد من قوة الاختبار . وليس معنى هذا أن حجم العينة هو السبب في زيادة قوة الاختبار ، وانما قيمتى مستوى الدلالة α وخطأ النوع الشانى β وكذلك تباين المجتمع لهما أثر كبير عل قوة الاختبار بجانب حجم العينة α Goldberg, 1979)

فاذا قارنا متوسطى مجموعتين وكان الفرق بينهما دالا عند مستوى منه مثلا فإن قيمة بينا تعتمد على حجم العينة وعلى قيمة ذلك الفرق بين المتوسطين (أو تباين المجموعتين). فاذا كانت قيمة الفا تابنة وكذلك حجم العينة ، فإن قيمة بينا تقل بزيادة الفرق بين المتوسطين - ومعنى هذا أنه كلما كان الفرق بين المتوسطين كبيرا ، فإن احتمال قبول فرض العدم يقل . أما إذا كان الفرق بين المتوسطين ثابتا وكذلك حجم العينة ، فإن قيمة بينا نزداد كلما نقصت قيمة الفا . أما إذا كانت الفا صغيرة فقد نفشل في رفض فرض العدم بالرغم من وجود فرق بين المتوسطين .

وإذا كانت قيمة الفا ثابتة وكذلك الفرق بين المتوسطين ، فإن حجم العينة يحدد قيمة بينا . فكلما صغرت العينة تزداد قيمة بينا ومن ثم تنقص قوة الاختبار ، وكلما زاد حجم العينة فإن قيمة بينا تنقص وتزداد قوة الاختبار (صلاح مراد ، وكلما زاد حجم العينة فإن قيمة بينا تنقص وتزداد قوة الاختبار (صلاح مراد ، ١٩٨١ : ١٠ - ٦١).

ويكون من الصعب في بحوث العلوم الانسانية تقويم مخاطر خطأ النوعين الأول والثاني في ضوء فروق المتوسطات ، وكلا من الخطأين قد يكونا هامين خاصة في البحوث الكشفية . وعادة ما يركز الباحثون على مستوى الدلالة دون الاهتمام بالتركيز على قوة الاختبار . وفي كثير من الحالات التي تقبل فرض العدم لا تعطى أي اهتمام لقوة الاختبار ، ويجب على الباحث أن يهتم بحساسبة (أو قوة) إختبار الفرض .

ويستخدم الباحثون دائما مستويى الدلالة ٥٠،٠٠٠ وهو أمر منفق عليه وليس له دليل علمى أو منطقى (20: 1991, 1991) فاذا توصلت دراسة الى صحة الفرض أو خطأ الفرض فإن هذا ليس كافيا للتوصل الى قرار خال من الاخطاء . ومخاطر القرارات المرتبطة بالادلة البحثية تحتاج الى تقويم لحساب حجم المخاطر قبل اتخاذ قرار معين في كل حالة . ومعنى هذا صرورة الاهتمام بنوعى الخطأ وقوة الاختبار قبل إتخاذ قرار بقبول أو رفض فرض العدم .

مثال لاختبار صحة الفروض:

إذا كان السؤال البحثى هو: هل يختلف متوسط نسبة الذكاء لطابة الجامعة الجامعة الآن عنه منذ ١٠ سنوات ؟

وينطوى هذا السؤال على فرض معين يود الباحث التحقق منه ، ويتم التحقق عن طريق اجراء دراسة وجمع بيانات ثم اختبار صحة الفرض في ضوء

البيانات التي تم جمعها .

والخطوة الأولى قبل اجراء تعليل البيانات هي صياغة الفرض موضع الاختبار ، ويكون في صورة فرض صفري أو فرض بديل ، وقد يكون الفرض البديل موجها أو غير موجه طبقا لمجال الدراسة ذاتها .

ولوضع التساؤل السابق في صورة فرض قابل للاختبار فيجب توافر بعض المعلومات عن مجتمع طلبة الجامعة منذ ١٠ سنوات . فاذا فرض أن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة منذ ١٠ سنوات هو ١١٠ مثلا . فإن السؤال البحثي يصبح : هل يختلف متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن عن ٢١١٠

وبالطبع هذه الصياغة تسهل الفرض الصفرى العراد اختياره وكذلك الفرض البديل.

والفرض الصفرى هنا هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن = ١١٠ آما الفرض البديل هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لايساوى ١١٠ ـ وهو فرض بديل غير موجه ، بمعنى أن الاختلاف قد يكون موجبا أو سالبا.

أسا الفرض البديل الموجه فهو الذي يحدد وجهة الاختلاف أي الذي يحددما إذا كان المتوسط أكبر من ١١٠ أو أقل من ١١٠.

واختلاف الفرض البديل (موجه أو غير موجه) يحدد منطقة الثقة (أو الشك) في القرار ، وهي المساحة تحت المنحني المساوية لمستوى الدلالة الفا (α) كما بالشكل (٧ - ١) . وفي مثالنا الحالي فإن منحني توزيع العينة المناسب هو المنحني الاعتدالي (لأننا نقارن متوسط عينة بمتوسط المجتمع) . والفرض البديل الموجه يحدد اختبار الطرف الواحد Test ويعتمد توجيه الغرض (كما الموجه فيحدد اختبار الطرفين tailed Test ويعتمد توجيه الغرض (كما ذكرنا سابقا) على نتائج البحوث والدراسات السابقة والمتوفرة في المجال موضع الدراسة . فقد تحدد البحوث السابقة أن يكون الفرض صفري أو بديل أو بديل موجه موجه .

وبصفة عامة سواء كان الفرض البديل موجها أو غير موجه فإن الفرض الصفرى واحد في الحالتين ، وهو الذي يتم اختباره بالاس اليب الاحصائية . وإذا وضع الباحث فرضا موجها فأنه يستطيع استخدام اختبار الطرف الواحد بشرط أن يكون الفرض الموجه معتمدا على أساس علمي ومنطقي وتتم صياغته قبل جمع وتحليل البيانات ولا يعدله مهما كانت النتائج ويدل هذا على الامانه العلمية

الباحث.

ولأن هذاك شك في أمانة الباحثين ، لأنهم يعيدون صياغة فروضهم البحستية بعد تحليل البيانات ، فإن معظم الاحصائين يرون استخدام إختبار الطرفين Two-Tailel Test .

و الفرض البديل في مثالنا السابق: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لا يساوى ١١٠ . وهو فرض بديل غير موجه ، ومن ثم نستخدم اختبار الطرفين ويعنى اختبار الطرفين أن مستوى الدلالة الفا(α) يوزع على طرفى المنحنى $\frac{\alpha}{\gamma}$ في الطرف الايمن ، $\frac{\alpha}{\gamma}$ في الطرف الايمن ، $\frac{\alpha}{\gamma}$ في الطرف الايمن ، $\frac{\alpha}{\gamma}$.

أما في حالة الفرض الموجه: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن أقل من ١١٠ فإنتا نستخدم اختبار الطرف الواحد، بمعنى أن مستوى الدلاله الفا (α) تكون في الطرف الايسر فقط (لأن انجاه الفرض سلبي) .

وإذا كان الفرض الموجه : منوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن اكبر من ١١٠ ، فإن مستوى الدلاله (α) يكون في الطرف الايمن فقط .

وقد يتساءل البعض عن الغروق بين الفرض غير الموجه ، والغرض الموجه اسلبيا أو ايجابيا) . ويبدو الفرق الأول في تحديد استخدام اختبار الطرف الوحد أو الطرفين كما ذكرنا . أما الفرق الثاني فهو هام جدا ، فاذا وضع الباحث فرضا موجها (سلبيا مثلا) وتم اجراء تحليل للبيانات لاختيار صحة الفرض ، ونتج عن هذا عدم وجود فرق بين المتوسط ، ١١ فانه يقبل الفرض الصفري ويرفض الغرض البديل الموجه . أما إذا نتج عن الاختبار وجود فرق موجب بين المتوسط، ١١ فانه يرفض الفرض البديل يحدد أن المتوسط أقل من ١١٠) ، ولا يستطيع أن يقرر الباحث قبول الفرض البديل المتوسط المتبين : الأول أنه وضع فرضا بديلا سلبيا ، والثاني أنه استخدم اختبار الطرف الواحد ، أما اذا نتج عن الاختبار وجود فرق سلبي بين المتوسط اختبار الطرف الواحد ، أما اذا نتج عن الاختبار وجود فرق سلبي بين المتوسط قلل .

مستوى الدلالة : Significance Level

سبق أن إستخدمنا مصطلح مستوى الدلالة الفا(α) عدة مرات ، وذكرنا أنه يساوى خطأ النوع الأول . كما يوضح الشكل (٧ - ١) سوقع مستوى الدلالة ، وأنه يعادل المساحة تحت المنحنى بين القيمة الحرجة وأحد طرفى المنحنى (فى حالة اختبار الطرف الواحد). أما فى حالة اختبار الطرفين فإن مستوى الدلالة ألفا يتوزع على طرفى المنحنى (α/٢ فى كل طرف).

ومن المتفق عليه استخدام مستويات الدلالة ٥٠،٠١، ٠،٠١، ٠٠٠ في بحوث العلوم الانسانية (Winer etal , 1991 : 20) وتعنى كلمة Significant شئ هام أوله قيمة وقد إتفق على استخدام كلمة دال بدلا من هام وعليه فإن -Sig شئ هام أوله قيمة وقد إتفق على استخدام كلمة دال بدلا من هام وعليه فإن -nifi cane level هو مستوى الأهمية أو الدلالة ، والدلالة الاحصائية تعنى الندرة الاحصائية أي ندرة الحدوث تحت شرط الفرض الصفرى .

ومستوى الدلالة ٥٠٠٠ يعنى أن احتمال الخطأ فى رفض القرض الصفرى هو ٥٠٠٠ ومن هو ٥٠٠٠ واحتمال الثقة فى القرارت بشأن الفرض الصفرى هو ٥٠٠٠ ومن المتفق عليه القول بأن ٥٠٠٠ تعنى مستوى الشك فى القرار أو النتائج ، ٩٠٠ تعنى مستوى الثقة فى القرار أو النتائج بشأن الفرض الصفرى . ولكن جرت العادة على استخدام ٥٠٠٠ لتعنى أهمية أو دلالة النتائج بدلا من ٩٠٠٠ كما يستخدم مستوى الدلالة ١٠٠٠ أو ٢٠٠١ ليقلل الخطأ فى رفض الفرض الصفرى الصحيح ، ولكن كما أشرنا من قبل أنه كلما صغرت قيمة مستوى الدلالة كلما زاد خطأ النوع الثانى .

ويستخدم مستوى الدلالة لتحديد منطقة رفض الفرض الصفرى ، حيث يتم حساب القيمة الحرجة للاسلوب الاحصائى المستخدم من بيانات العينة ، ثم نتخذ القرار اذا كانت القيمة الحرجة تقع فى منطقة الرفض فاننا نرفض الفرض الصفرى (وبالطبع نقبل الفرض البديل) ،

أما إذا كانت القيمة الحرجة لاتقع داخل منطقة الرفض فإننا نقبل الفرض الصفرى (وبالطبع نرفض الفرض البديل) .

وتمثل منطقة الرفض القيمة الحرجة للاسلوب الاحصائى المستخدم حيث تكون القيمة الحرجة هى حد منطقة الرفض فى حالة اختبار الطرف الواحد أو حدا منطقة الرفض فى حالة إختبار الطرفين . فإذا استخدمنا الدرجة المعيارية لإختيار الفرض الصفرى بأن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن - ١١٠ ، فإن القيمة الحرجة تساوى الدرجة المعيارية للفرق بين متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة وبين المرجة تساوى لدرجات نسبة ذكاء عيئة طلبة الجامعة .

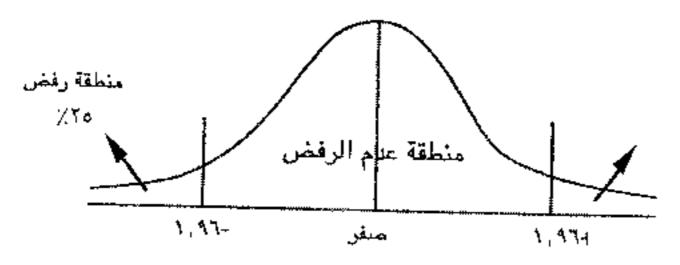
حدود الثقة : Confidence Limits

إذا كان الفرض البديل غير موجه فإن منطقة الرفض التي يحددها مستوى الدلالة تتوزع على طرفي المدحني (إختبار الطرفين)

وتكون المساحة في كل طرف = نصف مستوى الدلالة (α^{1}/γ)

فاذا إخترنا مستوى الدلالة = ٠٠٠٠ فإن منطقة الرفض = ٥٪ من المساحة تحت المنحنى الاعتدالي المعياري . وبتوزيعها على طرفي المنحنى فإن مساحة كل جزء = ٢٠٥٪ ٪

ومن جدول المنحني الاعتدالي المعياري نجد أن :



المساحة ٢٠٥ ٪ في الطرف الايمن للمنحنى تنحصر بين درجة معيارية ١,٩٦ ونهاية الطرف الايمن ، وبالمثل المساحة ٢٠٥ ٪ في الطرف الايسر للمنحنى تنحصر بين درجة معيارية -١,٩٦ ونهاية الطرف الايسر للمنحنى . وهاتان المساحتان تمثلان منطقة رفض الفرض الصفرى بمستوى دلالة ٥٠٠ أما المساحة المحصورة بين الدرجتين المعياريتين +١,٩٦ ، -١,٩٦ فهي تساوى ٩٥٪ من مساحة المنحنى وهي منطقة قبول الفرض الصفرى .

ويطلق على الدرجتين +١,٩٦٠ ، -١,٩٦٠ إسم حدا الثقة ، أى الثقة في قبول الفرض الصفرى الصحيح ، وبالتالى فإن احتمال الثقة في قرار قبول الفرض الصفرى الصحيح هو ٩٥٪ ، واحتمال الخطأ في قرار رفض الفرض الصفرى الصحيح هو ٩٥٪ ،

فاذا كانت القيمة الحرجة (Critical Value) للفرق بين متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة وبين ١١٠ تقع بين ١،٩٦، ١،٩٦ فانها تقع داخل منطقة عدم الرفض (قبول الفرض الصغرى)، أما إذا كانت القيمة الحرجة اكبر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى ١,٩٦ أو أصغر من أو تساوى ١,٩٦ فانها تقع في منطقة الرفض للفرض

الصفرى ، ومن ثم قبول الفرض البديل .

وفى حالة اختبار الطرف الواحد فإن منطقة الرفض تكون فى أحد طرفى المنحنى الأيمن (فى حالة البديل الايجابى) أو الأيسر (فى حالة البديل السلبى) وميزة اختبار الطرف الواحد أن مساحة منطقة الرفض فى الطرف الواحد تكون بين أحد طرفى المنحنى وقيمة حرجة أقل منها فى حالة اختبار الطرفين . قاذا وعنبرنا البديل الموجه (متوسط ذكاء طلبة الجامعة أقل من ١١٠) وهو بديل سلبى، وكان مستوى الدلالة ٥٠,٠ فإن مساحة منطقة الرفض (٥٪) تنحصر بين الطرف الأيسر للمنحنى والدرجة المعبارية -١,٦٤٥ وهى تبعد كثيراً عن -١٩٩٠

وتسمى منطقة قبول الفرض الصفرى بفترة الثقة Confidence Interval ويسمى منطقة قبول الفرض الصفرى بفترة الثقة التي يقع فيها المتوسط بمستوى ثقة معين .

فاذا كان مستوى الدلالة ٠٠٠٠ فإن حدا الثقة هما ±١٩٦٠ وتكون قيمة المتوسط تنحصر بين (م ±١٠٩٦ × الخطأ المعيارى) بمستوى تقة ٠٩٠٠ أو أن احتمال ٩٠٪ أن يقع المتوسط بين (م + ١٠٩٦ × الخطأ المعيارى)، (م – ١٠٩٦ × الخطأ المعيارى)

وبالمثل اذا كان مستوى الدلاله ۱۰٬۰ فإن حدا الثقة هما ±۸۰٬۰ ويكون الاحتمال ۹۹٪ أن يقع المتوسط بين م ±۲٬۰۸ × الخطأ المعيارى ، وتتحدد فترة الثقة بناء على مستوى الدلالة المطلوب بغض النظر عن قبول أو رفض الفرض الصفرى ، فاذا قبلنا الفرض الصفرى بمستوى دلالة ٥٠٠ فإن متوسط العينة لا يختلف عن متوسط المجتمع بمستوى دلالة ٥٠٠ ، وتتحصر قيمة متوسط العينة بين (م ± ۱٬۹۹ × الخطأ المعيارى) بمستوى ثقة ۹۵٪ ،

فاذا كان متوسط المجتمع = ٥٠ وانحرافه المعياري =١٠٠ وحجم العينة

وبالتالى يكون متوسط العينة ينحصر بين $01.0 \pm 1.97 \pm 1.97$ × 7 = 01.0 ، ± 7.97 أي بين 1.00 ، 1.97 بمستوى ثقة 0.9 ٪ . أو أن احتمال 0.9 ٪ أن يكون متوسط العينة في الفترة بين 1.00 ، 1.00 .

وكذلك أذا إستخدمنا مستوى الدلالة ٠٠٠ فإن القيمة الجدولية هي ٢٠٥٨ . وتكون فترة الثقة لنفس المثال هي : ٥١.٥± ٢.٥٨ × ٢ = ٢٦،٢ ، ٤٦،٣٠ .

والاحتمال ٩٩٪ أن يقع متوسط العينة بين ٩٩٪، ٢٠٠٠ .

القرار في اختبار صحة الفروض:

عند اختبار صحة فرض من الفروض فإننا نستخدم الاسلوب الاحصائى المناسب، ثم نحسب القيمة الحرجة ونقارنها بمنطقة الرفض أو القبول للفرض الصفرى . وتتحدد منطقة الرفض (أو القبول) بناء على تحديد مستوى الدلالة . ولكل مستوى من مستويات الدلالة (٥٠٠٠، ١٠٠٠،) منطقة للرفض (أو القبول) لكل أسلوب إحصائى .

فاذا كان الاسلوب الاحصائى يعتمد على حساب الدرجة المعيارية ، ويتم ذلك فى حالة مقارنة متوسط عينة بمتوسط مجتمع إذا علمنا معالم المجتمع (المتوسط والانحراف المعياري) . فاذا كان مستوى الدلالة ٥٠٠٠ فإن منطقة الرفض تتحدد بالدرجة المعيارية ± ١,٩٦ إذا كان الفرض البديل غير موجه . وإذا كان مستوى الدلالة ١٠٠٠ فإن منطقة الرفض تتحدد بالدرجة المعيارية ± ٢,٥٨ كان مستوى الدلالة ١٠٠٠ فإن منطقة الرفض تتحدد بالدرجة المعيارية ± ٢,٥٨ (في حالة البديل غير الموجه أيضا) .

وفي مثالنا السابق كان الفرض الصفرى هو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن = ١١٠ ، والفرض البديل غير الموجه: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لا يساوى ١١٠ . فاذا كان متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن = ١٠٥ وهو متوسط نسبة الذكاء لعينة من طلبة الجامعة ، وتحسب الدرجة المعيارية المتوسط العيئة من القانون:

ويستلزم ذلك معرفة الخطأ المعياري لمتوسط المجتمع .

وإذا كانت قيمة الدرجة المعيارية المحسوبة (ذ) أقل من ١,٩٦ أو اكبر من ١٩٦ ، أى تقع بين +١,٩٦ ، -١,٩٦ ، فانها تكون فى منطقة قبول الفرض الصفرى . وعليه فإننا نقرر بقبول الفرض الصفرى ورفض الفرض البديل (غير الموجه) بمستوى دلالة ٥٠,٠ أما إذا كانت الدرجة المعيارية المحسوبة أكبر من ١,٩٦ أو أقل من ١,٩٦ (٥) أى أنها نقع فى منطقة الرفض ، فإننا نقرر برفض

^(*) أقل من -١,٩٦ تعنى أنها -١,٩٧ أو -١,٩٨ أو -١,٩٩ وهكذا حتى - ٤ مثلا .

الفرض الصغري وقبول الفرض البديل (غير الموجه) بمستوى دلالة ٥٠.٠٠.

ويتبع نفس الأسلوب في حالة منطقتي الرفض والقبول المحددتان بمستوى الدلالة ٠٠، فاذا كانت قيمة الدرجة المعيارية المحسوبة تقع بين ٢,٥٨٠ ، ٢,٥٨٠ فإننا نقرر قبول الفرض الصفرى ورفض الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ٠٠،٠ وإذا كانت الدرجة المعيارية المحسوبة اكبر من - ٢٠٥٨ أو أقل من ٨٥٨ فانها تقع في منطقة الرفض ومن ثم نرفض الفرض الصغرى ونقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ٠٠٠٠

الخطأ المعياري: Standard Error

اذا تم اختيار عينة من أفراد مجتمع ما ، وجمعنا بيانات عن أحد المتغيرات فإن توزيع الدرجات قد لا يكون توزيعا اعتداليا ، فاذا أخذنا عينة عشوائية من ذلك التوزيع وحسبنا متوسط درجاتها ، ثم كررنا اختيار عدة عينات عشوائية متتالية وحسبنا متوسطات درجات هذه العينات العشوائية ، فإن التوزيع لهذه المتوسطات يكون توزيعا إعتداليا . ويكون الانحراف المعيارى لهذه المتوسطات يسمى بالخطأ المعيارى (Kiess, 1989:159).

وقد أثبتت الأدلة الرياضية أن الخطأ المعيارى أو الانحراف المعيارى للمتوسطات الحسابية = الانحراف المعيارى للمجتمع مقسوما على الجذر التربيعى لحجم العينة. ويتم تقدير الانحراف المعيارى للمجتمع من الانحراف المعيارى للعينة باستخدام مفهوم درجات الحرية Degrees of Freedom.

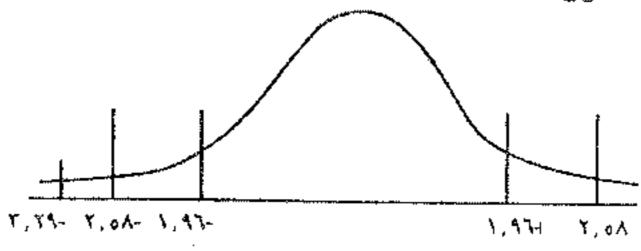
ويمكن استخدام توزيع متوسطات العينات العشوائية (وهو توزيع اعتدالي كما أشرنا) في تحويل المتوسط الحسابي الى درجة معيارية وقد سبق التوضيح أن هذه الدرجة المعيارية للمتوسط

وبنطبيق ذلك على مثالنا السابق لاختبار الفرض الصفرى بأن متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن = ١٠٠ ، فاذا كان حجم العينة = ١٠٠ ، متوسط نسبة ذكاء العينة = ١٠٠ ، والانحراف المعيارى للمجتمع = ١٦ فإن:

(لاحظ أن هذه الطريقة نادرا ما تستخدم لان متوسط العجتمع غير معلوم وكذلك الانحراف المعيارى المنجتمع ، وحتى اذا تم تقديره من الانحراف المعيارى للعينة فإن التوزيع يتحول الى استخدام توزيع ت)

وبمقارنة هذه الدرجة المعيارية المحسوبة بالدرجة المعيارية من المنحنى الاعتدالي المعياري عند مستوى دلالة ٠٠،٠ وهي ±١٩٦ نجد أن القيمة المحسوبة (-١٢٥) تختلف عن -١٩٦ وبالتالي فإننا نقرر أن الدرجة المعيارية (٣.١٢٥٠) تقع في منطقة رفض الفرض الصفري ومن ثم نقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ٥٠،٠ كما أننا إذا قارنا القيمة المحسوبة بالدرجة المعيارية من الجدول عند مستوى دلالة ١٠،٠ وهي ± ٢٠٥٨ نجد أن القيمة المحسوبة (٣٠١٢٥) تقع أيضا في منطقة رفض الفرض الصفري ومن ثم نقبل الفرض البديل غير الموجه بمستوى دلالة ١٠٠٠

أما قيمة الدرجة المعيارية من المنحنى عند مستوى ٢٠٠٠ فهى ±٣, ٢٩٦ وهي اكبر (عدديا) من القيمة المحسوبة (-٣, ١٢٥) وبالتالي فإن القيمة المحسوبة تقع خارج منطقة الرفض بمستوى ٢٠٠١ فلا نستطيع رفض الفرض الصفرى عند مستوى عند مستوى ٢٠٠١ .



ومما سبق فإن القرار هنا يكون رفض الفرض الصفرى عند المستويين ومما سبق فإن القرار هنا يكون رفض الفرض الصفرى عند المستويين المرجه وهو: متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة الآن لا يساوى ١١٠ ، ولا يجوز أن يكون القرار باستخدام مستويين للدلالة وإنما نختار المستوى الافضل وهو ٢٠،٠ فيكون القرار رفض الفرض الصفرى وقبول القرض البديل بمستوى دلالة ٢٠،٠

درجات الحرية: Degrees of Freedom

سبق الاشارة لمفهوم درجات الحرية ويقصد بها عدد مفردات العينة ناقصا عدد القيود . وعند استخدام عينة لاجراء دراسة فإن الهدف هو تقدير متوسط المجتمع وانحرافة المعيارى.

وعلى سبيل المثال إذا إخترنا عشوائياعينة من خمسة أفراد فإن متوسط درجات العينة (في متغير ما) بعد تقديرا غير متحيزا لمتوسط المجتمع وذلك العينة العشوائية فقط. فاذا كان متوسط المجتمع = ١٢ مثلا، وأردنا اختيار عينة من هذا المجتمع. فإننا نستطيع إختيار جميع أفراد العينة عشوائيا ما عدا الفرد الأخير حتى يكون المتوسط مساويا لمتوسط المجتمع (١٢)، وعند الاختيار العشوائي لأفراد عينة حجمها خمسة مفردات، نفترض أن درجات العينة كما يلى:

درجته مساویة ۱۰ أو ۱۶ أو ۲۰ وكل هذه الدرجات لا تؤدى الى متوسط المجتمع درجته مساویة ۱۰ أو ۱۶ أو ۲۰ وكل هذه الدرجات لا تؤدى الى متوسط المجتمع وهو ۱۲ و وبناء على ذلك فإن درجة الفرد الأخير يجب أن تتمم مجموع درجات يؤدى الى متوسطا يساوى متوسط المجتمع وهو ۱۲ ، وعليه فيجب أن تكون درجة الفرد الخامس هى ۱۷ حتى يكون المتوسط مساويا ۱۲ .

ومعنى هذا أننا نستطيع إختيار أفراد العينة عدا الفرد الأخير الذي يجب أن يكمل الدرجات ليكون المتوسط مساويا لمتوسط المجتمع . فاذا رمزنا لحجم العينة بالرمز (ن) فإن الحرية في اختيار أفراد العينة هي (ن - ١) وتسمى بدرجات الحرية وهي = عدد المفردات - عدد القيود ، والقيد الموضح هنا هو المتوسط الحسابي

ولذلك عند حساب الانحراف المعيارى للعينة فإننا نقسم مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط على عدد أفراد العينة . والانحراف المعيارى لدرجات العينة يعد نقديرا متحيزا للانحراف المعيارى للدرجات في المجتمع . وإذا أردنا

حساب تقدير غير متحيز للانحراف المعياري للمجتمع فإننا نقسم مجموع مربعات انحرافات درجات العينة عن متوسطها الحسابي على درجات الحرية وهي (ن-١) بدلا من (ن) .

ویکون تقدیر الانحراف المعیاری للمجتمع =
$$\sqrt{\frac{n+(m-q)^2}{n-q}}$$
 $\sqrt{\frac{n+(m-q)^2}{n-q}}$
 $\sqrt{\frac{n+(m-q)^2}{n+m-q}}$
 $\sqrt{\frac{n+(m-q)^2}{n-q}}$
 $\sqrt{\frac{n+(m-q)^2}{n-q}}$

ويمكن تقدير الانحراف المعياري للمجتمع من الانحراف المعياري للعينة من المعادلة :

$$\frac{3^{2} \text{ linears}}{(1-1)} = \frac{3^{2} \text{ linears}}{(1-1)}$$

$$\frac{3^{2} \text{ linears}}{(1-1)} = \frac{3^{2} \text{ linears}}{(1-1)} = \frac{3^$$

وتوجد في معظم الآلات الصاسبة البسيطة برامج لحساب المتوسط والانحراف المعياري للعينة ،ويوجد بها انحراف معياري للعينة يرمز له بالرمزع ن، وتقدير للانحراف المعياري للمجتمع ويرمز له بالرمزع ن ، أما برامج spss فتحسب دائماً تقدير الانحراف المعياري للمجتمع عن ، ،

ويمكن تقدير الانحراف المعيارى المجتمع بمعرفة الانحراف المعيارى المجموعتين من الدرجات حجميهما ن، ن، ويكون تقدير الانحراف المعيارى للمجتمع من المجموعيتن معا هو:

حيث (ن، + ن، - ٢) هي درجات الحرية للمجموعتين معاً .

ويعد ذلك صحيحا إذا تم حساب الانحرافين المعياريين ع١، ع٢ لكل عينة ، أي يتم حساب كل منهما بقسمة مجموع مربعات الانحرافات عن المتوسط على حجم العينة (ن) .

أما إذا تم حساب ع، ع، باستخدام درجات الحرية (ن، - ۱) ، (ن، -۱) إو بإستخدام برامج spss ، فإن تقدير الانحراف المعياري للمجموعتين معا هو:

$$\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\frac{1-\sqrt{3}}{\sqrt{1+(3)}} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 $\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\frac{1-\sqrt{3}}{\sqrt{1+(3)}} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}$
 $\frac{1}{\sqrt{2}}\left(\frac{1-\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right) + \frac{1}{\sqrt{2}}\left(\frac{1-\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{\sqrt{2}}$

وتسمى ع^٢ هنا بالتباين المشترك للمجموعتين ، ويعد هذا القانون صحيحاً فقط في حالة تجانس تباين المجموعتين أي في حالة عدم اختلافهما إختلافا دالا . وسوف نوضح ذلك في الفصل الثامن .

افتراضات الاحصاء الاستدلالي:

Assumptions of Inferntial Statistics

يهتم الاحصاء الاستدلالي بالأساليب الاحصائية المناسبة لاختبار صحة الفروض والاستنتاج من بيانات العينة إلى المجتمع ، ويمكن تعريفه بأنه عملية الخاذ قرار منطقي باستخدام بيانات العينة وأسلوب إحصائي مناسب .

وتعتمد أساليب الاحصاء الاستدلالي على إفتراضين أساسيين (Kimble, 1978: 144) هما:

١ - العشوائية Randomization في اختيار العينة المستخدمة في الدراسة . ويؤكد هذا الافتراض أن متوسط العينة (العشوائية) هو تقدير غير متحيز لمتوسط المجتمع . والباحث فقط هو الذي يقرر إذا ما كانت العينة التي اختارها عينة عشوائية . فإذا لم تكن العينة عشوائية فإن متوسطها لا يعد تقديرا مناسباً لمتوسط المجتمع ، وعليه فإن الاستدلال من بيانات العينة إلى المجتمع يعد

استدلالاً متحيزا ، ومن ثم يصعب التعميم إلى المجتمع .

٢ – التوزيع العيني للمتوسطات Sampling Distribution of Means وهو توزيع اعتدالي بانحراف معياري يسمى الخطأ المعياري . بمعنى أننا إذا إخترنا عدة عينات عشوائية وحسبنا متوسطاتها ثم رسمنا شكل توزيع المتوسطات ، فيكون توزيع المتوسطات اعتداليا .

ويتعلق الافتراض الثاني بنظرية النزعة المركزية وهي أن متوسطات العينات العشوائية سوف تتوزع اعتداليا بغض النظر عن التوزيع في المجتمع الأصلى ، على شرط أن يكون حجم العينة مناسبا (144 : Kimble, 1978 : 144) .

وقد قام كمبل (49-144: Kimble, 1978: 144-149) بوضع جدول للإعداد العشوائية مستخدما الاعداد من صفر إلى ٩ ، ويحتوى الجدول على • • ٩ عدد عشواتى ، يمتوسط ٥,٥ وانحراف معيارى ٢,٨٧ . وكان توزيع هذه الاعداد العشوائية غير اعتدالى (شكل مستطيل) . ثم اختار منها ٢٥ عينة عشوائية حجم كل منها عشرة أعداد ، وحسب متوسطات درجات هذه العينات وانحرافاتها المعيارية . وقد تراوحت المتوسطات بين ٢,٢، ، ، ، ، ، بمتوسط = ٤٠٤، ، وهو قريب من متوسط المجتمع (٥,٥) بينما تراوحت الانحرافات المعيارية للعينات العشوائية بين ١,٥٠ ، ، ، ، ، ، بمتوسط انحراف معيارى = ٢,١٠ وهو مختلف كثيرا عن الانحراف المعيارى للمجتمع ، ، ، ، وقام بتمثيل متوسطات العينات تمثيلا بيانيا فنتج عن ذلك توزيع أعتداليا ، بالرغم من أن توزيع المجتمع غير اعتدالى .

وعند حساب الانحرافات المعيارية للعينات العشوائية باستخدام (ن -۱) بدلا من ن ، فنتج عن ذلك أن الانحرافات المعيارية تراوحت بين ١,٧٨ ، ٢,٦٦، ٢ متوسط انحراف معيارى = ٢,٧٩ ، وهو قريب إلى حد ما من الانحراف المعيارى المجتمع (٢,٨٧) .

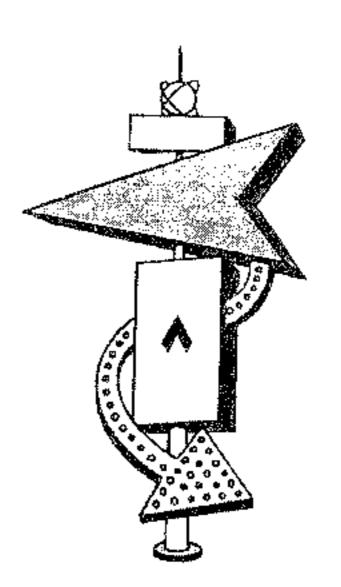
ثم اختار ست عينات مختلفة الأحجام من ٥٠ إلى ٤٠٠ وقام بحساب المتوسط والانحراف المعيارى لكل منها ، وقد وجد أن المتوسطات تراوحت بين ١٠٥ ، ٤, ٥٦ ، ٤, ٥٦ ، وهى قريبة جداً من متوسط المجتمع مثل متوسطات العينات العشوائية الصغيرة . أما الانحرافات المعيارية لهذه العينات فقد تراوحت بين ٢, ٢٠ ، ٢٠ ، وقد وجد أن العينات التي حجمها ١٠٠ فأكثر فإن انحرافاتها المعيارية تقترب جدا من الانحراف المعياري للمجتمع . وقد بلغ الانحراف المعياري للمجتمع (٢,٨٧) .

وبناء على ذلك فقد أشرنا من قبل أن العينات العشوائية التي حجمها ١٠٠ أو اكثر تعد من العينات الكبيرة والمناسبة للدراسات في العلوم الانسانية . أما العينات صغيرة الحجم فيجب الحذر عند الاستدلال منها إلى المجتمع، أي الحذر في تعميم النتائج على المجتمع .

ويوضح لنا المثال المذكور أنه بغض النظر عن توزيع المجتمع فإن توزيع متوسطات العينات العشوائية التي تم اختيارها من المجتمع هو توزيع اعتدالي ومن ثم فإن شرط الاعتدالية في توزيع درجات العينة (إذا كانت العينة كبيرة) نقل أهميته كلما كبر حجم العينة ، أما في حالة العينات الصغيرة والتوزيع شديد الالتواء (أكثر من ٢٠٪ من معامل الالتواء) فإننا لا نستطيع تطبيق نظرية الازعة المركزية . والالتواء الشديد يرجع إلى وجود عدد من الدرجات المنظرفة تؤثر على حساب المتوسط والانحراف المعياري (Freund & Wilson, 1997:169) .

	•			

الفصل الثامن كياب كالمكال الشكاء كياب كالمكالية كيابكت Comparing Two Means



الفصل الثامن اختبار الفرق بين متوسطين

يهتم الاحصائيون والباحثون باجراء مقارنات بين درجات الافراد والمجموعات للاجابة عن بعض التساؤلات البحثية . وعادة ما تكون التساؤلات البحثية أو الفروض عن الفروق بين منوسط مجموعة ومستويات محددة (أو متوسط المجتمع) أو عن الفروق بين متوسطات مجموعات مختلفة.

فإذا علمنا متوسط المجتمع وانحرافه المعياري فاننا نستخدم متوسط العينة ونحوله الى درجة معيارية ، ثم نقارن الناتج بالمنحنى الاعتدالي المعياري .

أما إذا كنان متوسط المجتمع معلوم (أو يوجد متوسط مفترض) بينما الانحراف المعيارى للمجتمع غير معلوم، فإن الأمر يختلف ونستخدم الانحراف المعيارى للعبنة لتقدير الخطأ المعيارى، وبالتالى فإن القيمة الحرجة في هذه الحالة لا تتبع التوزيع الاعتدالى، وإنما تتبع توزيع ت: 1997, Teund & Wilson (1997) To Distribution

وقد توصل عالم الرياضيات وليام جوست William Sealy Gossett عام الرياضيات وليام جوست Student عام ١٩٠٨ إلى معادلة لمقارنة متوسط عينة بالمجتمع وأطلق عليها أسم Student والني تعرف الآن باسم اختبار ت tast - T (Hald,1998).

وسوف نوضح في هذا الفصل كيفية استخدام اختبار ت T - test في مقارنة متوسط عينة بالمجتمع ، وفي اختبار متوسطى عينتين مستقلتين أو غير مستقلتين، بالاضافة الى الاستخدامات الأخرى لا ختبار ت . كما سنوضح أيضا كيفية مقارنة النسبة المئوية بمستوى محدد أو بالمجتمع ، وكيفية مقارنة نسبتين .

مقارنة متوسط عينة بالجتمع : One Sample 1- test

وضحنا من قبل أنه يمكن مقارنة منوسط عينة بمتوسط المجتمع إذا علمنا معالم المجتمع (المتوسط والانحراف المعياري) ، وتتم المقارنة بحساب الدرجة المعيارية لمتوسط العينة ، ثم اتخاذ القرار بشأن الفرض الصفري (أو البديل)

باستخدام جدول المنحني الاعتدالي المعياري عند مستوى دلالة معين .

أما إذا كان الانحراف المعيارى المجتمع غير معلوم ، فاننا نستخدم المتبارت T - test - المقارنة متوسط العينة بمتوسط المجتمع (أو مستوى آخر محدد) ، ويعتمد اختبار ت على ايجاد القيمة الحرجة وهى تنتج من قسمة الفرق بين المتوسطين (أو الفرق بين المتوسط والمستوى المحدد) على الخطأ المعيارى لمتوسط العينة

ت = متوسط العينة - متوسط المجتمع (الفعلي أو المفترض) الخطأ المعياري لمتوسط العينة

 $(3\sqrt{3}) = (3 \div \sqrt{3})$ حيث الخطأ المعياري لمتوسط العينة

م = متوسط العينة ، م = متوسط مفترض للمجتمع

ع = الانحراف المعيارى للعينة (باستخدام درجات الحرية ن - ١) ، ن = حجم العينة .

ويكون الفرض الصفري هنا : متوسط العينة = المتوسط المفترض -

أما الفرض البديل فهو: متوسط العينة لايساوي المتوسط المفترض (بديل غير موجه).

واتخاذ القرار بشأن قبول أورفض الفرض الصفرى يتبع ما سبق ذكره في هذا الشأن . فاذا كانت قيمة ت المحسوبة تقع في منطقة الرفض عند مستوى دلالة معين ، والتي نستخرجها من جدول توزيع ت ، فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل .

ومعنى هذا إذا كانت قيمة ت المحسوبة اكبر من قيمة ت من الجدول (عند مستوى دلالة محدد ٥٠٠٠ أو ٢٠٠١ أو ٢٠٠٠) فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل . ويكون القرار أن قيمة ت المحسوبة دالة عند مستوى الدلالة المحدد ، ومعنى دالة أنها مهمة أو أن الفرق بين المتوسطين يحدث ٩٠٪ من مائه مره (مثلاً) أو أن مستوى الثقة في الفرق بين المتوسطين هو ٩٠٪ (مثلاً).

ويتم حساب قيمة ت الجدولية من جدول توزيع (ت)* باستخدام درجات الحرية ومستوى الدلالة المطلوب . حيث يبين العمود الاول بجدول توزيع ت درجات الحرية ، بينما يمثل السطر أعلى الجدول مستويات الدلالة في حالة الطرف الواحد أو الطرفين .

ويتم استخراج قيمة ت من الجدول حسب مستوى الدلالة المطلوب والمناسب لاختبار الفرض . ويعتمد توزيع ت على حجم العينة ، فكلما زاد حجم العينة (درجات الحرية) يقترب توزيع ت من توزيع المنحنى الاعتدالي . وتتحدد حدود فترة الثقة باستخدام توزيع ت عند ٠٩٥، من : م ± ت (٠٩٥) × الخطأ المعياري

مثال: إذا كان متوسط ذكاء عينة من طلبة الجامعة حجمها ٨٠ هو ١٠٥ والانحراف المعياري = ١٠٠ فيهل يختلف هذا المتوسط عن متوسط نسبة ذكاء الطالب العادي ؟

ويكون الفرض الصفرى هذا هو: متوسط نسبة طلبة الجامعة = متوسط نسبة ذكاء الطالب العادى (وهي عادة تساوى ١٠٠)

> والفرض البديل : متوسط نسبة ذكاء طلبة الجامعة لا تساوى ١٠٠ ونستخدم القانون السابق لحساب قيمة ت

توزیع اعتدالی معیاری
$$(*)$$
 دالة الاحتمال لتوزیع $(*)$ حربة $(*)$ دالة الاحتمال لتوزیع $(*)$ $($

$$\frac{1 \cdot \cdot - 1 \cdot 0}{\lambda \cdot \sqrt{\div 1 \lambda}}$$

$$\frac{0}{7 \cdot 1}$$

$$\frac{0}{7 \cdot 1}$$

$$7 \cdot 1 = 1 - \lambda \cdot = 1 - \lambda \cdot$$

وباستخراج قيمة ت من الجدول بدرجات حرية ٧٩ ومستوى دلالة ٠٠٠٠ ، أو مستوى دلالة ١٠٠٠ (في حالة اختبار الطريفين لأن الفرض البديل غير موجه)

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة ٢.٤٩ نجد أنها أكبر من ت (٢٠٠٠) وأقل من قيمة ت (٢٠٠٠) واقل من قيمة ت المحسوبة تقع في منطقة الرفض الفرض الصفرى عند مستوى دلالة ٢٠٠٠ .

وبالتالي نقرر رفض الفرض الصفرى عند مستوى دلالة ٠٠٠٠ ونقبل الفرض البديل.

وإذا كان الانحراف المعياري للعينة المذكورة (١٨) قد تم حسابه باستخدام (ن) بدلا من (ن - ١) فإن :

$$11.11 = (11.1) \times \frac{1}{\sqrt{9}} = \epsilon \times \frac{0}{1 - i} = (1 - i)^{\epsilon}$$

$$7. \epsilon = \frac{1 \cdot i - 1 \cdot 0}{1 \cdot i \cdot 1} = \frac{1}{\sqrt{9}} = \frac{1}{\sqrt{9}}$$

$$e^{i \cdot 2} = \frac{1}{\sqrt{9}} = \frac{1}{\sqrt{9}} = \frac{1}{\sqrt{9}}$$

وهى قريبة من القيمة السابق الحصول عليها، وعليه فأن القرار بشأن الغرض الصفرى والفرض البديل لم يتغير .

 $7. \cdot 1 \times 7. \cdot 1 \pm 1 \cdot 0 = 0.90$ وحشود الثقة في المتوسط باحتمال $9. \cdot 1 \cdot 0 = 0.1 \pm 1 \cdot 0$

أختبار الفرق بين متوسطى عينتين مستقلتين Tndepenend t- test:

يستخدم اختبار ت في حال إختبار الفرق بين متوسطى عينتين مستقلتين عن طريق حساب النسبة الحرجة ثم مقارنتها بجدول توزيع ت .

ويفترض اختبارت هنا الافتراضات التالية:

- ١ العشوائية في إختيار العينتين .
- ٢ اعتدالية توزيع درجات المتغير التابع لكل من العينتين .
 - " أن العينتين مستقلتان عن بعضهما البعض .
 - ٤ تجانس تباين مجتمعي العينتين.

وقد سبق توضيح الافتراضين الاول والثانى ، وقد ذكرنا أن مخالفة العشوائية تحد من تعميم النتائج . بينما شرط الاعتدالية فى توزيع درجات العينتين تقل أهميته إذا كانت العينات كبيرة ، ويعد مشكلة فى حالة إذا ماكان توزيع الدرجات شديد الالتواء . أما فى حالة الالتواء المتوسط فان المخالفة هنا لاتوثر على النتائج . وفى هذه الحاله يجب تحويل الدرجات باستخدام التحويل الرياضى المناسب والذى يتطلب اللجوء الى المتخصصين فى الاحصاء للعلوم الانسانية .

والافتراض الثالث (الاستقلالية) يستطيع الباحث تحديده عند اختياره للعينتين فهو الذي يقرر ما إذا كاننا مستقلتين أو غير مستقلتين .

أما الافتراض الرابع وهو تجانس تباين مجتمعى العينتين ، فيمكن إختباره عن طريق حساب النسبة بين التباينين والبحث عن احتمال دلالة هذه النسبة ، وهي تسمى بالنسبة الفائية F-Ratio وفي حالة تساوى حجمي العينتين فلاضرورة لاختبار فرض التجانس (Hopkins etal., 1987:167)

التباين الاكبر النسبة بين تباين مجتمعي العينتين - التباين الاصغر التباين الاصغر

حيث على ، على هما تقديرا تبايني مجتمعي العينتين

ثم نقارن النسبة الفائية مع قيمة ف من جدول توزيع ف بدرجات حرية (ن، - ١) للبسط ، (ن، - ١) للمقام عند مستوى دلالة ٥٠،٠ فاذا كانت النسبة الفائية المحسوبة أقل من القيمة الجدولية ، فان القرار يكون بقبول فرض نجانس تباين المجموعتين .

أما إذا كانت النسبة الفائية المحسوبة أكبر من القيمة الجدولية فان القرار يكون برفض فرض تجانس تباين المجموعتين ، وقبول البديل (عدم التجانس) . ومعنى هذا أنذا أمام حالتين :

الجالة الأولى: إذا كانت العينتان متجانستين:

أي أن على على تقريباً فإن قيمة ت تحسب من القانون :

ويحسب الخطأ المعيارى للفرق المتوسطين عن طريق ايجاد الانحراف المعيارى المشترك للعينتين من القانون

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$
 $\frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1$

باستخدام درجات الحرية (ن، - ١) ، (ن، - ١)

ويكون الخطأ المعياري للفرق بين متوسطى العينتين المستقلتين

وبوضع المعادلتين معا فأن :

الخطأ المعياري للفرق بين المتوسطين =

$$\left(\frac{1}{i} + \frac{1}{i}\right) \frac{\sqrt{\epsilon(1-i)} + \sqrt{\epsilon(1-i)}}{\sqrt{1-\epsilon}} + \frac{1}{i} = \frac{1}{i}$$

$$\frac{1}{1}$$
 $\frac{1}{1}$ $\frac{1}$

ثم نقارن قیمة ت المحسوبة بالقیمة الجدولیة عند مستوی دلالة معین (۰٫۰۰ أو ۰٫۰۱ أو ۰٫۰۱) ودرجات حریة - ن + ن - ۲ وفی حالة تساوی حجمی العینتین (ن - i - i - i - i) فإن :

الخطأ المعياري المشترك =
$$\sqrt{\frac{Y_{3} + Y_{3}}{Y_{0} - Y_{1}}}$$
 = $\sqrt{\frac{Y_{3} + Y_{3}}{Y_{0} - Y_{1}}}$ = $\sqrt{\frac{Y_{3} + Y_{3}}{Y_{0} - Y_{1}}}$ الخطأ المعياري المشترك = $\sqrt{\frac{Y_{3} + Y_{3}}{Y_{0} - Y_{1}}}$

أما حدود الثقسة بأن احتمال الفرق بين المتوسطين ٩٠.٠ يقع بين (م - م) ± ت (٥٠.٠) × الخطأ المعياري

مثال (١) : إذا كان متوسطاعينتين مستقلتين في درجات الانبساط / الانطواء هما ٤٧ ، ٢٥ وكان حجم العينتين ٣٠ ، ٣٠ ، وإنحرافيهما المعياريين ٦ ،

٧, ٢ على الترتيب . فهل يختلف متوسطى العينتين ؟

ويكون الفرض الصفرى هنا: متوسط العينة الاولى = متوسط العينة الثانية وحيث والفرض البديل هنا: متوسط العينة الاولى لا يساوى متوسط العينة الثانية وحيث أن العينتين مستقلتان فاننا نختبر أولاً شرط التجانس.

$$1, 22 = \frac{{}^{4}(7,7)}{{}^{4}(7)} = \frac{{}^{4}(7,7)}{{}^{4}(7,7)} = \frac{{}^{4}(7,7)}{{}^{4}(7,7)}$$

وبالرجوع الى جداول ف بدرجات حرية (٣٠ - ١ ، ٣٥ - ١) ومستوى دلالة ٥٠,٠ نجد أن قيمة ف الجدولية .

1, 1 = (٠,٠٥, ٣٤, ٢٩) ··

وحيث ان القيمة المحسوبة (١.٤٤) أقل من القيمة الجدولية فاننا نقبل الفرض الصفرى (تساوى تباين العينتين) ،ومن ثم تكون المجموعتان متجانستين .

ونحسب قيمة ت من القانون:

$$\begin{bmatrix}
\frac{1}{1} + \frac{1}{1} & \frac{7}{12}(1-\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(1-\frac{1}{12}) \\
\frac{1}{1} + \frac{1}{12} & \frac{7}{12}(1-\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(1-\frac{1}{12}) \\
\frac{1}{12} + \frac{1}{12} & \frac{7}{12}(\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(\frac{1}{12}) \\
\frac{1}{12} + \frac{1}{12} & \frac{7}{12}(\frac{1}{12}) + \frac{7}{12}(\frac{1}{12$$

ئم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية ٦٣ ومستوى دلالة ٥٠.٠ أو ٠.٠١ (اختبار الطرفين لأن الفرض البديل غير موجه)

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة مع القيمة الجدولية نجد أن قيمة ت المحسوبة اكبر من القيمتين الجدوليتين ، وبالتالي فيهي تقع في منطقة رفض الفرض الصفري وقبول الفرض البديل (غير الموجه) . ولذلك فان القرار يكون :

قيمة ت - - ٣٠٠٠ دالة عند مستوى ٢٠٠٠ (وتدل الاشارة السالبة على انجاه الفرق بين المتوسطين). وهي تعنى وجود فرق دال عند مستوى ٢٠٠٠ بين متوسطى العينتين . وبالطبع يكون الفرق لصالح المتوسط الاعلى ، أي أن متوسط المجموعة الثانية اعلى من متوسط المجموعة الأولى بمستوى دلالة ٢٠٠١ وحدود الثقة بأن الفرق بين المتوسطين بمستوى ثقة ٩٠٠٠ يقع بين

$$(7.77)^{2} = -0 \pm 7.77$$
 $= -0 \pm 7.77$
 $= -0 \pm 7.77$
 $= -0 \pm 7.77$
 $= -0 \pm 7.77$
 $= -0 \pm 7.77$

الحالة الثانية: إذا كانت العينتان غير متجانستين: أي أن على لاتساوى على

الفرق بين المتوسطين فإن قيمة ت = الخطأ المعياري للفرق بين المتوسطين

وهي تقدير الخطأ المعياري في حالة اختلاف التباين(Seperate Variances)

ثم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية عند مستوى دلالة معين، ولكن درجات الحرية يتم حسابها من المعادلة التي إقتراحها Satterthwaite عام 1991 (1991 .. Winer etal)

$$\left[\frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{(1 - \frac{1}{2}) + \frac{1}{2}} + \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{(1 - \frac{1}{2}) + \frac{1}{2}} + \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{(1 - \frac{1}{2}) + \frac{1}{2}} \right] = - \cdot \cdot 3$$

وتستخدم برامج Spss هذ المعادلة لحساب درجات الحرية في حالة العينتين المستقلتين غير المتجانستين.

ويوجد تقريب لهذه المعادلة نوصل إليه ويلك Welck عام ١٩٤٧) etal.,1991

$$Y = \left[\frac{\frac{1}{12} + \frac{1}{12}}{(1+\frac{1}{12}) + \frac{1}{12}} + \frac{\frac{1}{12}}{(1+\frac{1}{12}) + \frac{1}{12}}$$

ولها جداول خاصة توصل اليها Aspin عام ١٩٤٩ . وإذا كانت العينتين متساويتين (ن، "ن، "ن) فإن

وقیعة ت =
$$\frac{a_1 - a_1}{-\frac{A_1}{3}}$$
 بدرجات حریة (۲ ن - ۲)

 $\frac{x^2 + x^2}{3}$

مثال (٢): أجريت دراسة لانجاهات المسافرين نحو بعضهم البعض واختيرت عينين عشوائيتين من الذكور والاناث من ركاب القطارات وكانت درجاتهم كما يلى:

جدول (۸ - ۱) درجات الإنجاء نحو زملاء السفر

	٨	٧	٤		*	4	0	٨	۲	٨	٤	٦	٧	£	0	نكبور
٥	٤	٦.	٥	۲	٧	٤	٧	٥	٤	۲	٦,	٣	٣	5	٤	انات

والمطلوب اختبار الفرض : لا تختلف انجاهات الذكور والاناث نحو زملاء السفر. ونبدأ القحليل بحساب المتوسط والتباين لكل من العينتين :

$$3, = \sqrt{7}, 2$$

$$3, = \frac{3}{1} = \sqrt{7}, 3$$

$$3, = \frac{7}{1} = \sqrt{7}, 3$$

$$3, = \frac{7}{1} = \sqrt{7}, 3$$

$$3, = \frac{7}{1} = \sqrt{7}, 3$$

$$3, = \sqrt{7}, 3$$

ثانياً: نختبر افتراض التجانس

$$7,71 = \frac{\xi,\Lambda T}{1,\Lambda 0} = \underline{\omega}$$

نستخرج قيمة ف من الجداول بدرجات حرية (١٥ ، ١٥) ومستوى دلالة ٥٠٠٠ ف (١٢ ، ١٢ ، ١٥٠) = ٢,٤٣

ويمقارنة النسبة الفائية المحسوبة (٢,٦١) بالقيمة الجدولية نجد أن النسبة الفائية المحسوبة دالة عند مستوى ٠٠٠٠ ومن ثم فاننا نقرر بعدم تجانس تباين العينتين ، أى أن المجموعتين غيرمتجانستان .

وفي هذه الحالة نستخدم قانون ت عند اختلاف التباين

$$\frac{3}{3}, \frac{3}{3}, \frac{7}{3}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{17}, \frac{70}{177}, \frac{70}{177$$

والمشكلة هنا في حساب دح الحرية من قانون Satterthwaite

حيث نستخدم أقرب رقم للنتائج (٢٤)، وباستخراج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية ٢٤ (تقريبا) ومستوى دلالة ٥٠,٠٠ نجد أنها ت (٢٤ ،٥٠،٠) = ٢٠٠٤ وهي اكبر من القيمة المحسوبة (١.٤٧)

فتكون قيمة ت المحسوبة غير دالة . ومعنى هذا أننا نقبل الفرض الصفرى هو: متوسط انجاهات الذكور = متوسط انجاهات الاناث .

ويمكن تلخيص خطوات اختبار الفرق بين متوسطى عينتين في الخطوات التالية :

- ١ -- وضع قرض صفري وفرض بديل
 - ٢ -- تحديد مستوى للدلالة
- ٣ -- حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية
 - ٤ اختبار شرط النجانس
- ه حساب قيمة ت من القانون المناسب طبقا لشرط التجانس
- ٦ استخراج قيمة ت الجدولية بدرجات الحرية ومستوى الدلالة المحدد.
- اتخاذ القرار بقبول أو رفض الفرض الصغرى بناء على المقارنة بين
 قيمتى ت المحسوبة والجدولية .

حجم التأثير: Effect Size

يمكن حساب حجم التأثير باستخدام قيمة ت المحسوبة إذا كانت دالة ، ويدل حجم التأثير على مدى تأثير الانتماء لعينة معينة على المتغير التابع موضع

الاهتمام ، وهو الدلالة العملية للنتائج ، وقد توصل كوهن Cohen إلى معادلة لحساب حجم التأثير (Kenny, 1987:213) لعينتين مستقلتين وهي :

حيث ت هي القيمة المحسوبة ، ن، ،ن، هما حجمي العينتين

وافترح كوهن أنه إذا كانت القيمة المحسوبة ح = ٠,٠ فان حجم التأثير يكون ضعيفا (صغيرا) أما إذا كانت ح = ٠,٠ فندل على حجم تأثير متوسط، بينما القيمة ٨,٠ تدل على حجم تأثير مرتفع ، للمتغير المستقل على المتغير التابع (Kenny, 1987: 212)

وفي حالة العينتين غبر المستقانين قان:

$$\frac{Y(1-c)}{c}$$
حجم التأثیر = ت $\sqrt{\frac{(1-c)}{c}}$

حيث ت هي القيمة النائية المحسوبة ، ن حجم العينة ، ر معامل الارتباط بين درجات القياسين

وهو يدل على تأثير مرتفع .

ويتم حساب حجم التأثير في حالة وجود فرق دال بين متوسطى المجموعتين .

وتوجد طريقة أخرى لحساب حجم التأثير للمتغير المستقل على المتغير النابع في حالة إختبار (ت). ويشير حجم التأثير هنا الى قوة العلاقة بين المتغيرين أو دليل الأثر الفعلى ، وهو يعرف باسم مربع إينا \$\text{Eta Sqmared}\$ (\pi^2) Eta Sqmared (\pi). ويمكن حساب مربع إينا في حالتي إختبار (\pi) أو تحليل التباين (Kiess,1989:513)

Piont حيث إينا هي إرتباط ثنائي بين المجموعات والمتغير التابع ويسمى Biserial (Winer et al., 1991)

وبالتطبيق على مثال (١) فأن:

ریع اینا
$$=\frac{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}$$
 $=\frac{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}$ $=\frac{\mathfrak{R}, \cdot \Upsilon}{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}$ $=\frac{\mathfrak{R}, \cdot \Upsilon}{\Upsilon(\mathfrak{R}, \cdot 1)}$

وهى تدل على أن ١٢.٦٪ من تباين المتغيرالتابع يمكن تفسيره بمعرفة المجموعات المستقلة ، ومن الواضح أن مربع اينا هنا يختلف عن حجم التأثير السابق حسابه من معادلة كوهن والتي توصلت الى أن حجم التأثر = ٧٠ ، والذى بعد مرتفعا الى حد ما ، ولكن الفرق الاساسي بينمها أن مربع إينا يدل على نسبة من تباين المتغير التابع ترجع للمتغير المستقل ،أما حجم التأثير من معادلة كوهن فيدل على نسبة الفرق بين متوسطى المجموعتين في وحدات معيارية .

وتحسب العلاقة بين مربعا إينا حجم التأثير (ح) من المعادلة

وقد وصنع كيس جداول توضح العلاقة بالقيم العددية لكل من ح ، مربع إينا. ولحساب ح باستخدام مربع اينا السابق الحصول عليه فان :

= ۰,۷۰۹ ÷ ۰,۷۰۹ وهى متقاربة مع حجم التأثير ح السابق حسابه باستخدام قيمة ت (٣,٠١) وحجمى العينتين .

ويبين كيس Kiess من الجدول الذي أقترحة مايلي:

- (أ) حجم التأثير ٢,٠ يقابل مربع اينا = ٠.٠١ وهي قيمة صغيرة جدا (١٪ من التباين).
- (ب) إذا كان مربع إينا = ٠٠٠٠ فانه يقابل قيمة حجم تأثير = ٠٠٥٠٠ ، مما يدل على حجم تأثير متوسط .
- (جـ) أما إذا كان مربع إيتا ١٥٠ فانه يقابل حجم تأثير ١٠٨٤ مما يدل على حجم تأثير مرتفع.
- (د) وفي حالة مربع إينا = ٢٠.٠ فان حجم النأثير = ١ وهو مرتفع أيضا ومعنى هذا أن زيادة حجم النأثير عن الوحدة يدل على أثر قوى للمتغير المستقل على المتغير النابع ، أو فرق قوى بين المجموعتين في متوسط درجات المتغير النابع.

وقد لاقت مقترحات كيس في تفسير مربع إينا صدى واسعاً في الدراسات الاحصائية . حيث وجد هاس وآخرون (Haase et al, 1982) أن مربع إينا في اكثر من احدى عشر الف اختبار احصائي دال منشورة في مجلة الارشاد النفسي خلال ١٩٧٠ - ١٩٧٩ ، وقد وجدوا أن وسيط مربع إينا ١٩٧٠، وهي تقابل حجم تأثير - ١٩٧٠ (تأثير أعلى قليلا من المتوسط).

وقد أجرى لينتون وجالو (Linton & Gallo. 1975) دراسة مشابهة على بحوث منشورة في مجلات APA خلال عام ١٩٦٤، ووجدا أن مربع إيتا يقل عن ٥٠٠٠ في ٥٠٪ من البحوث المنشورة . ويوضح هذا مدى تزايد الاهتمام بضرورة معرفة حجم التأثير من مربع إيتا عند تحليل البيانات وكتابة النتائج (Kiess,1989:517)

قوة اختبار (ت) : Power of t-test

يمكن حساب قوة الاختبار B - ا رباستخدام قيمة ت المحسوبة وجداول خاصة لحساب قيمة خطأ النوع الثاني Winer et al, 1991:60) B)

ففي المثال رقم (١) حيث كانت قيمة ت هي :

ونستخدم قيمة ت ودرجات الحرية في البحث في جداول خاصة لاستخراج β عند مستوى الدلالة المحدد . فان كانت α

فان قيمة β للمثال = ١٠، وقوة الاختبار = ١ - ١٠، هـ ٠٩٠٠ وأن قيمة β للمثال = ١٠،٠٠ وقوة الاختبار = ١ - ٢٧٠٠ وأن وفي حالة α = ١٠٠٠ فأن β = ٢٧٥٠ وأن وتكون قوة الاختبار = ١ - ٢٧٥٠ = ٢٧٠٠.

اختبار الفرق بين متوسطى عينتين غير مستقلتين أو عينة واحدة :

(Dependend t - test)

عندما يكون اهتمام الباحث هو المقارنة بين متوسطين لعينتين غير مستقاتين ، أو بمقارنة متوسطى عينة واحدة فى فترتين مختلفتين . فكثيرا ما يهتم المعالج بمعرفة مدى تحسن المرضى بعد فترة معينة من العلاج ، أو اهتمام المدرب بمدى فعالية برنامج تدريبي فى اكتساب معلومات ومهارات معينة ، أو اهتمام باحث بمعرفة مدى التغير فى اتجاهات عينة من الافراد نحو قضية مجتمعيه معينة .

وفى هذه الحالات يكون الاهتمام بدراسة الفرق بين متوسطين لعينة واحدة في فترتين مختلفتين ، والتى تعرف عادة باسم القياس القبلى والقياس البعدى . وهنا يكون القياس القبلى – البعدى لنفس المتغير التابع وباستخدام نفس الأداة أو صور متكافئة .

وبالتالى فان القياسين غير مستقلين عن بعضها البعض ،مما يؤثر على طريقة حساب الخطأ المعياري للفرق بين المتوسطين .

والافتراضات الاساسية هنا هي نفس الافتراضات المذكورة سابقا في حالة اختبارت لمتوسطي عينتين مستقلتين ماعدا إفتراض الاستقلالية ، بمعنى أن الافتراضات اللازمة هنا هي: العشوائية في اختيار العينة، الاعتدالية في توزيع درجات المتغير التابع ، تجانس تباين درجات القياسين وتحسب قيمة ت من القانية

القانون ت - الغرق بين المتوسطين الخطأ المعياري للفرق بين المتوسطين

م المعياري الخطأ المعياري

ولان العيدة المستخدمة واحدة فيمكن حساب الفروق بين درجات القياسين (ف) ثم نحسب متوسط هذه الفروق (من) وانحرافها المعياري (عن) وتصبح قيمة ت هي :

$$\frac{a_{1} - a_{7}}{(3 \cdot \cdot \cdot \vee \circ)} = \frac{a_{1}}{(3 \cdot \cdot \cdot \vee \circ)} + \operatorname{ecc}_{2} \circ (3 \cdot \cdot \vee \circ)$$

$$\frac{a_{1} - a_{7}}{(3 \cdot \cdot \vee \circ)} = \frac{a_{1}}{(3 \cdot \cdot \vee \circ)} + \operatorname{ecc}_{2} \circ (3 \cdot \cdot \vee \circ)$$

ثم نقارن قيمة ت المحسوبة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية (ن - ١) ومستوى الدلالة المحدد.

مثّال (٣): اجريت دراسة لمعرفة مدى التغير في انجاهات عينة من الافراد تعرضوا لبرنامج تدريبي وكانت البيانات كما يلي :

جدول (۸ – ۲)

11	,]	١٨	٦	٥	١٢	17	11	٨	٩	۲	قياس قىبلي
		۲.	۱۲	١.	17	۲٥	۱۸	١٥	١٨	١.	قياس بعدي

ويكون الفرض الصفرى هو: متوسط القياس القبلى متوسط القياس البعدى والفرض البديل: متوسط القياس البعدى، والفرض البديل: متوسط القياس البعدى، ويتم اجراء تحليل البيانات السابقة كما بالجدول (٨ - ٣)

۲ <u>ـ</u> ـــــ	الفرق ف	القياس البعدى	القياس القبلى	م
£٩	٧	١.	٣	,
۸۱	٩	. 14	٩	۲
£9	V	10	٨	٣
٤٩	Y	14	11	٤
٦ ٤	٨	10	17	٥
17	٤	17	14	۱ ٦
40	٥	1.	۵	Y
44	٦	١٢	٦	٨
٤	۲	۲۰	14	٩
17	٤	14	18	1.
۳۸۹	٩٥	١٦١	1.7	المجموع

متوسط القياس القبلى م , =
$$\frac{1.7}{1}$$
 = 1.71

متوسط القياس البعدى م , = $\frac{171}{1}$ = 1.71

متوسط الفرق بين القياسين = م , - م = 1.71 - 7.71 = 9.0

وكذلك م ن = $\frac{90}{1}$ = 9.0

 $\frac{90}{1}$ = $\frac{90}{1}$ = 9.0

$$(\xi, 70) (\xi, 77) \cdot .7 \cdot \xi \times Y - \frac{Y}{(\xi, 70)} + \frac{Y}{(\xi, 77)} = \frac{\xi}{\xi, 77} = \frac{\xi}{\xi,$$

وهي نفس القيمة التي حصلنا عليها باستخدام فروق القياسين (ف)

ونحسب قيمة ت من القانون

وتكون قيمة ت = ____ = ٥,٩ بدرجات حرية (١٠ -١) ١٦٧٤.

ثم نستخرج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية ٩ ومستوى دلالة ٠٠٠٠ أو ١٠٠٠ أو ١٠٠٠٠ أو ١٠٠٠٠

وبمقارنة قيمة ت المحسوبة (٨,٧٥) بالقيم الجدولية نجد أنها اكبر من القيم الجدولية الثلاث المذكورة ، فتكون قيمة ت المحسوبة دالة عند مستوى ٢٠٠٠، (المستوى الاعلى)

وعليه فإن القرار هو رفض الفرض الصفرى وقبول الغرض البديل وهو: متوسط القياس القبلي لا يساوي متوسط القياس البعدي .

$$\frac{(1-c)}{c}$$

$$= \frac{1}{2} \sqrt{\frac{(1-c)}{c}}$$

$$= \frac{1}{2} \sqrt{\frac{(1-2\cdot 9\cdot 9)}{1 \cdot 1}}$$

وهو يدل على حجم تأثير مرتفع.

وقد عرض هوبكنز وآخرون (Hopkins et al.,1987:172) أنه يمكن التوصل الى حجم التأثير عن طريق تحويل الفرق بين المتوسطين (البعدي -القبلي) الى وحدات معيارية ، وذلك بقسمة الفرق على الانحراف المعياري المجموعة الضابطة (إن وجدت) أو الانحراف المعياري للقياس القبلي .

حيث م ، م، هما متوسطي القياس القبلي والبعدي ، ع، هي الانحراف المعياري القياس القبلي (أو للمجموعة الضابطة إن وجدت) ويتطبيق هذه المعادلة على مثال (٢) السابق:

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4}, \frac{1$$

ويكون حجم التأثير المعياري مهما إذا كان يعادل ١,٢٨ وهي القيمة المقابلة لاحتمال ١٠ . • من المنحني الاعتدالي ، وهي تستخدم في حالة الفروض الموجهة وإختبار الطرف الواحد .

استخدامات أخرى لاختبار (ت):

١ - يمكن اختبار دلالة معامل الارتباط بين متغيرين عن طريق حساب قيمة ت من المعادلة

$$U = C$$
 (Milewski,1997 :185) $\frac{V - U}{V - V}$ (Milewski,1997)

حيث يكون الفرض الصفرى هو: معامل الارتباط = صفر والفرض البديل: معامل الارتباط لا يساوى الصفر

ثم نستخرج قيمة ت الجدولية بدرجات حرية (ن - ٢) ومستوى الدلالة المحد . ونقارنها بالقيمة التائية المحسوبة من المعادلة السابقة ، فاذا كانت دالة فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل .

4, £0 = ~

وقيمة ت الجدولية بدرجات حرية ١٨ ومستوى دلالة ٠٠٠٠ هى ٢،١٠ وعليه فان قيمة الجدولية (٢،١٠) اكبر من القيمة الجدولية (٢،١) فتكون دالة ونرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل بأن معامل الارتباط ٥٠٠ (للعينة التي حجمها ٢٠) يختلف عن الصفر عند مستوى دلالة ٠٠٠٠

٢ - كما يمكن استخدام اختبارت أيضا في اختبار معامل الارتباط الجزئي فاذا كان لدينا ثلاثة متغيرات فانه يمكن حساب معامل الارتباط البسيط بين كل متغيرين منهما ١٠٠ ، ١٠٠ ، ١٠٠ كما يمكن حساب معامل الارتباط الجزئي وذلك بحذف أثر أحد المتغيرات من العلاقة بين المتغيرين الاخرين ، مثل (١٠٠٠) وهي تعنى العلاقة بين المتغيرين ١ ، ٢ بعد حذف أثر المتغير الثالث.

وتكون قيمة ت لهذا الارتباط الجزئي =
$$\frac{v.y.}{(v-v)}$$
 ($v-v$) $+$ ($v-v$) $+$ ($v-v$) $+$ ($v-v$)

رهى تتبع توزيع ت بدرجات حرية (ن - ٣) (Ferguson,1971:392).

اختبار الفرق بين نسبتين

يهتم عدد كبير من الباحثين في العلوم الانسانية باجراء دراسات نستخدم منغيرات تصنيفية (اسمية أو ترتيبية) . وفي هذه الحالات لانستطيع حساب المتوسط أو الانحراف المعياري . ومن أمثلة الاسئلة البحثية في تلك الدراسات : هل نسبة تسرب الطلبة تختلف في مدارس البنين عن مدارس البنات ؟

هل أسباب التسرب تختلف باختلاف موقع المدرسة (ريف أو حضر) ؟ هل نسبة من استجابوا للاستبانة بالبريد تختلف باختلاف المنطقة السكنية ؟ هل نسبة الطلاق تختلف باختلاف مستوى التعليم ؟

ويوجد العديد من مثل هذه الاسئلة في دراسات العلوم الانسانية ، والتي تستحق الاهتمام وتوضيح كيفية تحليل بياناتها ، وتدل نظرية النزعة المركزية على أنه مهما كان شكل توزيع المجتمع ، فان توزيع متوسطات العينات العشوائية يقترب من الاعتدالية كلما زاد حجم العينة ، وعند حساب النسبة المئوية فاننا نكون بصدد فئتين ، فهناك من ينتمى للغئة (يتسرب مثلا) ويحصل على الدرجة واحد ، وهناك من لا ينتمى ويحصل على صفر ، وتكون النسبة هي مجموع هذه الدرجات على العدد الكلى (.....) وعليه فان النسبة هنا مشابهة للمتوسط الحسابي ، بل هي متوسط حسابي لمتغير ثنائي : 1978 ، . Hopkins et al . . 1978)

فاذا إخترنا عشوائيا ٢٠٠ فرد وحددنا نسبة ذوى اليد اليسرى ، ثم كررنا إختيار عدة عينات عشوائية وحددنا النسب في كل عينة عشوائية ، فأن هذه النسب تتوزع توزيعا إعتداليا (إذا كانت العينة مناسبة).

وفي مثل هذا التوزيع الاعتدالي النسب يكون المتوسط = النسبة في المجتمع ق ، والانحراف المعياري للتوزيع (الخطأ المعياري ع $\sqrt{\frac{5}{5}}$

ومن الواضح أن الانحراف المعياري للنسبة يتأثر بحجم العينة فكلما كانت العينة كبيرة يقل التباين وبالتالي الانحراف المعياري للنسبة (ع) فاذا كانت النسبة ق = ٠٠٥٠ وكان حجم العينة ٢٥ فان:

وتكون حدود الثقة للنسبة ، أن ٩٥٪ تنحصر بين ق ±١،٩٦ ع و = ٠٠٥٠ ±١،٩٦ (٠,١) = ٠٥،٠ ± ٠،٥٠ (نقريبا (٠,٣،٠٠٠)

أما إذا كان حجم العينة = ١٠٠

وتكون حدود الثقة عند ٩٠٪ = ٥٠٠ ± ١٠٩٦ (٠٠٠٠)

- ه.٠ ± ٠,٠ تقريبا

(*, £ : ', 7) =

ومن الواضح أن الحدود تقترب من النسبة الفعلية . ومعنى هذا أنه كلما كان حجم العينة كبيرا يقل الانحراف المعيارى وتقل حدود تقدير النسبة ، ومن تقترب كثيرا من النسبة الفعلية في المجتمع .

وقد توصلت العديد من الدراسات الى أن الحجم المناسب للعينة في حالة النسبة هو الذي يحقق الشرط بأن:

وفي مثل هذه الحالات لايكون الخطر كبيرا في معاملة التوزيع العينى كتوزيع معتدل (Hopkins et al., 1987: 184)

فاذا كانت ق = ٠،٤٠ فإن حجم العينة لا يقل عن ٢٥

أما إذا كانت ق - ٩٠ . فان حجم العينة لا يقل عن ١٠٠

ومعنى هذا أن يعرف الباحث النسبة مقدما ، ولكنه إذا كانت غير معلومة فيمكن تقديرها من العينة . وبصفة عامة يفضل أن تكون العينات كبيرة [ن ق أو

ن (۱ – ق)≤۲۰]

مقارنة نسبة عينة بالجتمع :

إذا كان الاهتمام هو معرفة إذا ما كانت نسبة النجاح في مدرسة ما مختلفة عن نسبة النجاح في مدرسة ما مختلفة عن نسبة النجاح في مجتمع المدارس . بمعنى أننا نعلم نسبة النجاح في المجتمع، ونود مقارنة نسبة النجاح في احدى المدراس بنسبة المجتمع

مثال (۱): إذا كانت نسبة النجاح في مدرسة ما ٠,٧٠ ونسبة النجاح في المجتمع ٠,٨٠ وكان عدد طلبة المدرسة = ٠٥٠ فإذا رغبنا في معرفة مدى إختلاف النسبتين فاننا نحسب النسبة الحرجة بقسمة فرق النسبتين على الخطأ المعياري لنسبة العينة (لعدم معرفة حجم المجتمع)

النسبة الحرجة (ذ) =
$$\frac{\bar{b} - \bar{b}}{\sqrt{\bar{b} (1 - \bar{b})}}$$
 هو الخطأ المعيارى $\sqrt{\bar{b} (1 - \bar{b})}$ ن

ويكون الفرض الصفري هو: نسبة نجاح العينة = نسبة النجاح في المجتمع،

الفرض البديل: نتبة نجاح العينة لا تساوى نتبة العجتمع وندنب النسبة العرجة - العينة لا تساوى نتبة العجتمع وندنب النسبة العرجة - العرب النسبة العرجة - العرب النسبة العربة العربة العرب النسبة العربة ال

ثم نقارن النسبة الحرجة ٥ بغض النظر عن الإشارة (الدرجة المعيارية ذ) بقيم المنحنى الاعتدالي المعياري وهي ١٩٩٦ عند مستوى ٢,٥٨، ٠,٠٥ عند مستوى ٢,٥٨، ٠،٠٥٠

ونلاحظ أن النسبة الحرجة المحسوبة اكبر من ٣, ٢٩ ، وعليه تكون النسبة الحرجة دالة عند مستوى ١٠٠٠ ولذلك نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل بأن نسبة النجاح في المدرسة تختلف عن نسبة المجتمع عند مستوى دلالة

منَّال (٢): يمكن أيضا مقارنة النسبة بمستوى محدد أو معيار محدد .

فاذا كانت النسبة العالمية للمعرفين في المجتمع ١٠٪، واخترنا عينة عشوائية حجمها ١٥٠ ووجدنا أن نسبة المعوقين ٢٠٠، فهل تختلف هذه النسبة عن المستوى المحدد لها .

وبمقارنة النسبة الحرجة - ١,٤٣ بقيم المنحنى الاعتدالى نجد أنها أكبر من المنحنى الاعتدالى نجد أنها أكبر من المعتدى المعتدى مستوى ٥٠٠٠) ، أى أنها تقع في منطقة قبول الفرض الصغرى بأن النسبة في العينة تساوى النسبة المحددة .

مثال (٣): إذا كانت نسبة انجاهات عينة من الافراد نحو مشاركة المرأة في الانتخابات هي ٠,٦٥ وكان حجم العينة ٨٠ فرداً ، فيل هذه الآراء متحيزة ؟

بمتنى هل تختلف نسبة الجاهات العينة (٠,٦٥) عن النسبة المحايدة ؟

وهنا نفترض أن الرأى المحايد هو ٠٥٠٠ وبذلك يكون المطلوب هو اختبار مدى اختلاف نسبة العينة (٠٠٠٠) عن المستوى المحايد ٠٥٠٠ ويكون الفرض الصفرى: نسبة الجاهات العينة = المستوى المحايد (٠٠٠٠) والفرض البديل: نسبة الجاهات العينة لاتساوى المحايد

وتكون النسبة الحرجة =
$$\frac{-0.7 \cdot -0.1}{\sqrt{-0.7 \cdot (1 -0.7 \cdot)}}$$

وبمقارنة النسبة الحرجة (٢,٨٣) بقيم المنحنى الاعتدالي نجد أنها اكبر من ٢,٥٨ (بمستوى دلالة ٢,٠١) ، ومن ثم نرفض الفرض الصفرى ونقيل الفرض البديل بأن: نسبة انجاهات العينة لانساوي المستوى المحايد.

اختبار الفرق بين نسبتين مستقلتين :

إذا كان السؤال البحثى يهتم باختبار الفرق بين نسبتين من عينتين عشوائيتين مختلفتين . فاننا نحسب النسبة الحرجة أيضا بقسمة الفرق بين النسبتين على الخطأ المعيارى للفرق .

ويكون الخطأ المعياري للفرق بين النسبتين ق، ، ق،

$$\frac{(\bar{u}, (1-\bar{u}))}{\bar{u}} + \frac{\bar{u}, (1-\bar{u})}{\bar{u}}$$

ثم نقارن النسبة الحرجة بقيم المنحنى الاعتدالي السابق ذكرها

مثال: إختار باحث عينتين من العاملين بمدينتين ووجد أن نسبة ذوى الدخل المرتفع (اكثر من عشرون الفا في العام) هي ١,٣٠، ١٠٠، فاذا كان حجما العينتين ١٠٠، ١٠٠ فهل يوجد فرق بين النسبتين ؟

ويكون الفرض الصفرى هنا: نسبة دخل العينة الأولى = نسبة دخل العينة الثانية . أما الفرض البديل فهو: نسبة دخل العينة الأولى لاتساوى نسبة دخل العينة الأانية.

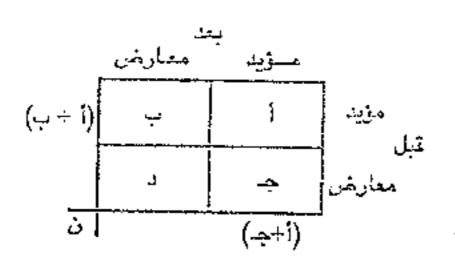
حيث الخطأ المعياري للفرق بين النسبتين

وبمقارنة النسبة الحرجة (٠,٧١) بقيم المنحنى الاعتدالي نجد أنها غير دالة وبالتالي نقبل الفرض الصغرى بأن نسبة الدخل المرتفع في العينتين متساو،

أختبار الفرق بين نسبتين مرتبطتين:

قد يكون الاهتمام بدراسة الفرق بين نسبتين على نفس العينة . فقد نطبق مقياسا للانجاه على مجموعة واحدة قبل التعرض لبرنامج تدريبي وبعده . فقد يصلح البرنامج لتعديل إنجاه بعض الافراد ويفسّل مع البعض الآخر . فاذا كانت البيانات رقمية فاننا نستخدم اختبار (ت) للمقارنة بين درجات الانجاه القبلي والبعدى . أما اذا كانت البيانات إسمية مثل تأييد أوعدم تأييد أحد المرشحين في الانتخابات قبل وبعد قيامه بالحملة الدعائية .

فقد تكون النتيجة هي عدد المويدين والمعارضين قبل وبعد الحملة الدحائية . كما بالشكل :



بينما عدد المؤيدين بعد الحملة الدعانية أ

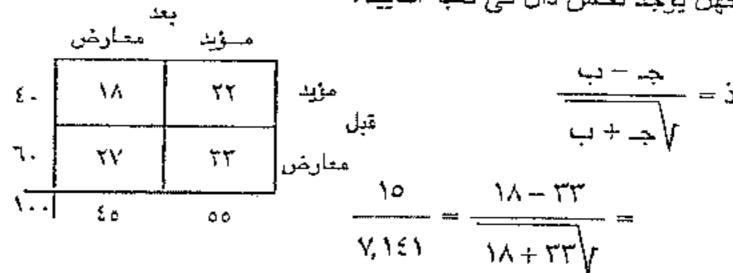
$$\frac{7}{6} - \frac{7}{6} - \frac{7}{6} - \frac{7}{6}$$
وتكون النسبة الحرجة (ذ) = $\frac{7}{6} - \frac{7}{6} - \frac{7}{6}$
 $\frac{7}{6} - \frac{7}{6} - \frac{7}{6}$
 $\frac{7}{6} - \frac{7}{6} - \frac{7}{6}$

وفي حالة ن كبيرة (٢٥ فأكثر) فأن:

نم نقارن هذه النسبة يقيم المنحنى الاعتدالي ١٩٩٦ عند مستوى ٠٠٠٠، ٢٥٦ عند مستوى ٢٠٠٠، ٢٥٥٨ عند مستوى ٢٠٠١ عند مس

مثال : إذا كمان عدد المويدين لمرشح ما ٤٠ من مائة فرد وبعد قيامه بالدعاية زاد العدد إلى ٥٥ من مائة ، فاذا كانت البيانات كما بالشكل :

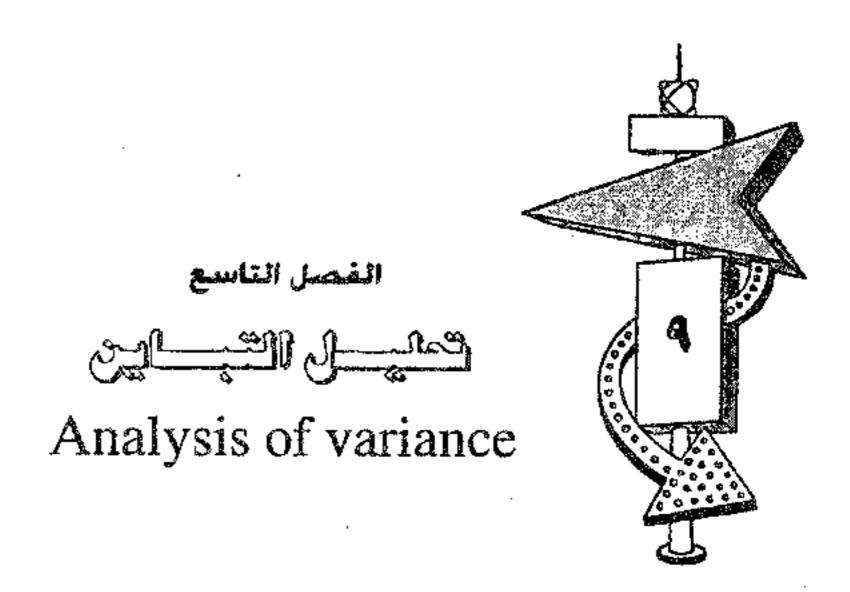
فهل يرجد تحسن دال في نسبة التأبيد؟



ذ = ۲,۱۰۰ وهي دالة عند مستوى ۲,۱۰۰

ويعنى هذا أنه يوجد تحسن في نسبة المؤيدين عند مستوى دلالة ٠٠٠٠٠





.

الفصل التاسع تحسليل التبسساين

وضحنا في اختبار (ت) أنه يستخدم لمقارنة متوسطى عينتين مستقلتين أو غير مستقلتين . ولكن العديد من البحوث في العلوم الانسانية تهتم بدراسة عدة متوسطات في الوقت الواحد . ويعالج تحليل التباين هذه المشكلة حيث أنه يستخدم لمقارنة عدة متوسطات معا .

فاذا كان لدينا عدة مستويات للدخل (مرتفع - متوسط - منخفض) وأردنا مقارنة متوسطات هذه المستويات الثلاثة في الانجاه نحو استخدام الحاسوب في التعليم . فيكون لدينا متغيرين ، أحدهما متغير مستقبل (تصنيفي) وهو مستوى الدخل ، والثاني متغير تابع وهو الانجاه نحر استخدام الحاسوب في التعليم وقد برى البعض أنه يمكن استخدام اختبار (ت) لمقارنة المتوسطات الثلاثة عن طريق مقارنة متوسط المستوى المرتفع مع المتوسط ، والمستوى المرتفع مع المنخفض ، والمستوى المتوسط مع المنخفض . ولكن هذا الاجراء غير مناسب لأن هذه المقارنات الثلاث غير مستقلة عن بعضها البعض ، بالاضافة الى تراكم أخطاء النوع الأول (α) .

فاذا كانت متوسطات مستويات الدخل الثلاثة في الانجاء نحو استخدام الحاسوب في النعليم هي م، ، م ، ، م مرتبة تنازليا . وظهور من اختبار (ت) أن م اكبر من م ، م أكبر من م ، فيمكن استنتاج أن م أكبر من م دون إجراء المقارنة . وهذا ما نقصده بأن المقارنات الثلاث غير مستقلة .

وتحليل التباين (ANOVA) أسلوب أحصائى يستخدم لمقارنة متوسطى مجموعتين أو أكثر فى نفس الوقت . فاذا إستخدم لمقارنة متوسطين فان النتيجة تكون مماثلة للنائج من اختبار (ت) ، وفى هذه الحالة (فقط) تكون قيمة ف من تحليل التباين مساوية لقيمة تن . أما إذا كانت المقارنة بين عدة متوسطات فان تحليل التباين هو الاسلوب المناسب للمقارنة وليس اختبار (ت) .

ويعد تحليل التباين من الاساليب الاحصائية الاكثر استخداما (مثل اختبار

ت) ، في تحليل بيانات البحوث في العلوم الانسانية بصفة عامة ، وفي علم النفس بصفة خاصة . فتحليل التباين أسلوب هام جدا في تحليل بيانات البحوث التجريبية خاصة تلك التي تتضمن اكثر من متغير مستقل في تصميماتها التجريبية . ومن ثم فان معرفة تحليل التباين أمر هام للباحثين لفهم نتائج الدراسات السابقة في مجال التخصص ، وكذلك لاختيار الاسلوب المناسب لتحليل بيانات البحوث التي يقومون بها .

وسوف نتناول في هذا الفصل توضيح لتحليل النباين في حالة متغير مستقل واحد ، وكذلك طرق المقارنات المتعددة بين المتوسطات .

وتحليل التباين يعنى تقسيم تباين المتغير التابع الى قسمين (فى حالة متغير مستقل واحد) ، أو عدة أقسام (فى حالة اكثر من متغير مستقل) . وأحد هذه الاقسام يرجع إلى المتغير المستقل (أو المتغيرات المستقلة) . ويسمى بالأثر الرئيسى فى تباين المتغير التابع ، وهو تباين منتظم أى معلوم مصدره . أما القسم الثانى (فى حالة متغير مستقل واحد) فيرجع الى تباين غير منتظم ومصدره درجات الافراد ويسمى تباين الخطأ . والتباين الرئيسي .Main efect Var وتباين الخطأ . والتباين الرئيسي .Terror Var وتباين المطأ . القدم من قسمة مجموع المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات على درجات الحرية ويسمى النائج بمتوسط المربعات Between groups vari المجموعات -Between groups vari ويطلق على التباين الرئيسي اسم تباين درخل المجموعات -Within groups vari فيسمى التباين داخل المجموعات -ance within groups vari .

وينتج من قسمة تباين بين المجموعات على تباين الخطأ النسبة الفائية إشارة إلى العالم الانجليزي سير رونائد فيشر Sir Ronald Fisher الذي توصل الى أسلوب تحليل التباين عام ١٩٢٠ (Kiess, 1989: 370).

ديث:

متوسط مربعات المجموعات (MSA) متوسط مربعات الخطأ (MSE)

او

نباين بين المجموعات ف - تباين الخطأ تباين الخطأ فاذا لم يكن للمتغير المستقل تأثير على المتغير التابع ، فان تباين بين المجموعات يعود الى أخطاء المعاينة ، ومن ثم تكون النسبة الفائية تساوى الوحدة تقريبا . أما إذا كان للمتغير المستقل تأثير على المتغير التابع فان تباين بين المجموعات يزداد اكثر مما هو متوقع من أخطاء المعاينة ، ومن ثم يكون تباين بين المجموعات اكبر من تباين الخطأ وتزداد قيمة النسبة الفائية عن الوحدة ، وعليه قان قيمة ف تزداد بزيادة تأثير المتغير المستقل . (261 : 1989 , 1989)

إفتراضات خليل التباين :

يتشابة تحليل التباين مع اختبار (ت) في حالة المقارنة بين متوسطى عينتين ، ويختلف عنه في حالة المقارنة بين عدة متوسطات . ومعنى هذا أن أساس الاختبارين متقارب ، ومن ثم فان إفتراضات تحليل التباين هي نفسها افتراضات اختبار (ت) وهي :

- ١ العشوائية في اختيار المجموعات
- ٢ الاستقلالية في اختيار المجموعات بمعنى أن اختيار مجموعة لا يعتمد على
 على اختيار مجموعة أخرى من مجموعات المتغير المستقل .
 - ٣ التوزيع الاعتدائي لدرجات المتغير التابع .
 - $(\cdots = {}^{7}_{7}e = {}^{7}_{7$

والافتراض الاول يستطيع الباحث تحديد إذا ماكانت طريقة إختيار العينات عشوائية أم لا . كما أن الاستقلالية في إختيار المجموعات تتضح أيضا أثناء المعاينة ، والاختيار العشوائي للمجموعات يؤكد الاستقلالية فاذا إختيرت كل مجموعة عشوائيا من مجتمع فانها تكون مستقلة عن اختيار المجموعات الأخرى.

ومخالفة افتراض العشوائية في المعاينة (أو توزيع الافراد على المجموعات التجريبة عشوائيا) قد يؤدى الى هدم مصداقية الدراسة ، فالعشوائية تقدم الدليل الأكيد بأن الاخطاء تتوزع بين المجموعات وداخلها توزيعا مستقلا ، كما أنها العملية التي تزيل التحيز التجريبي .

أما افتراض التوزيع الاعتدالي للدرجات فقد سبق توضيح أنه يمكن مخالفة هذا الافتراض إذا كان الالتواء متوسطا ، أما في حالة الالتواء الشديد (وفي حالة الدرجات المتطرفة) فيجب اللجوء الى تعديل التوزيع عن طريق استخدام التحويل Transformation المناسب للدرجات ، وإلا فان النتائج تكون مضالفة للحقيقة

والاستنتاج منها يكون خاطئاً . كما أن المخالفة البسيطة لافتراض التجانس لا تؤثر على النتائج ، أما إذا كانت تباينات المجموعة مختلفة اختلافا دالا فان ذلك يؤثر على النتائج . ويجب على الباحث التأكد من تحقيق فرض التجانس خاصة إذا كانت المجموعات غير متساوية (230 : 1997 , Preund & wilson, 1997) .

ولاختبار قرض التجانس إقترح هارتلي Hartley عام ١٩٤٠ طريقة لاختبار التجانس وهي حساب قيمة ف من قسمة اكبر تباين على أصغر تباين من

أكبر تباين المجموعات ف = أكبر تباين ثم مقارنة النائج بتوزيع خاص يسمى أصغر تباين

F-Max بدرجات حرية (ك، (ن - 1)) حيث ك هذه عدد المجموعات، ن حجم المجموعة ، وهذا الاختبار كاف النعرف على مدى النجانس & Freund وهذا الاختبار كاف النعرف على مدى النجانس & Wilson, 1997:232) ومتقارب، وتعكن استخدام اكبر مجموعة في حساب درجات الدرية ، وقد تؤدى هذه الطريقة الى تحيز في الاختبار ، بمعنى أنها كثيرا ما ترقض الفرض الصفرى أي ترفض فرض تجانس المجموعات (Winer et al., 1991) . وقد توصل كوكران من عام 1951 إلى أختبار آخر بسيط لغرض التجانس وهو حساب قيمة ف من المعادلة

ف = التباين الأكبر بدرجات حرية (ك، ن-١) مجموع تباينات المجموعات

حيث الله عدد المجموعات ، ن عدد أفراد اكبر مجموعة ثم نرجع الى جداول خاصة باختبار كوكران عند مستوى دلالة ٠,٠٠ ودرجات الحرية المبينة .

وقد أو صحت الدراسات تشابه طريقتى هارتلى وكوكران ، إلا أن اختبار كوكران اكثر حساسية لأنه يستخدم معلومات اكثر عن المجموعات ، وفي حالة عدم تساوى المجموعات (متقارية في الحجم) فنستخدم المجموعة الاكبر حجما لتحديد درجات الحرية (105: 1991, 1991).

وقدم بارتلت Bartlett طريقة أخرى لاختبار فرض النجانس لا تشترط تساوى المجموعات ولكنها طريقة معقدة (رياضيا) وتعتمد على توزيع كا (مريع كاى) . وقد توصل كل من كوكس COX عام ١٩٥٣ ، وشفيه Scheffee عام ١٩٥٣ إلى طرقا أخرى أقل تعقيدا من طريقة بارتلت لاختبار فرض التجانس ، ولانها ليست سهلة الاستخدام .

وقد اقترح بوكس Box عام ١٩٥٤ أنه في حالة عدم التجانس فاننا نجرى تحليل النباين ولكن قيمة (ف) الناتجة تتبع توزيع (ف) بدرجات حرية مختلفة هي (١،ن - ١) حيث ن هي عدد أفراد المجموعة الفرعية .(Winer et al.) 1991:109)

ومن الممكن في حالة عدم التجانس إجراء تحويل للدرجات بإستخدام الجذر التربيعي إذا كان إلتواء الدرجات متوسطا ، أو التحويل اللوغاريتمي إذا كان الإلتواء أكبر من المتوسط ، أو تحويل مقلوب الدرجات إذا كان توزيع الدرجات شديد الإلتواء (أحمد عبادة سرحان ، ١٩٦٨) .

توزيع ف : F- Distribution

نقدم في الجزء التالى نوضيح لتوزيع ف وعلاقته بالتوزيعات الأخرى المختلفة ، وهذا الجزء لمن يرغب في معرفة تلك العلاقات بين التوزيعات .

ذكر واينر وآخرون (34 - 32 : 1991 ., 32 - 34) أن توزيع (6) هو حالة خاصة من توزيع بينا ، وقد يطلق عليه اسم توزيع ف سنديكور ، حيث 6

ويمكن تعريف توزيع ف رياضيا من تحويل توزيع بيتا ، كما أن توزيع ف يمثل نسبة توزيعين مستقلين لمربع كاى مقسوم كل منهما على درجات حريته .

$$\frac{(1-,4!) \div \frac{7}{15}}{(1-,4!) \div \frac{7}{15}} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{(1-,4!) \div \frac{7}{15}}{(1-,0!) \div \frac{7}{15}} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{(1-,4!) \div \frac{7}{15}}{(1-,0!)} = \frac{1}{15}$$

$$\frac{(1-,0!)}{(1-,0!)} = \frac{(1-,0!)}{(1-,0!)}$$

$$\frac{(1-,0!) \div (1-,0!)}{(1-,0!) \div (1-,0!)} = \frac{(1-,0!)}{(1-,0!) \div (1-,0!)}$$

$$\frac{(1-,0!) \div (1-,0!)}{(1-,0!)} = \frac{(1-,0!)}{(1-,0!) \div (1-,0!)}$$

$$\frac{(1-,0!) \div (1-,0!)}{(1-,0!) \div (1-,0!)} = \frac{7}{15}$$

ومعنى ذلك أن نسبة تباين مجموعتين يتوزع مثل توزيع ف إذا كان كلا منهما تقدير غير متحيز لتباين مجتمعيهما.

وتوجد علاقات منتظمة بين التوزيعات المختلفة : الاعتدالي ، ومربع كاي، وتوزيع ت ، وتوزيع ف وهي :

$$(\infty)_{(\alpha-1)}^{Y} = (\infty, 1)_{(\alpha Y-1)}^{Y} = (\alpha Y-1)^{Y} = ($$

كما أن ترزيع ت في حالة العينات الكبيرة = التوزيع الاعتدالي

$$\dot{\omega} = (\infty)$$
 $\dot{\omega} = (\infty)$ $\dot{\omega} = (\infty)$

ضَليل التباين الاحادى: One - Way Anova

وهو تحليل تباين متغير تابع لعدة مجموعات مستقلة ، بمعنى أنه يهتم بتحليل بيانات متغير تابع في ضوء متغير مستقل (تصنيفي) يتضمن عدة مستويات هي المجموعات ، وبذلك يكون في تحليل التباين الاحادي متغير مستقل واحد (ولهذا يسمى أحادي) ومتغير تابع واحد .

والتصميم المناسب الذي يستخدم أسلوب تحليل التباين يتضمن اختيار عدة مجموعات مستقلة عشوانيا (تحدد المتغير المستقل) ثم قياس درجات المتغير التابع لهذه لمجموعات المستقلة . وهذا يحقق شرطى العشوائية والاستقلالية في

اختيار المجموعات ، وإذا كان توزيع درجات المتغير النابع اعتداليا أو غير ملتو التواء شديدا فهذا يحقق شرط الاعتدالية .

أما الشرط الاخير وهو تجانس المجموعات (عدم اختلاف تباينات المجموعات اختلاف دالا) فينطلب قيام الباحث باجراء اختبار للتجانس باحدى الطرق المبينة من قبل (هارتلى ، كوكران ، بوكس) ويفضل استخدام الطريقة السهلة التي قدمها بوكس لانها تستخدم توزيع (ف) ولا تنطلب توزيعا خاصاحيث:

متوسط مربعات المجموعات متوسط مربعات الخطأ

ثم نقارنها بقيمة (ف) الجدراية بدرجات حرية (١،ن-١) لاختبار فرض التجانس ،

وبعد التحقق من افتراضات تحليل التباين نقوم باجراء التحليل ذاته وذلك بحساب التباين الكلى للمتغير التابئ ثم نقسمه الى قسمين: الأول تباين بين المجموعات، والثاني تباين الخطأ. ويمكن تلخيص خطوات تحليل التباين الاحادى بالخطوات التالية:

١ - حساب مجموع درجات كل مجموعة والمجموع الكلى

٢ -- حساب مجموع مربعات الدرجات الكلى مجه س

الخطوتان الأولى والثانية هما تجهيز البيانات لاجراء حسابات تحليل التباين.

$$\begin{bmatrix}
 \frac{7}{0} & (-\infty) & (-\infty)$$

٤ - حساب مجموع مربعات بين المجموعات

بدرجات حرية (ك - ١) حيث ك هي عدد المجموعات

- ٥ حساب مجموع مربعات الخطأ بطرح ناتج الخطوة (٤) من ناتج (٣)
 بدرجات حرية (ن ك)
- ٦- وضع مجموع المربعات ودرجات الحرية في جدول يسمى جدول تحليل النباين
 الاحادى .
- ٧ حساب متوسط مربعات المجموعات بقسمة مجموع مربعات المجموعات على
 درجات الحرية الخاصة بها .
- ٨ حساب متوسط مربعات الخطأ بقسمة مجموع مربعات الخطأ على درجات الحرية الخاصة بها .
 - ٩ حساب قيمة (ف) من قسمة ناتج الخطوتين (٧) على (٨) .
- ۱۰ نقارن قيمة (ف) المحسوبة بقيمة ف المستخرجة من جدول توزيع (ف) بدرجات حرية ((ن-1)) (ن-ك)) ومستوى الدلالة المطلوب ٥٠٠٠ أو ١٠٠٠ فاذا كانت القيمة لمحسوبة أقل من القيمة الجدولية نقبل الفرض الصفرى (تساوى متوسطات المجموعات) أما اذا كانت القيمة المحسوبة اكبر من القيمة الجدولية فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل الفرض البديل (عدم تساوى متوسطات المجموعات).

مثال (١): أجرى باحث دراسة لمقارنة أربع مجموعات مختلفة الدخل الشهرى في الانجاء نحر العلاج النفسى وكانت درجات المجموعات كما يلى:

جدول (۹ - ۱) . درجات الإنجاء نحو العلاج النفسي لمجموعات الدخل

المجموعة الرابعـــة	المجموعة الثـالثـــة	المجموعة الثانيــــة	المجموعة الأولىسى
٤	٥	*7.	٨
٥	٤	٧	٩
٣	٦	٠ ٨	٧
٤	٥	٥	٦
٦	٤	۸.	١٠
		. 0	٥

 Y_{-} لاحظ أن عدد أفراد المجموعات مختلف حيث تحتوى المجموعة الأولى على سنة أفراد وكذلك الثانية أما المجموعتين الثالثة والرابعة ففي كل منهما خمسة أفراد. ويكون الفرض الصيفرى هذا: تساوى متوسطات المجموعات (Y_{-} = Y_{-} = Y_{-} = Y_{-})

أما الفرض البديل فهو: عدم تساوى متوسطات المجموعات.

وبانباع الخطوات السابقة :

۱ - مجموع درجات كل مجموعة هى : ٢٥ ، ٢٩ ، ٢٢ ، ٢٢ والمجموع الكلى (مجه س = ١٣٠)

 1 7 + 1 8 + + 1 7 + 1 7 + 1 7 + 1 7 + + 1 7 + 1 7 - 1 8 - 1 9 -

ویکون مجموع المربعات الکلی = ۸۳۸
$$-\frac{(17^{1})^{1}}{77}$$

 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$
 $= 770$

3 - مجموع المربعات بين المجموعات

مجموع المربعات بين المجموعات

YZX, IX -9Z, X + 110, Y + YOT, 0 + TTY, 0 =

YIA, IA - A+T, • ==

TE, AY =

ودرجات الحرية = عدد المجموعات -1 = 3 - 1 = 7

تحسب مجموع مربعات الخطأ (وكذلك درجات الحرية) بطرح نائج الخطوة
 الرابعة من الخطوة الثالثة

مجموع مربعات الخطأ

مجموع المربحات الكلى - مجموع المربحات بين المجموعات .

TP = TE, AT - TP, AT =

درجات حرية الخطأ = درجات الحرية الكلبة - درجات الحرية للمجموعات = ١٨ - ٣ - ٢١

1/ = 1 -- 11 =

٦ - نضع البيانات في جدول كما يلى تم نجرى الخطوات ٩،٨،٧ المذكورة سابقا .

جدول (۹ - ۲) تحليل النباين الاحادى لمجموعات الدخل في درجات الانجاء نحو العلاج النفسي

ف	منوسط المريعات	درجات المرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
11,71	11,71 = T÷TE,AY	¥= 1-£	٣٤,٨٢	بين المجموعات
0,91	1,91 = 11 ÷ 70	14	40, **	الخطأ
		·Y1 = 1-YY	٦٩,٨٢	الكلى

تم اجراء الخطوات ٩،٨،٧ داخل الجدول وهي :

٧ - متوسط مربعات المجموعات

= مجموع مربعات المجموعات ÷ درجات الحرية

11,71 = 7 + 78,87 =

٨ - متوسط مربعات الخطأ

= مجموع مربعات الخطأ ÷ درجات الحرية

1,98 = 1A+ TO =

٩ - قيمة ف همتوسط مربعات المجموعات * متوسط مربعات الخطأ
 ١٠٠٠ عند مناوسط مربعات الخطأ

= ۱٫۹۱ ÷ ۱۹۶ = ۱٫۹۸ بدرجات حریة (۱۸،۳)

وتنفيذ الخطوة الأخيرة (١٠) يتم باست خدام جدول توزيع (ف) لاست خراج قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٣،١٨) وعند مستوى الدلالة د.٠٠ أو ١٠٠٠ وهما مستويا الدلالة الموجودين في جدول توزيع (ف) ويتم دخول الجدول بدرجات الحرية الاولى (٣) وتسمى درجة حرية البسيط وهي مسجلة في السطر الأول في الجدول. ثم نبحث عن درجة حرية المقام في أول عمود بالجدول (وهي ١٨) ، ومن ثم تكون قيمة (ف) الجدولية هي نقطة التقاء عمود الدرجة (٣) مع سطر الدرجة (١٨). وسوف نجد قيمتين الأولى عند مستوى ٥٠٠٠ والثانية عند مستوى ١٠٠٠

وهما ف (۲۰۱۰،۱۸۰۳) سه ۱۲،۱۲

ف (۱۰۱۰ ۱۸۰۳) = ۹۰۹

وحيث أن قيمة ف المحسوبة (٥, ٩٨) اكبر من القيمتين الجدوليتين فأن القيمة المحسوبة تقع في منطقة الرفض ، وعليه فأننا نرفض المفرض الصفري (تساوي متوسطات المجموعات) ونقبل الفرض البديل وهو عدم تساوي متوسطات المجموعات عند مستوى دلاله ٢٠٠، ومعنى هذا أنه يوجد إختلاف بين متوسطات المجموعات ، وعلى الأقل بين متوسطين منها وليس شرطا أن تكون جميع المتوسطات مختلفة عن بعضها البعض .

ولمعرفة أي المجموعات تختلف عن الاخرى نجرى المقارنات المتعددة للتموسطات والتي سنوضحها بعد ذلك .

أما إختبار فرض التجانس الذي لم نوضحه في المثال فيكون كالتالي :

(١) باستخدام طريقة هارتلى:

وبحساب تباينات المجموعات الاربع نجد أنها .

1, 7 . 1, 71 . 1, 9 . 7,0+

وبقسمة اكبر تباين على أصغر تباين فإن :

ثم نقارنها بقیمة ف من جدول خاصة F - F

وتكون القيمة المحسوبة (٩٣ ، ٤) أصغر من القيمة الجدولية ، ومن تم نقبل الفرض الصفرى وهو تساوى تباينات المجموعات أو تجانس المجموعات .

(٢) وباستخدام طريقة كوكران وهي :

ثم نقارن هذه القيمة المحسوبة (٠,٤٧) بقيمة كوكران الجدولية بدرجات حرية (ك ، ن - ١) ومستوى دلالة ٠,٠٥

حيث ك هي عدد المجموعات ، (ن - ١) هي درجات حرية اكبر مجموعة (١-١) = ٥٠

وتكون قيمة كوكران الجدولية بدرجات حرية (٤ ، ٥) = ٠,٥٨٩ وعليه فاتنا نقبل الفرض الصفرى وهو تساوى تباينات المجموعات (تجانس

المجموعات).

ويكون القرار من الطريقين السابقتين هو تجانس المجموعات وعدم اختلاف تبايناتها اختلافا دالا ، ويعنى هذا تحقق شرط النجانس . ويفضل استخدام طريقة هارتلى لسهولة استخدامها كما أن طريقة كركران تؤدى الى نفس النتيجة .

حجم التأثير: Effect Size

عند استخدام أسلوب تحليل التباين الاحادى يكون الاهتمام بمعرفة الفروق بين متوسطات درجات المجموعات في المتغير التابع ، وبمعنى آخر الاهتمام بدراسة علاقة المتغير المستقل بالمتغير التابع .

فاذا كانت قيمة (ف) دالة إحصائيا ، فاننا نرفض الفرض الصفرى ونقبل البديل بوجود فروق دالة بين متوسطات درجات المجموعات ، وقد يكون مستوى الدلاله ٥٠٠٠ أو ٢٠٠٠ وربما اكثر من ذلك .

ولكن مستوى الدلاله مهما كان كبيرا لا يوضح حجم هذه الفروق أو التأثير المتغير التابع . ويمكن قياس حجم تأثير المتغير المستقل بطريقة أخرى والتى تسمى بالدلاله العملية للنتائج . وقياس حجم التأثير كميا يكون منسوبا الى أخطاء البيانات . ويصفة عامة يمكن توضيح حجم التأثير في ضوء قوة العلاقة بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة والتى تفسر مثل تفسير معامل الإرتباط Winer) وet at ., 1991 : 124 - 126)

١ – أحد هذه الطرق تقوم على حساب نسبة تباين مجموعات المتغير المستقل الى التباين الكلى . ويكون الناتج مقياسا لنسبة من التباين الكلى ترجع الى المتغير المستقل والتى يمكن تفسيرها مثل مربع معامل الارتباط .

وهذه الطريقة تشبه طريقة حساب مربع الارتباط المتعدد للتنبؤ بالمتغير التابع من المتغير التصنيفي ، حيث يكون :

مجموع مربعات المجموعات مربعات المجموعات مربع معامل الارتباط = مجموع المربعات الكلى

وهو يسمى أحيانا باسم نسبة الارتباط والتي قد تدل على إرتباط غير خطى . ومربع معامل الارتباط هو نسبة التباين في المتغير التابع التي يمكن التنبؤ بها باستخدام المتغير المستقل.

والمقياس المناسب هنا (والمشار إليه من قبل) يسمى مربع إينا ،

تباين المجموعات في المجتمع مربع إينًا = ________ (تباين المجموعات + تباين الخطأ) في المجتمع

وهى نسبة النستطيع حسابها لعدم معرفة تباين المجموعات أو تباين الخطأ في المجتمع

ويفسر مربع إينا مثل مربع معامل الارتباط (أو نسبة الارتباط) وهي نسبة تباين المتغير التابع والتي ترجع الى المتغير المستقل، ويعد مربع معامل الارتباط تقديرا متحيزا لمربع إينا، وعليه يمكن استخدام تقدير غير متحيز (إعتمادا على فكرة تقدير مربع الارتباط المتعدد في المجتمع) هو:

مجموع مربعات المجموعات - (ك - ١) متوسط مربعات الفطأ مربع E = مجموع المربعات الكلي

وإذا طبقنا هذه الطريقة على نتائج مثال (١) (جدول ٩ - ٢)

مربع الإرتباط £ = ۴٤,۸۲ مربع الإرتباط £

وتفسر هذه القيمة (٩٩٤، •) كنسبة من التباين الكلى ، فهى تعنى أن . • هن يُتفسر هذه القيمة (١٩٩، •) كنسبة من التباين الكلى ، فهى تعنى أن . • من يُتفريبا من تباين المتغير التابع يمكن تفسيره بمعرفة المنفير المستقل ، وهى نسبة مرتفعة وتدل على تأثير قوى للمتغير المستقل على المتغير النابع أما مربع إنيا (وهى تقدير غير متحيز لمربع الارتباط في المجتمع)

وهى تعنى أن ١٠٥ ٪ من تباين المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل وهى تدل على حجم تأثير مرتفع

٢ – ذكر هايز (Hays,1981) أنه يمكن حساب معامل آخر يسمى مربع أرميجا
 ويحسب من المعادلة:

2 مجموع مريعات المجموعات - (ك - ١) متوسط مريعات الخطأ مجموع المربعات الكلي + منوسط مريعات الحطأ

$$\frac{(1-i)(1-i)}{(1-i)(1-i)} = \omega^2$$

$$\frac{(1-i)(1-i)}{(i-i)(1-i)} = \omega^2$$

حيث ك عدد المجموعات ، ف النسبة الفائية المحسوبة ، ن العدد الكلى للدرجات . ويتطبيق هذه الطريقة على نتائج المثال (١) فان:

وهو حجم تأثير مرتفع ، وهي تعني أن ٤٠،٤ ٪ من تباين المتغير التابئ يرجع إلى أثر المتغير المستقل.

وقد إقترح كوهن (Cohen 1988) أنه إذا كان مربع إنيا = ٠٠٠ فأن حجم التأثير يكون ضعيفا ، أما إذا كان مربع إينا = ٠٠٠ فانه يدل على حجم تأثير منوسط ، بينمااذا كان مربع إينا = ٠٠١ فيدل على حجم تأثير مرتفع.

القارنات المتعددة للمتوسطات: Multiple Comparison of Means

يعد موضوع المقارنات المتعددة من القضايا الاحصائية المشتتة للاذهان كما أنه موضوع شائك ولا توجد إجابة واحدة صحيحة له وذلك لتنوع الطرق ومشكلاتها . وهناك العديد من التوصيات من علماء الاحصاء النفسى والتربوى باستخدام طريقة دون الاخرى ، وأحيانا نجد تضاريا بين تلك التوصيات . وقد قرر بترينومينش وهارديك (Petrinovich & Hardyck , 1969) بعدم وجود اتفاق تام بين الاحصائيين على طريقة دون الأخرى . في يرى البعض تام بين الاحصائيين على طريقة دون الأخرى . في برى البعض المتعددة يتم استخدامها بعد اجراء تحليل التباين والحصول على نسبة فائية دالة احصائيا ، استخدامها بعد اجراء تحليل التباين والحصول على نسبة فائية دالة احصائيا ، بمعنى التوصل الى قرار بوجود اختلافات (فروق) بين المتوسطات. ولكن

إدواردز (Edwards, 1968) يرى بأنه يمكن اجراء المقارنات المتعددة بين المتوسطات حتى لولم تكن النسبة الفائية دالة أحصائيا ، ويقصد إدواردز من رأيه أنه يمكن استخدام مستوى دلاله ١٠٠٠ فى حالة الفرض البديل الموجه وهى تعادل ٢٠٠٥ فى اختبار الطرف الواحد ، وعليه فانه قد اختلف عن الآخرين فى مستوى دلالة القيمة الفائية بمعنى أنها لاتكون دالة احصائيا عند ٢٠٠٠ باختبار الطرفين ولكنها دالة عند مستوى ٢٠٠٠ لطرف واحد ، هو مستوى مرتبط بالفرض البديل الموجه . وقد ذكرنا سابقا أن وضع فروض الدراسة فى مثل هذه الحالة يجب أن يتم اعتمادا على الدراسات السابقة وقبل تحليل البيانات وليس بعد أن يرى الباحث نتائج التحليل الاحصائى . وفى هذه الحالة فقط يمكن استخدام الفروض الموجهة والاستفادة من مستوى الدلالة ١٠٠٠ كما يرى ادواردز . أما خلاف ذلك فيتم استخدام الفرض البديل غير الموجه (اختبار الطرفين) .

وفى كثير من الحالات يتم استخدام إختبار (ت) لمقارنة متوسطات عدة مجموعات . فاذا وجدت دراسة تشتمل على ثلاث مجموعات مستقلة وتم اختيارها عشوائيا ، وبفرض عدم مخالفة شرطى الاعتدالية والتجانس ، فيتم مقارنة متوسطى المجموعتين الاولى والثانية ، ثم مقارنة متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة ، وأخيرا مقارنة متوسطى المجموعتين الاولى والثالثة (وهى مقارنة يمكن استنتاجها من المقارنتين السابقتين) وفى هذه الحالة يتم استخدام مستوى دلالة (م٠٠٠ مثلا) فى كل مقارنة ، ولكون هذه المقارنات الثلاث فى دراسة واحدة ، ومن ثم فان خطأ النوع الاولى فى هذه الدراسة = ١ - (١ - ٥٠٠٠)

· . AOY - 1 ==

1.127=

وفي حالة وجود ست مجموعات فان خطأ النوع الاول يزداد ويصبح مساويا

$$[1-(1-a.,*)] = [1-(1-a.,*)] = (1-(1-a.,*) وهذا الضطأ المتسراكم من$$

المقارنات المتعددة باستخدام اختبار (ت) كبير جدا، كما أن الباحث يقرر بأن الفروق بين المتوسطات دالة عند مستوى ٠٠،٠ ، ولا يذكر ١٤٣٠ (في حالة ثلاث مجموعات) .

ومن ذلك فان قضية المقارنات المتعددة هي كيفية ضبط خطأ النوع الأول ، وهذا هو محور الخلاف الاساسي بين طرق المقارنات المتعددة المختلفة وهي :

طريقة (Bonfrerni أو طريقة ضن Dunn ، وطريقة شفيه 'Scheffe ، وطريقة ضن Dunn ، وطريقة شفيه 'Scheffe ، وطريقة ضنت Dunnett ، وطريقة ضنت Dunnett ، وتتراوح هذه الطرق بين التشدد في ضبط خطأ النوع الاول مثل طريقة شفيه وبين التساهل مثل طريقة دنكان أو . Lsd .

الفروق بين طرق المقارنات المتعددة في ضبط خطأ النوع الأول:

تختلف طرق المقاربات المتعددة باختلاف اسلوبها في ضبط خطأ النوع الأول المقارنة الواحدة وللدراسة كلها وسوف نعرض لبعض الاختلافات بينها .

۱ - هناك إنجاه يرى بأننا نستخدم قيمة الفا (α) ثابتة في كل مقارنة من المقارنات الممكنة بين أزواج المتوسطات ، ولا يهتم (هذا الاتجاه) بخطأ النراسة . وهذا الاتجاه يعثله استخدام اختبار (ت) لمقارنة الأزواج الممكنة من المتوسطات . ويكون عدد المقارنات الممكنة بين أزواج المتوسطات

<u>ك (ك - ١)</u> حيث ك هي عدد المجموعات .

وإذا أستخدمنا هذه الطريقة بعد اجسراء تعليل التباين فانها تستخدم متوسط مربعات الخطأ في المقسارنات حيث يكون الخطأ المعسياري

وطريقة اختبار (ت) بهذا الاسلرب تسمى بطريقة Lsd

Least Square Differences وهي الطريقة التي توصل الهيا فيشر عام ١٩٤٨ .

مقال (۲) : إذا كانت لدينا دراسة تحتوى أربع مجموعات حجم كل منها ٢٠ فرداً ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ١٠ ، ١٠,٥٤، ١٠ ، ١٢,٨٦، ١٠ فرداً ، وكانت متوسطات المجموعات الاربع هي : ١٠ ، ١٠,٥٤، ١٠ ، ١٧ ونتائج تحليل التباين كما بالجدول (٩ - ٣) .

. · ·	1	t kit i at i a		
, مجموعات	دی لدرجات اربع	خليل التباين الاحا	P - T	جدول (

مستوى الدلالة	ن ن	متوسط المربعات	د.ح	مجموع المربعات	مصدر التباين
دالة عند	۸,۱۹	1 • 9, ٣٣	٣	۳۲۷, ۹۸	بين المجموعات
مستوی ۰,۰۰۱		17,70	٧٦	1.15,70	الخطأ
			٧٩	1827,78	الكلى

فاذا ما استخدمنا طريقة Lsd (أو اختبارت) فانها تجرى المقارنات المتعددة بين عددة أزواج من المتوسطات عددها (هنا) = $\frac{3 \times 7}{7} = 7$ وباستخدام مستوى الدلالة ٥٠.٠ فان خطأ النوع الاول في المقارنة الواحدة = 0.٠ وخطأ النوع الاول في حانة ثلاث مقارنات = $1 - (1 - 0...)^7 = 0.90$. وخطأ النوع الأول في حانة ثلاث مقارنات = $1 - (1 - 0...)^7 = 0.90$.

أما خطأ الذرع الأول في الدراسة كليا = ١ - (١-٥٠٠٠) ت = ٢٦٠٠٠ وتسخدم هذه الطريقة متوسط مربعات الخطأ (١٣.٣٥) في حساب الخطأ المعياري للمقارنات = الممتوسط مربعات الخطأ ٢٠٠٠ الخطأ ن

ومنطقة التقة (منطقة قبول الفرض الصفرى) = ± ت الجدولية × الخطأ المعياري وذلك لتساوى المجموعات .

أما في حالة اختلاف عدد أفراد كل مجموعة فانها تحسب خطأ معيارى لكل مقارنة حيث تستخدم $\begin{pmatrix} 1 \\ - \\ - \\ - \end{pmatrix}$ بدلا من $\begin{pmatrix} 7 \\ - \\ - \\ - \end{pmatrix}$ في القانون السابق لكل مقارنة حيث تستخدم $\begin{pmatrix} 1 \\ - \\ - \\ - \\ - \end{pmatrix}$ بدلا من $\begin{pmatrix} 7 \\ - \\ - \\ - \\ - \end{pmatrix}$ في القانون السابق (Kramer, 1956). كما أقترح كرامر ايضا إمكانية استخدام الوسط التوافقي إذا كانت المجموعات مختلفة الاحجام وهو:

$$(\frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{5} + \frac{1}{5}) \div 4 = \frac{1}{5}$$

$$\sqrt{\frac{7}{1,770}} = \sqrt{\frac{7}{1,70}} = \sqrt{17,70} = \sqrt{100}$$
 ويكون الخطأ المعياري (للمثال٢) = $\sqrt{1,700}$

وتتحدد منطقة قبول الفرض الصفرى بالحدود ± ت (٢٦ ،٠٥، ٧٦) × الخطأ المعياري

= ± ۲,۳ ± مستوى ۵۰،۰ عند مستوى ۵۰،۰ =

ويمكن تمثيل هذه المنطقة بالشكل السداسى الموضح ، وهى تعادل ٧٣٥. من المساحة الكلية للتوزيع المشترك للمقارنات الست ، ويحتوى الشكل السداسى حلى جميع القيم المحتملة لقبول الفرض الصفرى (عدم اختلاف المتوسطات)

والمساحة المتبقية هي ١ - ١,٧٣٥ - ١,٧٣٥ وهي منطقة الخطأ في قبول الفرض الصغري وهي تسمى خطأ النوع وهي تسمى خطأ النوع الأول . ولكي نقال من خطأ النوع الأول (١٦٦٥) المشكل السداسي حتى تشمل الشكل السداسي حتى تشمل جزءا كبيرا من التوزيع

- i i i

شكل (٩-١) العلاقة بين اختبارت ، ف ، شفيه في

منطقة قبول الفرض الصفرى وهذا ما تقوم به طرق

المقارنات المتعددة المختلفة ، وهو محاولة ضبط خطأ النوع الأول في الدراسة كلها. وأي طريقة تقرر زيادة المساحة المذكورة (٧٣٥،) فانها تقلل من خطأ النجرية وخطأ المقارنة الواحدة .

يرى (Games, 1971) أننا إذا طبقنا اختبار (ت) ، (ف) ، شفيه على المثال السابق (٢) فإننا تحصل على مساحات قبول فرض العدم كما هى موضحة بالشكل (١٩٠١) حيث تدل مساحة الشكل الداسى على المساحة التى يحددها

المشترك.

اختبار (ت) لجميع المقارنات الممكنة وهي ٧٣٥، ، أما المساحة المحددة بالقطع الناقص فيه تدل على مساحة قبول الفرض الصفرى باستخدام تحليل التباين (اختبار ف) وهي تمثل ٩٥، من التوزيع المشترك للمجموعات الاربع ، وأى نقطة داخل القطع الناقص تمثل عدم اختلاف متوسطات المجموعات . ومن ثم فان تحليل التباين لضبط خطأ النوع الاول (عند المستوى المطلوب) . ومن الواصح أن مساحة القطع الناقص اكبر من مساحة الشكل السداسي ، ومعنى هذا أنه يمكن التوصل الى فروق بين المتوسطات باستخدام اختبار ت بينما تكون غير مختلفة باستخدام اختبار (ف) ، ويتمثل هذا في المساحة المحصورة بين القطع الناقص والشكل السداسي . إلا أن اختبار (ف) لا يستطيع أن يخبرنا عن مقارنات الثنائية .

٢ - الانجاه الثانى يرى بان نحدد خطأ النجربة كلها (لجميع المقارنات الممكنة لأزواج المتوسطات) بالقيمة الفا α. ويؤدى هذا إلى تقليل خطأ المقارنة الواحدة كلما زاد عدد المقارنات . وهذا ما تقوم به طريقة توكىTukey والتى أطلق عليها اسم طريقة المقارنات الصادقة Honestly Significant Differerce

(Petinovich & Hardck, 1969)

وتسخدم طریقة توکی حدول خاص بها مستنتج من جدول (ت) و و مثاننا السابق فان قیمة توکی الجدولیة فی حالة عدد المتوسطات = 3 ، درجات الحریة = 7 ، ۲۲ می ۲۲۲ عند مستوی ۰۰۰ وتسعی هذه الجداول باسم Zed Range.

وتتحدد منطقة قبول الفرض الصفرى بالحدود $^{\pm}$ (2 , 1 , 1 , 1 , 1 , 1 الخطأ المعيارى $=\pm 7.77 \times \sqrt{\frac{17.70}{7.}}$

T. + 27± =

ومن الواضح أنها تحدد منطقة اكبر من منطقة اختبار (ت) ، وهي تمثل مساحة ٥٠ ، من التوزيع المشترك للمجموعات الأربع . وهذه الطريقة تضبط خطأ الدراسة كلها عند ٥٠ ، وبالتالي تقال خطأ المقارنة مما يؤدي الى زيادة مساحة منطقة قبول الفرض الصفري (٤٣ ، ٢ بدلا من ٢٠٣٠) ولذلك فهي

منخفضة Conservative أكثر من إختبار (ت) . وإذا مثلنا هذه المنطقة بيانيا فانها تكون على شكل سداسي اكبر من الشكل المبين في حالة اختبار (ت) ولكنه أقل من حدود طريقة شفيه

٣ - الاتجاه الثالث يرى بتحديد خطأ التجرية كلها لجميع المقارنات الممكنة لأزواج المتوسطات ولأى مقارنات أخرى محتملة بين المتوسطات ومثال ذلك مقارنة متوسط المجموعة الاولي (م) مع متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة ، ومع منوسطى المجموعتين الثانية والرابعة ، وهكذا . وكذلك مقارنة م مع ٣/١ (م + م + م + م) وهكذا وقد تصل عدد هذه المقارنات الى عدد كبير جدا وربعا غير محدود . ولهذا السبب تسمى طريقة شفيه الطريقة الاكثر تحفظاً More Conservative عن الطرق الاخرى ، فهى تضع حدا أعلى لخطأ النوع الأول هو الغا (٥) ، وقد لا تصل الدراسة كلها الى هذا المستوى المحدد، وبالتالى فان خطأ النوع الأول للمقارنة الواحدة يقل كثيرا عن طريقة توكى معا يزيد من قوة إختبار شفيه عن الطرق الأخرى .

وتتحدد منطقة قبول الفرض الصفرى عند شفيه من المعادلة

حيث ك هي عدد المجموعات ، ف تستخرج من جداول ف بدرجات حرية المجموعات والخطأ (ك - 1) ، (ن - ك) . وبتطبيق طريقة شفيه على المثال السايبق (مثال ٢) فان حدود منطقة قبول الغرض الصغرى (مدى شفيه)

$$\frac{\forall \times 14,70}{\forall \cdot} \times (\cdot, \cdot \circ \cdot \forall 7, 7) \stackrel{(i)}{\leftarrow} \times (1-\epsilon) \downarrow \pm =$$

$$\frac{\forall \times 17,70}{\forall \cdot} \times 7, \forall 7 \times 7 \downarrow \pm =$$

$$\frac{\forall \times 17,70}{\forall \cdot} \times 7, \forall 7 \times 7 \downarrow \pm =$$

مدی شفیه 🗀 🛨 ۳.۳۱ عند مستوی ۰۰۰۰

ومن الواضح أن طريقة شفيه تحدد مساحة اكبر من المساحة التي تحددها

طريقة توكى لقبول الفرض الصغرى ، وهذا هو السبب فى كونها أكثر تحفظا . ويتضح تمثيل منطقة شفيه بيانيا بالمستطيل الخارجى المبين بالشكل (٩ - ١) . ويدل الشكل على أن طريقة شفيه اكثر تحفظا من جميع طرق المقارنات المتعددة ، كما أنه يدل على إمكانية وجود فروق دالة باستخدام اختبار (ف) بينما لا تتوصل طريقة شفية الى أيه فروق داله ، ويرجع السبب فى ذلك إلى المساحة الاكثر . لمنطقة قبول الفرض الصغرى عند شفيه عنها فى اختبار (ف) .

وطريقة شفيه هي الطريقة الوحيدة التي تسمح بمقارنة متوسط مجموعة مع دالة خطية من المجموعات الاخرى (كما ذكرنا سابقا) ، إلا أن كثير من تلك المقارنات قد لا يكون لها معنى مثل المقارنة :

م، مع (7/2 م، + 3/4 م،) ليس لهل معنى ، وبالتالى فان تحفظ طريقة شفيه يزيد عن الحد المطلوب.

٤ – الانجاه الرابع مرتبط بطريقة بونفروني Bonferroni والتي تسمى أحيانا طريقة ضن (Dunn, 1961)، وهي تحدد حدا أعلى لخطأ النوع الاول ألفا في الدراسة كلها لكل المقارنات التي يرغب فيها الباحث. بمعنى أن الباحث يحدد أولا عدد المقارنات التي يرغب فيها ثم يوزع خطأ الدراسة (٥٠٠ مثلا) على تلك المقارنات. وتعتمد هذه الطريقة على أنه في أي دراسة فان احتمال خطأ النوع الأول يجب أن يساوي (أو يقل عن) مجموع أخطاء المقارنات كلها.

وبتطبيق هذه الطريقة على مثالنا السابق (٢) في حالة (أربع مجموعات) الكننا نرغب في اجراء ثلاث مقارنات فقط (م، مع م، ،م، مع م، ،م، مع م،) ،

فان قيمة خطأ النوع الأول لكل مقارنة = - - - - ١٦٦٠ . ثم نستخرج قيمة

ت الجدولية عند مستوى دلالة ١٦٦٦، ولأنه لايوجد في جدول (ت) مثل هذا المستوى للدلالة ، فقد وضع ضنن Dunn جداول خاصة لتوزيع (ت) تستخدم لهذا الغرض من المقارنات وتسمى جداول بونفروني. ت ٢,٤٤٨٤.

وتكون حدود منطقة قبول الفرض الصغرى بطريقة بونفروني في حالة اجراء ثلاث مقارنات كما هي محددة

Y, NT 士= 1, 100× Y, £ £ X £ 士=

أما في حالة ست مقارنات = ± 1,100 × 7,71 ± = ± 7,100 أما في حالة ست

ومن الواضح أن هذا المدى يحدد منطقة أقل من طريقتى توكى وشفيه ، ولكنها اكبر من طريقة Lsd ، والسبب فى ذلك هو اختلاف مستوى الدلالة لكل مقارنة ، إلا أن هذه المساحة تعثل ٩٥ ، من التوزيع المشترك المجموعات . ومعنى هذا أن طريقة بونفرونى متحفظة بعض الشئ ، واكثر قوة من اختبار (ت) وشفيه وإذا إفترب عدد المقارنات من عدد المجموعات فان طريقة بونفرونى أكثر قوة من طريقة شفيه ، أما إذا كان عدد المقارنات أكبر من عدد المجموعات فان طريقة شفيه ، أما إذا كان عدد المقارنات أكبر من عدد المجموعات فان طريقة شفيه تكون أكثر قوة من طريقة بونفرونى (Games, 1971; Keppel, 1973) .

و ما الانجاه الخامس يمثل طريقتي المقارنات المتتابعة Sequential وهما طريقتي نيرمان – كولز Newman- Keuls ودنكان Duncan

وتعتمد الطريقتان على تقسيم المقارنات الى خطوات متتابعة .

(أ) طريقة نيومان - كولزوهي تحدد خطأ الدراسة وخطأ المقارنة في كل خطوة من خطوات المقارنات ، وتعتمد الخطوات على عدد المجموعات .. فاذا كان في الدراسة خمس مجموعات وكان الترتيب التصاعدي للمتوسطات الخمس ةهوم، ، م، ، م، ، م، بمعنى أن م، أقل المتوسطات م، أعلى المتوسطات ، فأن الخطوة الأولى تهتم بمقارنة م، مع المتوسطات الاربعة الأخرى . والخطوة الثانية لمقارنة م، مع المتوسطات م، ، م، والخطوة الثالثة لمقارنة م، مع م، ، م، والخطوة الثالثة لمقارنة م، مع م، ، م، والخطوة الرابعة والاخيرة لمقارنة م، مع م، مع م، والخطوة الثالثة المقارنات الكلى

وتستخدم في كل خطوة من الخطوات الاربع مستوى دلاله = ألفا (α) . ولكن إذا تم قبول الفرض الصفرى في أحد الخطوات فلانقوم باجراء الخطوة التالية لها ومن ثم تقل عددد المقارنات،

وبتطبيق هذه الطريقة على المثال السابق (مثال ٢) فان الخطوة الاولى هى حساب حدود منطقة قبول الفرض الصفرى (تساوى متوسطات المجموعات الاربعة) وهى :

المدي = ± q (١٠٥٠٧٦،٤) × الخطأ المعياري (وهي مشابهة لمدى توكي ولمدي عندي المدي عندي وكي مشابهة المدي المداول).

7,・27 生=

وهي نفس القيمة في حالة استخدام طريقة توكى وبمقارنة هذه الحدود مع فروق متوسطات المجموعات الأربعة

تم نقارن هذه القيمة مع فروق المتوسطات الثلاثة = (١٠،٥٤، ١٠، ١٠،٥٢ ، المدرسطات الثلاثة = (١٠،٥٤، ٢٠٨٦ ، ١٢،٨٦) ويتضح وجود فرق اكبر من حدى منطقة قبول الفرض الصقرى . وبالتالى نجرى الخطوة الثالثة

حدود منطقة قبول الفرض الصفرى (مدى نيومان كولز)

Y, T1 ± ---

وهي نفس القيمة في حالة اختبار LSD أو اختبار ت وبمقارنة هذه القيمة مع الفرق بين متوسطى م ، م وهو ٢,٣٢ نستنتج وجود فرق دال بين متوسطى المجموعتين الثانية والثالثة .

(ب) أما طريقة دنكان Duncan وهي مشابهة لطريقة نيومان كولز في الجراء المقارنات على خطوات متتابعة أيضا ، حيث تحدد مستوى الدلالة في كل مقارنة = الفا α ولانتوقف عند أي خطوة بل تستمر الى نهاية الخطوات ،كما أنها لا تهتم بخطأ النوع الأول في الدراسة كلها . وعليه فان خطأ النوع الأول في طريقة دنكان اكبرمنه في أي طريقة أخرى وهي مشابهة لطريقة . LSD وتستخدم طريقة دنكان جدول خاص بها يسمى Duncan Multiple Range وتكون حدود فبول الفرض الصفرى في الخطوة الأولى.

= ± D (ك ، د . ح . ، ه ٠ .) × الخطأ المعياري .

ويتطبيق طريقة دنكان على مثالنا السابق (مثال ٢) فان :

مدي دنكان (للخطوة الأولى) = $\pm D$ (١٠٥، ٧٦، ٤) × الخطأ المعياري دنكان (للخطوة الأولى) = ± 0.00 × ± 0.00 .

ومن الواضح أنها أصغر من مدى نيومان كولز في الخطوة الاولى مدي دنكان (للخطوة الثانية) $\pm D \pm 0$ (± 0.00) $\times 0.00$ الخطأ المعياري ± 0.00 (± 0.00) $\times 0.00$ الخطأ المعياري ± 0.00 $\times 0.00$ الخطأ المعياري

Y, & Yo ± =

7. 4・土=

٦ – الانجاه السادس يحدد خطأ الدراسة كلها بمستوى الفاعند مقارنة مجموعة صابطة مع عدة مجموعات نجريبية وهي تعرف باسم طريقة صنت Dunnett ويكون عدد المقارنات (ك – ١) فقط ، وتستخدم هذه الطريقة جدول خاص بها . وتكون منطقة قبول الفرض الصفرى عند مقارنة أي من المجموعات التجريبية مع المجموعة الصابطة هي :

وبالتطبيق على المثال (٢) بإفتراض أن المجموعة الرابعة هي مجموعة ضابطة ومتوسطها هو ٧,١٧ فتكون حدود منطقة قبول الفرض الصفرى بطريقة صنت

$$\pm \pm qD$$
 (۲۰،۲۰) $\times \forall \forall \times \forall x$ الخطأ المعياري =

1,100 × 7,277 ± ==

7,人• 土 🚟

ثم نقارن هذه القيمة مع الفروق بين متوسط المجموعة الصابطة ومتوسطات المجموعات التجريبية ، ومن الواضح أن هناك اختلافات جوهرية بين طرق المقارنات المتعددة السابقة ، بشأن تحديد خطأ النوع الأول في الدراسة والذي يؤدي إلى نتائج مختلفة باختلاف الطرق المذكورة ،

مقارنة الطرق الختلفة :

ومن مقارنة نتائج استخدام هذه الطرق مع مثالنا الموضح نجد أن حدى منطقة قبول الفرض الصفرى في كل منها تختلف عن الأخرى ، مما يؤدى الى قرار مختلف عن النتائج (نتائج مختلفة) . وبمقارنة المدى في كل طريقة عند استخدام عدد مختلف من المجموعات ($7 \cdot 7 \cdot 3 \cdot 3 \cdot)$ مع فروق المتوسطات ($7 \cdot 7 \cdot 3 \cdot 3 \cdot)$ فان النتائج يوضحها الجدول ($9 - 9 \cdot) \cdot$

جدول (٩ - ٤) فروق المتوسطات

44	۲P	۱۴	٤Ĉ	
0,79	۲,۳۷	۲, ۸۳	-	مع
Y, ለ٦	٠,٥٤	briter		۱۵
7,77				۲۴

جدول (٩ - ٥) نتائج استخدام عدة طرق للمقارنات المتعدة للمتوسطات

قــران النتـــائج	موعات	, حالة الم	7 1-11	
**************************************	٤	٣	۲	الطسريقة
فروق بين جميع المتوسطات ماعدا م ١ م ٢	۲,۳۰	۲,۳۰	٧,٣٠	- اختبار (ت) أو LSD
فروق بين جميع المتوسطات ماعدا م١ ، م٢	Y,200	Y, £Y6	۲,۳۰	د ئکان
فروق بين جميع المترسطات ماعدا م١ ، م٢	٣,٠٤٣	۲,۷۷	4,71	- نيومان كولز
وكذاك م١ ، م٤				" -
فروق بين م٤ . م٢ وكذلك م٤ . م٣ فقط	Υ, , έτ	٣,٠٤٣	٣,٠٤٢	ترک <i>ي</i>
فروق بين م٤ ، م٢ وكذاك م٤ ، م٢ فقط	4,71	4,41	٣,٣١	- شفیه
هْرُوق بِينَ مِ ٤ ، مِ ٢ وكذلك مِ ٤ ، مِ ٣ فقط	۲,1۴	۲,۸۴	۲,۳۱	" – پوټفرواني
(عند إجراء ٦ مقارنات)				
فروق بين م٤ ، وكل من م١ ، م٢ بافتراض أن المجموعة الرابعة ضابطة	۲,۸۰	۲,۸۰	۲,۸۰	- هيئت

وقد ناقش هارتر (Harter, 1957) وكذلك كل من واينر (Winer,1972) وإدواردز (Edwards,1968) وجلاس وستانلي (Blass & stanley, 1970) وجلاس وستانلي (Edwards,1968) مقارنة الطرق المختلفة . حيث حاول هارتر مقارنة تلك الطرق بحساب مستوى الخطأ من النوع اللشاني (B) وتوصل الى وجود فروق في قوة الطرق المختلفة باختلاف تحقيق الافتراضات الاساسية (الاعتدالية والتجانس) وخاصة الطرق التي تعتمد على توزيع (ت) وهي : دنكان ونيومان كولز ، وتوكي ، وصنت ، أما طريقة شفيه والتي تعتمد على توزيع (ف) فانها لا تتأثر بالحيد عن الافتراضات الاساسية حيث أثبتت عدة دراسات , Edwards (1968; winer, 1972; keppel في النوعين الخطأ من النوعين الأول والثاني عند ما تخالف البيانات الافتراضات الاساسية ، وهذا ما يعرف باسم الاول والثاني عند ما تخالف البيانات الافتراضات الاساسية ، وهذا ما يعرف باسم الحول والثاني عند ما تخالف البيانات الافتراضات الاساسية ، وهذا ما يعرف باسم الحواليون الختبار (ت) فانه يعطى قيما خاطئة إذا ما إختلفت أحجام المناسة المناس

العينات (بدرجة كبيرة) ، أو كان توزيع الدرجات غير معتدل ،أو كانت المجموعات غير متجانسة .

وقد إستخدم بترينوفيتش وهارديك ٣٠، ٥٠ مختارة من مجتمع يتوزع توزيعاً ثلاث مجموعات أحجامها تتراوح بين ١٠، ٣٠ مختارة من مجتمع يتوزع توزيعاً معتدلا، ومتجانسة . ووجد أن مستوى الخطأ في الدراسة كلها متقارب بين الطرق المختلفة ما عدا إختبار (ت) ،فقى حالة اختبار (ت) وجد أن خطأ النوع الأول المختلفة ما عدن أنه يساوى ٩٨، وفي طريقة دنكان . أما طريقتي نيومان كولز وتوكي فقد وجد أن خطأ النوع الأول = ٥٠٠، بينما لم تصل في طريقة شفيه الى ٥٠، واستنتيج بترينوفتش وهارديك أن حجم العينة لا يؤثر على النتائج طالما أن الافتراضات الاساسية (الاعتدالية ، والنجائس) متوافرة .

فقى حالة النوزيع المعتدل وتجانس المجموعات الثلاث ، كان مستوى خطأ النوع الأول لكل الطرق أقل من ٠٠٠ ما عدا إختبار (ت) وصل الى ١١٩٠ وفى حالة اختلاف تباين المجموعات (عدم التجانس) كانت طريقة شقيه أفضل الطرق المستخدمة . ويزيادة عدد المجموعات من ٣ الى ١٠ وجد أن الاختلاف في طريقتي (ت) ودنكان ، حيث وصل خطأ النوع الأول باستخدام اختبار (ت) الى ١٠ (في حالة ١٠ مجموعات) كما بلغ ٣٥٣، باستخدام طريقة دنكان، في حين أن الطرق الأخرى لم تتعدى المستوى المحدد (٠٠٠٠) .

وعند حساب خطأ النوع الثاني (β) ، باستخدام مجموعات أحجامها في حدود ٣٠ فردا ، وجد أن الفرق بين الطرق يعتمد على حجم الفرق بين المتوسطات وقد وجد أن طرق (ت) ، وتيومان كولز ، ودنكان تؤدى الى خطأ أقل من الطرق الأخرى إذا كان الفرق بين المتوسطات كبيرا.

ويوصى بترينوفنش وهارديك بعدم استخدام طرق المقارنات المتعددة إذا كان حجم المجموعة في حدود ١٠ أفراد إذا كان الباحث مهتما بمستوى خطأ النوع الثانى أو قوة الاختبار . كما يقل خطأ النوع الثانى إذا كان كانت المجموعات غير متساوية في الحجم ، ولكنه يزادد في حالة التجانس أو صغر حجم المجموعات، وكل هذا يؤدى الى ضعف قوة الاختبار.

وفى حالة عدم التجانس وعدم تساوى المجموعات فقد وجدا زيادة فى خطأ الدوع الاول وخطأ النوع الثانى ، وكانت طريقة شفيه هى أفضل الطرق . أما طرق (ت) ، ودنكان ، ونيومان كولز فقد كان الخطأ فيها آعلى مما هو متوقع .

أختيار الطريقة المناسبة من طرق المقارنات المتعددة:

من الملاحظ أن مستخدمي طرق المقارنات المتعددة يقعون في حيرة كبيرة عند اختيارهم لطريقة دون الأخرى . ولكننا سوف نقدم مقترحات قد تفيد في هذا الشأن وهي :

١ – تعطى بعض الطرق مستوى عال من النتائج الخاطئة أو مستوى عال من خطأ
 النوع الأول اكثر من المطلوب مثل طريقتى (ت) ، ودنكان .

كما أن طريقة نيومان كولز تميل للاقتراب من طريقة دنكان . فاذا كان الباحث لا يهتم بمستوى خطأ النوع الاول فيستطيع استخدام أى من هذه الطرق الثلاث ، أو بمعنى آخر إذا كان الباحث يرغب فى التوصل لأية فروق بين المجموعات فيمكنه استخدام أى من هذه الطرق (ولتكن دنكان مثلا) .

- ٢ إذا كان حجم المجموعة اكبر من ١٥ فيمكن الاختيار بين طريقتى توكى وشفيه وذلك لأن مسترى خطأ الثاني فيهما متقارب-petrinovich & Har (petrinovich & Har) , فيهما متقارب dyck,1969) , dyck,1969) وقد أوصى شفيه (Scheffe, 1959) باستخدام طريقة توكى في حالة عدم وجود فروق دالة من طريقة شفيه ، وبصفة عامة في هذه الحالة يفضل استخدام طريقة توكى لأن طريقة شفيه متحفظة اكثر من اللازم.
- ٣ ٧ نتأثر طريقتي توكي وشفيه كثيراً بالحيد عن الافتراضات الاساسية (الاعتدالية ، والتجانس) أو عدم تساوي المجموعات إلا إذا كانت المجموعات غير منساوية وكان تباين المجموعة الصغيرة اكبر من تباين المجموعة الكبيرة، عندئذ فلا توجد طريقة تصلح للمقارنات المتعددة ، كما أن تحليل التباين لا يمكن استخدامه بسبب عدم التجانس الواضح ويكون الحل في هذه الحالة هو تحويل الدرجات أولا باستخدام أحد التحويلات المختلفة قبل اجراء تحليل الدرات.
- 3 |i| کان حجم المجموعة أكبر من ۲۰ وكانت عدد المقارنات بين المتوسطات أقل من عدد المقارنات الممكنة $\left[\frac{(b-1)}{7} \right]$ فيفضل استخدام طريقة بونفروني ، لأنها أكثر قوة في هذه الحالة عن طريقتي توكي وشيفه .
- ه إذا كانت المقارنات بين مجموعات تجريبية ومجموعة ضابطة فيفضل استخدام طريقة ضنت Dunnett لأنها اكثر ملاءمة لهذه الحالة .

مثال (Υ) : أجرى باحث دراسة لمقارنة خمس مجموعات من ذوى الاحتياجات الخاصة في مفهوم الذات وكانت البيانات كما بالجدول (Υ - Υ) جدول (Υ - Υ)

درجات خمس مجموعات من ذوى الاحتياجات الخاصة في مفهوم الذات

مجموعة (٥)	مجموعة (٤)	مجموعة (٢)	مجموعة (٢)	مجموعة (١)
٤	1	γ	Ď	٧
۲	٨	٤	٧	٥
ð	٩	٣	λ	٤
٣	٧	۲	٦	٣
۲	٦	ř	٩	. ٦
٥	٧	٥	٤	٣
٤	٠,٧		٧	ا ه
			٦	٦
		1		

١ - نحسب مجموع درجات المجموعات وهي ٣٩، ٢٥، ٢٤، ٥١، ٢٢ وكذلك المجموع الكلي = ١٩٢ .

٣ - نحسب مجموع مربعات الدرجات مجس = ٧ + ٥ + ٤ + +٤ + ٤٠ + ٤٠ = ٢ - ١١٥٦ =

$$\frac{1}{7} = \frac{1}{197} = \frac{1}{1$$

خسب مجموع مربعات المجموعات =

$$\frac{\Upsilon(19Y)}{\Upsilon''} - \frac{\Upsilon(Y1)}{Y} + \frac{\Upsilon(01)}{Y} + \frac{\Upsilon(Y1)}{Y} + \frac{\Upsilon(0Y)}{X} + \frac{\Upsilon(Y9)}{X}$$

$$\frac{\Upsilon(Y1)}{Y} - \frac{\Upsilon(Y1)}{Y} + \frac{\Upsilon(Y1)}{Y} + \frac{\Upsilon(Y1)}{X} + \frac{\Upsilon(Y1)}{X}$$

ه - مجموع مربعات الخطأ = ١٣٢ - ١٨، ٢٧ = ٦٢،٧٣

٦ - نضع البيانات في جدول تحليل التباين ونحسب متوسط المربعات ، وقيمة ف جدول (٧ - ٩)

جدول تعليل التباين الأحادي بين مجموعات ذرى الاحتياجات الخاصة في مفهوم الذات

مستوى الدلالة	ف	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المربعات	مصدر التباين
دالة عند	۸,۳۰	14,+34	٤	٦٨, ٢٧	المجموعات
مستوی ۲۰۰۱		४, ५०२	٣١	٦٣,٧٣	الخطأ
			۳٥	144	الكلى

٧ - نوجد قيمة ف الجدولية وهي ف (١٠٠١، ٣١، ٤) = ٤,٧٣ وهي أقل من القيمة المحسوبة فتكون ف (٨,٣٠) دالة عند مستوى ٢٠٠٠ وهي تعني وجبود فروق دالة بين متوسطات المجموعات . وللتأكد من شرط التجانس نحسب

نسبة هارتلي =
$$\frac{1.71}{1.72} = \frac{7,7.7}{1.72}$$
 التباین الاصغر الاصغر

بدرجات حرية (۲، ۲) وهى غير دالة (لأن ۸، ٤٤ = F-max بدرجات حرية (۱، ۲) وهن غير دالة (لأن محرجات حرية (۱، ۲، ۲۰۰۰) ومن ثم يتحقق فرض التجانس والآن نحن بصدد اجراء المقارنات المتعددة بين متوسطات المجموعات وهى : ۲,۷۱٤، ۷,۲۸٦، ٤، ۲,۵،۵، ۳,۷۱٤، ۳,۷۱۲، ۲

وهذا يمكن استخدام طرق دنكان ، أو توكى ، أو شفيه ، أو بونفرونى . واستخدام طريقة دنكان في حالة رغبة الباحث في التوصل إلى أيه فروق أما الطرق الثلاث الأخرى فهي مناسبة للمثال المذكور .

ولأن المجموعات مختلفة فنوجد الوسط النوافقي لاحجام المجموعات وهو

($V = \frac{1 \times 0}{100} = \frac{1 \times 0}{100}$

وإذا إستخدمنا طريقة دنكان فانها تنطلب أربع خطوات مدى دنكان للخطوة الاولى = ± D (٥،٠٥، ٣١، ٥) × الخطأ المعياري 1. YY ±= +, oTY x 7, Y+±=

> مدى دنكان للخطوة الثانية = ± D(٢١،٤) × ٣٣٠.٠ 17Yo ±= .. o TY x T, 1 T ± ==

> مدى دنكان للخطوة الثالثة = ± D (٣١، ٣١ ، ٥٠٠٠) × ٥٣٧٠٠ 1.777 ±=.,077 × 7. • £ ±=

مدى دنكان للخطوة الرابعة = ±D (٢١، ٢ ٥٠٠٠) × ٠٠٥٠٠ 1,007 ± - +,047 × 7,49 ± -

ثم نقارن هذه القيم مع فروق المتوسطات وسوف نوضح ذلك بعد اجراء طرق المقارنات الاخرى.

> وإذا إستخدمنا طريقة توكى فان مدى توكى = ±q (م،٣١٠٥) × الخطأ المعيارى Y, 19A = *, 0TV× £, +9£±=

$$\frac{1}{2}$$
 الخطأ × $\frac{1}{2}$ الخطأ × $\frac{1}{2}$

أما طريقة بونفروني فان المدي -

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1$$

• • • VA× Y, • YY ± =

1, V £ Y ± =

جدول (٩ - ٨) نتائج فروق المتوسطات وطرق المقارنات المتعددة

		المتوسيطات					الطــــريقة		
1	٥Å	44	11	YP	٤P	دنكان	توكي	شقيه	بونفروش
7,71		۲۸۲, ۰	1,171	Y, VA1	Υ, ανγ	۱,۷۲۰	۲,۱۹۸	Υ, Έλλ	1,424
۲۴ ٤,	٠.		۵۷۸,۰	۲,۵۰	۳,۲۸٦	1,700	·		
۱۳ ٤,۸٧٥			 ·	1,770	۲,٤۱۱	1,784			
71°					7 , 7	1,007			
<u>የ</u> ሾ V, YAግ					-				

ويتضح من النتائج أن طريقة دنكان أسفرت عن وجود أفروق دالة عند مستوى ٠,٠٥ بين أزواج المتوسطات التالية : (مه ،م) ، (مه ،م) ، (مه ،م) ، (مم ،م) ، (مم ،م) ، (مم ،م) ، (مم ،م) واتفقت معها طريقة بونفرونى ويرجع السبب فى أننا استخدمنا بونفرونى لجميع المقارنات الممكنة وليس هذا هو المتبع مع طريقة بونقرونى فهى تستخدم فى حالة ما إذا كان عدد المقارنات المطلوبة أقل من المقارنات الممكنة.

وقد توصلت طريقة توكى الى نفس نتائج دنكان بينما اختلفت عنها طريقة شفيه في مقارنة واحدة غير دالة وهي (م، ،م،)

وبالطبع من المفضل في هذا المثال استخدام توكي أو شفيه

أما حجم التأثير للمتغير المستقل على المتغير التابع فيمكن حسابه باستخدام مربع إينا أو مربع أو ميجا (السابق ذكرهما) .

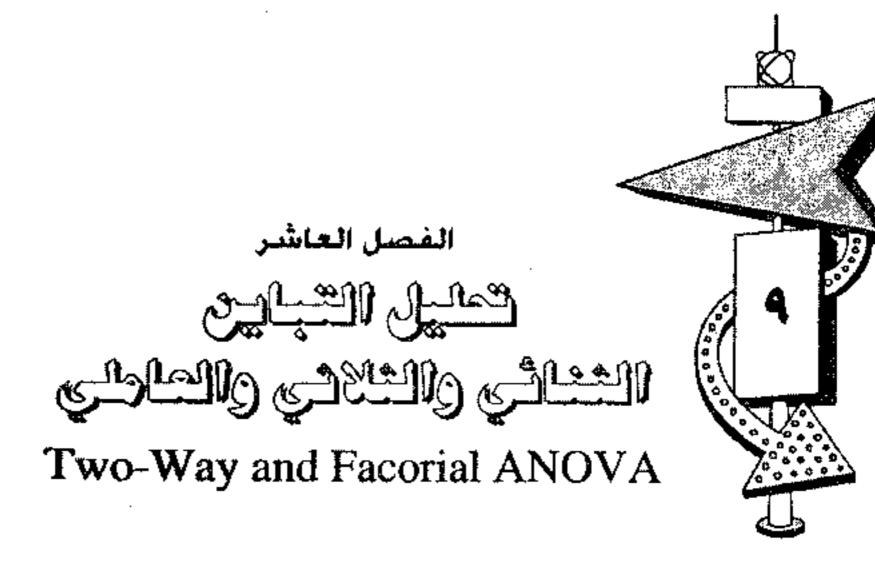
وهى تعنى أن ٤٥,٥٪ ٪ من تباين المتغير التابع (مفهوم الذات) يرجع الى المتغير المستقل (الانتماء للمجموعات) ، وهي تدل على حجم تأثير مرتفع -

$$\frac{(1-4)(1-4)}{(1-4)(1-4)} = \frac{(1-4)(1-4)}{(1-4)(1-4)}$$

$$\frac{(1-4,7)(1-4)}{(1-4)(1-4)} = \frac{(1-4,7)(1-4)}{(1-4,7)(1-4)}$$

ونعنى أن ٤٤,٨ ٪ من تباين المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل ، وتدل على حجم تأثير مرتفع.

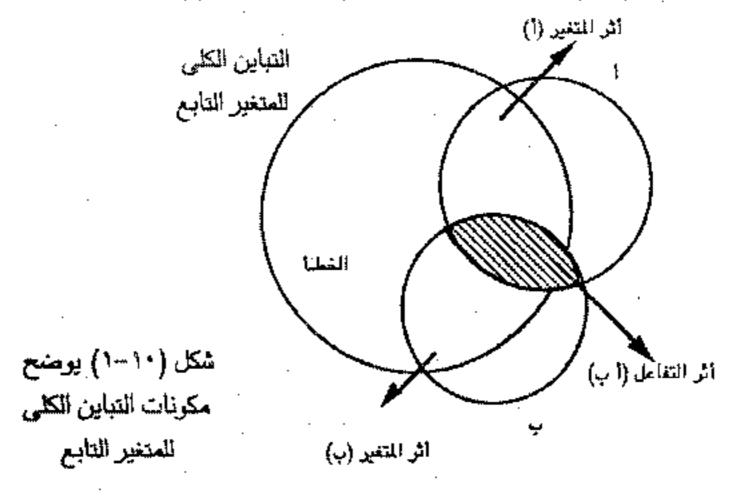




الفصل العاشر تحسليل التباين التنساني والشسلائي والعساملي

يستخدم تحليل التباين الآحادى في تحليل بيانات متغير مستقل واحد ومتغير تابع. ويكون المتغير المستقل متغيراً تصنيفياً يتضمن مستويين (مجموعيتن) أو أكثر ، ويتم اجراء التحليل لبحث الفروق بين متوسطات درجات المجموعات في المتغير التابع ، وبمعنى آخر يكون الاهتمام بدراسة العلاقة بين المتغير المستقل والمتغير التابع ،

أما تحليل النباين الثنائى Two- Way Anova في تحليل بيانات متغرين مستقلين (أ، ب مثلا) بكل منهما مستويين (أو مجموعتين) على الاقل، ومتغير تابع ويكون الاهتمام ببحث الفروق بين متوسطات درجات مجموعات كل متغير مستقل والذي يطلق عليه اسم الأثر الأساسي Main effet على المتغير التابع، بالاضافة الى بحث أثر التفاعل بين المتغيرين المستقلين (أب) على المتغير التابع، وهنا ينقسم تباين المتغير التابع الى أربعة أقسام : وتباين يرجع المتغير المستقل أ، وتباين يرجع المتغيرين المستقلين (أب) المتغير المستقل أ، وتباين يرجع المتغير المستقل ب، وتباين يرجع المتغيرين المستقلين (أب) ، وأخيرا تباين الخطأ (شكل ١٠ - ١) .



وافتراضات تحليل التباين الثنائي هي نفس افتراضات تحليل التباين الاحادي وهي : العشوائية ، والاستقلالية في اختيار المجموعات ، والتوزيع الاعتدالي لدرجات المتغير التابع ، وتجانس المجموعات .

ويوجد في تحليل التباين الاحادى فرض صفرى واحد عن تساوى متوسطات المجموعات ،أما في تحليل النباين الثنائي فتوجد ثلاثة فروض صفرية: فرض صفري للمتغير المستقل (أ) ، وآخر للمتغير المستقل (ب) ، وثالث للتقاعل بين المتغيرين المستقلين .

والمفهوم الجديد في تحليل التباين الثنائي (والثلاثي أيضا) هو مفهوم التفاعل بين المتغيرين المستقلين وهو تفاعل ثنائي.

التفاعل: Interaction

يحدث التفاعل بين متغيرين مستقلين عندما يكون أثر مستويات المتغير المستقل (أ) غير منسق مع مستويات المتغير المستقل (ب) . بمعلى أنه إذا كان لدينا برنامجين للعلاج النفسى ، وكان أحدهما فعالا مع الذكور والثانى فعالاً مع الاناث ، فهنا يوجد تفاعل بين البرامج وجنس المريض .

أى أن التفاعل يحدث عندما يكون تأثير أحد المتغيرين المستقلين معتمداً على مستويات المتغير المستقل الثانى .

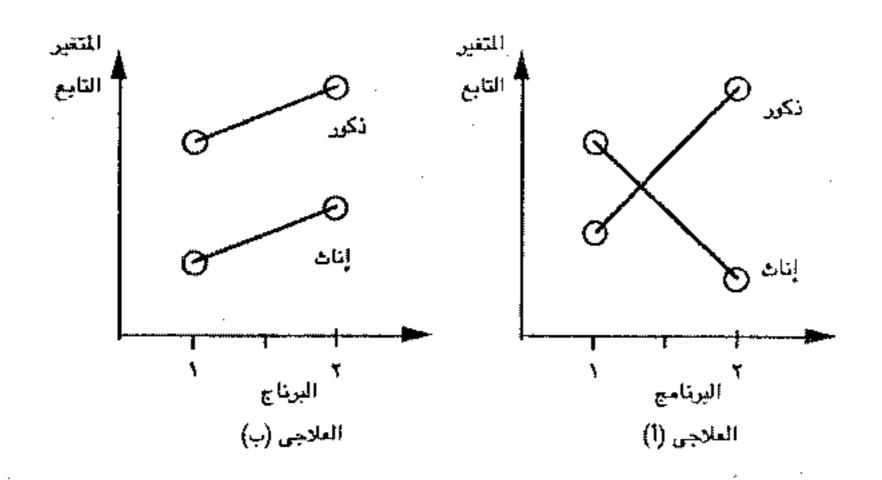
ويدل النفاعل على الأثر المشترك للمتغيرين المستقلين على المتغير التأبع والذي لايمكن معرفته من الأثر الاساسي لكل متغير مستقل بفرده . ويتطلب تحليل التفاعل مقارنة الفروق بين مدوسطات الخلايا وليس الاثر الاساسى .Kiess) (358 : 1989

وعدد وجود تفاعل ثنائي دال فان هذا يعنى أن أثر كل متغير مستقل يختلف باختلاف مستويات المتغير الأثر الاساسى باختلاف مستويات المتغير المستقل الثانى ، وبالتالى يصعب تفسير الأثر الاساسى للمتغير المستقل بمعزل عن تفسير التفاعل .

ويستازم التفسير هنا رسم بياني أو توضيحي لمتوسطات الخلايا المرتبطة بمستويات كل متغير مستقل أما إذا كان التفاعل غير دال فيكون الأمر سهلا ويتم تفسير أثر كل متغير مستقل على وحده (Kiess, 1989:374).

ويوضح التفاعل المدى الذي يعتمد فيه أثر متغير مستقل على مستويات

المتغير المستقل الثانى . وإذا مثلنا التفاعل بيانيا باسخندام متوسطات الخلايا للمثال المذكور عن البرامج العلاجية للمرضى (شكل ١٠ - ٢) فقد يكون هناك تفاعلا بين المتغيرين المستقلين إذا تقاطع خطى مستويى متغير الجنس للبرنامجين .



شكل (١٠ - ٢) التفاعل بين البرامج العلاجية والجنس

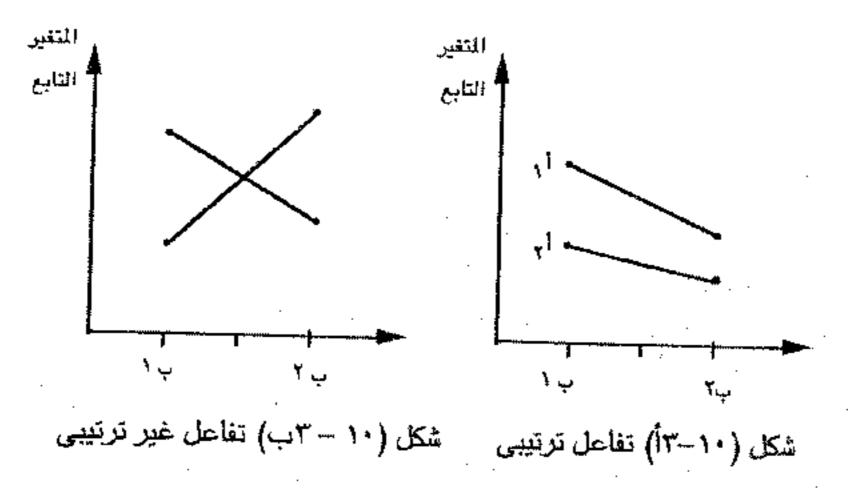
ويوضح الشكل (١٠ - ٢ أ) إختلاف نتيجة برنامجي العلاج باختلاف جنس المرضى ، ويدل ذلك على وجود تفاعل بين البرامج والجنس.

أما الشكل (۱۰ – ۲ ب) فينضح أن نتيجة البرنامجين متشابهة للجنسين حيث يبدو أن البرنامج الثاني أفضل من الأول للذكور والاناث ، ولذلك نجد أن مستويى الجنس (ذكور ، إناث) متوازيان ، وعليه فان توازي الخطوط يدل على عدم وجود تفاعل (Ferguson & Takate, 1989: 278)

وقد لا يكون التوازى صحيحا فى الواقع ، فقد يبتعد الخطين قليلا عن التوازى ، وهذا الحيد عن التوازى يقدر جزئيا بنسبة من أخطاء المعاينة - ودرجة الحيد عن التوازى تقاس من مجموع مربعات التفاعل ، ويكون مجموع هذه المربعات مساويا للصفر فى حالة التوازى التام ، واكبر من الصفر فى حالة عدم التوازى . فاذا قسمنا مجموع مربعات التفاعل على درجات الحرية ينتج متوسط مربعات التفاعل . ويقل هذا المتوسط بالنسبة الى خطأ المعاينة (متوسط مربعات الخطأ) فى حالة غياب التفاعل . أما إذا كان مرتفعا عن خطأ المعاينة فيدل على وجود تفاعل .

كما أن مجموع مربعات التفاعل هو مجموع مربعات انحرافات متوسطات الخلايا عن المتوسط العام مقارنة مع مجموع مربعات كل متغير من المتغيرين المستقلين . فاذا تساوى مجموع مربعات الخلايا مع مجموع مربعات المتغرين المستقلين فلا يوجد تفاعل ، أما إذا كان اكبر منهما فيوجد تفاعل & Ferguson) (Ferguson & Takane, 1989)

وهناك نوعان من النفاعل ترتيبي Ordinal وغير ترتيبي فو التفاعل الترتيبي هو التفاعل (GLASS & STANLEY, 1970: 410 - 411) و التفاعل الترتيبي هو التفاعل الذي يظل فيه ترتيب متوسط درجات مستويات أحد المتغيرين المستقلين كما هو اكل فئة من فئات المتغير الثاني ، فاذا كان لدينا متغيرين مستقلين أ ، ب ولكل منهما مستويين ، فان وضع أ ، أ في حالة ب إيظل كما هو في حالة ب ، ونفس الشئ وضع ب ، ب يظل كما هو في حالة أ أو أ ب فاذا كانت أ اكبر من أ عند المستوى ب فان أ تكون اكبر من أ عند المستوى ب أيضا (شكل ١٠ - ٢ أ) .



أما التفاعل غير الترتيبي فهو الذي يتغير فيه ترتيب متوسط درجات مستويات أحد المتغيرين المستقلين لكل فئة من فئات المتغير المستقل الثاني ويتصح من الشكل (١٠ – ٣ ب) أن متوسط درجات أو عند المستوى بويختلف عنه عند بو وكذلك متوسط درجات أو عند بروي مما يؤدي الى تقاطع خطى المتوسطين .

ومعنى هذا أنه في التفاعل غير الترتيبي تتقاطع الخطوط البيانية للمتوسطات أما في التفاعل الترتيبي فلا يحدث تقاطع . وبالطبع في حالة عدم وجود تفاعل يكون الخطان متوازيين كما ذكرنا سابقا -Glass & Stan) (1970 : 408)

خطوات هليل التباين الثنائي:

يتم اجراء تحليل النباين الثنائي بانباع خطوات مشابهة لتلك المستخدمة في تحليل التياين الاحادي باستثناء الخطوات المتعلقة بحساب النفاعل الثنائي . فأذا كان لدينا متغيرين مستقلين (أبب) ومتغير تابع فأننا نتبع الخطوات التالية لنحلل النباين الثنائي:

- ١ إيجاد مجموع درجات مجموعات المتغير المستقل الاول
 - ٢ حساب مجموع درجات المتغير المستقل الثاني
- ٣ حساب مجموع درجات كل خلية ، والمجموع الكلي (مجـ س) .
 - ٤ حساب مجموع مربعات الدرجات (مجس")
- ه استخدام نانج الخطوين ٢ ، ٤ في حساب مجموع المربعات الكلي

- ٢ حساب مجموع مربعات مجموعات المتغير المستقل الاول.
- ٧ حساب مجموع مربعات مجموعات المتغير المستقل الثاني .
- ٨ حساب مجموع مربعات الخلايا (المتغير المستقل الأول × المتغير المستقل الثاني)
- ٩ نوجد مجموع مريعات النفاعل = مجموع مربعات الخلايا مجموع مربعات مجموعات مجموعات المتغير المستقل الاول مجموع مربعات مجموعات المتغير المستقل الاول مجموع مربعات مجموعات المتغير المستقل الثاني
- ١٠ نوجد مجموع مربعات الخطأ = مجموع مربعات الكلى -مجموع مربعات الخلايا
 - ١١ نكون جدول تحليل التباين ونحسب متوسط مربعات التباين
- ١٢ نحسب النسبة الفائية للمتغيرين المستقلين والتفاعل بقسمة متوسط مربعات كل منها على متوسط مربعات الخطأ.
- ١٣ نقارن النسب الفائية المحسوبة بما يقابلها من جدول توزيع ف بدرجات الحرية المناسبة ومستوى الدلالة المطلوب . وإذا وجدت قروق دالة لأحد المتغيرين المستقلين أو كليهما نجرى المقارنات المتعددة بين المتوسطات

مثال (١): أجرى باحث دراسة لتوعية أربع مجموعات من العاملين والطلبة عن الحقوق السياسية للمرأة ويوضح الجدول التالي بيانات الدراسة

جدول (۱۰ -۱۰)

طلبة)	مج ٤(ء	عمال)	مج ۳(،	وظفون)	مج۔ ۲(م	علمون)	مجـ ۱ (ه	النوع
17	٥١	١.	۱۲	٩	١٥	١٤	١,	
10	١٤	١٤	۱۳	14	١.	٧.	14	ذكور
	17		١٥	٨	١٤	٦.	٨	
17	1.4	٨	14	٧	17	١٤		
1 £	۱۵	V	٩	١٥	- 11	١.	v	إناث
	14		١.	• '	•	•	14	

ويتضح من البيانات وجود متغيرين مستقلين هما: النوع (الجنس) ، والمجموعة ، والإجراء التحليل نقوم بحساب مجموع الدرجات والمربعات المذكورة في الخطوات الاربع الاولى ونضعها في جدول (١٠ - ٢) التالي

المجموع الكلي	مج- ٤	مجہ۳	مج۔ ۲	٠٠٠	جموعة	النوع
۲۲ ۲٦۵	۰ ۷۷	7.5	٦ ٦٨	7 07	ن مجس	ذكور
YY Y£0	` ¢ ∀ ¹	٤٦	7,44	٦ ٦.	ن مچـ س	إناث
21	104	۱.	171	117	ن مجہ س	المبعوع الكلي
ጎ ۳٤λ	1771	۱۲۷۲	1011	17.8	مجـ س	

ولاختبار فرض تجانس الجنسين فإن :

أما تجانس المجموعات فإن :

٤, ٧٩ = Max خيث ف

ومن ثم تم يتحقق فرض التجانس للمجموعات

بدرجات حرية = ن - ١ = ١٤٤ - ١ = ٢١

$$\frac{(مجس,)'}{(0,-1)} + \frac{(مجس,)'}{(0,-1)} + \frac{(مجس,)'}{(0,-1)} - \frac{(مجس,)'}{(0,-1)} + \frac{(مجس,)'}{(0,-1)} + \frac{(a,-1)'}{(0,-1)} + \frac{(a,-$$

$$\frac{(مجw_{i})^{2}}{v_{i}} + \frac{(مجw_{i})^{2}}{v_{i}} + \frac{(مجw_{i})^{2}}{v_{i}} + \frac{(مجw_{i})^{2}}{v_{i}}$$

$$\frac{1}{(n+w_1)} - \frac{1}{(n+w_1)} + \frac{1}{(n+w_1)} + \frac{1}{(n+w_1)}$$

(لاحظ أن ن, ، ن, ، ن, ، ن, هي أحسجام المجمع وعات الأربع ، بينما مجد س, ، مجرس, ، مجرس, ، مجرس, ، مجرس مجموع درجات المجموعات)

$$\frac{\frac{111}{111}}{111} + \frac{\frac{1}{111}}{111} + \frac{\frac{1}{1111}}{1111} + \frac{\frac{1}{11111}}{11111} + \frac{\frac{1}{11111}}{11111} + \frac{\frac{1}{11111}}{1111} + \frac{\frac{1}{11111}}{11111} + \frac{\frac{1}{11111}$$

0911, TT - YTE+, 9 + 171+ + 18T+, + A+ 1141, TT -

$$\frac{(-1)^{2}}{\dot{\upsilon}} = \frac{(-1)^{2}}{\dot{\upsilon}} + \dots + \frac{(-1)^{2}}{\dot{\upsilon}}$$

لاحظ أن ن, ، ن, ،، ن هي أعداد الافراد في كل خلية كما أن مجس ، مجس ، مجس مجموع درجات الافراد في كل خلية

مجموع مربعات الخلايا =
$$\frac{(70)^{2}}{7} + \frac{(11)^{2}}{7} + \frac{(11)^{2}}{7} + \frac{(11)^{2}}{7} + \frac{(11)^{2}}{7}$$

$$\frac{\frac{Y(0)\cdot)}{\xi\xi} - \frac{Y(Y)}{0} + \frac{Y(\xi')}{0} + \frac{Y(\eta')}{\eta} + \frac{Y(\eta')}{\eta}$$

£ΥΥ, Υ + ٦٦١, ο + ٦٠٠ + 11λο, λ + λ19, Υ + γν., ٦ν + οΥΥ, ٦ν = ο911, Υ - 11ρο, Υ +

= ۲۲۳۸۲۲ - ۲۲۳۸ ۱۳۹ بدرجات حریة = ۸ - ۱ = ۷

٩ - مجموع مربعات التفاعل = مجموع مربعات الخلايا - مجموع مربعات النوع
 - مجموع مربعات المجموعات

19.90-9, .9. - 477, AA =

¥7, 1/2 =

بدرجات حرية - دح للنوع × دح للمجموعات - ١ × ٣ = ٣

١٠ - مجموع مربعات الخطأ = مجموع العربعات الكلى - مجموع مربعات الخلايا

۲•9,77 ==

بدرجات حرية - د ح الكلية - دح الخلايا - ٢٦ - ٧ - ٢٦

١١ - نضع مجموع المربعات لكل مصدر في جدول تحليل التباين الثنائي ثم
 نحسب متوسط مربعات النوع والمجموعات والتفاعل.

١٢ – نحسب قيمة ف لكل من النوع والمجموعات والتفاعل بينهما بقسمة متوسط مربعات كل منها على متوسط مربعات الخطاء ، فتكون قيم ف هي ١,٥٦ ، مربعات كل منها على الترتيب .

جدول (۱۰ - ۳)
تحليل النياين الثنائي (النوع × المجموعات) في درجات الانجاه
نحو الحقوق السياسية للمرأة .

مسترى الدلالة	ف	متوسط المربعات	درجات الدرية	مجموع المربعات	مصــدر التبــاين
غير دال دال عند ۲۰۰۱، غير دال	10,98	4, • 4 18, 10 1, 40	۱ ۳	9, • 9 19•, 90 Y7, A£	النوع المجموعات التفاعل (النوع × المجموعات)
		٥,٨٣	*1	۲۰۹, V٦	الخطأ
			٤٣	٤ ٣٦, ٦٤	الكلي

۱۲ - نقارن قيم ف المحسوبة بالقيم الجدولية ، حيث قيم ف الجدولية هى : للنوع في (١٠٥٠) = ١٠ ٤ وهي اكبير من القيمة المحسوبة (١٠٥٠) و للمجموعات في (١٠٠٠) = ٢٠٨٨ وهي أقل من القيمة المحسوبة (١٠٠٥) . وعليه فاننا نستخرج ف الجدولية عند مستوى ٢٠٠٠ وهي :

ف (١٠١، ٢٦، ٢) = ٤,٤٠ وهي أقل من القيمة المحسوية أيضا

فادًا توافرت جداول ف عند مستوى دلالة ٠٠٠٠ فاننا نستخرج قيمة

ف (۱٬۰۰۱،۲۹،۳ وهي تساوي ۲٬۷۸ وبالطبع من النادر توافر جداول ف عند مستوي ۲۰۰۱،

أما قيمة ف الجدولية للتفاعل فإننا نكتفى بقيمة ف (٠٠١،٣٦،٣) لأنها اكبر من ف المحسوبة للتفاعل. ونستنتج من جدول (۱۰ - ۳) عدم وجود فرق دال بین الجنسین ، وجود فرق دالة بین الجنسین ، وجود فرق دالة بین المجموعات عند مستوی ۱۰۰۰ ، وعدم وجود تفاعل دال ، وهذا يسهل عملية التفسير . أما في حالة وجود تفاعل دال فاننا نبحث عن متوسطات الخلایا ومتوسطات كل مجموعة من المجموعات ولكل من الجنسین حتى یمكن تفسیر التفاعل ویتطلب هذا أیضا رسم شكل بیانی لمتوسطات الخلایا .

ولكن في هذا المثال فلا يوجد تفاعل دال فيكون أمامنا فقط تفسير الفروق الموجودة بين مجموعات المتغير المستقل الثاني (المجموعات) حيث لا يوجد فرق دال بين الجنسين .

وابحث الفروق بين المجموعات نجرى اختبار للمقارنات المتعددة بين متوسطات المجموعات باستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة ولتكن طريقة شفيه مثلا.

مدی شفیه
$$=$$
 $\sqrt{\frac{(2-1) \times i}{1}} \times \text{متوسط مربعات الخطأ $\times Y}$ منوسط مربعات الخطأ $\times Y$ مدی شفیه $=$ $\sqrt{\frac{(2-1) \times (3-1)}{1.91}}$$

حيث ١٠.٩١ هي الوسط التوافقي لاحجام المجموعات (١٢، ١٢، ١١، ١٠) مدى شفيه = ٩,٢٣٤ ٧ = ٣٠٠٤

ثم نكون جدول الفروق بين متوسطات المجموعات الاربع ونقارنها بمدى فيه

جدول (۱۰ – ٤) الفروق بين المترسطات ومدى شفيه

مدى شفيه	ŧρ̈́	٣٢.	م	۱۴	المتوسط
٣,٠٤	۰,٦٣	١,٣٣	1, 40		(۹, ۳۷) ۱۹
	* £, ٣٨	۰,۰۸			(1+,9Y) YP
	٤,٣٠				(۱۱) ۲۶
					(10,4)

ويتضح من جدول فروق المتوسطات ومقارنتها بمدى شفيه أنه: توجد فروق دالة عند مستوى ٥٠٠٠ بين متوسط المجموعة الرابعة وبين كل من متوسطات المجموعات الأولى والثانية والثالثة . أى أن البرنامج اكثر فعالية مع مجموعة الطلبة عن مجموعات المعلمين والموظفين والعمال بسمتوى دلاله ٥٠٠٠ وحجم التأثير (تأثير المجموعات على الترعية بالحقوق السياسية للمرأة) هو:

وتعنى أن ٣٩,٧ ٪ من التباين في المتغير التابع يرجع الى المتغير المستقل (المجموعات) وهي تدل على حجم تأثير مرتفع

وكذلك مربع أوميجا للمجموعات =

حيث ك، عدد مجموعات المتغير المستقل الاول ، ف، قيمة المقابلة له ك عدد مجموعات المتغير المستقل الثانى ، ف، قيمة المقابلة له ف، عدد مجموعات المتغير المستقل الثانى ، ف، قيمة المقابلة له ف، د م هى قيمة ف للتفاعل.

أو مربع أوميجا للمجموعات =

سجموع مربعات المجموعات - (ك إلى ١٠) متوسط مربعات الخطأ

مجموع المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

•,
$$mqr = \frac{1 \forall r, \xi \forall}{\xi \xi \tau, \xi \tau} = \frac{0, \Lambda r (1 - \xi) - 19 \cdot, 90}{0, \Lambda r + \xi r \tau, \tau \xi}$$

وتعنى أن ٣٩,٢ من تباين المتغير التابع (الانجاه نحو الحقوق السياسية للمرأة) يرجع الى المجموعات. وهي تدل على حجم تأثير مرتفع.

ويمكن حساب حجم التأثير لمتغير النوع وللتفاعل أيضا إلا أن عدم دلالة أي منهما تحول دون حساب حجم التأثيرلهما .

مثال (٢) : أجرى باحث دراسة عن الفروق بين المستويات الاقتصادية في التوافق الأسرى للمتزوجين ذوى التعليم العالى والثانوي.

جدول (۱۰ - ٥) درجات التوافق الاسرى حسب نوع التعليم والمستوى الاقتصادي

منخفض	مترسط	مرتفع	التعليم
٨٥	1. 18	1 14	
۹ ۷	17 11	۸ ۱۱	تعليم عالى
V A	١.	17 9	•
۱ ۲ ۱ ا	٧ ١٢	۱۰ ۸ ۱۲	
V .	٨ ٨	1. 17 1.	تعليم ثانوي
V	٨ ٩	١٤٩	, -

ولتحليل البيانات نقوم باجراء التجميع الاولى للدرجات في كل خلية ولهجموعات المستوى الاقتصادى ، ونوع التعليم ، وكذلك المجموع الكلى للدرجات (مجس) ومجموع المربعات (مجس) ونضعهم في جدول (١٠ - ٦) .

جدول (۱۰ – ۲)

***************************************	المجموع الكلي	منخفض	متوسط	مرتفع	ستوی	التعليم
200	18	٦	. 6	٧	ن	تعليم
	170	33	۵٨	۷۳	مجس	عالى
	14	٥	٦	٨	ن	تعليم
	١٨٠	۸۸	۲۵	٩.	منب س	ثانوى
	۲۷	11	11	١,٥	ن	الجموع
	Yoo	۸۲	11.	175	مجس	الكلي
	7710	74.	1107	1777	مج س۲	·

ولاختبار فرض تجانس مجموعتي التعليم فأن:

أما تجانس مجموعات المستوى الاقتصادى فأن:

وبالتالي يتحقق فرض بجانس مجموعات المستوى الاقتصادي . ولحساب مجموع المربعات الكلي وأقسامه المختلفة نكمل خطوات تحليل التباين الثنائي

$$\frac{(مج س,)'}{v} = \frac{(مج س,)'}{v} + \frac{(مج س,)''}{v} = \frac{(مج س)''}{v}$$

1,0V = TE+7, 1A- 1V+0, Y7 + 1V+1, T9 =

٧ - مجموع مربعات مجموعات المستوى الاقتصادي =

$$\frac{Y_{(n+w_i)}}{\psi_i} + \frac{Y_{(n+w_i)}}{\psi_i} + \frac{Y_{(n+w_i)}}{\psi_i} + \frac{Y_{(n+w_i)}}{\psi_i}$$

حيث (ن،ن،ن،ن،) هى أحجام مجموعات المستوى الاقتصادى ، (مجسس، مجسس، مجسس) مجموع درجات كل مستوى من المستويات الاقتصادية الثلاثة .

مجموع مريعات مجموعات المستوى الاقتصادي =

$$\frac{1}{100}$$
 $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{11}$ $\frac{1}{10}$

72.7, A-711, YY+11..+ 1441, YY=

۲٦, ٤٦ ==

$$\frac{(a - w_{1})^{2}}{\dot{v}_{1}} + \frac{(a - w_{0})^{2}}{\dot{v}_{1}} + \frac{(a - w_{1})^{2}}{\dot{v}_{2}} + \frac{(a - w_{1})^{2}}{\dot{v}_{1}} + \frac{(a - w_{1})^{2}}{\dot{v}_{2}} + \frac{(a - w_{1})^{2}}{\dot{v}_{2}}$$

حیث (ن, ،ن, ، ،،،،،ن,)هی أعداد درجات كل خلية ،

(مجس ، مجس س ، ، . . . ، مجس س) هي مجموع درجات الخلايا الست

مجموع مربعات الخلايا =
$$\frac{Y(YT)}{V} + \frac{Y(OA)}{O} + \frac{Y(YT)}{O}$$

$$\frac{{}^{\prime}(700)}{77} - \frac{{}^{\prime}(7\Lambda)}{0} + \frac{{}^{\prime}(07)}{7} + \frac{{}^{\prime}(9\cdot)}{\Lambda} +$$

1 · 1 Y, 0 + TYY, 7 Y + 7 YY, A + Y71, Y9 =

TE+7, + A - YAA, A + £0+, 7V+

1. 7, 70 - 78.7, . 1 - 70.1 77 -

٩ - مجموع مربعات التفاعل - مجموع مربعات الخلايا - مجموع مربعات
 النعليم - مجموع مربعات المستوى الاقتصادي

Y7, £7 - +, 0Y - 1 - 1, 70 ==

YO 7Y -

١٠ - مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلى-مجموع مربعات الخلايا
 ١٠٢.٦٥ - ٢٠٨.٩٢ =

1.77

ثم نضع مجموع المربعات وأقسامه المختلفة في جدول تحليل التباين (٧-١٠) ونكمل الجدول بوضع درجات الحرية لكل قسم من أقسام مجموع المربعات ، ونحسب متوسط المربعات وقيم ف لكل مصدر من مصادر التباين .

جدول (۱۰ - ۷) تحليل التباين الثنائي (نوع التعليم × المستوى الاقتصادى) في درجات التوافق الاسرى

مستوى الدلالة	٠	متوسط المربعات	درجات المرية	مجموع المريعات	مصــدر التبــاين
غير دال	۰,1۷	۰,۵۷	1	۰,۵۷	نوع التعليم
دال عند ۰,۰۰۱	11,10	۳۸, ۲۳	۲	٧٦,٤٦	المسترى
. ;					الاقتصادي
دال عند ۰٫۰۰	۳,۷۴	14,81	۲	40,74	التفاعل
		٣, ٤٣	۳۱	1 • 7, 70	الخطأ
			۲٦.	۲۰۸,۹۲	الكلى

ثم نقارن قيم ف المحسوبة مع قيم ف الجدولية حيث نجد أن قيمة ف النوع التعليم غير دالة (حيث لا توجد ف أقل من الواحد في الجداول). أما قيمة ف للمستوى الاقتصادي (١١,١٥) فهي دالة عند مستوى ٢٠٠٠ لأن ف (٢١،١٠) فهي دالة عند مستوى ٢٠٠٠ لأن ف (٢١،١٠)

بينما قيمة ف للتفاعل دالة عند مستوى ٥٠٠٠ لأن ف (٣١،٢) = ٣٣٠

ونستنج من جدول (١٠ - ٧) عدم وجود فرق دال بين نوعى التعليم فى التوافق الأسرى ، بينما توجد فروق دالة بين المستويات الاقتصادية فى التوافق الاسرى عند مستوى دلالة ٢٠٠٠ . ويتطلب هذا إجراء المقارنات المتعددة بين المتوسطات . أما التفاعل فيتطلب حساب ، متوسطات الخلايا والمجوعات ورسم شكل بيانى قبل تفسير النتائج . ولا نستطيع تفسير الفروق بين المستويات الاقتصادية بدون التفاعل .وسوف نجرى المقارنات المتعددة فى هذا المتال باستخدام طريقة توكى

حیث مدی توکی =
$$Q = \frac{1}{7.50}$$
 × الخطأ المعیاری = $Q = \frac{1}{7.50}$ × $Q = \frac{1}{11}$ + $Q = \frac{1}{1$

ثم نقارن هذا المدى (١.٨٦) مع الفروق بين متوسطات المستويات الاقتصادية المرتبة تصاعدياً كما بالجدول .

1. 17 = . OTT x T. EAO =

جدول (۱۰ – ۸) فروق المتوسطات ومدى توكى

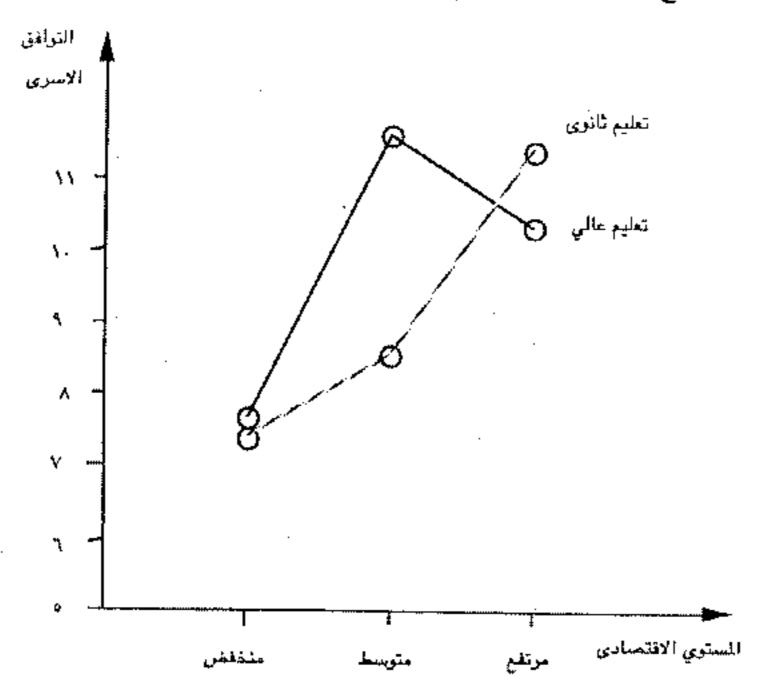
مدي توكيي	المتوسط	المرتفع	المنخفض	متوسط المستوى
۱,۸٦	7,00 1,17	T, £ T		المنخفض (۷,٤٥) المرتفع (۱۰,۸۷) المتوسط (۱۱)

ويتضح من الجدول (١٠ - ٨) وجود فروق دالة بين المستوى الاقتصادى المنخفض وكلا من المستوبين المتوسط والمرتفع في التوافق الاسرى عند مستوى ٥٠٠٠ بينما لا يوجد فرق دال بين المستويين المتوسط والمرتفع .

ثم نحسب متوسطات الخلايا وهي : جدول (١٠ - ٩) متوسطات الخلايا

منخفض	متوسط	مرتفع	التعليم التعليم
٧,٣٣	11,70	14,25	عالى
٧,٦	۸,٦٧	11,70	ثانوي ا

وتوضيح التفاعل يتطلب رسم بياني لمتوسطات الخلايا (شكل ١٠-٤)



شكل (١٠ - ٤) تفاعل نوع التعليم مع المستوى الاقتصادى

ويتضح من الشكل (١٠ - ٤) أن التفاعل نتج من زيادة متوسط مجموعة المستوى الاقتصادي المتوسط من ذوى التعليم العالى عن دوى التعليم المتوسط .

بينما لا توجد فروق دالة بين نوعى التعليم في حالة المستوى الاقتصادى المرتفع أو المنخفض .

ولوضع الفروق الناتجة عن المقارنات المتعددة للمتوسطات مع التفاعل.

الموضح بالشكل (١٠ - ٤) فاننا نستنتج أن :

ذوى المستوى الاقتصادى المرتفع والمتوسط أعلى من ذوى المستوى المتصادى المنخفض فى التوافق الاسرى كما أن ذوى التعليم العالى والمستوى الاقتصادى المتوسط أفضل من ذوى التعليم الثانوى والمستوى الاقتصادى المتوسط . كما نستطيع استنتاج أن : مجموعتى المستوى الاقتصادى المرتفع (نوى التعليم العالى والثاني) ومجموعة المستوى الاقتصادى المتوسط والتعليم العالى أعلى من مجموعتى المستوى الاقتصادى المنوسط والتعليم العالى أعلى من الاقتصادى المتوسط والتعليم العالى أعلى من الاقتصادى المتوسط (تعليم عالى وثانوى) والمستوى الاقتصادى المنخفض (تعليم عالى وثانوى) والمستوى الاقتصادى المتوسط (تعليم ثانوى) .

أما حجم التأثير لكل من المستوى الاقتصادي والتفاعل فيتم حسابه كما يلى:

مربع أوميجا للمستوى الاقتصادى =

مجـ مربعات المستوى الاقتصادى - (ك إلى ١٠٠) متوسط مربعات الخطأ

مج المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

حيث كر هي عدد المستويات الاقتصادية

وتعنى أن ٣٢.٨ ٪ من تباين النوافق الاسرى يرجع الى المستوى الاقتصادى ، وهي تدل على حجم تأثير مرتفع.

مربع أوميجا للتفاعل =

مج مربعات التفاعل - (الله حا) (الله حا) متوسط مربعات الخطأ مجد مربعات المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

____ نحليل النباين الثناني والنائش والعاملي _____

حيث كى عدد مستويات فوع التعليم ، كى عدد المستويات الاقتصادية

$$T, \xi T \times (1-T)(1-T) - T0,77$$
 مربع أوميجا للتفاعل = $T, \xi T + T \cdot \Lambda, T$

وتعنى أن ٨,٨ ٪ من تباين التوافق الاسرى يرجع لتفاعل المستوى الاقتصادى مع نوع التعليم ، وهي تدل على حجم تأثير متوسط .

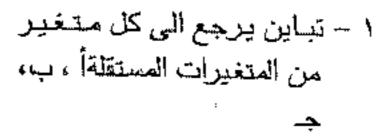
ويمكن جمع حجم التأثير اكل متغير مستقل والتفاعل معا لحساب حجم التأثير الكلى في الدراسة .

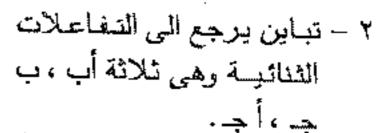
غليل التباين الثلاثي والعاملي

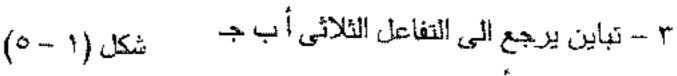
ويستخدم تحليل التباين الثلاثي Three - Way Anova في حالة وجود ثلاثة متغيرات مستقلة بكل منها مستويين (أو مجموعتين) على الاقل ، ومتغير تابع . ويكون الاهتمام بدراسة أثر كل متغير مستقل على المتغير التابع . وكذلك دراسة التفاعلات بين المتغيرات المستقلة وأثرها على المتغير التابع .

ويوجد في تحليل التباين الثلاثي نوعان من التفاعل: تفاعل ثنائي بين كل زوج من المتغيرات المستقلة وعددها تلاثة تفاعلات ، وتفاعل ثلاثي بين المتغيرات المستقلة الثلاثة .

وينقسم التباين الكلى المنغير التابع الى تمانية أقسام هى:





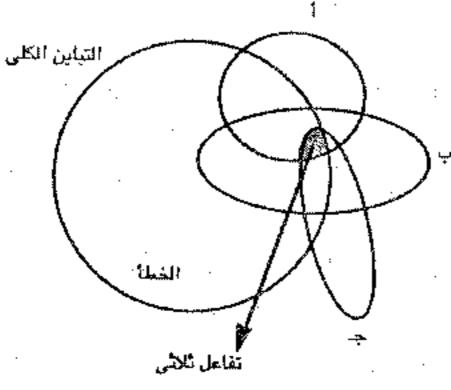


٤ – تباين الخطأ

ويتم اجراء تحليل التباين الثلاثي للتوصل الى أثر كل قسم من الاقسام السبعة الأولى على المتغير التابع .

والافتراضات الاساسية في تحليل التباين الثلاثي هي نفس افتراضات تحليل التباين الاحادي والثنائي .

ومعنى التفاعل الثنائي هو نفس المعنى الموضح في تحليل التباين الثنائي ، أما التفاعل الثلاثي فيقصد به اختلاف العلاقات بين مستويات المتغيرين المستقلين باختلاف مستويات المتغيرين المستقل باختلاف مستويات المتغير المستقل الثالث، ويوضح التفاعل الثلاثي مدى تغير التفاعل الثلاثي مدى تغير التفاعل الثائي (بين متغيرين) عند مستويات المتغير المستقل الثالث.



ومن الصعب تفسير التفاعل الثلاثي اذا كان دالا ، ولذلك في حالة دلالة التفاعل الثلاثي فان تفسيره يتم من خلال التفاعلات الثنائية ، أو تفاعل متغيرين مستقلين عند كل مستوى من مستويات المتغير المستقل الثالث.

أما تعليل التباين العاملي Factorial Anova فيقصد به تعليل التباين في حالة وجود اكثر من ثلاثة متغيرات مستقلة ومتغير تابع .

وقد يصنف البعض تحليل التباين الثلاثي بأنه تحليل تباين عاملي . ولكننا نود التفرقة بينهما لسبب آخر هو أنه يمكننا اجراء تحليل تباين ثلاثي وتفسير نتائجه ، أما تحليل التباين العاملي لأكثر من ثلاثة متغيرات مستقلة فمن المستحيل تفسير التفاعل الرباعي إن وجد . وعليه فاننا نوصي بعدم إجراء التحليل العاملي ، ونتوقف في أي دراسة عند تحليل التباين الثلاثي . وإذا كانت الدراسة نتضمن العديد من المتغيرات المستقلة فيمكن استخدام أسلوب إحصائي آخر مثل الانحدار المتعدد أو تحليل التمايز ، حيث أن تحليل التباين العاملي سوف يستبعد تقسير التفاعلات الاعلى من التفاعل الثلاثي ، وهذا يعد خطأ كبيرا . وتوجد دراسات تستخدم أربعة متغيرات مستقلة (أو اكثر) في تحليل تباين رباعي (أو اكثر) ولاتسجل التفاعلات الثلاثية والرباعية (أو الاعلى منها) وبعد هذا إغفالا لنتائج هامة في الدراسة . وعليه فائنا نرى بالاكتفاء باستخدام ثلاثة متغيرا ت مستقلة هامة في الدراسة . وعليه فائنا نرى بالاكتفاء باستخدام ثلاثة متغيرا ت مستقلة كحد أقصى في البحوث التي تستخدم أسلوب تحليل التباين .

خطوات خَليل التباين الثلاثي:

إذا كان لدينا ثلاثة متتغيرات مستقلة (أ، ب، ج) ومتغير نابع فاننا نستخدم تحليل التباين الثلاثي . وخطوات إجراء هذا التحليل متشابهة مع خطوات تحليل التباين الثنائي إلا أنها اكثر تعقيدا ولذلك سوف نوجز خطوات التحليل ونجمعها بطريقة أخرى حتى يسهل فهمها . والخطوات هي :

- ١ تجميع درجات مجموعات كل متغير مستقل ، ودرجات الخلايا الثنائية (أ
 ب، ب چـ ، أ جـ) والخلايا الثلاثية أ ب جـ ،
 - ٢ حساب مجموع الدرجات الكلية (مجـ س) ومجموع مربعاتها (مجـ س)
- ٣ حساب مجموع المربعات الكلى ومجموع مربعات كل متغير مستقل على حده .
- ٤ حساب مجموع مريعات الخلايا الثنائية أب، ب ج، أج لاستخدامها في
 التوصل إلى مجموع مريعات التفاعلات الثنائية أب، ب ج، أج.
- محساب مجموع مربعات الخلايا الثلاثية أب جـ واستخدامها في حساب
 مجموع مربعات التفاعل الثلاثي ومجموع مربعات الخطأ
 - ٣ تسجيل مجموع المربعات الكلى ومكوناته الثمانية في جدول تحليل التباين .
- ٧ تحديد درجات الحرية لكل قسم من مجموع المربعات ، ثم حساب متوسط المربعات للمتغيرات المستقلة والتفاعلات ، وإيجاد قيم ف لكل منها .
 - ٨ مقارنة قيم ف المحسوية بالقيم الجدولية .
- إذا وجد أثر أساسى Main effect دال لأحد المتغيرات المستقلة أو جميعها فاننا نستخدم إحدى طرق المقارنات المتعددة للمتوسطات في حالة وجود اكثر من مجموعتين . أما إذا كان للمتغير العستقل مستويين (أ و مجموعتين) فيكون الفرق الدال لصالح المتوسط الأعلى.
- ١٠ إذا وجد تفاعل ثلاثي دال ، فاننا نستخدم التفاعلات الثنائية في تفسير التفاعل الثلاثي ، أو تفاعل متغيرين عند كل مستوى من مستويات المتغير المتغير الثالث.

مثال (٣): أجريت دراسة لبحث الرضا الوظيفي لثلاث مجموعات من الاخصائيين الاجتماعيين من ذوى مستويات الخبرة المختلفة (أقل من صنوات، ٥ – أقل من ١٠، ١٠ سنوات فأكثر) من الجنسين بعد تعرضهم لبرنامج تدريبي ومقارنتهم مع ثلاث مجموعات مشابهة لهم ولم يتم تدريبهم .

جدول (۱۰ - ۹) درجات الرضا الوظيفي لعدة مجموعات من الاخصائيين الاجتماعيين

لمويلة	خبرة د	وسطة	خبرة ما	قليلة	خبرة	
اناث	ذكور	اناث	ذكور	اناث	ذكور	
V	•	٥	٦	1	٥	مجموعة
٥	٥	٧	٧	٦	٧	التدريب
	٨	٦	٧.	V	٠ ٦	
٧	٥	٩	" .	٥	y	i
A .	٧	٧	٥	٦	<u> </u>	
£	٤	5	ź	<u> </u>	<u> </u>	ā
٦	٦	٧.	٦	· ·	0	مجموعة
٤	٧	٦	٥	۳.	٥	لم تتدرب
٧	•1	٥	٧	۵	٣	
٥	6	٦	٧	٣	۳	
<u></u>	<u> </u>	<u></u>	·			

ويوجد في هذه الدراسة ثلاثة متغيرات مستقلة هي : التدريب أو عدم التدريب، والنوع (ذكور ، إناث) ، والخبرة (قليلة ، متوسطة ، مرتفعة) ، والمتغير التابع هو الرضا الوظيفي ، وبذلك يكون أسلوب تحليل البيانات هو تحليل التباين الثلاثي (٢ × ٢ × ٣) حيث تدل الاعداد داخل القوس على مستويات كل متغير من المتغيرات المستقلة . ومن الواضح أن المجموعات داخل الخلايا منساوية (وهذا ليس شرطاً فقد تكون الأعداد مختلفة) ولاجراء تحليل التباين الثلاثي باتباع الخطوات السابق ذكرها ، فائنا نقوم باجراء الخطوتين الاولى والثانية

بتجميع درجات الخلايا ، ودرجات كل مستوى من مستويات المتغيرات المستقلة ، والمجموع الكلى للدرجات ومجموع مربعاتها ونضع كل ذلك في الجدول (١٠ - ١٠) التالى :

جدول (١٠ - ١٠) بيانات أولية لتحليل التباين الثلاثي

المجموع الكلي	موع	المجا	طويلة	خبرة،	نرسطة	خبرة م	عليلة	خبرة		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
الجنسين معا	ت	i		à	ű	ذ	ü	ذ		•
۲۰	10	10	٥	۰	م	٥	٥	٥	ن	تدريب
144	91	91	77	**	T£	*1	۲۸	۳۱	مجـ س	
۲۰	10	10	0	٥	٥	٥	D	٥	ن	لاتدريب
101	٧٤	٧٧	41	47	49	49	13	۲.	مجـس	
7.	۴,	۴.	١٠	١.	ነ•	١,	١٠	1.	ن	المجموع
444	۱٦٨	171	٥٨	ኚ•	ኘኛ	7,0	٤٧	۱۵	مجـ س	
			۲	•	Y	•	۲	•	ن	المجموع
			11	^	11	۳۳	۹,	۸.	مجس	الكلى
			, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,		·		,			للجنسين

مج س ۲۰۲۰ = ۲۰۲۰

لاحظ أن حسابات تحليل التباين الثلاثي معقدة ومطولة ويفضل استخدام الحاسوب في اجراء هذا النوع من التحليل ، ومن يرغب في الاجراء باستخدام الألة الحاسبة فاننا نوضح فيما يلى الخطوات من ٣ وحتى ٩ :

$$\frac{Y(n - w)}{(n - w)} - (1)$$
 $\frac{Y(n - w)}{(n - w)}$
 $\frac{Y(n - w)}{(n - w)}$

$$(-1)^{2}$$
 $(-1)^{2}$

حیث (ن، مجہ س، المجموع الذکور، (ن، مجہ س، المجموع الاناث مجہ مربعات النوع - $\frac{Y(171)^{Y}}{Y} + \frac{Y(171)^{Y}}{Y} = \frac{Y(171)^{Y}}{Y}$ مجہ مربعات النوع - $\frac{Y(171)^{Y}}{Y} + \frac{Y(171)^{Y}}{Y} = \frac{Y(171)^{Y}}{Y}$

*, 10 = 1910, TO - 98 +, A + 972, V =

$$\frac{(--, -)}{(--, -)} = \frac{(--, -)}{(--, -)} + \frac{(--, -)}{(--, -)} = \frac{(--, -)}{(--, -)}$$
 $(--, -)$ مجموع مربعات التدریب $\frac{(--, -)}{(--, -)} + \frac{(--, -)}{(--, -)} = \frac{(--, -)}{(--, -)}$

حيث (ن,، مجس,) لمجموعات التدريب؛ (ن، مجس) للمجموعات التي لم تتدرب

$$\frac{Y(TT9)}{7.} - \frac{Y(101)}{7.} + \frac{Y(101)}{7.} + \frac{Y(101)}{7.}$$

17,11 = 1910, TO - VT+, . T + 1141, 17 =

(د) مجموع مربعات الخبرة -

حيث (ن, ، مجس,) لمجموعة الخبرة القليلة ، (ن, ، مجس,) للخبرة المتوسطة ، (ن, ، مجس,) للخبرة الطويلة

$$\frac{Y(179)}{4.} + \frac{Y(114)}{Y.} + \frac{Y(114)}{Y.} + \frac{Y(114)}{Y.} + \frac{Y(114)}{Y.} + \frac{Y(114)}{Y.}$$

1910, 40 - 797, 4+ 407, 50 + 54. 4-

14,0 -

TT, 1T = 1910, TO - TTO, . V + T90, TV + PA9, . V + PA9, . V =

مجموع مربعات التفاعل (النوع × التدريب)

- مجموع مربعات خلايا (النوع × التدريب)

- مج مربعات النوع - مج مربعات التدريب

(ب) مجموع مربعات الخلايا (النوع ×الخيرة) =

$$\frac{(a \leftarrow w_1)^{2}}{(a \leftarrow w_2)} + \frac{(a \leftarrow w_1)^{2}}{(a \leftarrow w_1)^{2}} + \frac{(a \leftarrow w_1)^{2}}{(a \leftarrow w_1)^{2}} + \frac{(a \leftarrow w_1)^{2}}{(a \leftarrow w_1)^{2}}$$

$$\frac{Y(_{0}, _{0})}{\dot{v}} = \frac{Y(_{0}, _{0})}{\dot{v}} + \frac{Y(_{0}, _{0})}{\dot{v}} + \frac{Y(_{0}, _{0})}{\dot{v}}$$

$$\frac{\Upsilon(7\cdot)}{1\cdot} + \frac{\Upsilon(5Y)}{1\cdot} + \frac{\Upsilon(01)}{1\cdot} =$$

11, 40 -

(جـ) مجموع مربعات الخلايا (التدريب ×الخبرة) =

$$\frac{(a - w_{1})^{2}}{(a - w_{2})^{2}} + \frac{(a - w_{2})^{2}}{(a - w_{2})^{2}} + \frac{(a - w_{2})^{2}}{(a - w_{2})^{2}} + \frac{(a - w_{2})^{2}}{(a - w_{2})^{2}}$$

$$\frac{(مجw_0)}{\dot{v}} + \frac{(مجw_0)}{\dot{v}} + \frac{(مجw_0)}{\dot{v}} + \frac{(مجw_0)}{\dot{v}}$$

$$\frac{Y(T9)}{1!} + \frac{Y(T5)}{1!} + \frac{Y(T0)}{1!} =$$

107,1+ 1.9,7+ 177,0+ 711,1 ...

مجموع مربعات تفاعل (التدريب × الخبرة)

٤,٦٤ ==

$$\frac{V(m-m)}{V(m)} + \frac{V(m-m)}{V(m)} + \frac{V(m)}{V(m)} + \frac{V(m)}{$$

مجموع مربعات التفاعل الثلاثي - مجموع مربعات الخلايا الثلاثية - مجموع مربعات الخلايا الثلاثية - مجموع مربعات النوع- مجموع مربعات التدريب - مجموع مربعات الخبرة - مجموع مربعات الثنائية

٤ - (ه.) مجموع مربعات الخطأ = مجد المربعات الكلى - مجد مربعات الخلايا
 الثلاثية

77, £ . =

وبعد ذلك نضع مجموع المربعات الكلى وأقسامه الثمانية في جدول تحليل التباين الثلاثي:

جدول (۱۰ – ۱۱) تحليل التباين الثلاثي (النوع × الندريب × الخبرة) لدرجات الرصا الوظيفي

مستوى الدلالة	ف	متوسط المربعات ا	درجات الحرية	مجموع المربعات	مصدر التباين
غير دال	٠, ١٢	٠,١٥	١	٠,١٥	النوع
دال عند ۰٬۰۰۱	14,00	44,41	١	44,41	التدريب
دال عند ۰٫۰۰۱	7, 77	۸,۷٥	۲	17,0	الخبرة
					التفاعلات
:					
غير دال	٠,١٣	٠,١٧	١	. •,17	النوع × التدريب
غير دال	۰٫۵۰	4,70	۲	1,50	النوع × الخبرة
غير دال	1, ٧٨	۲,۳۲	۲	٤,٦٤	التدريب × الخبرة
غير دال	۲۲,۰	٠,٣٤	۲	٠, ٦٨	التفاعل الثلاثي
		1,4"	٤٨	٦٢, ٤٠	الخطأ
			09	1.9,70	الكلي

وبمقارنة قيم ف المحسوبة بالقيم الجدولية يتضح أنه يوجد فرق دال عند مستوى ٢٠٠١، بين مجموعتى التدريب وعدم التدريب ، كما توجد فروق دالة عند مستوى ٢٠٠١، بين مجموعات الخبرة ، ولايوجد تفاعل دال وهذا يسهل مهمة تفسير الفروق التى توصل اليهاالتحليل ،

ولمعرفة أي مجموعات الخبرة أفضل في الرضا الوظيفي نجرى مقارنات متعددة بين المتوسطات باستخدام إحدى الطرق السابق الاشارة اليها.

أما حجم التأثير لنتائج الدراسة فيتم حساب مربع أوميجا .

مريع أوميجا للتدريب =

مج مربعات التدريب - (ك ال - ١) متوسط مربعات الخطأ

مجد المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

 $1, 195 = \frac{1, 7 \times (1 - 7) - 77, 11}{1, 70 + 1.9, 70}$

وتعنى أن ١٩,٤ ٪ من تباين الرصا الوظيقي يرجع إلى البرنامج التدريبي وكدلك مربع أوميجا للخبرة -

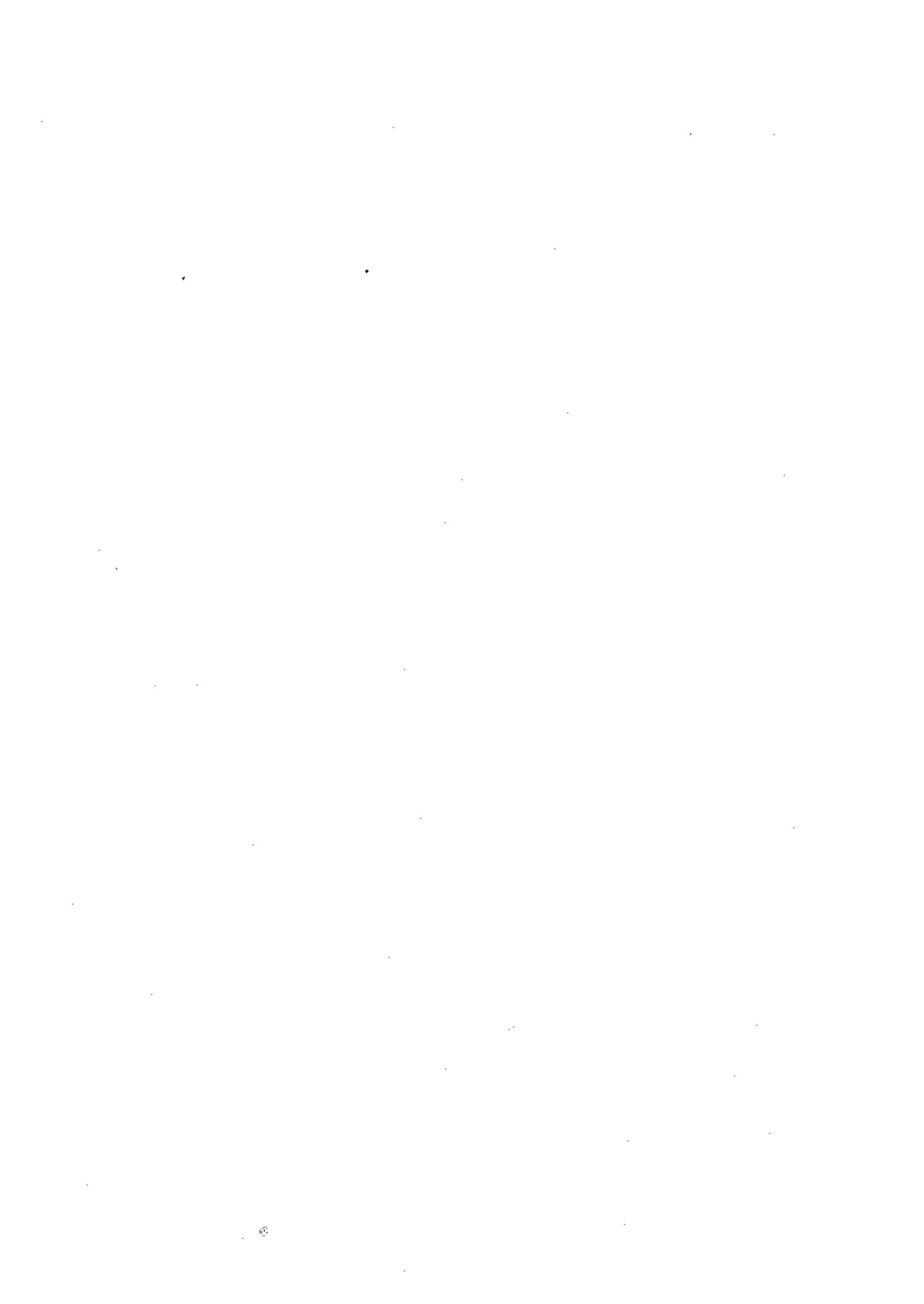
مج مربعات الخبرة - (ك ١- ١) متوسط مربعات الخطأ

مج المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

 $\frac{1.7 \times (1-7)-10.0}{1.7.+1.9.70}$

وتعدى أن ١٤٠٦ ٪ من تباين الرضا الوظيفي يرجع إلى مستوى الخبرة الوظيفية.

الفصل العادى عشر كاليك المادى المادى عشر كاليك المادى المادى عشر Repeated Measurment Anova



الفصل الدادس عشر تحليل تباين القياس المتكرر

عند اجراء دراسات تجربيبة كثيراً ما نرغب في قياس سلوك الافراد عدة مرات متنالية نحت شروط تجريبية مختلفة . فقياس درجات مجموعة من الأفراد قبل الالتحاق ببرنامج تدريبي وبعد الانتهاء من البرنامج ثم متابعة القياس بعد فترة معينة من نهاية البرنامج يعد فياسا متكرراً (لمتغير تابع واحد) لمجموعة واحدة . أما القياس القبلي والبعدي فقط فلا يعد قياساً متكرراً ونستخدم في تحليل بياناته إختبار (ت) للمجموعة الواحدة السابق الاشارة إليها.

وتوجد تصميمات تجريبية للقياس المتكرر أكثر تعقيداً ، إلا أن استخدام الحاسوب يسهل تحليل بيانات هذه التصميمات المعقدة .

وتصميمات القياس المتكرر هامة جدا في الدراسات التجريبية في العلوم الإنسانية عامة وفي العلوم النفسية والتربوية بصفة خاصة . فكثيرا ما يرغب الباحث في معرفة مدى التحسن باستخدام طريقة علاجية معينة خلال فترة تطبيقها ربعد الانتهاء منها ، أو معرفة فعالية برنامج في تعديل الانتباهات ومدى ثبات هذه الانتباهات بعد فترة معينة من انتهاء البرنامج ، أو معرفة فعالية طريقة للتدريس ومدى ثبات المعلومات بعد انتهاء التدريس. وفي مثل هذه التصميمات تكون الفروق الكبيرة بين خبرات الافراد سببا في اختلاف استجاباتهم لنفس المعالجة التجريبية مما يؤدي إلى التشنت الكبير في الدرجات ، وفي كثير من المالات ، يرجع معظم هذا التشنت الي فروق بين الافراد قبل اجراء التجرية فاذا الحالات ، يرجع معظم هذا التشنت الي فروق بين الافراد قبل اجراء التجرية فاذا إستطعنا عزل هذا الجزء من التباين من آثار المعالجات ومن الخطأ التجريبي فان استطعنا عزل هذا الجزء من التباين من آثار المعالجات ومن الخطأ التجريبي فان

وأحد أهداف هذه التجارب التي نلاحظ فيها الفرد تحت شروط تجريبية مختلفة هو ضبط الفروق بين الافراد ، وفي مثل هذه التجرية نقيس تأثير المعالجة على الفرد بنسبة متوسط إستجابته في كل المعالجات (قبل ، وبعد ، ومتابعة مثلا) . ويكون كل فرد مقارنا بنفسه (عن طريق المتوسط) وبذلك نعزل الغروق

بين الأفراد عن الخطأ التجريبي .

ويقصد بالقياس المتكرر إعادة قياس نفس المتغير على نفس الافراد عدة مرات متتالية . وهنا تظل خصائص كل فرد ثابتة أثناء تكرار القياس ، وتكون العلاقة بين القياسات المتكررة علاقة موجبة . وعليه فان القياسات المتكررة ليختلف عن المجموعات المستقلة في تحليل ليست مستقلة عن بعضها البعض ، وهذا يختلف عن المجموعات المستقلة في تحليل النباين . وقد تستخدم بعض تصميمات القياس المتكرر عدة مجموعات مستقلة ، والكن تكرار قياس المتغير التابع لجميع أفراد المجموعات يظل مستخدما في هذه التصميمات البحثية .

وتوجد عدة تصميمات تجريبية للقياس المتكرر ،أحدها يسمى تصميم المجموعة الواحدة واجراء القياس عدة مرات متنالية. والتصميم الثاني يستخدم عدة مجموعات (مجموعتين أو أكثر) مع القياس المتكرر، والذي يعرف عادة باسم تصميم المجموعة الضابطة ، وهو يتضمن متغير مستقل واحد (المجموعات) مع القياس المتكرر . أما التصميم الثالث فهو الذي يتضمن متغيرين مستقلين مع القياس المتكرر . كما توجد تصميمات أخرى اكثر تعقيدا والتي تستخدم اكثر من متغيرين مستقلين في التصميم .

ومن مميزات تصميمات القياس المتكرر، أن الارتباط بين القياسات المتتالية يقل تباين الخطأ كما أن استخدام نفس الافراد في التجربة لفترات متتالية يعد توفيرا للوقت والجهد عن استخدام أفراد آخرين في كل فترة (أومعالجة). إضافة الى أن كثير من المشكلات البحثية تتطلب استخدام تصميمات القياس المتكرر.

أما عيوب تصميمات القياس المتكرر فتبدو في أن الشروط التجريبية السابقة قد تؤثر على القياس التالي لها ، إضافة الى عوامل التعب والخبرة والملل أو أي ظروف آخرى قد تؤثر على النتائج ، ويستطيع الباحث أن يقرر إذا كانت مثل هذه العوامل أو الظروف قد تؤثر على النتائج . و المشكلة الآخرى المتصلة بهذه العوامل أو الظروف قد تؤثر على النتائج . و المشكلة الآخرى المتصلة بهذه التصميمات هي الافتراضات المرتبطة بتحليل البيانات , Ferguson & Takane (1989: 348 - 349)

ولا تختلف افتراضات تحليل تباين القياس المتكرر عن افتراضات تحليل التباين السابق ذكرها سوى في تكرار قياس المتغير التابع. والافتراضات هذا هي: الاعتدالية، والتجانس، والاستقلالية في جمع بيانات الافراد المختلفين، كما تفترض تجانس تغاير درجات القياس المتكرر (Ferguson & Takane, 1989:363)

وإذا إفتراضنا تساوى تباينات المجموعات وتغاير Covariance درجات القياس المتكرر فان مصغوفة التباين / التغاير تكون متساوية ، وبالتالى تتساوى معاملات الارتباط في العصفوفة ويدل هذا على تماثل المصفوفة . فاذا كان ذلك صحيحا فيمكن استخدام اختبار (ت) في تعليل تباين القياس المتكرر ، كما أن الحيد القليل (غير الدال) عن التجانس لا يعوق استخدام إختبار (ف) Takane, 1989 : 364)

ويمكن اجراء اختبار بسيط وسريع لشرط التجانس باستخدام طريقة هارتلى

حيث يكون التباين الاكبر والتباين الاصغر من تباينات درجات كل مجموعة من مجموعات الأفراد ولكل فترة من فترات القياس . ونقارن قيمة ف max بالقيمة الجدولية عند مستوى ٠٠٠٠ من جداول : 1991 . Winer et al., 1991) F- max

واذلك إفتراح جيسر وجرينهوس (364; 989; 1989, قتراح جيسر وجرينهوس (364; 1989) بالقيمة الجدولية باستخدام Gisser & Greenhouse درجات حرية (1, 0, 1) فاذا كانت قيمة (ف) دالة ، فاننا نصل الى قرار محدد لأن ف الجدولية المستخدمة هذا اكثر تحفظا ، أما إذا كانت غير دالة فاننا نقارن القيمة المحسوبة بالقيمة الجدولية عند درجات حرية [(0, 0) ، (0) ، (0) ، (0) أفاذا كانت غير دالة ، فاننا نصل الى قرار محدد لأن ف الجدولية في الحالة الثانية اكثر تحرراً. أماإذا لم تكن دالة فاننا في حاجة الى حساب قيمة (0) بيسلون عن حدد درجات الحرية المناسبة لتوزيع ف وهي (0) و الحري النه المناسبة لتوزيع ف وهي (0) ع ، (0)

أولا : غَليل بيانات القياس المنكرر عُموعة واحدة :

عند اجراء دراسة على مجموعة واحدة وقياس المتغير النابع عدة مرات ، مثل اجراء دراسة نجريبية مع القياس القبلى والبعدى وقياس متابعة بعد فترة زمنية من انتهاء النجرية ، قان تحليل البيانات هو نوع من تحليل التباين الاحادى حيث تعد فترات القياس متغيرا مستقلا .

ولكن النموذج المستخدم هنا مختلط حيث يتم اختيار الافراد عشوائيا بينما فترات القياس محددة .

وينقسم تباين المتغير التابع هنا الى عدة أقسام هى : تباين بين الافراد ، وتباين بين فترات القياس ، وتباين الخطأ .

مثال(۱): أجرى باحث تجربة بتطبيق طريقة جديدة للعلاج النفسى على مجموعة من المرضى ، وقام بقياس السلوك التوافقي قبل العلاج وبعد فترة العلاج تم بعد سنة أشهر من العلاج ، ويرغب في معرفة مدى فعائية الطريقة في العلاج وكانت البيانات كما بالجدول (١١):

جدول (١١-١) بيانات السلوك التوافقي لمجموعة من المرضى في فترات مختلفة

المجموع	متابعة	بعد العلاج	قبل العلاج	الافراد
۱۷	1	٧	٤	١
1.4	٧	٨	٣	۲
17	٦	٧	٣	٣
14	٥	٦	١	٤
١٢	٥	٥	۲	٥
٩	٤	٥	مسفر	٦
11	٠,	٦	۲	٧
17	٥	٦	1	٨
11.	٤٤	٥٠	17	المجموع

والاجراء تحليل هذه البيانات نتيع الخطوات التالية :

- ا حنصب مجموع درجات كل فرد وكل فترة كما بالجدول والمجموع الكلى (مجس) ، ئم نحسب مجموع مربعات الدرجات (مجس) ، ئم نحسب مجموع مربعات الدرجات (مجس) ، $^{\text{Y}}$
 - ٢ نحسب مجموع المربعات الكلى = مجه س٢ _ (مجه س)
 - ٣ نحسب مجموع مربعات الافراد .
 - ٤ نحسب مجموع مربعات الفترات
 - ٥ مجموع مربعات الخطأ
- = مجموع المربعات الكلي مجموع الافراد مجموع مربعات الفترات
- تضع البيانات في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الاحادى . ثم ندون درجات الحرية ونحسب متوسط مربعات الفترات ومتوسط مربعات الخطأ (متوسط مربعات الافراد ليست موضع اختبار لأننا نسلم باختلاف الافراد) .

٧ - نسحب قيمة ف للفترات ثم نقارتها بقيمة ف الجدولية ، وفي حالة كونها دالة
 ، نجرى المقارنات المتعددة بين متوسطات الفترات باحدى طرق المقارنات
 المتعددة للمتوسطات السابق توضيحها.

وتعد فترات قياس السلوك التكيفي (قبل ، وبعد ، ومتابعة) بمثابة المتغير المستقل ومن ثم فان التحليل هذا يشبه تحليل التباين الاحادي .

١ - من المثال مجه س الكلي = ١١٠،

1 • Y, AT =

بدرجات حرية (ن-١) = ٢٤ - ١ = ٢٢

٣ - مجموع مربعات الافراد =

وحيث أن جميع الافراد الثمانية لهم درجات في القياسات الثلاثة ، فيكون المقام متساوى (ك ٣٠٠) .

٥٠٤,١٧- ٥٢٦ =

۲1, ۸۳ **

بدرجات حرية = عدد الأفراد -١ = ١-١ = ٧

٤ - مجموع مربعات الفنرات =

حيث ٨ هي عدد الأفراد ، ن = ٨ ك

$$\frac{{}^{4}(11.)}{{}^{4}(11.)} = \frac{{}^{4}(11.)}{{}^{4}(11.)} = \frac{{}$$

ه - مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الافراد - مجموع مربعات الفترات

٣, ٦٧ =

ثم نضع مجموع المربعات الكلي وأقسامه الثلاثة ودرجات الحرية في جدول (٢-١١) .

جدول (۱۱ - ۲) تحليل تباين القياس المتكرر الاحادى لدرجات السلوك التكيفي

مسترى الدلالة	L å	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المربعات	مصدر التبای <i>ن</i>
		۳,۱۲	٧	۲۱,۸۳	الأفراد
دالة عند ٠,٠٠١	104,14	٤١,١٦٥	Y	ል ሂ, ቸቸ	الفترأت
		•, ४٦४	11	۳,٦٧	الخطأ
			77	۱۰۷,۸۳	الكلى

وبمقارنة قيمة ف للفترات (١٥٧, ١٢) بقيمة ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى ١٠٠٠ أو أقل ويعنى هذا وجو فروق دالة عند مستوى ٢٠٠٠ بين متوسطات درجات العينة في السلوك التكيفي في الفترات الثلاث ، ولمعرفة أي المتوسطات أعلى فاننا نجرى اختبار للمقارنات المتعددة للمتوسطات الثلاثة (٢ ، المتوسطات) بطريقة توكي أو شفيه .

وبمقارنة مدى شفيه (٠.٧٠) بفروق المتوسطات نجد فروقًا دالة بين المتوسطات الثلاثة بمعنى أن القياس القبلى أقل من البعدى والمتابعة والقياس البعدى أعلى من المتابعة .

وعليه نستنج أن متوسطى القياس البعدى والمتابعة أعلى من متوسط القياس الفيلي مما يدل على فاعلية طريقة العلاج في تحسن السلوك التكيفي . كما أن متوسط القياس البعدى أعلى من متوسط قياس المتابعة مما يعنى وجود نقص فعلى (دال) في السلوك التكيفي لكنه لا يزال أعلى من القياس القبلي .

وحجم التأثير للفترات (مربع أوميجا) =

مج مربعات الفترات - (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ مجد المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

$$*, \text{VoV} = \frac{\lambda^{1}, \lambda \cdot 7}{1 \cdot \lambda \cdot 97} = \frac{\cdot, 777 \times (1 - 7) - \lambda^{7}, 77}{\cdot, 777 + 1 \cdot 7, 57} = \frac{\lambda^{1}, \lambda^{1}}{1 \cdot \lambda^{1}, 57} =$$

وهي تعنى أن ٧٥,٧ ٪ من تباين السلوك التكيفي يرجع الى فترات القياس وبمعنى آخر فان طريقة العلاج تؤدي الى ٧٥٪ من التباين في السلوك التكيفي .

مثال (٢): قد تكون بيانات القياس المتكرر هي درجات ثلاثة أو اكثر من المحكمين على عدد من اللاعبين (أو عدد من البحوث) ويكون الهدف من التحليل هو معرفة مدى إتفاق أو اختلاف المحكمين ويعد المحكمون بمثابة فترات القياس ، فاذا وجدت فروق فانها تعنى عدم إتفاق المحكمين وإذا كانت درجات أربعة محكمين على عشرة بنود لمقياس معين (أو عشرة بحوث) هي :

جدول (۳۰ ۱۱) جدوث (۲۱ –۳) درجات أربعة من المحكمين على عشرة بنود (أو بحوث)

المجموع	المحكم (د)	المحكم (جـ)	المحكم (ب)	المحكم (أ)	البنود
١٤	٣	۲	o	٤	١
17	٤	٣	\$	£	۲
٩	۲	١	£	۲	٣
14"	٤	۲	٤	٣	٤
^	۲	• •	۳٠	۲	٥
۱۷	ź	٣	۵	٥	٦,
10	٤	۲	ه.	٤	٧
١٩٩	٣	١	٤	٣	٨
١٤	٤	۲	ž	٤	٩
۸	۲	٦	75	*	4 .
140	44	١٨	٤٢	٣٣	المجموع

مجس الکلی == ۱۲۵ ، مجس^۲ الکلی == £ £ £

ن الكلية = ١٠ ، ك = ٤ ، ١٠ = ١٠

مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلي - مجموع مربعات البنود

Y4,770 = T9.,770 = 610,70 =

مج مربعات المحكمين =

مج مربعات المحكمين = ١٠,١٠١ - ٢٩٠, ٦٢٥ = ٢٩٠, ٢٩

- مجموع مريعات المحكمين

49, 140 - 41, 740 - 01, 440 =

€, YV0 ==

ثم نضع مجموع المربعات الكلى ومكوناته الثلاثة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر لحساب متوسط المربعات وقيمة ف لكل من البنود والمحكمين .

جدول (۱۱ – ٤) تعليل تباين القياس المنكرر لدرجات المحكمين على بنود المقياس

مستوى الدلالة	ف	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المربعات	مصدر التبا <i>ين</i>
دالة عند ٢٠٠١،	14,15	۲, ۷٤	٩	72,770	المبثود
دالة عند ٢٠٠١	71, 88	٩,٨٣	٣	79, £V0	المحكمون
		٠,١٦	۲۷	٤, ٢٧٥	الخطأ
•			44	01,70	الكلى

وتدل نتائج التحليل على وجود فروق دالة عند مستوى ٢٠٠٠ بين البنود ، وقد يكون هذا أمر طبيعى ، إلا أنه فى القياس النفسى يدل على عدم إتساق البنود كما توجد فروق دالة بين المحكمين عند مستوى ٢٠٠٠ بمعنى عدم إتفاق المحكمين ، ويتطلب هذا إجراء مقارنات متعددة بين متوسطات درجات المحكمين (بطريقة توكى مثلا) للتعرف على الفروق بينهم . فاذا كان الآمر مرتبط بتحكيم بنود اختبار ما فعلى الباحث القيام بحل هذه المشكلة والتوصل الى ما يؤدى للاتفاق ، وذلك بتعديل البنود ثم إعادة التحكيم مرة أخرى حتى يحدث إتفاق بين المحكمين .

أما إذا كان الأمر متعلقا بتحكيم عدة بحوث في مجال معين ، فيمكن . التعرف على المحكم المتشدد من المحكم المتساهل في أحكامه .

وكذلك الحال في حالة تحكيم أداء عدد من اللاعببين مثلا ، حيث يمكن التعرف على الفروق بين المحكمين للتوصل إلى ما إذا كان هناك تشدداً أو تساهلا في التحكيم

كما يمكن استخدام نفس الاسلوب في تحليل بيانات بنود إختبار . فاذا طبق اختبار على عينة من الافراد فيمكن إعتبار إجابات الافراد على البنود هي قياس متكرر . وبالتالي فان تحليل مثل هذه البيانات نستطيع منه حساب معامل ثبات الاختبار ، وفيما يلى مثال توضيحي لذلك.

مثال (٣): أجرى إختبار من خمسة بنود على عشرة أفراد ولكل بند درجة واحدة وكانت الاجابات كما بالجدول (١١ - ٥) والمطلوب تحليل البيانات وحساب معامل ثبات الاختبار.

جدول (١١ - ٥) الاجابات من خمسة بنود

	المجموع		*	ود	البذ	·	الأفراد
	<u>.</u>	٥	٤	۲*	۲	١	
	٥	1	١,	1	,	١	1
	٤	Y.,	١	•	١	1	Y
	٤		١	١,	١	1	٣
	٣	١,	,	١	1	•	٤
	٣	•		\	١	١	۵
	٣	•	1	١		١	•
ļ	۲	4	•	,	١	١	٧
	۲	•	١	,	4	a	٨
	۲	•	•	,	•	١	4
ļ	١	•	•	•	•	١	١.
	44	٣	c	7	٧	٨	

مجموع الدرجات الكلى (مجـ س) $^{-4}$ 79 مجموع مربعات الدرجات (مجـ س 7) $^{-79}$

$$17.1A = 17.AY - 79 = \frac{Y(Y9)}{0} - Y9 =$$

$$\frac{{}^{Y}(Y9)}{{}^{A}} = \frac{{}^{Y}(1) + \dots + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1)}{{}^{A}} = \frac{{}^{Y}(1) + \dots + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1)}{{}^{A}} = \frac{{}^{Y}(1) + \dots + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1) + {}^{Y}(1)}{{}^{A}} = \frac{{}^{Y}(1) + \dots + {}^{Y}(1)}{{}^{A}} = \frac{{}^{Y$$

$$\frac{{}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y)} = \frac{{}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y)}{{}^{A}(Y)} = \frac{{}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y)}{{}^{A}(Y)}$$
مجموع مربعات البنود = $\frac{{}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y)} = \frac{{}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y9)} = \frac{{}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y9)} = \frac{{}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y9)} = \frac{{}^{Y}(Y9) + {}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y9)} = \frac{{}^{Y}(Y9)}{{}^{A}(Y9)} = \frac$

جدول (۱۱ - ٦) تحلیل بیانات اجابات الافراد علی خمسة بدود

ف	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المربعات	مصدر التباين
1, 44	۰, ۲۸۲	٩	۲, ۵۸	بين الأفراد
1,78	٠,٣٧	٤	١, ٤٨	پين البنود
	٠, ٢٢٦	٣٦	٨,١٢	الخطأ
		<u>£</u> 9	17,14	الكلى

حيث ك هي عدد الينود (Winer et al., 1991 : 1022)

معامل ثبات البدود الخمسة =
$$\frac{0 \times 0, 0 \times 0}{1 + 3 \times 10^{1}} = \frac{0 \times 30^{1}, 0}{1 + 3 \times 10^{1}}$$

ولكن هذه الطريقة محدودة الاستخدام أولا لصعوبة تطبيقها ، وثانيا أن استخدامها مرتبط بوجود تباين بين الافراد فاذا كانت اجابات ودرجات الافراد متساوية فلا نستطيع التوصل الى معامل الثبات ، وقد يكون معامل الثبات من هذه الطريقة سالبا .

تَانيا ؛ خَليل تباين القياس المتكرر لجموعتين أو أكثر ؛

إذا كانت البيانات التي تم جمعها عن مجموعتين أو أكثر وفي عدة قياسات متتالية ،مثل اجراء دراسة تجريبية على مجموعة واستخدام مجموعة أخرى صابطة ، فان تحليل البيانات هنا يشبه تحليل التباين الثنائي باستثناء تقسيم الخطأ الي جزئين . ويكون أحد المتخيرين المستقلين هو المجموعات (تجريبية أو صابطة) والمتغير الثاني هو فترات القياس (اكثر من فتريتن) .

وإذا كانت فترات القياس فترتين فقط (قيلى وبعدى) لمجموعتين (تجريبية وضابطة) فاننا لا نستخدم تحليل تباين القياس المتكرر ، وإنما نجرى مقارنة بين متوسطى المجموعتين (التجريبية والضابطة) في درجات القياس القبلي ، فأذا كانت المجموعتان غير مختلفتين بمعنى لم نتوصل الى فرق دال ، فأن الخطوة التالية تكون باجراء مقارئة بين متوسطى المجموعتين في درجات القياس البعدى .أما إذا كانت المجموعتان مختلفتين في درجات القياس القبلي ، فأننا نجرى تحليل تغاير ANCOVA لعزل أثر القياس القبلي من القياس البعدى .

وإذا كانت فترات القياس فترتين (قبلى وبعدى) لعدة مجموعات فاننا نجرى مقارنة بين المجموعات فى القياس القبلى باستخدام تحليل التباين الاحادى، فاذا كانت الفروق بين المجموعات غير دالة ، فاننا نجرى تحليل تباين أحادى بين المجموعات القياس البعدى. أما إذا نتج من تحليل التباين الاحادى لدرجات القياس القبلى وجود فروق دالة بين المجموعات ، فيجب أن نجرى تحليل تغاير لعزل أثر القياس القبلى من القياس البعدى .

ولكن في حالة تعدد فترات القياس (أكثر من فترتين) فاننا نستخدم تحليل تباين القياس المتكرر الموضح هنا،

وينقسم التباين الكلى في تحليل القياس المتكرر لعدة مجموعات الى عدة أقسام هي : تباين المجموعات ، وتباين الفقرات ، وتباين التفاعل ، ونباين الخطأ . وحيث أن النموذج المستخدم هو عشوائي للافراد ، ومحدد للمجموعات ، فأن هذا يؤدي الى تقسيم تباين الخطأ الى قسمين : أحدهما خطأ للمجموعات والثاني خطأ للفترات وتفاعل الفترات والمجموعات .

ويتم إتباع الخطوات التالية الاجراء تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي :

- ۱ إيجاد مجموع درجات الافراد (عبر فترات القياس) ، ومجموع درجات المجموعات ، ومجموع درجات الفترات ، والمجموع الكلى للدرجات (مجس) ، ومجموع مربعاتها (مجس) .
 - ٢ حساب مجموع المربعات للدرجات ، ودرجات الحرية (ن- ١) .
 - $\gamma \kappa$ مجموع المربعات بين الافراد ، ودرجات الحرية ($\kappa \kappa$
 - ٤ حساب مجموع مربعات المجموعات ، ودرجات الحرية (ك ١-١)
- مجموع مربعات خطأ المجموعات = مجموع مربعات بين الافراد مجموع
 مربعات المجموعات .
 - ٢ حساب مجموع مربعات الفترات ، درجات الحرية (ك٠ ١)
- ٧ حساب مجموع مربعات الذلايا (المجموعات × الفترات) واستخدامه في
 حساب مجموع مربعات التفاعل (المجموعات × الفترات)
- ٨ حساب مجموع مربعات الخطأ الثانى = مجموع المربعات الكلى مجموع مربعات بين الافراد- مجموع مربعات الفترات مجموع مربعات التفاعل
- ٩ نضع البيانات السابقة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر ثم نوجد متوسط المربعات لكل قسم منها.
- ١٠ نحسب قيمة (ف) للمجموعات بقسمة متوسط مربعاتها على متوسط مربعاتها على متوسط مربعات الخطأ الاول ، بينما قيمة (ف) للفترات والتفاعل فنستخدم معهما متوسط مربعات الخطأ الثاني.
- 11 نقارن قيم (ف) المحسوبة بقيم (ف) الجدولية بدرجات الحرية المحددة ومستوى الدلالة المطلوب.
- ١٢ إذا وجدت فروق دالة بين المجموعات ، وبين الفترات ، فاننا نجرى إختبار المقارنات المتعددة بين المتوسطات، باحدى طرق المقارنات المتعددة السابق توضيحها.

مثال (٣):

طبق برنامج لتعديل سلوك مجموعتين من التلاميذ (ذكور وإناث) ذوى النشاط الزائد ، وتم قياس السلوك العدواني قبل وأثناء تطبيق البرنامج وبعد إنتهائه . وكانت البيانات كما يلى:

جدول (۱۱ - ۷)

تكرار قياس درجات السلوك العدواني لمجموعتين من التلاميذ

وع	أأمجم	رنامج	بعد الب	رنامج	أثناء البا	رنامج	قبل الب	
	۳۱		q		١٠		۱۲	ذكور
	*1		1+ .		14		1 £	
	£ Y "		١٢	:	١٤		۱۷	
· ·	**		11		17		17	
۱۸۷	۳۸	(01)	14	(09)	11	(Y£)	10	e de la constanta de la consta
	٣٢.		٨		١٠		١٤	انات
	44		٩		١.		12	
	44		٨		٩		۱۲	
	٣٢		٩	}	1.		14	
177	٣٧	(55)	1+	(01)	14	(\7\)	10	
	70 +		٩٨		11.		127	

ولتحليل بيانات هذه الدراسة نقوم بجمع درجات كل فرد في المجموعتين ، وجمع الدرجات القياس . ثم نوجد وجمع الدرجات الكل خلية ، ودرجات كل فترة من فترات القياس . ثم نوجد المجموع الكلي (مجد س = ٣٥٠)

ومجموع مربعات الدرجات (مجس = ٢٥٠)

مجموع مربعات الافراد =

$$07 = \frac{r}{r} \frac{r(r0)}{r} - \frac{r}{(r1)} + \dots + \frac{r}{(r1)} + \frac{r}{(r1)}$$

$$19.7 = \frac{{}^{4}(70.)}{{}^{4}} - \frac{{}^{4}(177)}{{}^{4}} + \frac{{}^{4}(177)}{{}^{4}} = \frac{{}^{4}(177)}{{}^{4}} = \frac{{}^{4}(177)}{{}^{4}(177)} = \frac{{}^{4}(177)}{{}$$

مجموع مربعات الخطأ الأول - مجموع مربعات الأفراد- مجموع مربعات النوع - مجموع مربعات النوع - ٣٦,٨ = ١٩,٢-٥٦

$$\frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}} = \frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}} + \frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}} + \frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}} = \frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}} = \frac{{}^{4}(m^{2})}{m^{2}}$$

1.T, EV =

مجموع مريعات الخلايا (النوع × الفترات) =

$$177, \xi V = \frac{\Upsilon(70)}{T^{\bullet}} - \frac{\Upsilon(\xi \xi)}{0} + \dots + \frac{\Upsilon(09)}{0} + \frac{\Upsilon(V\xi)}{0}$$

مجموع مربعات النفاعل (النوع × الفنرات) = مجموع مربعات الخلايا - مجموع مربعات النوع - مجموع مربعات الفنرات

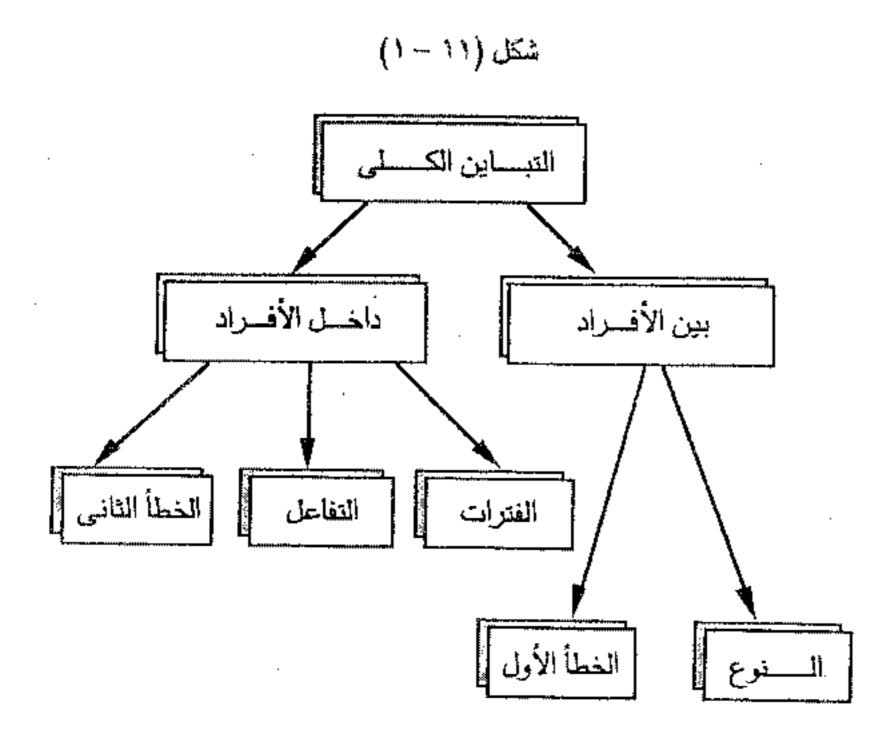
1. T. EV - 19, Y - 17T. EV -

1, A ==

مجموع مربعات الخطأ الثاني = مجموع المربعات الكلي - مجموع مربعات الافراد - مجموع مربعات الفترات - مجموع مربعات التفاعل

٦, ٤ 🚥

ويفضل استخدام التخطيط النالي لتوزيع التباين الكلى الى مكوناته، وذلك للاهتداء به في اجراء التحليل.



ثم نضع مجموع المربعات الكلى وأقسامه المختلفة في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي (جدول ١١ - ٨) وكذلك درجات الحرية لكل قسم . ثم نحسب متوسط مربعات الخطأ لكل منها.

جدول (۱۱ – ۸) تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي (النوع × الفترات) لدرجات السلوك العدواني

مستوى الدلالة	Ţ	متوسط المربعات	د. ح	مجموع المريعات	مصدر التباين
غير دالة	٤, ١٧	19, Y £, 7	۸	ነ ባ, ۲ "ግ, ለ	النوع الخطأ الأول
دالة عند غير دالة	179,40	01,V£	۲ ۲ ۱٦	۱۰۳, ٤٧ ۰, ۸ ٦, ٤	الفترات التفاعل الخطأ الثاني
			*19	177,77	الكلى

ونحسب أيضا قيمة (ف) للنوع باستخدام الخطأ الاول ، وقيمتى (ف) للفترات والتفاعل باستخدام الخطأ الثانى . ونقارن قيم (ف) المحسوبة بالقيم الجدولية فينتج أن ف للنوع (٤,١٧) غير دالة وكذلك التفاعل غير دال ، بينما قيمة (ف) للفترات (١٢٩,٣٥) فهى دالة عند ١٠٠، أو أقل .

ثم نجرى المقارنات المتعددة بين متوسطات الفترات باستخدام احدى الطرق السابق ذكرها لمعرفة الفروق بين متوسطات الفترات حتى يمكن تفسير النتائج . وحيث أنه لا يوجد تفاعل دال فان تفسيرنتائج الفروق بين الفترات يتم على أساس ننائج الفروق بين المتوسطات ،

حجم التأثير للفترات (⁰⁰) =

مجموع مربعات الفترات – (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ للفترات مجموع المربعات الكلي + متوسط مربعات الخطأ

1, £ × (1 - T) - 1 + T, £Y

.,710=

ويعنى أن ٦١،٥٪ ٪ من تباين السلوك العدواني يرجع الى الفروق بين الفترات، أو يرجع الى فعالية البرنامج المستخدم (وهي نسبة عالية جداً) .

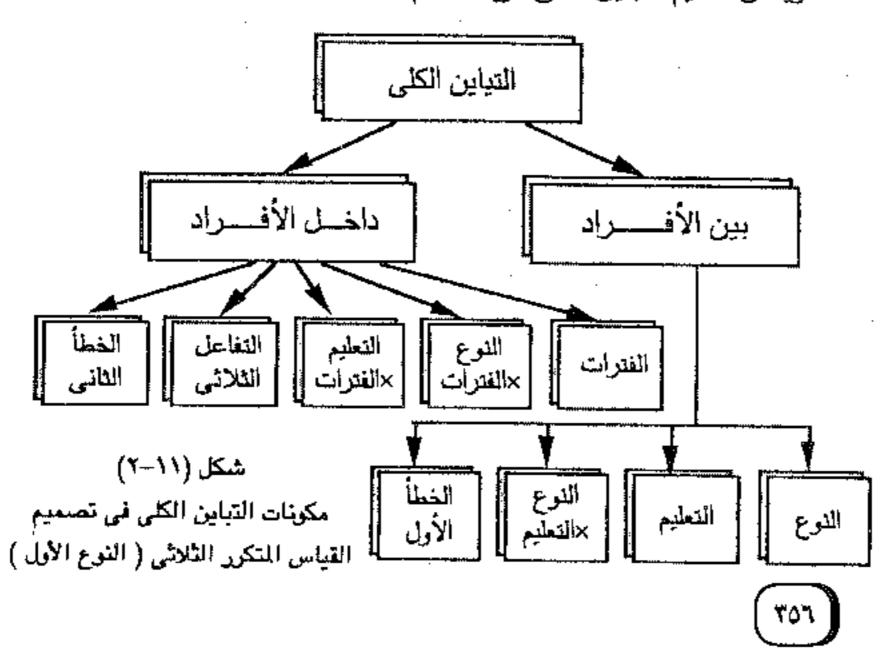
ثَالثًا: حُليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الاولى)

إذا أجريت دراسة باستخدام متغيرين مستقلين بالاضافة إلى تكرار القياس فان تحليل تباين القياس المتكرر يشبه تحليل التباين الثلاثي باستثناء تقسيم تباين الخطأ الى جزئين كما سبق التوضيح في حالة تحليل تباين القياس المتكرر الثنائي ومن أمثلة دراسات هذا النوع إجراء دراسة على عدة مجموعات مختلفة في مستوى التعليم وتتضمن الجنسين (ذكور وإناث) بالاضافة الى فترات القياس وكذلك المتغير التابع . ويكون تكرار القياس هنا على المتغيرين المستقلين النوع والتعليم (1991 ,. Winer et al) – ويكون تصميم مثل هذه الدراسة كما يلى:

جدول (۱۱ - ۹) تصميم القياس المتكرر الثلاثي (النوع الاول)

	القياس	فترات		الأفراد	11	t 1	
٤	٣	۲	١	וצפנוב	النوع	التعليم	
			- -	\ \ \ \ \ \	ذكور	تعلیم ثانو <i>ی</i>	
				0 7 4 9	إناث	ئان <i>وى</i>	
				1 · 1 ! 1 Y	ذكور	تعلیم عالی	
		3		16 10 17 17	إناث	عالی	

ويمكن تقسيم التباين الكلى الى الاقسام التالية :



ويتم اجراء تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي لبيانات التصميم السابق بحساب مكونات التباين الكلي ويتم ذلك بحساب مجموع العربعات الكلي ويليه حساب مجموع مربعات كل مصدر من مصادر التباين وهي :

- ١ بين الافراد ، النوع ، ومستوى التعليم ، وتفاعل النوع × التعليم (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا النوع × التعليم)، ثم الخطأ الاول وتحسب مربعاته باستخدام مجموع المربعات بين الافراد .
- ٢ الفترات ، وتفاعل النوع × الفترات (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا النوع × الفترات) ، وتفاعل التعليم × الفترات (ويحسب باستخدام مجموع مربعات خلايا التعليم × الفترات) ، والتفاعل الثلاثي (ويحسب باستخدام مجموع مربعات الخلايا الثلاثية النوع × التعليم × الفترات) وأخيرا الخطأ الثاني ويحسب باستخدام مجموع المربعات السابقة ومجموع مربعات داخل الافراد .

وتوضع هذه المربعات ودرجات حريتها في جدول تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي ، حيث يتم حساب متوسط المربعات بقسمة مجموع مربعات كل قسم على درجات حريته . ويستخدم متوسط مربعات الخطأ الأول في حساب قيم (ف) لكل من النوع ، ومستوى التعليم ، والتفاعل بينهما .

بينما يستخدم الخطأ الثاني لحساب قيم (ف) للفترات وتفاعلاتها الثنائية مع النوع والتعليم ، وكذلك التفاعل الثلاثي (النوع × التعليم × الفترات) .

ومن الواضح أن تحليل تباين القياس المتكرر الثلاثي اكثر تعقيد اعن الثنائي، ولذلك فان مثل هذه التحليلات يمكن اجراؤها باستخدام الحاسوب على أن نوضح للحاسوب كيفية حساب مجموع مربعات الخطأ ، خاصة في الحالة الثانية الني نوضحها فيما بعد .

أما في حالة تعدد المتغيرات المستقلة (اكثر من متغيرين مستقلين) مع تكرار القياس فان أسلوب التحليل يعتمد على نفس الطريقة الموضحة مع اضافة متغيرات جديدة وتفاعلاتها ، أما تباين الخطأ فيظل قسمين فقط : الأول لاختبار الفروق بين مستويات كل متغير مستقل وتفاعلات المتغيرات المستقلة مع بعضها البعض ، والثاني لاختبار الفروق بين فترات القياس وتفاعلاتها مع المتغيرات المستقلة .

رابعا : خليل تباين القياس المتكرر الثلاثي (الحالة الثانية):

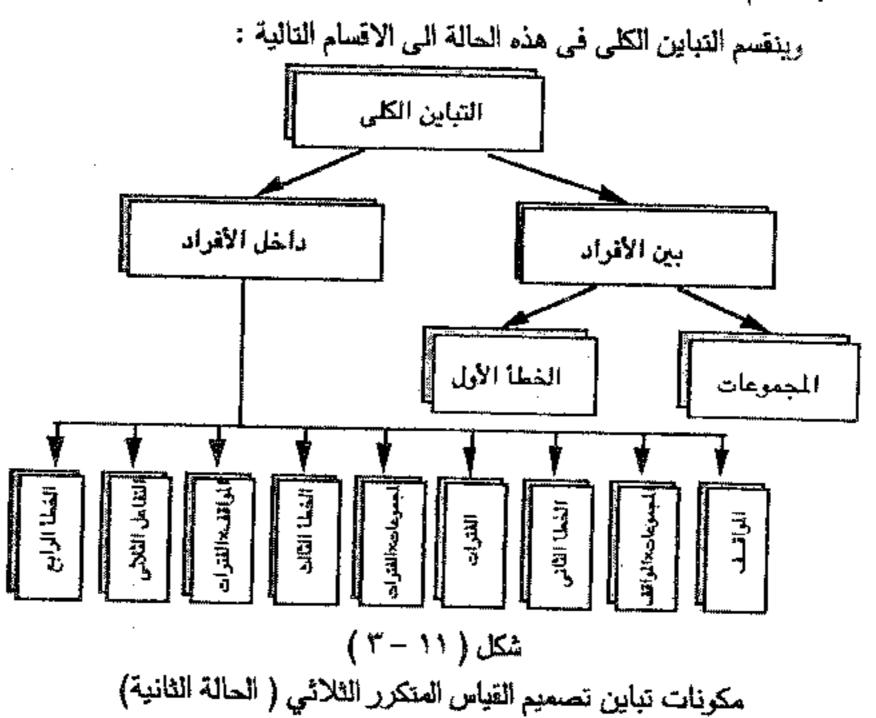
يعد هذا التصميم أكثر التصميمات تعقيداً ويحتاج إلى متخصص لتوضيح كيفية تحليل بياناته. فعند إجراء دراسة تتضمن متغيرين مستقلين مع فترات القياس، ولكن تكرار القياس يكون على متغير مستقل واحد منهما بينما يكون المتغير المستقل الثاني ضمن الشروط التجريبية. ومثال ذلك اجراء دراسة على ثلاث مجموعات من العاملين باحدى الهنيات، حيث يتم تعرضها لمواقف وظيفية معينة (في الاسبوع الأول لشهر ما وفي الاسبوع الاخير مثلا) ويكون تكرار القياس مصاحب لكل موقف من الموقفين، ويكون شكل التصميم كما يلى:

جدول (١١ -- ١٠) تصميم القياس لمتكرر الثلاثي (الحالة الثانية)

نی	ليفى الثا	ف الوذ	الموة	ول	ليِفي الأ				
ب	القياس	ــترات	4	٠. نـ	القــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	à		
1	٣	۲	١	ź	٣	۲	١	الأفراد	التعليم
								1 7 % is 0 7 9	تعلیم ثانوی
								۸ ۱۰ ۱۲ ۱۳ ۱٤	تعلیم ثانوی
								10 17 14 14 14	تعلیم عالی

وينقسم التباين الكلى في هذه الحالة إلى عدة أقسام مختلفة عن الحالة الاولى ، حيث يوجد أربعة أقسام لتباين الخطأ: الاول لاختبار الفروق بين مجموعات العاملين ، والثانى لاختبار الفروق الوظيفية وتفاعلها مع المجموعات ،

والثالث لاختبار الفروق بين فترات القياس وتفاعلها مع المجموعات ، أما الرابع فيستخدم لاختبار تفاعل الفترات مع المواقف ، والتفاعل الثلاثي (المجموعات × المواقف × الفترات) (Winer et al., 1991) . وهذه الاقسام المختلفة لتباين الخطأ تؤدى الى زيادة تعقيد التحليل في هذه الحالة ، مما يستدعى اجراء التحليل باستخدام برامج Spss وإستشارة أحد خبراء الأحصاء بشرط أن يحدد المبرمج كيفية حساب أقسام الخطأ.



وفى حالة استخدام اكثر من متغيرين مستقلين بالاضافة الى المتغير المتضمن مع الفترات (مثل المواقف الوظيفية) فان أسلوب تحليل البيانات يظل كما هو مع إضافة المتغيرات المستقلة الى المصادر التى يستخدم معها الخطأ الاول بينما المتغير المتضمن (المواقف الوظيفية) وتفاعلاته مع المتغيرات المستقلة يضاف الى مجموعة المصادر التى تستخدم الخطأ الثانى ، ومتغير فترات القياس وتفاعلاته مع المتغيرات المستقلة مع مجموعة الخطأ الثالث ، وآخيرا تفاعلات المتغير المتضمن مع الفترات وتفاعلات الدرجات الاعلى يستخدم معها الخطأ الرابع .

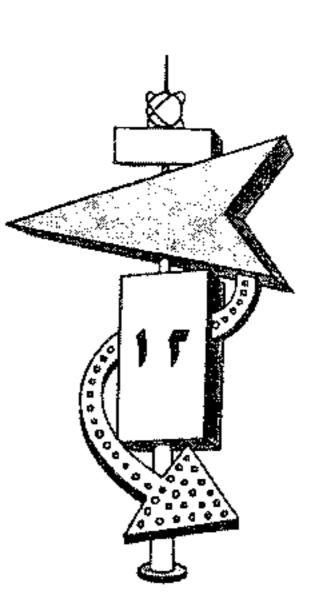
ومن الواضح أن تعقيد التحليلات الاحصائية هنا يزداد بزيادة المتغيرات المستقلة في تصميمات القياس المتكرر . ولذلك فان هذه التحليلات يتم اجراؤها باستخدام برامج Spss . ولكن ننصح بأن تكون التصميمات البحثية اكثر بساطة مما سبق ذكره ، وإلا فان الاسلوب المناسب للتحليل يتم تحديده باستشارة أحد المتخصصين ، ويفضل استخدام أساليب التحليل متعددة المتغيرات Multivariate.

____ تحليل التغاير ____

الفصل الثانى عشر

وماييل الشفقيالي

Analysis of Covariance





الفصل الثانس عشر تحصليل التغصصاير

عند إجراء دراسة وجمع بيانات عن متغير تابع باستخدام تصميم معين ، فاننا نجد العديد من الممتغيرات الخارجية التي قد تؤثر على المتغير التابع موضع الدراسة . وبعض هذه المتغيرات الخارجية من المستحيل ضبطها ، كما أن البعض قد لا نلاحظه ، فاذا كان توزيع الافراد على مجموعات الدراسة عشوائيا ، فاننا نستطيع ضبط تباين المتغير التابع الذي يرجع الى تأثير المتغيرات المارجية . وتحليل التغاير (ANCOVA) يقوم بدور مشابه لهذا حيث أنه يعزل آثار المتغيرات الخارجية من المتغير التابع (Ferguson & Takane, 1989:391).

وتوجد طرق أخرى مباشرة لضبط أثر المتغيرات الخارجية مثل: إعادة إجراء الدراسة Repilcation، وتصميمات الوحدات العشوائي Block ، وتصميمات القياس المتكرر، وغيرها ، وهذه التصميمات يمكن استخدامها لضبط أثر مصادر التباين الخارجية .

أما تحليل التغاير فهو نوع من الصبط الاحصائى حيث يتم قياس متغير (أو اكثر) خارجى له أثر على المتغير التابع ، وذلك بهدف عزل أثر هذا المتغير النابع ، وذلك بهدف عزل أثر هذا المتغير الخارجى من المتغير التابع (739: 1991, 1991).

فاذا كان الهدف من الدراسة تقويم فعالية عدة طرق للتدريس ، والمتغير النابع هو التحصيل الدراسي ، أما المتغير الخارجي (المصاحب) والذي له أثر على التحصيل هو الذكاء . فاذا أجبر المجرب على استخدام فصل كامل كوحدة تجريبية ، وهو أمر مقبول لأن الفصول تختلف في الذكاء . فانه يستخدم تحليل التغاير لعزل أثر الذكاء من التحصيل ، وقد تكون الدراسة للتعرف على فعائية المواقف الضاغطة على الثبات الانفعالي ، وفي هذه الحالة يكون المتغير الدخيل هو مستوى الثبات الانفعالي في المواقف غير الضاغطة أو قبل اجراء التجربة والذي يجب عزل أثره من القياس البعدي للثبات الانفعالي .

ويجب المذر عند إستخدام تحليل النغاير لعزل أثر القياس القبلي، حيث

يجب قياسه قبل تطبيق المعالجات التجريبية ، أما إذا تم القياس أثناء الدراسة فانه يكون قد تأثر بالمعالجات ، وبالتالى فان عزل أثره يؤدى الى تقليل أثر المعالجات ، كما أن محاولة عزل أكثر من متغير خارجى قد يؤدى الى عزل الكثير من تباين المتغير التابع ولا نصل الى نتائج نستحق الدراسة.

ويوجد نوعان من المتغيرات الخارجية التي تؤثر على المتغير التابع في العلوم الانسانية الأول هو متغيرات تعد خصائص داخل الفرد المشترك في الدراسة فمثلا قياس الذكاء والاتجاهات والتحصيل هي متغيرات تخص الفرد ذاته وبالتالي تتأثر بالمعالجات أثناء الدراسة والنوع الثاني هو متغيرات خارج الفرد مثل المستوى الاقتصادي والاجتماعي للاسرة ، أو عدد الأخوة ومثل هذه المتغيرات لا تتأثر بالمعالجات (Ferguson & Takane , 1989 : 403 - 404).

أما تعلم اللغة مثلا فيتأثر بانجاهات الطالب نحو مجموعته ، ولذلك يجب قياس مثل هذا المتغير قبل التدريس . وإذا تم قياسه أثناء التجرية فأن درجاته تتأثر بالمعالجة أو أن الاتجاه قد يتغير أثناء تعلم اللغة .

ويمكن استخدام المتغير الخارجي (الدخيل) كمتغير تصنيفي ، بمعنى تقسيم المتغير الى مستويات (الذكاء مثلا) وإدخاله في تحليل التباين كمتغير مستقل وبالتالي يصبح تحليل التغاير الاحادي هو تحليل تباين ثنائي ، وبالطبع افتراضات تحليل التباين ليست متحفظة مثل افتراضات تحليل التغاير ولكن من عيوب هذا الأسلوب أمكانية التوصل إلى مجموعات فرعية (خلايا)غير متساوية العدد ، مما يؤثر على تجانس هذه المجموعات .

وتحليل التغاير بتضمن استخدام أسلوبين في التحليل هما الانحدار الخطى البسيط بين المتغير الخارجي والمتغير التابع لعزل أثر المتغير الخارجي ، ثم تحليل تباين المجزء المتبقى من المتغير التابع (المتوسطات المعدلة المجموعات) والذي يرجع الى تأثير المعالجات التجريبية . وهذه المتوسطات المعدلة المجموعات توضح جزء من التباين في المتغير التابع بعد عزل أثر المتغير الخارجي ، وعليه فان تحليل التغاير يستخدم كل من تحليل الانحدار وتحليل التباين & Ferguson) (Ferguson &)

وقد تم التوصل الى تحليل التغاير ونشر أول مشال عليه عام ١٩٣٢ . ويستخدم هذا الاسلوب بكثرة في البحوث التجريبية في مجالات العلوم المختلفة ومنها العلوم الانسانية ويطلق عليه أحيانا اسم تحليل التباين التلازمي نسبة إلى إسم

المتغيرالمصاحب (الدخيل) Variate . وعند استخدام تحليل التغاير فاننا نهتم بتباين المتغير التابع وتباين المتغير الدخيل ، وتغاير المتغيرين معا ، لكل مصادر التباين في تصميم تحليل التباين المستخدم (أحادي أو ثنائي أو متعدد) وعند استخدام تحليل التغاير الاحادي فان مصادر التباين هي : بين المجموعات ، والخطأ، والكلي ، أما تحليل التغاير الثنائي فيشمل مصادر تباين مختلفة وهي : بين مجموعات المتغير المستقل (ب) ، وبين مجموعات المتغير المستقل (ب) ، وتفاعل المتغيرين المستقلين معا (أب) ، والخطأ ، والكلي . وبالطبع يتم حساب مجموع مربعات كل مصدر من هذه المصادر لكل من المتغيرين التابع والدخيل وحاصل ضربهما.

إفتراضات خليل التغاير :

ذكرنا أن أسلوب تحليل التغاير هو دمج لأسلوبي تحليل الانحدار مع تحليل التباين ، ولذلك فإن إفتراضات تحليل التغاير تتضمن افتراضات كلامنهما بالاضافة الى افتراضات خاصة بتحليل التغاير وهي :

تجانس معاملات انحدار المجموعات ، وعدم تأثر المتغير الخارجي (الدخيل) بالتجربة .

والافتراض الاخير سهل التأكد من اجراءات الدراسة ، أما الافتراض الأول زنجانس معاملات الانحدار) فيجب اختباره قبل أن نقرر صلاحية أسلوب تحليل التغاير في تحليل البيانات ، ويتطلب اختبار هذا الافتراض حساب مجموع مريعات المتغيرين التابع والدخيل ، وحواصل الضرب لكل مجموعة من المجموعات الفرعية . ثم حساب مجموع المربعات المعدلة لكل مجموعة بعد عزل أثر المتغير الدخيل ، وجمع هذه المربعات المعدلة ولنرمز لها بالرمز (أ) . ثم نحسب مجموع المربعات داخل المجموعات بعد تعديلها ولنرمز لها بالرمز (ب) . وتكون قيمة المربعات داخل المجموعات بعد تعديلها ولنرمز لها بالرمز (ب) . وتكون قيمة (ف) لاختبار شرط تجانس معاملات الانحدار من المعادلة :

$$(-1) \div (-1) \div (-1) \div (-1)$$
 بدرجات حریة (ك-١) ، (ن - ١ك) $+ (-1) \div (-1)$

حيث ن عدد الأفراد الكلى ، ك عدد مستويات المتغير المستقل (المعالجات) ويمكن اعادة صياغة المعادلة لغويا كما يلى :

و نقارن قيمة ف الناتجة بالقيمة الجدولية بدرجات حرية (أن-1)، (ن-1ك) . فاذا كانت ف غير دالة فان افتراض تجانس معاملات الانحدار يتحقق، وإذا كانت دالة فلا يجوز استخدام تعليل التباين لتلك البيانات

(Ferguson & Takane, 1989: 401; winer et al., 1991: 765)

وإذا قام الباحث باجراء التحليل مع عدم توفر شرط تجانس معاملات الانحدار فان نتائجة لا معنى لها وليس لها تفسير صحيح

ويمكن الابتعاد عن هذه العشكلة بطريقة بسيطة (ولكنها صعبة التنفيذ) وهي توزيع الافراد عشوائيا على المعالجات التجريبية ، مع عدم تأثر المتغير الدخيل بالمعالجات (قياسه قبل اجراء التجربة) ، وعندئذ لا داعى لاختبار افتراض تجانس معاملات الانحدار (768 : 1991 ,. 1991)

أُولاً؛ خَليل التَّعَاير الأحادي : One - way ANCOVA

ينضمن تحليل التغاير الاحادى متغيرا مستقلا (المعالجات) ومتغير تابع ومتغير تابع ومتغير خارجى (دخيل). ويتم حساب مجموع مريعات مصادر التباين (بين المجموعات، والخطأ، والكلى) لكل من المتغير التابع والخارجى بالاضافة الى حواصل ضربهما. وفيما يلى خطوات تحليل التغاير الاحادى:

- ١ ايجاد مجموع درجات كل مجموعة والمجموع الكلى للمتغيرين التابع (مجـ
 س) والخارجي (مجـ ص).
- ٢ إيجاد مجموع مريعات المتغيرين التابع (مجس) والخارجي (مجس)،
 وحواصل الضرب (مجس ص) .
- ٣ حساب مجموع المربعات الكلى ، ومجموع مربعات المجموعات ، ومجموع مربعات الخطأ للمتغير التابع (س) .
- ٤ حساب مجموع المربعات الكلى، ومجموع مربعات المجموعات ، ومجموع مربعات الخطأ للمتغير الخارجي (ص).
- محساب مجموع حواصل الضرب (س ص) الكلى ، وبين المجموعات ،
 والخطأ .
 - ٦ وضع النواتج في جدول تحليل النغاير ودرجات حرية كل منها .
- ٧ حسا ب مجموع المربعات الكلي المعدل للمتغير التابع بطرح مربع حواصل

الصنرب الكلى مقسومة على مجموع المربعات الكلى للمتغير الخارجي .

- ٨ حساب مجموع مربعات الخطأ المعدل للمتغير التابع بطرح مربع حواصل
 الضرب للخطأ مقسومة على مجموع مربعات الخطأ للمتغير الخارجى .
- ٩ حساب مجموع مريعات بين المجموعات المعدل للمتغير التابع بطرح ناتج الخطوة (٧) من ناتج الخطوة (٨) .
- ١٠ وضع درجات حرية المجموعات كما هي ، بينما درجات حرية الخطأ تقل
 درجة بسبب عزل أثر المتغير الخارجي.
- ١١ حساب متوسط مربعات المجموعات ، ومتوسط مربعات الخطأ ، وقيمة (ف)
 ثم مقارنتها بالقيمة الجدولية .
- ١٢ اذا كانت قيمة (ف) المحسوبة دالة فيتم حساب متوسطات المجموعات المعدل لاجراء المقارنات المتعددة بين هذه المتوسطات.

وحساب المتوسطات المعدلة يتطلب حساب معامل انحدار (س على ص) من المعادلة

مجموع حراصل ضرب س ص الخطأ معامل الإنحدار (ب) - مجموع مربعات س الخطأ

ويكون المتوسط المعدل للمجموعة

متوسط المجموعة في المتغير النابع - معامل الانحدار [متوسط المجموعة في المتغير الخارجي] المتوسط العام للمتغير الخارجي]

م س ن المعدل = م س ن - ب [م س ن - م س]

حيث س، ص ترمز المتغيرين التابع والخارجى ، ك ترمز المجموعة (أو المعالجة) .

مثال (١) :أجريت دراسة لبحث الفروق بين أربع طرق لتنمية المهارت الاجتماعية وتم قياس الانطواء لعزل أثره من المتغير التابع (الدور الاجتماعي) . وبعد تطبيق المعالجات ، كانت البيانات كما يلي :

جدول (۱۲ -۱)

درجات الإنطواء والدور الإجتماعي بإستغدام طرق تنمية المهارات الإجتماعية

(٤)	طريقة	(٣)	طريقة	طريقة (٢)		طريقة (١)	
الدور	الانطواء	الدور	الانطواء	الانطواء الدور		الدور	الانطواء
•	٥	٥	٩	£	7	ź	V
٧	٨	\$	-1.	٧	1 1 *	*	ء
٨	v	**	٩	۰ ۵	V	٣	4
٧	9	٣		٠ ٦		ź	٨
٩	١.	۲	٧	*	4	٦ .	1.
٥	7					٣	*
٤Y	80	۱۷	٤٣	۲۸	* •	75"	10

$$Y = \frac{1210}{120} = (مجموع مربعات درجات الإنطواء (مجموع مربعات درجات الدور) = 375 .$$

$$\frac{Y(1YT)}{YY} = \frac{Y(\xi \circ)}{Y} + \frac{Y(\xi \circ)}{2} + \frac{Y(\xi \circ)}{2} + \frac{Y(\xi \circ)}{2} =$$

£ 44 ...

نحليل التغاير للل

$$\xi 7, VV = \frac{Y(1)^{2}}{7} - \frac{Y(2)}{6} + \frac{Y(1)}{6} + \frac{Y(1)}{7} + \frac{Y(1)}{7}$$

(ب) مجموع حواصل الصرب بين المجموعات

٦ - نضع البيانات السابقة في جدول تحليل التغاير الأحادي

٧ - مجموع المريعات الكلى المعدل (اادور)

٨ - مجموع مربعات الخطأ المعدى (للدورالاجتماعي)

جدول (١٢ - ٢) تطيل التفاير الاحادى بين المجموعات في الدرجات السلوك العدواني

ف ا	متوسط				جموع المزيعات وحواصل المنزب			مصدر	
	المريعات	المعدلة	مج العربية المعدل	دع	مربعات الانطواء	يج عواصل المنزيب		التباين	
۲۷, ۵۹	14,41	۴	11, 4 - 20, 94	4	٤,٣٩	٧,٢-	٤٦,٧٧	بين	
دالة عند			o£,7£ ==					المجموعات	
•,••	٠,٦٦	17	Y(YX,T) - YV,YT 0 · , Y	١٨	ā•,٣	۲۸,۳	۲۷, ۲۳	الخطأ	
			7(YY) 05,04 70,9Y=	Y 1	۹۵,3۵	*1	٧٤	الكلي	

٩ - مجموع مربعات بين المجموعات الععدل (للدور الاجتماعي)
 = مجموع المربعات الكلى المعدل - مجموع مربعات الخطأ المعدل

١٠ - درجات حرية الخطأ المعدلة - درجات حرية الخطأ -١ - ١٨ - ١ - ١٧

١١ - نحسب متوسط المربعات بين المجموعات بالقسمة على درجات حريتها (٣)

قيمة ف = 14, ٢١ = ٥٩ , ٢٧ بدرجات حرية (١٧،٣) وهي دالة عند ٠٠٠٠٠ .

____ نحثیل التغایر _____

١٢ - نحسب المتوسطات المعدلة للمجموعات حتى يمكن اجراء المقاربات المتعددة
 بين هذه المتوسطات.

المتوسط المعدل للمجموعة الأولى =
$$\frac{77}{7}$$
 - 370 , $(\frac{03}{7} - \frac{777}{7})$
 $= 77.7 - 370$, $(7.0.7) - 7.77 - 370$, $(7.0.7)$

المتوسط المعدل للمجموعة الثانية =
$$\frac{40}{0}$$
 – 310. ($\frac{10}{0}$ – 110.)

المتوسط المعدل للمجموعـة الثالثة
$$= \frac{17}{0} - 150... (\frac{27}{0} - 170...)$$

المتوسط المعدل للمجموعة الرابعــة
$$= \frac{17}{7} - 150... (\frac{20}{7} - 7.00.)$$

وإذا إستخدمنا طريقة توكى لمقارنات بين المتوسطات عند مستوى دلاله ٠.٠٥ فإن:

مدی توکی =
$$q = \sqrt{\frac{77}{0.50}}$$
 مدی توکی = $q = \sqrt{\frac{77}{0.50}}$ مدی توکی = $q = \sqrt{\frac{77}{0.50}}$

حيث ٥,٤٥ هي الوسط التوافقي لأحجام المجموعات ثم نقارن الفروق بين المتوسطات المعدلة مع مدى توكى (جدول ١٢ - ٣) جدول (١٢ - ٣) فروق المتوسطات

مد <i>ی</i> توکی	مجــځ (۱٫۸۰)	مجـ۲ (۲۵،۵۲)	مجـ۱ (٤,٠٣)	مجـ۳ (۲،۹۸)	المتوسطات
1, 77	۳,۸۲	Y, 01	١,٠٥		مجہ ۳
	۲,۷۷	1,£5	 -		مجہ ۱
	1,4%	<u></u>			مجہ ۲
					الضابطة

ويتضح من جدول (١٢ - ٣) وجود فروق دالة بين متوسط المجموعة الرابعة ومتوسطات المجموعات الثلاث ، كما توجد فروقًا دالة بين متوسط المجموعة المجموعة لثانية ومتوسطى المجموعتين الاولى والثالثة ، أما إذا إستخدمنا طريقة

. شفیه قان المدی
$$\frac{\sqrt{7\times 7.7\times 7.7\times 7.7}}{6.50}$$
 ویالتالی بختلف القرار ویالتالی بختلف القرار ویالتالی بختلف القرار ویالتالی بختلف القرار

حجم التأثير (مربع أوميجا) =

مجه مربعات بين المجموعات المعدل - (ك - 1) متوسط مربعات الخطأ المعدل مجه المربعات الكلي المعدل + متوسط مربعات الخطأ المعدل

$$., \forall 9 = \frac{57,77}{77,0} = \frac{.,77 \times (1-1) - 51,71}{77,0} = \frac{.,77 \times (1-1) - 51,71}{.77 + 70,9}$$

ويعنى هذا أن ٧٩٪ من تباين المتغير التابع (الدور الاجتماعي المعدل) يرجع الى الطرق المستخدمة.

إختبار شرط غانس معاملات الانحدار:

ينطلب إجراء اختبار شرط نجانس معاملات الانحدار حساب مجموع مربعات كل مجموعة على حدة في الانطواء والدور الاجتماعي وحواصل الضرب، ثم تعديل مجموع مربعات المجموعات في الدور الاجتماعي بعزل أثر الانطواء من كل مجموعة على حده أيضا. وكذلك حساب مجموع العربعات

داخل المجموعات وتعديلها بعزل أثر الانطواء والتي رمزنا إليها بالرمز (ب) . ونطبق القانون :

 $\frac{1-2}{6}$ محموع المربعات داخل المجموعات بعد تعديلها – مجموع المربعات المعدلة لكل المجموعات $\frac{1+2}{6}$ ($\frac{1-2}{6}$) مجموع المربعات المعدلة لكل المجموعات $\frac{1+2}{6}$ ($\frac{1-2}{6}$)

حيث أ = حاصل جمع مجموع المربعات المعدلة لكل المجموعات ويوضح الجدول (١٢-٤) مجموع مربعات كل مجموعة في الانطواء والدور الاجتماعي وحاصل الضرب بإستخدام بيانات جدول(١٢-١)، وكذلك مجموع المربعات المعدلة لكل مجموعة

جدول (۱۲ – ٤) مجہ مربعات مج مربعات مج حواصل مج المربعات (الدور) المعدل المجموعة الانطواء الدور الضرب 4, 17 - (V, 0) - 1, AT 14,0 ٧,٥ ٦, ۸٣ -, T - (Y) - 0, Y 1. ٧ 0, 4 7, 27 - (T, A) - Y.0 D, Y ٣,٨ 0, 4 £, 79 - (1.) 14,0 الظابطة 1.,78 ۲۷, ۲۳ ٥٠,٢ ۲۸, ۳

تم حساب بیانات جدول (۱۲ – ٤) علی النحو التالی : مجموع مربعات الدور للمجموعة الأولی = ۹۰ – $\frac{(\Upsilon\Upsilon)^{\Upsilon}}{7}$ = $7, \Lambda\Upsilon$ ومجموع حواصل الصرب للمجموعة الأولی = ۱۸۰ – $\frac{\Upsilon \times \Upsilon \times \Upsilon}{7}$ = $9, \Lambda$ ومجموع حراصل الضرب للمجموعة الأولی = $10, \Lambda$ = $\frac{(6.3)^{\Upsilon}}{7}$ = $10, \Lambda$ ومجموع مربعات الإنطواء للمجموعة الأولی = $10, \Lambda$ = $\frac{(6.3)^{\Upsilon}}{7}$ = $10, \Lambda$ وهكذا لبقية المجموعات فی جدول (۱۲ – ٤)

مجموع مريعات داخل المجموعات المعدل $= 77,77 - \frac{7(70,7)}{0.7}$

$$., \forall 9 = \frac{., \forall 7}{., \forall 7} = \frac{(1-\xi) \div (1., \forall 7-11, \forall 8)}{(\xi \times 7 - \forall 7) \div (1., \forall 7)} = 1.$$

بدرجات حرية (٣، ١٤، ٣) وهي غير دالة لأن قيمة ف (٣، ١٤، ٣) وهي غير دالة لأن قيمة ف (٣،٠٥، ١٤، ٣) = ٣, ٦٣ وبالتالي يتحقق شرط تجانس معاملات انحدار المجموعات .

ثانيا : غليل التغاير الثنائي : Two - way ANCOVA

إذا كانت الدراسة تتضمن متغيرين مستقلين مع المتغير التابع والمتغير الخارجي (الدخيل) ، فاننا نستخدم أسلوب تحليل التغاير الثنائي .

واجراء تحليل التغاير الثنائي أكثر تعقيدا من الأحادي وذلك لأنه يتضمن متغير مستقل ثاني بالاضافة الى نفاعل المتغيرين المستقلين .

وسوف نجمل الخطوات فيما يلى :

- ١ حساب مجموع درجات الخلايا للمجموعات الفرعية والمتغيرين النابع
 والخارجي .
- ٢ حساب مجموع الدرجات الكلى للمتغيرين النابع والخارجى (مجس ، مجس ص) ومجموع المربعات وحواصل الضرب (مجس ، مجس ص) ومجموع المربعات وحواصل الضرب (مجس " ، مجس ص)
 ص)
- ٣ حساب مجموع مربعات مصادر التباين: الكلى للمتغير المستقل الاول ،
 والمتغير المستقل الثاني ، والتفاعل بينهما ، والخطأ لدرجات المتغير التابع .
 - ٤ حساب مجموع مربعات مصادر التباين السابقة لدرجات المتغير الخارجي.
 - ٥ حساب مجموع حواصل الضرب لمصادر التباين السابقة
 - ٦ وضع نتائج الخطوات ٢ ، ٤ ، ٥ في جدول نحليل التغاير الثنائي.
- حساب مجموع المربعات المعدل (بعد عزل أثر المتغير الخارجي من المتغير التابع) لكل مصدر من مصادر التباين المبينة سابقاً.
 - ٨ حساب درجات الحرية المعدلة .
- ٩ إيجاد متوسط مربعات الخطأ لكل مصدر من مصادر التباين ثم حساب قيم
 (ف) ومقارنتها بالقيم الجدولية .
- ١٠ إذا وجدت فروقًا دالة بين مستويات أحد المتغيرين المستقانين أو كليهما ،

نحسب مترسطات الدرجات المعدلة للمستويات ، ثم نجرى المقارنات بين المتوسطات باستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة .

١١ - إذا وجد تفاعل دال ، نقوم برسم المتوسطات المعدلة للخلايا ونستخدمه في
 تفسير الفروق بين المجموعات.

مثال (٢): أجرى باحث دراسة لمقارئة ثلاثة أساليب للارشاد الأسرى ودورها في حل المشكلات الأسرية ، وطبق الاساليب على ثلاث مجموعات من الذكور والاناث المتزوجين ، ولأن الاتجاه نحو العلاقات الأسرية له دور في المشكلات الاسرية . فقام الباحث بقياسه قبل استخدام أساليب الارشاد حتى لايتأثر دما.

جدول (١٢ - ٥) أساليب الارشاد ودرجات المشكلات الاسرية والانجاء نحو العلاقات الاسرية

			·						
	المجموع		ألفالت		الثاني		الأول		الإسلوب
1	اتجاه	ّم.اسرية	انجاد	م.اسرية	اتجاء	م. اسرية	ائجاء	م. اعرية	
	ص	U	من	س	سري	س	من	س	النوع
ļ			17	Ÿ	١٤	۲	٨	٣	
Ì	:	-: ~	ነ የ	*	11	1 1	١٣	. 0	•
	_		18	١	٧٠.		١,٠	١	
			1 18	۲	10	٧	7£	٩	ذكــور.
ĺ		·	**	٠,	١٢	1	İ		
ţ			١٦	۲					·
-	***	ಭ%	(97)	(١٦)	(YY)	(۲۲)	(04)	(۱۸)	}
			۹.	صفر	٨	صفر.	١٨	. Υ	
ļ			٩٥	١,	٩٣.	٤	٧	سفر	.]
ŀ			47	٩	۲.	٨	١.	£	إناث
		·	1.6	٤	ነለ	٥	10	٦	ĺ
	i	1	١٨	£	'		44	9	-
۱	1		· የጌ	V .					į
	ļ	1	۲٤ أ	٨					j
	777	٧٦.	(121)	(rr)	(٦٢)	(۱۷)	(YT)	(٢٦)	
	٤٩٤	184	779	٤٩	٤٣٤	44	151	££	المجموع

مجس ٢ - ٨٢٢ ، مجمول ٢ - ٨٧٤٢ ، مجم س صل ١٥٠٠٠

ولاجراء التحليل نقوم بحساب مجموع درجات الفلايا لكل من المشكلات الاسرية والانجاه نحو العلاقات الاسرية ، وكذلك المجموع الكلى للذكور والأناث ومجموعهما معا ، ومجموع مربعات الدرجات للمتغيرين وحواصل الضرب وقد تم تدوين تلك البيانات بالجدول (١٢ - ٥)، لاحظ أن عدد أفراد كل مجموعة صغير لنبسيط العلميات الحسابية فقط .

ثم نقوم بحساب مجموع مربعات كل مصدر من مصادر التباين لكل من المتغيرين : المشكلات الاسرية (س) ، الاتجاء نحو العلاقات الاسرية (ص) ، وحواصل الضرب .

(أ) متغير المشكلات الاسرية:

$$109,98 = \frac{7(177)}{71} - ٨٢٢ = 120,988$$
 مجموع المربعات الكلى = ٨٢٢ = ٢٥٩

$$4.1 = \frac{{}^{7}(177)}{{}^{7}(177)} = \frac{{}^{7}(77)}{17} + \frac{{}^{7}(07)}{17} = {}^{7}(177) = {}^{7}(177)$$

$$\frac{Y(177)}{7} - \frac{Y(19)}{17} + \frac{Y(19)}{9} + \frac{Y(19)}{9} - \frac{Y(19)}{17} + \frac{Y(19)}{17} - \frac{Y(19)}{17}$$

7, V£ -

٤ - مجموع مربعات خلايا النوع × الاساليب =

$$\frac{{}^{\prime}(177)}{7} - \frac{{}^{\prime}(77)}{7} + \dots + \frac{{}^{\prime}(77)}{5} + \frac{{}^{\prime}(14)}{5} =$$

Y1, 27 =

ه - مجموع مربعات تفاعل النوع × الأساليب = ٢١,٤٣ - ١٠٠٨ - ٢٧،٣

7, 7.4 =

٦ - مجموع مربعات الخطاء = ٢٥٩,٩٤ - ٢١,٤٣ - ٢٣٨,٥١

_____ تحليل التغاير ____

(ب) متغير الاتجاه ندو العلاقات الاسرية :

$$\Lambda 79, \Lambda Y = \frac{\Upsilon(191)}{\Upsilon(191)} - \Lambda Y = 1$$
 مجموع المربعات الكلى = $\Lambda Y = \frac{1}{\Upsilon(191)}$

$$TV, \xi V = \frac{V(\xi \eta \xi)}{V(\xi \eta \xi)} - \frac{V(YYY)}{V(\xi \eta \xi)} + \frac{V(YYY)}{V(\xi \eta \xi)} = V^{\frac{1}{2}}, V^{\frac{1}{2}}$$

٣ - مجموع مربعات الاساليب =

عجموع مربعات خلايا النوع × الاساليب =

$$\frac{Y(\xi q \xi)}{Y'} = \frac{Y(YY)}{Y} + \dots + \frac{Y(YY)}{Q} + \frac{Y(QA)}{\xi} = \frac{Y(QA)}{Y(\xi, \xi Y = \xi)}$$

٥ - مجموع مربعات تفاعل النوع × الأساليب = ١٢٤,٤٢ - ٢٣,٦٨ - ٦٣,٦٨ - ٢٣,٢٧ =

٦ - مجموع مربعات الخطأ = ١٢٤,٤٢ - ١٢٤,٤٢ = ١٤٥,١٢٥

(جـ) حواصل الضرب:

14,44

٣ - مجموع حواصل الضريب للاساليب

19, 77 --

444

11 m

$$7 - مجموع حواصل الضرب للخطأ = $797.07 - 17$ - $70.00$$$

ثم نضع البيانات في جدول تحليل التغاير الثنائي جدول (١٢ - ٦) تحليل التغاير الثنائي (النوع × الاساليب) لدرجات المشكلات الاسرية والاتجاه نحو العلاقات الاسرية (متغير خارجي)

ı.i	متوسط	دع	مجـ المريعات		، الضرب	ت وحواصل	مجد أأمريعا	مصدر
	ت المعدل المعدلة المريعات		صن	س ص	رن [التباين		
۰٫۰۸ غیر دال	۰,۱۳	١	۰,۱۳	١	TV, £Y	14,77	٨٠١	النوع
۱۳٬۲۷ بال عند۲۰۰۱،	۲۰,۳	¥	٤٠,٦	Y	15, 14	19, 77-	1,78	Ξ,
۰,٦٧ غير دال	1, • ٢	۲	۲,۰٤	*	7 7 , 77	14,01	ኚ, ጊላ	التفاعل
	1,07	71	۲٦,٦٥	Υo	Y£0, £0	7XY, 41	የፕሊወነ	الفطأ
			Y9, 19	۲.	λ1 1 , ΛΥ	771,01	*09,9 £	الكلي

. تحليل النخاير

مجموع مربعات الاساليب المعدل

- مجموع مربعات الاساليب (س) + مجـ مربعات الخطأ (س)

مجد حواصل الضرب للاساليب + مجد حواصل الضرب للخطأ) في مجد مربعات الخطأ (ص) مجد مربعات الخطأ (ص)

- مج مريعات الخطأ المعدل

$$77,70 - \frac{(744,91 + 19,77 -)}{(750,50 + 77,74)} - 774,01 + 7,75 =$$

- 07,70 - 17A - 7£0,70 -

مجموع مريعات التفاعل المعدل

- مجموع مربعات النفاعل (س) + مجه مربعات الخطأ (س)

مج حواصل الضرب التفاعل + مجد حواصل الضرب للخطأ) مجد مربعات الخطأ (ص) مجد مربعات الخطأ (ص)

- مج مربعات الخطأ المعدل

T, • E = TT, 70 - T • T, 0 • - YEA, 19 =

وبوضع مجموع المربعات المعدلة بالجدول وحساب متوسط المربعات وقيم (ف) يتضح أن قيمتى ف للنوع والتفاعل غير دالة ، بينما قيمة (ف) للاساليب (١٣,٢٧) دالة عند مستوى ٢٠٠١.

ولمعرفة أى الاساليب أفضل من الأخرى نحسب المتوسطات المعدلة ثم نقارن بينها باحدى طرق المقارنات المتعددة -

معامل انحدار (س على ص) =
$$\frac{n + c_0 | \text{out} | \text{lidid}}{n + c_0 + c_0 + c_0}$$
 $\frac{16 \times 191}{160}$ $\frac{16 \times$

وإذا استخدمنا طريقة توكى عند مستوى ٠٠٠٠ فان :

مدى توكى
$$= P \times \sqrt{\frac{\text{are und access of the like of$$

ثم نقارن مدى توكى مع فروق المتوسطات المعدلة (جدول ١٢ - ٧) جدول (١٢ - ٧) فروق المتوسطات المعدلة ومدى توكى

. مدی توکی	الأول ٦,٥	الثانی ٤,٨٨	الثالث ۲, ۹	الأسلوب
١,٣٨	۲, ۷ ۰, ۷۲	1, 9,		الثالث الثاني
		:		الثاني الأول

ويتصح من جدول (١٢ - ٧) وجود فروق دالة بين متوسط درجات الاسلوب الثالث وكل من متوسطى الاسلوبين الاول والثانى ، ولا يوجد فرق دال بين متوسطى الاسلوبين الاول والثانى ، ولا يوجد فرق دال بين متوسطى الاسلوبين الاول والثانى .

حجم التأثير للاساليب (مربع أوميجا) =

مج مربعات الاساليب المعدل - (ك - ١) متوسط مربعات الخطأ المعدل مج مربعات الخطأ المعدل مج المربعات الخطأ المعدل مدربعات الخطأ المعدل

$$1.07 \times (1-7) - 2.7$$
 $1.07 + 49,19$

وهي تعنى أن ٥٦٥٪ ٪ من تباين درجات المشكلات الاسرية ترجع لاساليب الارشاد الأسري المستخدمة .

ثالثًا: خَليل التغاير في حالة القياس المتكرر:

إذا أجريت دراسة تجريبية وتم قياس قبلى وبعدى للمتغير التابع فاننا نجرى اختبار بين المجموعات في درجات القياس القبلى ، فاذا لم نجد فروقًا بين متوسطات المجموعات ، فاننا نقوم باختبار الفروق بين المجموعات في درجات القياس البعدى فقط .

أما إذا وجدنا فروقاً دالة بين متوسطات المجموعات في القياس القبلى ، فاننا نستخدم اسلوب تحليل التغاير لعزل أثر القياس القبلي من القياس البعدي .

أما في حالة وجود متغيرين واجراء قياس قبلي لهما وقياس بعدى للمتغير التابع فاننا نستخدم اسلوب تحليل التغاير مع القياس المتكرر.

مثال (٣): أجريت دراسة تجريبية لتعديل السلوك العدوانى للاطفال واستخدمت طريقتين للعلاج وتم قياس السلوك العدوانى قبل وبعد التجرية ومفهوم الذات قبل التجربة وكانت البيانات كما يلى: (عدد أفراد كل خلية متساوى وصغير لنبسيط خطوات الحل فقط).

جدول (۱۲ – ۸) السلوك العدواني ومفهوم الذات لمجموعتين من الاطفال (قياس قبلي وبعدي)

موع	المج	البعدى	القياس	القبلى	القياس		
السلوك العداوني	مفهــوم الــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	السلوك العدواني(س)	مفهـرم الذات (ص)	الساوك العدواني(س)	مفهــرم الذات (مس)	الأفراد	الطريقة
١٨	٦	٨	٣	١٠	٣	1	الأولى
**	١٠	١٢	٥	10	•	Y	
71	١٦	11	٨	(PY) Y.	۸	٣	
(97) 14	(٣٦) £	(٤٠) ٦	(۱۸) ۲	17	(14) ٢	٤	
45	۲	١	١	10	1	٥	الثانية
10	17	۲۰		70	٨	٦	
70	**	10	١.	۲٠.	1.	٧	
(120) 40	(£Y) £	(00) 11	(11)	(VP) 10	(11) 1	٨	
* ***	YΑ	90	٣٩	184	44	ألمجموع.	المجعوع

مج ص الفهوم الذات = ٢٤٥ ، مج س (السلوك العدواني) = ٣٦٠٩ ، مج س ص = ١٢٨٢

ولاجراء تعليل البيانات نقوم بجمع درجات كل خلية وكل طريقة وكل فترة وكذلك المجموع الكلى البيانات نقوم بجمع درجات كل خلية وكل طريقة وكل فترة وكذلك المجموع الكلى لكل متغير من المتغيرين وحاصل ضربهما ، بالاضافة الى مربعات الدرجات وهي مدونة بالجدول وفي الهوامش.

ثم نحسب مجموع المربعات لكل متغير ولكل مصدر كما يلى :

(أ) : متغير مفهوم الذات :

 $171, \sqrt{0} = \frac{\sqrt(\sqrt{4})}{17} = 027 = \frac{120}{17} = 017$

 $Y, Yo = \frac{Y(VA)}{17} - \frac{Y(\Sigma Y)}{A} + \frac{Y(\Sigma Y)}{A} = 07.7$

 $\frac{V(VA)}{r} = \frac{V(VA)}{A} + \frac{V(Pq)}{A} + \frac{V(Pq)}{A} = \frac{V(VA)}{r} = \frac{V(VA)}{r}$

٤ - مجموع مربع خلايا الطرق × الفترات -

$$\frac{(\lambda \lambda)}{2} + \frac{(\lambda \lambda)}{2} + \frac{(\lambda \lambda)}{2} + \frac{(\lambda \lambda)}{2} + \frac{(\lambda \lambda)}{2} = \frac{(\lambda \lambda)}{2}$$

Y, Yo -

٥- مجموع مربعات تفاعل الطرق × الفترات = ٢, ٢٥ – ٢, ٢٥ – صفر = صفر $\frac{(\vee \wedge)}{(\vee \wedge)} = \frac{(\times)^{\vee} + (\times)^{\vee} + (\times)^{\vee} + (\times)^{\vee}}{(\times)^{\vee}} = \frac{(\times)^{\vee} + (\times)^{\vee} + (\times)^{\vee}}{(\times)^{\vee}} = \frac{(\times)^{\vee}}{(\times)^{\vee}}$

111. VO -

٧ - مجموع مربعات داخل الافراد = ١٦١.٧٥ - ١٦١٠ = صفر

٨ - مجموع مربعات الخطأ الأول

مجموع مربعات الافراد - مجموع مربعات الطرق

٩ -- لايوجد خطأ ثانى لأن مجموع مربعات داخل الافراد = صفر ، مج مربعات الغترات = صفر

$$7 - \frac{(\gamma \gamma)}{\Lambda} = \frac{(\gamma \gamma)}{\Lambda} = \frac{(\gamma \gamma)}{\Lambda} = \frac{(\gamma \gamma)}{\Lambda} = \Gamma \cdot \Lambda \Gamma$$

$$\frac{7}{7} - \frac{7}{4} = \frac{7}$$

٤ -محموع مريعات خلايا الطرق × الفترات --

 $\Lambda_0,07-\Lambda,07-102,19-102,19$ الفترات \times الفترات $\Lambda_0,07-\Lambda,07-102,19$

٧ - مجموع المربعات داخل الافراد - ٢٨٨.٤٤ - ٢٩٥.٩٤ - ٩٢.٥ - ٢٩٥.٩٤

٨ –مجموع المريعات الخطأ الأول = ٢٩٥،٩٤ – ٢٠ ٨٨ – ٢٢٧،

٩ - مجموع المربعات الخطأ الثانية = ٩٢.٥ - ٥٨.٥٠ - ٥٧.٥ - ٦,٣٧

(جـ) حواصل الضرب:

٢- مجموع حواصل العمريب للطرق

٣ - مجموع حواصل الصنرب للفترات

ع - مجموع حواصل صرب الفلايا -

18,8% _

۱۷۵,۳۸٬۳۰۰ ۷ – مجموع حواصل العشرب داخل الأفراد – ۱۷۵,۳۸ – ۱۷۰,۳۸ – صغر

٨ - مجموع حواصل الضرب للخطأ الاول = ١٧٥.٣٨ - ١٢,٢٨ = ١٦٣
 ٩ - مجموع حواصل الضرب للخطأ الثاني = صفر
 ثم نضع البيانات السابقة في جدول تحليل تغاير القياس المتكرر

جدول (۱۲ – ۹)

	مترسط	۶.3			، المترب	ات رحواصا	مج المربع	
š	لمريعات		4 (. 2 - 1 7	دیح	مقهوم الذات	حوامنل الصريب	العلوك العدوائي	مصدرالتباين
		4	1-0, VA (140, TA) _ Y10, 16	γ	131,40	۱۷۰,۳۸	¥90,9£	الافراد
۲, ۱۳	£t,£A	١	18,88 - 77,80- 100,48		4,40	1ኛ,ዮጵ	የ ሊ • ገ	الطرق
غيردال	17,77	ø	11,7° <u>" (117)</u> - 777,44	4	101,00	137,**	**************************************	الخطأ الأول
۸۰٫۷۱ دال عند ۲۰۰۱،	አ ፡ኦ, ፡፡ ጊ	1	À0,01	١	مسفر	منغز	<i>አ</i> ው, ¢ግ	الندرات
۰٫۰۰ غیر دالله	۰,۵۲	1	۰,۵γ	1	مساور	مىلار	٠,٥٧	الطرق الفترات
	1,•1	٦	ኒፕሃ	٦	مخز	مسئز	ኚ, ኖሃ	الخطأ الثاني
			144, 74 (140, 74) 171, Va	۱٥	171,40	140,74	۳۸۸, ٤٤	الكلى

ونقل درجات حرية الخطأ الاول درجة واحدة بسبب عزل أثر المتخير الخارجي ، بينما تظل درجات حرية الخطأ الثاني ، لعدم عزل أي شئ منه. ويتضح من الجدول عدم وجود فروق دالة بين الطرق ، أو تفاعل دال .

بينما يوجد فرق دال عند مستوى ٢٠٠٠ بين فترنى القياس القبلى والبعدى في السلوك العدواني ، لصالح القياس القبلى ، ويدل هذا أيضا على أن السلوك العدواني إنخفض في القياس البعدي نتيجة لطرق العلاج المستخدمة .

حجم التأثير للفترات (مربع أوميجا) =

مجموع مربعات الفترات المعدلة - (ك - 1) متوسط مربعات الخطأ مجموع المربعات الكلى المعدل + متوسط مربعات الخطأ

$$\cdot, \xi \Upsilon \xi = \frac{1, \cdot 7 \times (1 - \Upsilon) - \lambda 0, 07}{1, \cdot 7 + 19\lambda, \Upsilon \lambda} =$$

وهى تعنى أن ٤٢,٤ ٪ من تباين السلوك العدواني يرجع الى فسترنى القياس.

رابعاً: خَليل التغاير في حالة القياس المتكرر مع قياسات مختلفة للمتغير الخارجي:

قد يجرى باحث دراسة ويقوم بنطبيق عدة طرق علاجية مثلاعلى مجموعات مختلفة ويقيس درجات المتغير التابع قبل وبعد استخدام هذه الطرق ، وكذلك يقيس درجات المتغير الخارجي قبل وبعد التجريب .

وفى هذه المالة تتغير درجات المتغير الخرجى بعد التجربة عنها قبل التجربة ويعنى هذا أن المتغير الخارجى يتأثر بالمعالجات التجريبية المستخدمة ، ومن ثم فانه يتضمن جزء من أثر المعالجات والذى يجب عزله، واجراء تحليل بيانات هذه الحالة يشبه الحالة السابقة

مثال(٤): أجريت دراسة نجريبية لمعرفة فعائية ثلاث طرق للتدريس فى تحسين درجات الطلبة فى اللغة العربية، وتم قياس التحصيل قبل وبعد التجريب، وكانت البيانات كما يلى: (لا حظ أن عدد الافراد بكل خلية قليل ومتساوى لتبسيط حل المثال فقط).

جدول (١٢ - ١٠) التحصيل والذكاء لثلاث طرق مع قياس قبلي وبعدي

و_ع	المجم	دى	البعــــــ	بلی			
التحسيل	الذكاء	التحصيل	الذكاء	التحصيل	الذكاء	الافراد	الطريقة
177	٧	1 1 1	<u> </u>	٨	۴	١	الأولىي
79	1 12	1.4	4	11	۵	۲	
(19) 47	(27) 70	(01) 77	(YY) 12	(40) 11	(19) 11	٣	
۲.	11	١.	í	1.	Υ.	í	الثانية
77	14	١٨	١٠	1 £	٨	٥	
(14) 27	(0+) XI	(0.) **	(٢٦) ١٢	(٣٩) 10	(Y£) 9	٦	
١٤	٣	٨	١	1	٣	٧	التقليدية
77	١٧	12	٩	1 4	۸	٠,٧	
(09) 19	(rt) 19	(۲۲) ۱۰	(19) 9	(YY) 9	(4.) 1.	٩	
777	180	١٣٦	٧٢	1•1	٦٣		المجموع

مج ص (الذكاء) = ١٢٣٣ ، مج س (التحصيل) = ٣٤٩٥ ،

مچه س ص = ۲۰۰۶

ولاجراء تحليل بيانات هذه الدراسة نقوم بجمع درجات كل خلية وكل مجموعة وكل فترة من فترات القياس ، ثم المجموع الكلى ومجموع المربعات وذلك للمتغيرين الذكاء والتحصيل وحاصل الضرب . وهذه البيانات مدونة داخل الجدول وأسفلة وعلى اليسار . وتستخدم هذه البيانات في حساب مجموع المربعات لمصادر التباين المختلفة ولكل متغير وحاصل الضرب أيضا.

وفيما يلي خطوات حساب مجموع المربعات لتلك المصادر والمتغيرات .

•

.

(أ) - متغير الذكاء:

$$(170)^{-1}$$
 مجموع المربعات الكلى = 1777. $-\frac{(170)^{-1}}{100}$

$$\frac{1}{1}$$
 $\frac{1}{1}$ $\frac{1}$

$$4.0 = \frac{V(170)}{V(170)} = \frac{V(VY)}{P} + \frac{V(VY)}{P} = 0.3$$

◄ سجموع مربعات خلايا الطرق × الفترات -

Y1. 入Y

 $V=\xi,\phi=1^{\circ},\Upsilon T=1^{\circ},\Upsilon T=1^{\circ}$ ه - مجموع مربعات تفاعل الطرق \times الفترات - $\Upsilon 1,\Lambda T=0$

٦ - مجموع مريعات بين الأقراد

190 -

٧ - مجموع مريعات داخل الأفراد - ٢٢٠.٥ - ١٩٥ - ٢٥.٥٣

٨ سمجموع مريعات الخطأ الأول = ١٩٥ - ١٩٠٣ = ١٨٤.٦٧

٩ -مجموع مريسات الخطأ الثاني - ٢٥،٥ - ٥،٤ - ٧ - ١٤

(ب) متغير التحصيل:

$$\frac{1}{1}$$
 - مجموع مریعات الطرق - $\frac{1}{1}$ + $\frac{1}{1}$ + $\frac{1}{1}$ + $\frac{1}{1}$ + $\frac{1}{1}$ - مجموع مریعات الطرق - $\frac{1}{1}$

3 · · -

$$\frac{'(777)}{1} - \frac{'(177)}{9} + \frac{'(177)}{9} - \frac{(177)}{1}$$

74. - 7 --

ع - مجموع مربعات خلايا الطرق × الفترات

148.0 -

YYY -

(جـ) حواصل الضرب:

٧ - مجموع حواصل الصرب للطرق

مجموع حواصل ضرب تفاعل الطرق × الفترات

٦ - مجموع حواصل الصرب بين الأفراد

جدول (۱۲ - ۱۱) تحليل التغاير الثنائي للقياس المتكرر

	مئوسط	د.ح		<u> </u>	المنزب	ت رحواصل	مهد العريعا	
٠	المربعات	. ~	عجد المزيفات المحدل	د.ع	انذكاء	حاصل المنزيب	التحصيل	ممسنر التباين
			147 - (1470) - 77V	٨	110	1,47,0	* VY	الإفراد
٣,٠٦	۲۷, ۱۲	۲	0 £, Y 7 = 16, TY - 14, TF	7	11,77	٣.	1	المطرق
غير دالة	۸,۸۷	٥	11,77 - (10\0) 141,77 - 144,77	1	\A1,7V	107,0	۱۷۷	الخطأ الأول
۵۲٫٦ دالة عندا۰۰۰	71,57	١	T1, 51-1- (79,77) - A1,43	1	£,0	۱۷,۵	የ ሊ • የ	الفتراث
۱,۹٥ غير دالة	1,17	۲	7,55 - 7 (77,0) - 72,55	۲	٧	11,17	17, ££	ا الثقاعل
	۰,٦	5	T# - (11,AT) - 1T	71	11	11,40	۱۳	الخطأ الثانى
				۱۷	44.0	**7,0	TV£,0	الكلي

ويتم حساب مجموع المربعات المعدل لأفراد = $777 - \frac{(1٨٦,0)}{190}$

غجموع المربعات المعدلة للخطأ الأول =
$$107.0$$
 – 107.0) مجموع المربعات المعدلة للخطأ الأول = 107.0

مجموع المريعات المعدلة للطرق (بالطرح) =
$$7.7.7 - 90.77 = 15.00$$
 مجموع المريعات الخطأ الثاني المعدلة = $17 - \frac{(11.17)^{2}}{15} = 7$

مجموع مربعات الفترات المعدل

= (مد مربعات الفترات + مد مربعات الخطأ الثاني) ا المتحسيل

- مد مربعات الخطأ الثاني المعدلة

... تحليل التفاير ...

مجموع مربعات التفاعل المعدلة

= [مح مربعات التفاعل + مح مربعات الخطأ الثاني] للتحصيل

- مد مربعات الخطأ الثاني العدلة

$$T = \frac{Y(11, \Lambda Y + 1.7Y)}{(11 + Y)} - (1Y + 17, 11) =$$

لاحظ أن درجات حرية الخطأ الاول تقل درجة لعزل أثر المتغير الخارجى ، وكذلك درجات حرية الخطأ الثانى تقل درجة أيضا لعزل أثر المتغير الخارجى مرة أخرى بسبب تكرار قياسه.

ومن الواضح أن قيمة (ف) للطرق (٣,٠٦) وهي غير دالة ، وكذلك تفاعل الطرق × الفترات ، بينما يوجد فرق دال بين الفترات حيث أن قيمة ف (٣,٠٠) دالة عند مستوى ٢٠٠١ ولأنه لا يوجد سوى فترتين فمن السهل المقارنة بينهما ، حيث يتضح أن درجات القياس البعدى للتحصيل أعلى من القياس القبلى ، ومن الممكن حساب المتوسطات المعدلة كما يلى:

معامل الانحدار (التحصيل على الذكاء) للفترات
$$\frac{11.47}{4} = \frac{11.47}{1} = \frac{11.47}{1} = \frac{11.47}{1}$$
محد مربعات الخطأ الثاني (للذكاء) $\frac{11}{4} = \frac{11}{4}$

المتوسط المعدل للتحصيل القبلي $\frac{11}{4} = \frac{11}{4} = \frac{11}{4}$
 $\frac{11.75}{4} = \frac{11.75}{4} = \frac{11.75}{4}$

المتوسط المعدل للتحصيل البعدى =
$$\frac{177}{9}$$
 = $\frac{177}{9}$ | المتوسط المعدل للتحصيل البعدى = $\frac{177}{9}$ | المتوسط المعدل التحصيل البعدى = $\frac{177}{9}$ | المتوسط المعدل البعدى = $\frac{177}{9}$ | المتوسط المعدل البعدى = $\frac{177}{9}$ | المتوسط المعدل البعدى = $\frac{177}{9}$ | المعدل البعدى = $\frac{177$

ويتضح أن المتوسط المعدل للتحصيل البعدى أعلى من المتوسط المعدل للتحصيل التعصيل القبلى. أما إذا رغبنا في حساب المتوسطات المعدلة للطرق فيكون معامل الانحدار مختلف.

مد حواصل ضرب الخطأ الأول معامل الانحدار (التحصيل على الذكاء) للطرق = مد مربعات الخطأ الأول (الذكاء)

ويكون المتوسط المعدل للطرق (في التحصيل)

= متوسط الطريقة في التحصيل - معامل انحدار الطرق (متوسط الطريقة في الذكاء - المتوسط العام للذكاء)

وعلى سبيل المثال: المتوسط المعدل للطريقة الثالثة

$$\left(\frac{170}{10} - \frac{79}{7}\right) \cdot .424 - \frac{09}{7} =$$

$$\left(\frac{170}{10} - \frac{79}{7}\right) \cdot .424 - \frac{09}{7} =$$

$$\left(\frac{170}{10} - \frac{79}{7}\right) \cdot .424 - \frac{99}{7} =$$

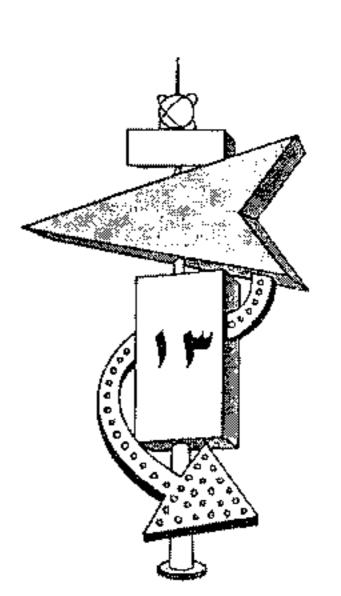
$$\frac{19}{7} \cdot .424 - \frac{99}{7} =$$

وكذلك يمكن حساب بقية المتوسطات المعدلة للطريقتين الأولى والثانية وهما : ١٤,١٣، ١٤،٦٩ على الترتيب .

وإدا كانت الفروق بين الطرق دالة فبمكن إجراء المقارنات المتعددة المعدلة بإستخدام إحدى طرق المقارنات المتعددة .

الفصل الثالث عشر الشالث الشالث عشر الشالث الشالث عشر الشالث الشالث عشر الشالث ا

Trend Analysis





الفصل الثالث عشر تحـــــليل الاتجــــــاه

يهدف التحليل العلمى للمعلومات الى التعرف على طبيعة الوظائف والعلاقات بين المتغيرات المستقلة والتابعة . وعند اجراء دراسات تجريبية يمكن التوصل الى هذا الهدف إذا كانت البيانات كمية ، أما فى حالة البيانات الكيفية فيصعب التوصل الى تلك العلاقات المشار اليها .

وإحدى طرق توضيح العلاقات بين المتغيرات أو بين المعالجات هي استخدام الرسوم البيانية وشكل الانتشار ، حيث توضح الرسوم البيانية طبيعة العلاقات بين المتغيرات .

وقد تكون العلاقة بين متغيرين علاقة خطية ، بمعنى أنه يمكن توفيق خط مستقيم ليوضح هذه العلاقة . ونمثل العلاقة الخطية بمعادلة من الدرجة الأولى بين متغيرين وهي : ص = أ + ب س

حيث ص متغير تابع ، س متغير مستقل ، أ مقدار ثابت ، ب معامل الانحدار البسيط .

أما إذا كانت العلاقة بين المتغيرين منحنية ، فاننا نمثلها بمعادلة من الدرجة الثانية ، وتكون على الصورة :

ص - أ + ب، س + ب، س

والصورة العامة هي :

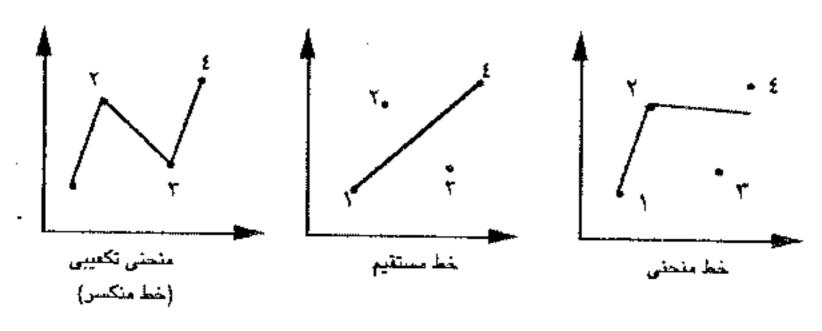
ص = أ + ب، س + ب، س + ب، س + ب، س + + ب ك س ك وهي نمثل علاقة من الدرجة (ك).

أولا : حالة خليل التباين :

إذا تضمنت دراسة تجريبية أربع مجموعات ، وتم اجراء تحليل البيانات ونتج عنها رفض الفرض الصفرى ، فإن هذا القرار يعنى أن المجموعات مختلفة ،

أى اختلاف تأثير المعالجات على المتغير النابع . ولا تدل النتائج أو القرار المتصل بها عن طبيعة العلاقة بين المعالجات والمتغير التابع ، فقد تكون العلاقة خطية أو منحنية أو تكعيبية أو غير ذلك .

وبالطبع فان العلاقة المناسبة هي التي تمثلها أفضل معادلة مع أخطاء قليلة.



شکل ۱۳ -۱

ويتم التوصل الى المعادلة المناسبة لبيانات متغيرين عن طريق تحليل الاتجاه واستخدام معاملات المقارنات المتعامدة المتعامدة Orthogonal ، ومن خصائص المعاملات المتعامدة أن مجموعها = الصفر ، ومجموع حاصل ضرب معاملات اتجاهبن = صفر

ومعاملات المقارنات المتعامدة لأربع معالجات هي :

ونلاحظ أن مجموع معاملات كل إنجاه = الصفر ، وتوجد جداول خاصة لهذه المعاملات . ولاجراء تحليل الانجاه Trend analysis ، نقوم بحساب مجموع المربعات الكلى للانجاه إعتماداً على المعادلة العامة السابق الاشارة اليها:

ص = أ + ب، س +ب، س + ب، س + ب، س + أ = ص

فيكون مجموع مربعات الانجاه = مجموع مربعات الانجاه الخطى + مجموع مربعات الانجاه المنحنى + مجموع مربعات

الانجاه التكعيبي+

ويحسب مجموع مريعات الانجاء الخطى من نباين المجموعات ويحسب مجموع مريعات الانجاء = [مجر (معامل المقارنة × مجموع درجانها)] خ مجموع مريعات الانجاء = [مجموع مريعات المعاملات لكل مجموعة × حجم المجموعة] (Winer etal, 1991)

ويتم اجراء تحليل الانجاء للتعرف على طبيعة العلاقة بين البيانات إذا كانت خطية أو منحنية أو تكعيبية أو رباعية ، وذلك في حالة المقارنة بين عدة مجموعات ، أي في حالة التباين أو تحليل تباين القياس المتكرر أو تحليل النغاير.

مثال (١) : أجرى باحث دراسة لبحث العلاقة بين مستوى المشكلات الأسرية ومفهوم الذات لدى الابناء . فاختار أربع مجموعات تمثل أربع مستويات هي : انفصال الوالدين ، والخلافات المستمرة ، والخلافات البسيطة ، والاسرة السعيدة ، وحجم كل مجموعة ٢٠ فردا ، وفيعا يلى ملخص البيانات .

جدول (۱۳ - ۱)

			,	•	
المجموع الكلي	الرابعة	الثالثة	الثانية	الأولى	المجموعة
۸۰	۲.	۲.	۲٠	٧.	
1140	٥٨٦	45.	72.	***	مجم المجموع مجد الدرجات
1927.	V£10	787.	7790	779.	مجه مربعات الدرجات
12, 11	19, 40	١٧	17	11	المتوسطات
	<u>-</u> _1_		<u> </u>		

وأسلوب التحليل للتوصل إلى الإنجاه يبدأ بتحليل التباين ، ولذلك فاننا نحسب مجموع المربعات الكلى ، وبين المجموعات ، والخطأ

$$\frac{V}{V} = \frac{V}{V} = \frac{V}$$

ويمقارنتهامع قيم ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى ١٠٠٠٠١ وكل ماسبق هو تحليل تباين أحادى لبحث الفروق بين المجموعات في مفهوم الذات أو علاقة مستوى المشكلات مع مفهوم الذات.

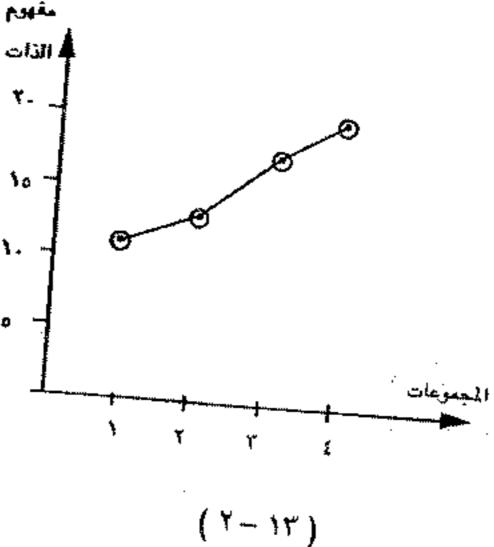
14,40

ويمكن اجراء مقارنات متعددة بين متوسطات المجموعات لمعرفة المجموعات المجموعات المجموعات المجموعات المجموعات الاحلى في مفهوم الذات كما نستطيع حساب نسبة الارتباط = مجموع مربعات الكلي

وتعنى أن ٤٩,٢٪ من النباين في المتغير النابع يرجع الى الانتماء. للمجموعات مجموع مربعات المجموعات - (ك - 1) متوسط مربعات الخطأ وكذلك مربع أوميجا على مجموع المربعات الكلى - متوسط مربعات الخطأ

وهي تعني أن ٤٦،٩ ٪ من تباين متغير مفهوم الذات يرجع الى مستوى المشكلات الأسرية ، ويفضل استخدام مربع أو ميجا بدلا من مربع إيتا.

وإذا مثلنا متوسطات المجموعات في رسم بياني كما بالشكل (١٣-٢) حيث يتصنح من حيث يتصنح من العلاقة الخطية قوية ، العلاقة الخطية قوية ، وربما تكون العلاقة منحلية أو ثلاثية (تكعيبية) ، ولذلك فاننا نقسم مجموع مربعات المجموعات الي الاتجاهات الثلاثة ،



مجموع مربعات المجموعات

المجموعات الخطية + مجموع المربعات المنحنية = مجموع المربعات المنحنية

-+ مجموع المربعات التكعيبية

ثم نجرى اختبار لكل اتجاء للتوصل الى درجة الاتجاه المناسب للبيانات.

وتستخدم معاملات المقارنات المتعامدة في حالة أربع مجموعات المتكورة سابقا ، لحساب مجموع المربعات لكل اتجاء .

ويتم حساب مجموع مربعات كل اتجاه فى ثلاث خطوات : الأولى نحسب فيها مجموع درجات الاتجاه ، فيها مجموع درجات الاتجاه ، فيها مجموع مربعات المعاملات ، والثانية نحسب فيها مجموع درجات الاتجاه وهى - (مجموع أما الخطوة الثالثة فيتم فيها حساب مجموع مربعات الاتجاه وهى - (مجموع درجات الاتجاه)٢ ÷ (مجموع مربعات المعاملات لكل مجموعة × حجم

المجموعة)

ولحساب مجموع مربعات الانجاء الخطي فان الخطوات الثلاث هي:

(أ) مجموع مربعات المعاملات الخطية

 $Y \cdot = {}^{Y}(T) + {}^{Y}(Y) + {}^{Y}(Y -) + {}^{Y}(T' -) =$

(ب) مجموع درجات الانجاه الخطى = مجموع درجات كل مجموعة × معامل المقارنة ثم نجمع ذلك للمجوعات كلها :

090 = TX0 × T + T2 · × 1 + Y2 · × 1 - Y7 · × T - =

(ج) مجموع مربعات الاتجاه الخطى = (090) \div ($7. \times 7. \times 7. \times 0.00$) على النحو التالى :

(أ) مجموع مربعات معاملات الاتجاء المنحني

£= "(1)+"(1-)+"(1-)+"(1) =

(ب) مجموع درجات الانجاه المنحني = مجموع درجات كل مجموعة ×

معامل المقارنة ثم نجمع ذلك للمجموعات

 $Yo = YAo \times 1 + Yi \cdot \times (1-) + Yi \cdot \times (1-) + YY \cdot \times 1 =$

وفي حالة الإنجاه التكعيبي فإن :

مجموع مربعات معاملات الانجاه التكعيبي = $(-1)^{1}+(7)^{1}+(-7)^{1}+(1)^{2}=1$ مجموع درجات الانجاه التكعيبي

TAO × 1 + TE· × (T-) + YE· × T + YY· × (1-) =

مجموع مربعات الانجاء التكعيبي = (- ١٣٥) * + (٢٠ × ٢٠) = ٥٥،٥٦ مجموع مربعات الانجاء التكعيبي = (- ١٣٥) *

ثم نصع البيانات السابقة في جدول الختبار دلالة كل اتجاه ، لا حظ أن لكل اتجاه درجة حرية واحدة

ويمكن تلخيص كل ما سبق في الجدول النالي (جدول ١٣ – ٢)

(جدول ١٣ - ٢) ملخص العلميات الحسابية لتحليل الانجاء

نب	متوسط	مجموع مربعات	مجموع درجات	مجموع مزیعات	į	۳	Y	١	المجموعات
	المربعات	الاتجاء		المعاملات	۳۸۵	71.	YE.	77.	مجـ الدرجات
14, £4	M0, 17	AA0,•7	090	γ.	۲+	1+	1-	۳	معاملات الخطبة
*, 11	٧,٨١	ሃ, ለኻ	40	.	۱.	۱	١	۱+	معاملات المنحنى
٣,٥٧	£0,07	10,07	180-	٧٠	۱+	۳-	۴+	۱ –	معاملات التكعيبى
	17.40	الخطأ		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	···	·			<u> </u>

ونلاحظ أن مجموع مربعات الانجاهات الثلاثة الخطية والمنحنية والتكعيبية = 77.000 + 7.000 + 70.00

ومعنى هذا أن الاتجاهات الثلاثة تمثل ١٠٠ ٪ من التباين . ونادرا ما يحدث هذا ، فقد يوجد إتجاه أعلى درجة من التكعيبي ، وعند ذلك يكون مجموع مربعات الاتجاهات الثلاثة أقل من مجموع مربعات المجموعات .

ولا ختبار الانجاء الخطى فاننا نحسب قيمة ف وهي تساوي

متوسط مربعات الانجاة الخطى متوسط مربعات الخطي

$$79, £Y = \frac{\Lambda\Lambda O, \bullet T}{17, VO} = (الخطى)$$

وبمقارنتها بقيم ف الجدولية نجد أنها دالة عند مستوى ٢٠٠٠٠ والانحراف عن الخطية يمكن إختباره بحساب مجموع مربعات الانحراف عن الخطية بدرجات حرية (ك - ٢)، ثم نحسب قيمة ف مجموع مربعات الانحراف عن الخطية

= مجموع مربعات المجموعات - مجموع مربعات الخطية = ٢٤ .٩٣٨ - ٢٠ .٥٨٨ = ٥٣.٣٨

متوسط مريعات الانحراف عن الخطية = $\frac{07,770}{(3-7)}$

قيمة ف للانحراف عن الخطية = $\frac{77,79}{17,00}$ = $\frac{77,79}{17,00}$ وهي غير دالة

مما يعنى أن الانحراف عن الخطية غير دال

أما قيمة ف للاتجاة المنحنى = $\frac{V, \Lambda 1}{17, V0}$ = 71. وهي غير دالة 17. V, V_0

وقيمة ف للانجاة التكعيبي = $\frac{20,07}{17,00}$ = 0.07 وهي غير دالة أيضا 17,00

والاختبارات السابقة للانجاهات الثلاثة هي اختبارات متعامدة (مستقلة عن بعضها البعض) ونستنتج من النحليل السابق أن العلاقة بين المجموعات ومفهوم الذات يمثلها الانجاه الخطى (علاقة خطية).

ولذلك فإن المعادلة التي تمثل هذه العلاقة الخطية هي : ص = أ + ب س

حيث أ، ب هما المقدار الثابت ومعامل الانحدار الخطى، ص هي متغير مفهوم الذات، س هي متغير المجموعات وتأخذ القيم ١، ٣،٢، ، ٤ أي قيم الانتماء للمجموعة

ومجموع مریعات س
$$= \frac{(1 - (2) (2)^{-1})}{11}$$
 حیث $= 3$

(هذا المتوسط ليس له معنى وإنما
$$1+6$$
 مترسط -1 يستخدم في حساب قيمة المقدار $1+6$ الثابت أ)

قيمة ب = المجموع مربعات الانجاه الخطى خ مجموع مربعات س

۷.۳۹ = ۲,0 × ۲,9۷ - ۱۱۸٥ قيمة أ = م س - ب م س = ما

وتصبح المعادلة الخطية هي: ص = ٢,٩٧ + ٧,٣٩ س

ومعامل الارتباط من المتغير المستقل (العجموعات) والمتغير التأبع . (مفهوم الذات) يدل على نسبة التباين التي ترجع للاتجاء المستخدم .

مجموع مريحات الخطية مريع معامل الارتباط اللاتجاة الخطي = مجموع المريعات الكلي (مريع اينا)

·, £7£ = _____ =

مربع معامل الارتباط للاتجاة التكعيبي (مربع ايتا)

مریع ایتا = ۹۳۸, ۱۹۰۷,

ونستنتج من ذلك أن الاتجاه الخطى يفسر ٤٦.٤ ٪ من تباين المتغير التابع بينما الاتجاء التكعيبي يمثل ٤٩.٢ ٪ من تباين المتغير التابع -

$$'.٤٦١ = \frac{(1-79,٤٢)\times 1}{(1-79,٤٢)\times 1+1} = \frac{1\times (1-79,٤٢)}{(1-79,٤٢)\times 1+1}$$

وهي متقاربة مع قيمة مربع إيثا السابق الحصول عليها (٢٦٤٠٠).

وبالطبع يفضل استخدام مريع أوميجا وهي تدل على الارتباط داخل المجموعات (وتسمى سبيرمان رو) إذا كانت العينات عشوائية , Winer et al) (1991 أما في حالة تحليل التباين الثنائي ، فاننا نتبع نفس الطريقة مع كل متغير ومع التفاعل أيضا . بمعنى أننا تقسم مجموع مربعات المتغير المستقل الاول الى عدة أقسام : خطية ، ومنحنية ، وتكعيبية و نختبر دلالتها كما سبق ، ثم نتبع نفس الشئ مع المتغير المستقل الثاني ، ونختبر دلالة تباين هذه الاقسام ، وكذلك مع تفاعل المتغيرين المستقلين نتبع نفس الخطوات السابق الاشارة & Ferguson) (Ferguson & . Takane)

وتكون المشكلة هذا كثرة العمليات الحسابية والتي تستلزم استخدام الحاسوب في اجراء تحليل الانجاه .

طريقة أخرى لإختبار إلجاه العلاقة بين متغيرين:

وتوجد طريقة أخرى تستخدم لاختبار إنجاء العلاقة بين المتغير المستقل والمتغير التأبع هي تعتمد على ضم مجموع مربعات المتغير المستقل ومجموع مربعات الخطأ معا ، ثم يحسب منها مجموع مربعات الانحراف عن الخطية والذي يستخدم كمجموع مربعات للخطأ لاختبار إنجاء الخطية . ويتم نفس الشئ للاتجاهات المنحنية والتكعيبية وغيرها (Winer et al, 1991)

ويوضح جدول (١٣ - ٣) تحليل الانجاه بهذه الطريقة وهي اكثر استخداما من الطريقة السابقة .

جدول (١٣ - ٣) تحليل الاتجاه.

		Ţ	<u> </u>	I	
مستوى الدلالة	<u>i</u>	متوسط المربعات	دح	مجــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	للمصدر
دالة عند ٠,٠٠١	71,07	417,41 17,40	۳ ۲۷	974, £ £ 974, VO	المجموعات الخطأ
دالة عند ٠,٠٠١	₹&\	18, 1 ·	۱ ۷۸	۸۸۵, ۰٦ ۱۰۲۲, ۱۳	الخطية الانحراف عنها
غير دال	•, *•	٣, 91 1٣, 1٧	Y YY	۷,۸۱ ۱۰۱٤,۳۲	المنحنية الانحراف عنها
غير دال	١, ١٩	10,19	77	<i>६०,०</i> ٦ ዓገሊ, ۷٦	التكعيبي الاتحراف عنه

بإستخدام مجموع مربعات الخطية والمنحنية والتكعيبية السابق حسابها فإن: مجموع مربعات الانحراف عن الخطية

= مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الخطية

14. AAO. + 7 - 19. Y. 19 =

= ۱۰۲۲,۱۳ (بدرجات حریة = ن −۲ = ۷۸) :

مجموع مربعات الانحراف عن الانجاه المنحنى

= مجموع مربعات الانحراف عن الخطية

- مجموع مربعات الاتجاه المنحنى

= ۱۰۲۲, ۱۳ = ۷,۸۱ - ۲۰۲۱ (بدرجات حریة = ن- ۳ =۷۷)

وكذلك مجموع مربعات الإنحراف عن التكعيبية

971, 77 = 20,07 - 1.12, 77 =

بدرجات حرية (ن - ٤ = ٢٦)

ويتصنح أن النتيجة النهائية بالجدول (١٣ – ٣) مشابهة لنتائج الطريقة السابقة . ثانيا : حالة خليل تباين القياس المتكرر:

اجراء تحليل الاتجاه في حالة تحليل تباين القياس المتكرر لاتختف كثيراً عن تحليل التباين ، حيث أننا نستخدم نفس الخطوات السابقة . أما في حالة القياس المتكرر الثنائي فاننا نتيع نفس الخطوات مع كل مصدر من مصادر التباين (المجموعات ، والفترات ، والتفاعل) ونستخدم نوع الخطأ المناسب (الأول أو الثاني) عند حساب النسبة الفائية .

مثال (٢): أجريت دراسة على مجموعة من الافراد تعرضوا لبرنامج لتعديل أسلوب العمل وأثره على الرضا الوظيفي وكانت البيانات كما يلي:

(٤	***	15)	جدول
---	---	-----	----	---	------

t(متابعة	متابعة		أثناء		الفترات
المجموع	٦شهور	٣شهور	بعدى	البرنامج	قبلى	الافراد
۳۷	٨	٨	٩	V	٥	\
. 44	٦	٦	V	٥	į Ž	Y
٤١	٨	9	٩	٨	V	٣
۳.	Y	٧	٨	6	٣	٤
44	٨	٨	٩	٧	٦	
Yź	મ	۳,	٦	٤	۲	٦
79	٧	٦	Y	η,	٣	v
71	٥	٥	٦	٠ ٤	١	٨
۳٠	٦	٧	٨	٥	٤	٩
۲۸	٦	٦	Υ		٣	١.
4.7	٦٧	ጎለ	Υ ٦	. ογ	۳۸	المجموع

فاننا نجرى تحليل تباين القياس المتكرر أولا ، ثم يليها تقسيم مجموع مربعات الفترات الى الاتجاهات الخطية والمنحنية والتكعيبية وربما الاعلى من ذلك في حالة دلالة الانحراف عن هذه الاتجاهات .

مجموع المربعات الكلي =
$$7.50 - \frac{(7.7)}{0.0}$$

$$\frac{\Upsilon(\Upsilon^{1})}{\alpha} = \frac{\Upsilon(\Upsilon^{1}) + \Upsilon(\Upsilon^{1}) + \Upsilon(\Upsilon^{1}) + \Upsilon(\Upsilon^{1}) + \Upsilon(\Upsilon^{1})}{1}$$
 مجموع مریعات الفترات = 10

$$\frac{Y(Y^{1})}{A} = \frac{Y(Y^{1})^{1} + \dots + (Y^{1})^{1} + \dots + (Y^{1})^{1}}{A} = \frac{Y(Y^{1})^{1}}{A}$$
مجموع مربعات الآفراد = $\frac{Y(Y^{1})}{A} = \frac{Y(Y^{1})^{1}}{A}

V1, TA == 1AVT, VY -= 1988 ==

مجموع مربعات الخطأ = مجموع المربعات الكلى - مجموع مربعات الفترات - مجموع مربعات الافراد

Y1, YA - A0, £A - 17V, YA =

۳۲-۹-۲-۱۰,۵۲ بدرجات حریة (۶۹ - ۶ - ۹ = ۳۳)

متوسط مربعات الفترات = متوسط مربعات الفترات متوسط مربعات الخطأ

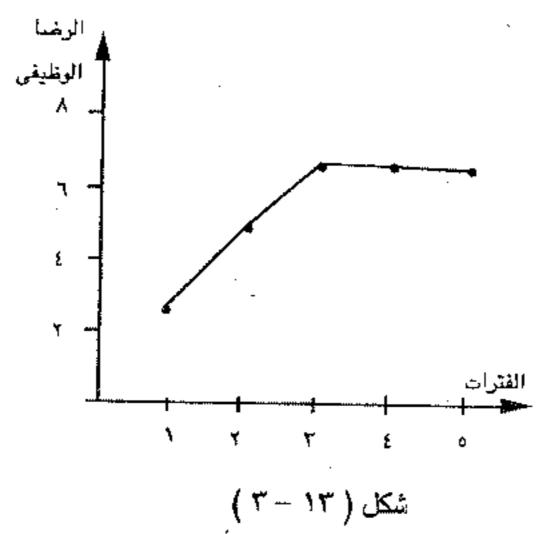
$$V^{\mu}, \gamma q = \frac{Y_1, TV}{\cdot, Y_1} = \frac{\left(\xi \div A0, \xi A\right)}{\left(T^{\mu} \div Y_1, 0Y\right)} = \underline{a}$$

وهي دالة عند مستوى ٠٠٠١٠

وتعنى وجود فروق فى الرصا الوظيفى بين فترات القياس ولمعرفة الفترات التي يختلف فيها الرصا الوظيفى ، فاننا نجرى مقارنات متعددة بين متوسطات الفترات .

أما لمعرفة طبيعة العلاقة بين الفترات ودرجات الرضا الوظيفى . فاننا نجرى إختبار العلاقات الخطية والمنحنية والتكعيبية وغيرها . فاذا كانت العلاقة الخطية دالة والانحراف عنها غير دال فيمكن التوقف عن اجراء تحليلات أخرى . أما إذا كان الانحراف عن الخطية دال فاننا نكمل التحليل باختبار دلالة العلاقة المنحنية . وهكذا حتى نحدد أفضل علاقة ممكنة بين المتغير المستقل والمتغير التابع .

وبتمثيل متوسطات الفترات بيانيا كما بالشكل (١٣ -٣) يتضح أن طبيعة العلاقة بين الفترات والرضا الوظيفي علاقة منحنية ، وقد تكون من درجة أعلى من ذلك .



ولاجراء تعليل الاتجاه فاننا نستخدم معاملات المقارنات المتعامدة في حالة ولاجراء تعليل الاتجاه فاننا نستخدم معاملات المقارنات المتعامدة في حالة خمس مجموعات ، والتي نحصل عليها من جدول خاص (1991) والجدول التالي (1 17 – 0) يوضح معاملات المقارنات المتعامدة والعمليات الحسابية اللازمة ، وهو مشابه للجدول (1 17 – 17) السابق .

جدول (۱۳ – ٥) تحليل الانجاء للقياس المتكرر

مسترى الدلالة	į	مئوسط	مجموع مربعات	₩ -	مجىرع مريعات	٥	į	٣	۲	1	المجموعات		
		المريعات	الإنجاء	الانجاء	المغاملات	٦γ	٦٨	۷٦	эγ	۲۸	مج الدرجات		
دال عند ۰٫۰۰۱	131,17	{Y, %}	έγ, ኳነ	ኚቔ	١,	۲	1	منفر	<i>}</i> -	۲-	المعاملات الخملية		
دال عند ۰,۰۰۱	11.04	44, • 3	77, - 7	٦٧_	۱£	۲	1~-	۲→ :	1-	*	المنحلية		
غير دال	1,79	•, ٤٩	٠,٤٩	Y	3.	1	۲	إصفر	۲	۱ –	التكعيبية		
دال عند ۲۰۰۱.	١٨٣٢	0,77	0,77	71	٧٠	١	£	۱ ۱	ŧ-	١	الرياعية		
	•	متوسط مربعات الفطأ -٢٩٠٠											

ونلاحظ من الجدول (١٣ - ٥) أن معاملات العقارنات المتعامدة تتضمن أربعة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، ورياعى) ، بينما فى جدول (١٣ - ٣) يحتوى على ثلاثة إنجاهات فقط . وبالرجوع الى الجداول الاحصائية الخاصة بالمعاملات المتعامدة (Ferguson,1971) نجد أنه فى حالة ثلاث مجموعات تكون المعاملات لإنجاهين فقط (خطى ومنحنى) ، وفى حالة أربع مجموعات تكون المعاملات لثلاثة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى) بينما فى حالة خمس مجموعات الى ٧ مجموعات تكون المعاملات لأربعة انجاهات (خطى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، ورباعى) ، أما فى حالة ٨ مجموعات الى ١٠ مجموعات فى حالة ٨ مجموعات الى ١٠ ورباعى ، ومنحنى ، وتكعيبى ، وتكعيبى ،

مجموع مربعات الانجاء الخطى = $(-Y)^{Y} + (-Y)^{Y} + \cot(+Y)^{Y} + (-Y)^{Y} + \cot(+Y)^{Y} = 1$ مجموع درجات الانجاء الخطى

= - ۲ × ۲۸ – ۱ × ۷۵ + صفر × ۲۱ + ۱ × ۱۸ + ۲ × ۱۲

ونتبع نفس الخطوات السابق استخدامها لحساب مجموع مربعات الانجاهات المنحنية والتكعيبية والر ٤٧,٦١ ف للانجاة الخطى == ---- = ١٦٤.١٧ وهي دالة عند ٢٠٠٠٠

رمجموع مربعات الانحراف عن الخطية = ٥٥, ٤٨ - ٤٧, ٦١ - ٣٧.٨٧ بدرجات حرية = ك - ٢ = ٥ ($\frac{7}{4}$ $\frac{7}{4}$

ولذلك نكمل اجراء تحليل الانجاه

ومجموع مريعات الانحراف عن الانجاء المنحنى

= ۱۸،۵ (بدرجات حریة ك - ۲ = ۲)

 $1... = \frac{(\Upsilon \div 0, \Lambda)}{}$ قيمة ف للانحراف عن الاتجاء المنحنى = $\frac{(\Upsilon \div 0, \Lambda)}{}$

وهي دالة عند ١٠,٠١

قيمة ف للاتجاء التكعيبي = 2.٠ = ١,٦٩ وهي غير دالة

ولايعنى هذا أن نتوقف عن اكمال التحليل وإنما نحسب الانحراف عن الانجاه التكميبي

مجموع مريعات الانحراف عن الانجاء التكعيبي

= ٨٥,٤٨ - (٢٦,٠٦ + ٣٢.٠٦ + ٠.٤٩) = ٣٢.٥ بدرجات حرية ك - ٤ = ١

 $1 \div 0,77$ = $\frac{1 \div 0,77}{0.79}$
وهي نفس القيمة للاتجاء الرباعي

ويعنى هذا أن البيانات تتضمن علاقة رباعية إضافة الى العلاقات الخطية والمنحنية .

طريقة أخرى:

وتوجد طريقة أخرى تستخدم مربعات الانحراف عن الانجاه في اختبار الانجاه وهي اكثر استخداما من الطريقة السابقة (1991, Winer etal) •

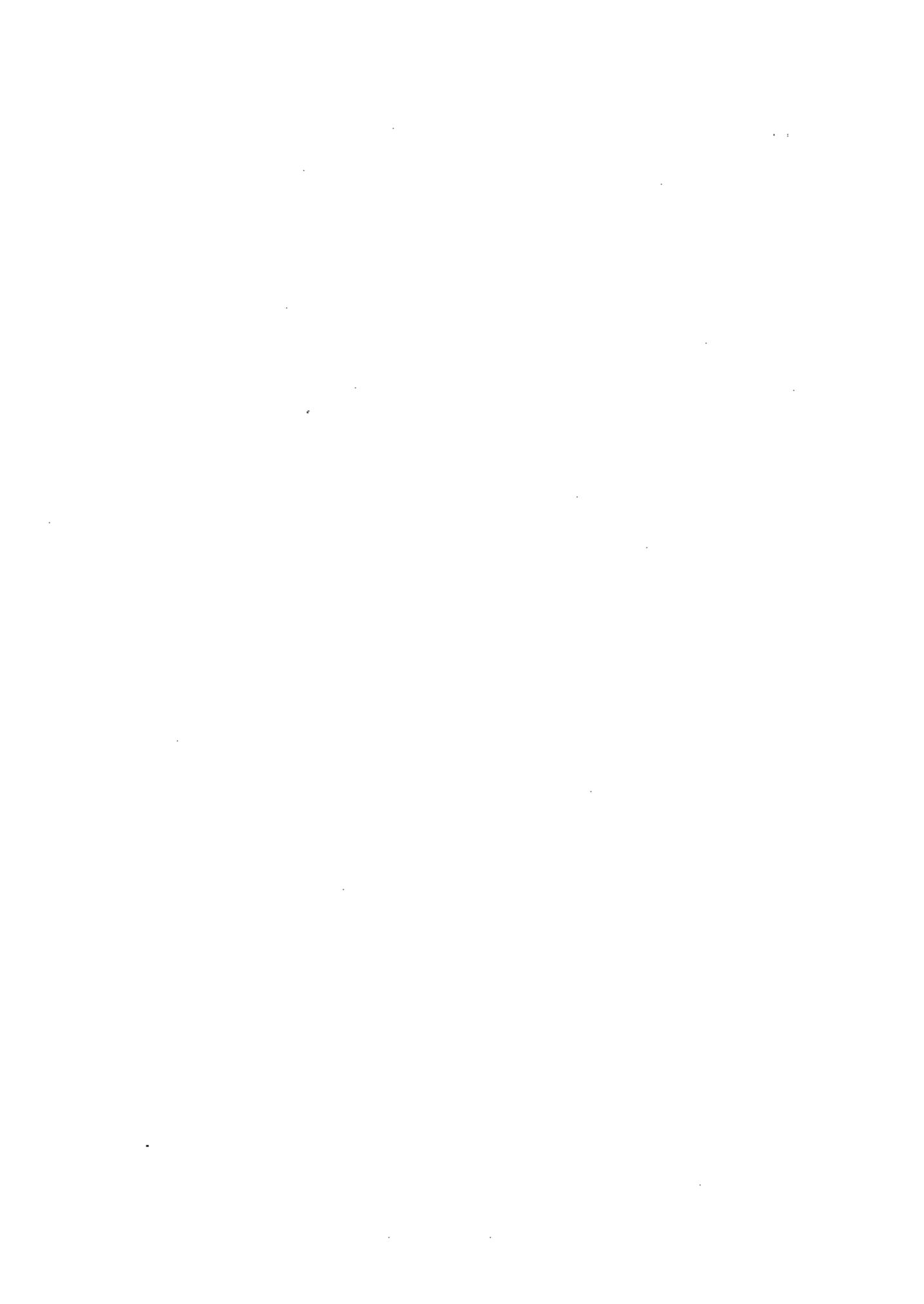
ويوصح الجدول (١٣ - ٦) هذه الطريقة والتي تتفق نتيجتها النهائية مع الطريقة السابقة .

مج مربعات الانحراف عن الخطية

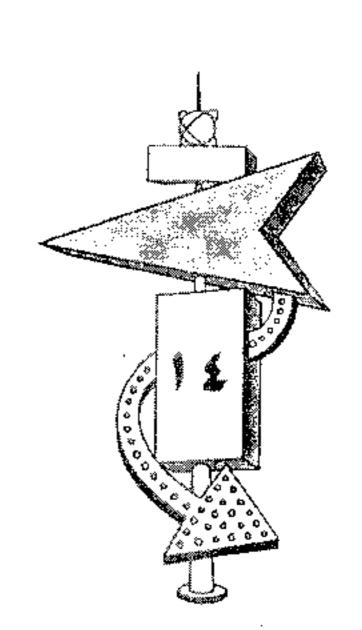
= مجه مربعات الفترات +مجه مربعات الخطأ - مجموع مربعات الخطية = ٨٥.٤٨ + ١٠.٥٢ - ١٠.٥١ = ٤٧.٦١ بدرجات حرية ٣٩ وبالمثل مجموع مربعات الانحراف عن الانجاه المنحنى
= ٣٨,٣٩ - ٣٢,٠٦ = ١٦,٣٣ بدرجات حرية ٣٨
وهكذا كما بالجدول (١٣ - ٢)
جدول (١٣ - ٢) طريقة أخرى لتحليل الانجاه .

مستوی الدلالة	ف	متوسط المربعات	دح	مج المربعات	المصدر
دالة عند ١٠٠١،	۳۸, ٤٠	£٧,71 1,7£	1 44	٤٧,٦١ ٤٨,٣٩	المقطية الانحرف عنها
دالة عند ۱۰۰۱،	***, **	17.05	۲ ۳۸	**,**	المنحنية الانحراف عنها
غيردالة	۰,۳۷	*, 17 •, £٣	۳ ۳۷	*, £ Å 10, Å £	التكعيبى الانحراف عده
دالة عند ۰,۰۱	٤,٥٩	1,77	£ ٣٦	0,44 10,04	الرياعي الاندراف عنه

ويتضح من الجدول أن العلاقة بين الفدرات والرضا الظيقي معقدة حيث أنها تتضمن علاقات خطية ومنحنية ورباعية .



الفصل الرابع عشر الشكال الشكال كالمثال الشكال كالمثال الشكال كالمثال الشكال Multiple Regression correlation Analysis





الفصل الرابع عشر تحليل الانحدار والارتباط المتعدد

عند توضيح الانحدار والارتباط الخطى البسيط ذكرنا أن الانحدار الخطى يدل على العلاقة بين متغيرين ويستخدم للتنبؤ بأحد المتغيرين (المتغير التابع) بمعرفة درجات المتغير المستقل كماأن الارتباط البسيط يوضح العلاقة بين المتغيرين (المستقل والتابع) وهذه العلاقة تدل على التباين المشترك بين المتغيرين .

لكننا الآن بصدد بحث العلاقة بين عدة متغيرات أحدها متغير تابع (ص) وبقية المتغيرات مستقلة (أو منبئات) . ويكون الهدف هنا هو امكانية التنبؤ بالمتغير التابع من المتغيرات المستقلة مجتمعة معا ، ومعرفة تباين المتغير التابع الذي يسهم به كل متغير من المتغيرات المستقلة (المنبئات) .

وقبل البدء في عرض تحليل الانحدار والارتباط المتعدد ، نود توضيح الفروض المتعلقة بالانحدار والارتباط الخطى البسيط ، وكيفية إختبار دلالة كل منهما.

أختبار دلالة معامل الارتباط البسيط:

يوجد عدد من الفروض عن معاملات الارتباط البسيط تنطلب الاختبار الاحصائى . ومن هذه الفروض أن معامل الارتباط في مجتمع العنية صمفر أو قيمة معينة ، أو أن معاملي الارتباط بين متغيرين من عينات مختلفة متساويان.

واختبار دلالة الارتباط تعنى إختبار ما إذا كان معامل الارتباط الناتج مهماء أو أن له وجود مختلف عن الصغر . وقد نختبر معامل الارتباط مقابل قيمة محددة ويكون الغرض من الاختبار هو معرفة ما إذا كان معامل الارتباط المحسوب من العينة يمثل معامل الارتباط في المجتمع .

ويكون اختبار دلالة الارتباط (بأنه مساو للصفر أو لقيمة معينة) بناء على نظرية معينة أوبحوث سابقة أو كليهما . فاذا كان المتوقع أن العلاقة بين متغيرين

متوسطة فلا يجوز أن نختبر إختلافها عن الصغر . فاذا إقترحت الأدبيات أن العلاقة بين درجات القدرات الللفظية والكمية والمكانية حوالي $^{\circ}$, (في المتوسط) . فإن الفرض المناسب للاختبار يكون إختبار معامل الارتباط $^{\circ}$ $^{\circ}$ عن إختبار مساواته للصفر ، وحتى نقرر قبول أو رفض الفرض الصفرى ($^{\circ}$ $^{\circ}$ صفر أو $^{\circ}$ $^{\circ$

فاذا إخترنا عينة عشوائية حجمها ٢٠ فردا من مجتمع والارتباط في هذا المجتمع بين متغيرين (س، ص) يساوى الصفر . وإذا وجدنا أن معامل الارتباط بين درجات العينة قريب من الصفر ، فان هذه النتيجة ترجع الى خطأ المعاينة . ولو إخترنا عينة أخرى حجمها ٢٠ فرداً أيضا فان معامل الارتباط (بين متغيرين) الناتج قد لايساوى الصفر ولايساوى الارتباط السابق التوصل اليه ، ولكنه قريب من الصفر . وإذا كررنا هذا الاجراء عدد كبير من المرات وحسبنا في كل مرة الفرق بين الارتباط في العينة والارتباط في المجتمع ورسمنا التوزيع التكراري لهذه الفروق (الفروق على المحور الافقى والتكرار على المحور الرأسي) فان التوزيع الناتج يسمى التوزيع العيني لمعامل الارتباط . ويقترب هذا التوزيع من توزيع (ت) عندما يكون إرتباط المجتمع مساويا للصفر . وعليه فيمكن استخدام توزيع (ت) في اختبار الفرض الصفرى بأن الارتباط في المجتمع = صفر) (589 - 588 : 588 : 588 Shavelson, 1988 : 588

وعند مايكون الارتباط في المتجمع موجبا (٣٠٠ مثلا) يكون التوزيع العيني للارتباط سالب الالتواء ،أما إذا كان الإرتباط في المجتمع سالبا فيكون التوزيع العيني للارتباط موجب الالتواء . ولذلك فان الحالة العامة لاختبار مثل هذه الفروض (الارتباط الموجب و السالب) تنطلب تحويل الارتباطات بسبب توزيعاتها الملتوية حتى يقترب التوزيع من المنحني الاعتدالي . وقد توصل فيشر إلى تحويل مناسب لذلك يسمى التحويل اللوغارتيمي وهو تحويل الارتباط الى

ولاختبار مدى اختلاف معامل الارتباط المحسوب من العينة عن الارتباط في المجتمع نستخدم التوزيع الاعتدالي إذا تم تصويل معامل الارتباط الي

حيث ذرهى قيمة تحويل معامل إرتباط العينة ، ذ. قيمة تحويل معامل ارتباط المينة ، الخطأ المعيارى لتحويل معامل الارتباط في العينة (Shavelson, 1988: 589 - 560)

ويتطلب اختبار الفرض الصفرى وجود الافتراضات الاساسية لمعامل الارتباط وهى العشوائية فى اختبار العينة واستقلالية درجات كل فرد من أفراد العينة عن الآخرين . بالاضافة الى التوزيع الاعتدالى المزدوج لدرجات المتغيرين، ويقصد به أن توزيع درجات أحد المتغيرين (ص مثلا) يكون توزيعا اعتداليا عند كل قيمة من قيم المتغير الثانى (س) ،كما أن لكل قيمة (ص) يكون توزيع درجات (س) توزيعا اعتداليا ، بالاضافة الى العلاقة الخطية بين (س ، من ويمكن اختبار إفتراض الاعتدالية بعدة طرق ، وأسهل هذه الطرق هى فحص شكل الانتشار ، فاذا كان التوزيع ملتويا فاننا نستخدم معامل إرتباط الرتب أو نحول الدرجات ليقترب التوزيع من الاعتدالية .

كما يشترط الاختيار أن يكون حجم العينة = ٣٠ أو أكثر ,Shavelson) (560 : 1988

والمعادلة التي تستخدم الختبار الفرض الصفري (ر- صفر) هي :

القيمة الحرجة
$$=$$
 $\left(i_{c}-i_{c}\right)$ $\sqrt{i_{c}-i_{c}}$

وهى تتطلب تحويل معاملي الارتباط الى الدرجة (ذ) باستخدام تحويل فيشر اللوغاريتمي ، وتوجد جداول إحصائية لتحويل معاملات الارتباط .

مثال (١): إذا كانت العلاقة بين التفكير الابتكارى والاستدلال اللغوى = ٥٠٠٠ لعينة حجمها ١٠٠ طالب وطالبة ، وكان الفرض الصفرى أن العلاقة في المجتمع = ٠.٣ اعتمادا على البحوث السابقة .

ولا حَتبار هذا الفرض (معامل الارتباط في العينة - معامل الارتباط في المجتمع)

والفرض البديل: أن معاملي الارتباط مختلفان . فإننا نقوم بتحويل معاملي الارتباط الى الدرجة (ذ) باستخدام التحويل اللوغاريتمي أو الجداول .

حیث ذره، به
$$= 0.7$$
، به ذره، به حیث ذره، به القیمة الحرجة $= (i_0 - i_0)$ $\sqrt{i_0 - 7}$ $= (i_0 - i_0)$ $\sqrt{i_0 - 7}$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$ $= (0.8)$

ثم نقارن القيمة الحرجة بقيم المنحنى الاعتدالي (١,٩٦ عند مستوى ٠٠٠٠ باستخدام اختبار الطرفين) حيث نجد أن القيمة الحرجة (١,٧٢) غير دالة .

ويكون القرار أن معامل الارتباط في العينة يساوى معامل الارتباط في المجتمع أو أنه لا يختلف عن معامل الارتباط في المجتمع اختلافا دالا.

أما إذا حددنا الفرض البديل من البداية أن معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في المجتمع ، فاننا نستخدم في هذه الحالة اختبار الطرف الواحد، وتكون القيمة المقابلة لمستوى دلالة ٥٠٠٠ (من الجدول) هي ١٠٦٥ وعليه فأن القيمة الحرجة اكبر من القيمة الجدولية ، فيكون القرار رفض الفرض المستوى وقبول الفرض البديل وهو أن معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في العينة اكبر من معامل الارتباط في المجتمع بمستوى دلالة ٥٠٠٠

مثال (۲): أجريت دراسة لبحث العلاقة بين الرضى الوظيفى والاداء فى العمل ، واختيرت عينة عشوائية (۲۰) من العاملين باحدى المؤسسات وبلغ معامل الارتباط بين الرضا الوظيفى والاداء ٥٠، بينما كانت العلاقة بين الاداء فى العمل والراتب الشهرى ٣٠، والمطلوب إختبار دلالة معاملات الارتباط . بمعنى هل توجد علاقة دالة بين الاداء فى العمل وكلامن الرضى الوظيفى والراتب الشهرى؟

ويكون الفرض الصفرى : معامل الارتباط فى المجتمع = صفر ثم نحول معاملى الارتباط ٠,٠٠، ٠,٠٠ إلى الدرجات (ذ) وهما : ٠,٣١٠، ٠,٥٤٩ ، ٣١٠، ثم نحسب القيمة الحرجة لكل منهما لمعرفة مدى الختلاف كل منهما عن الصفر.

القيمة الحرجة لمعامل الارتباط
$$(۰,۳) = (٠,٣) - صفر) $\sqrt{-7.7}$$$

وبالرجوع الى قيم المنحنى الاعتدالي نجد أن القيمة الحرجة لمعامل الارتباط ٢٠٠٠ دالة عند مستوى ٠٠٠٠

ويكون القرار رفض الفرض الصفري (معامل الارتباط = صفر)

ونقبل الفرض البديل (معامل الارتباط لا يساوى الصفر) بمستوى الدلالة المبين لكل منهما.

وإذا كان فى الدراسة عدد كبير من المتغيرات وتم حساب مصفوفة معاملات الارتباط بينها ، فيكون من الصعب تحويل كل معامل ارتباط الى الدرجة (ذ) ثم حساب القيمة الحرجة ومقارنتها بقيم المنحنى الاعتدالى ، ولكن يمكن مقارنة معاملات الارتباط بالمصفوفة مع جدول خاص باختبار دلالة معاملات الارتباط (أنظر الملاحق) ويستخدم مع الجدول درجات الحرية (ن - ٢) مستوى الدلالة المناسب (٥٠٠، أو ٢٠٠،) ، وهى تعتمد على اختبار (ت) حيث

وهى مربع ت المذكورة آنفا ، (Sirkin, 1995: 433) إختبار الضرق بين معاملي إرتباط:

قد نرغب في اختبار الفرق بين معاملي إرتباط بين متغيرين باستخدام عينتين مستقلتين . فاذا كانت العلاقة بين الرضا الوظيفي والاداء هي ٠٥٠٠ من العينة العشوائية السابق ذكرها . فاذا تكررت الدراسة باستخدام عينة أخرى عشوائية حجمها ١٠٠ ووجد أن معامل الارتباط = ٢,٣٢ ونرغب في اختبار الفرق بين معاملي الارتباط.

ولاختبار الفرق بين معاملى الارتباط (لنفس المتغيرين) من عينتين مستقلتين فاننا نحول معاملى الارتباط الى درجات (ذ)، ثم نحسب القيمة الحرجة للفرق بينهما من القانون: (Shavelson, 1988: 567):

$$\dot{c}_{i} - \dot{c}_{y}$$
القيمة الحرجة للفرق بين معاملي إرتباط = $\frac{\dot{c}_{i} - \dot{c}_{y}}{3(\dot{c}_{i} - \dot{c}_{y})}$

حيث ع (د، - نه) هي الخطأ المعياري للفرق بين معاملي الارتباط

$$\frac{1}{\tau - i} + \frac{1}{\tau - i} = (i - i) = (i - i) = (i - i)$$

ويفترض هذا الاختبار العشوائية في اختبار أفراد كل عينة واستقلالية اختبار كل عينة واستقلالية اختبار كل منهما عن الاخرى ، والتوزيع الاعتدالي للدرجات . كما يشترط أن يكون حجم كل عينة أكبر من ٢٠ (568: \$havelson, 1988)

وتكون القيمة الحرجة للفرق بين معاملى الإرتباط
$$\frac{i_1 - i_2}{r - i_3}$$
 (٥)

ولاختبار الفرق بين معاملي الارتباط المذكورين أعلاه (٠٠ ، ٢٢٠٠) فان ذر = ٥٠٥٠ ، ذر = ٠٠٣٢٠

لأنها أقل من القيمة الجدولية (١٠٩٦) عند مستوى دلالة ٢٠٠٠

إختبار دلالة معامل الانحدار:

بعد التوصل الى معادلة انحدار خطى بسيط (بين متغيرين) فان المعادلة تحتوى على معامل الانحدار (ب) والمقدار الثابت (أ) وتستخدم المعادلة فى التنبؤ بالمتغير التابع من المتغير المستقل وكما وضحنا المكانية اختبار دلالة معامل الارتباط البسيط ومكن أيضا اختبار دلالة معامل الانحدار والهدف من الاختبار هو تحديد ما إذا كان معامل الانحدار يساوى الصفر أو يختلف عن الصفر والتوزيع المناسب لهذا الاختبار هو توزيع (ت) بدرجات حرية (ن - ٢) ونستخدم المعادلة

$$\frac{(-1)^{2}}{(-1)^{2}} = \frac{(-1)^{2}}{(-1)^{2}} = \frac{(-1)^{2}}{(-1)^{2}} = \frac{(-1)^{2}}{(-1)^{2}}$$

It is a substitution of the substitution of th

حيث (ب) معامل الانحدار البسيط (ص على س)، (ن) حجم العينة ، ع س الانحراف المعيارى لدرجات المتغير المستقل (س) ، ع س الانحراف المعيارى لدرجات المتغير المسامل الارتباط بين المتغيرين (س ، ص) . لدرجات المتغيرين (س ، ص) .

ويفترض هذا الاختبار: العشوائية في إختيار العينة واستقلالية درجات كل فرد عن بقية أفراد العينة ، والعلاقة الخطية بين المتغيرين ، والاعتدالية في توزيع درجات (ص) عند كل من قيم (س) ، وتجانس تباين درجات (ص) لكل قيمة من قيم (س) (Shavelson, 1988: 573 - 574) فاذا كان معامل إنحدار الاداء في العمل على الرضا الوظيفي (ص على س) هو ١,٢٣ والانحراف المعياري للرضا الوظيفي - ٣,٤٦، ن - ٢٠، الانحراف المعياري للاداء في العمل على الرضا الوظيفي والاداء سن على س.) هو ٢,٢٠ والانحراف المعياري للاداء في العمل على الرضا الوظيفي والاداء سن ٥٠٠٠

$$\frac{1 - 7 \cdot \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(1 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(1 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})}} = \frac{1 - \sqrt{3} \sqrt{7, \xi 7 \times 1, 77}}{\frac{7}{(3 - \sqrt{3})$$

قيمة ت (١٠٠١، ه) = ٢,٩٧ ، ت (١٠٠١، ه) = ٣.٤٧ وعليه تكون قيمة ت المحسوبة (١٣،٥١) دالة عند مستوى ٢٠٠٠، وهذا يعنى رفض الفرض الصفرى وهو: معامل الانحدار = صفر وقبول الفرض البديل: معامل الانحدار لا يساوى الصفر

وفي حالة التوصل الى معادلة انحدار بين متغيرين من عينتين مستقلتين فيمكن اختبار دلالة الفرق بين معاملي الانحدار باستخدام المعادلة:

$$\frac{(v)}{3^{2}} = \frac{(v^{2} - v^{2})}{3^{2}} = \frac{(v^{2} - v^{2})}{(v^{2} - v^{2})} = \frac{v^{2}}{3^{2}} = \frac{(v^{2} - v^{2})}{(v^{2} - v^{2})} = \frac{v^{2}}{3^{2}} = \frac{(v^{2} - v^{2})}{3^{2}} = \frac{v^{2}}{3^{2}} = \frac{v^{2$$

بدرجات حرية (ن، + ن، - ٤)

حيث ($\dot{\upsilon}_{i}$, $\dot{\upsilon}_{i}$) حجمى العينتين، ($\dot{\upsilon}_{i}$, $\dot{\upsilon}_{i}$) معاملى الانحدار العينتين، أما ع $\dot{\upsilon}_{i}$, ع $\dot{\upsilon}_{i}$, ع $\dot{\upsilon}_{i}$, هم الانحرافات المعيارية لدرجات المعتغيرين ($\dot{\upsilon}$, $\dot{\upsilon}$) من العينتين، ($\dot{\upsilon}$, $\dot{\upsilon}$) هما معاملى الارتباط ($\dot{\upsilon}$) المتغيرين $\dot{\upsilon}$, $\dot{\upsilon}$ العينتين (Shavelson,1988: 578)

مثال (٣) : أجريت دراسة لبحث أثر نوع المحاضرة (المنظمة وغير المنظمة) على علاقة التحصيل الدراسي والقلق وكانت النتائج كما يلى:

معامل الانحدار	معامل الارتباط	ع ِالقَلْق	ع التحضيل	ن	المجموعة
. •, ٢	, ۱۰-	۲	٤	70	الأولى
1, 45-	-77, •	۲, ۱	٤,٥	75	الثانية

ولاختبار دلالة الفرق بين معاملي الانحدار نحسب قيمة ت من المعادلة:

$$\frac{(Y_{-1}, -Y_{-1})}{3\omega_{1}(Y_{-1}, -Y_{-1})} = \frac{1}{3\omega_{1}(Y_{-1}, -Y_{-1})}$$

$$\frac{(Y_{-1}, -Y_{-1})}{3\omega_{1}(Y_{-1}, -Y_{-1})} = \frac{1}{3\omega_{1}(Y_{-1}, -Y_{-1})}$$

$$\frac{\left(1, \Upsilon \xi - \right) - \cdot, \Upsilon \cdot -}{\left[\frac{1}{(\cdot, \Upsilon Y -) - 1}\right]^{\gamma}(\xi, 0)} + \frac{\left[\frac{1}{(\cdot, \Upsilon -) - 1}\right]^{\gamma}(\xi)}{\left[\frac{1}{(\Upsilon - \Upsilon Y)}\right]^{\gamma}(\Upsilon, 1)}$$

1,12 •.0£

ت = ۲،۱۱ بدرجات حرية (۲۰ + ۲۳ - ٤ = ٤٤)

وتكون قيمة ت الجدولية عند مستوى ٢٠٠٠ - ٢٠٠٠ وبالتالى فان قيمة ت المحسوبة (٢٠١١) دالة عند مستوى ٢٠٠٠ وهذا يعنى رفض الفرض الصفرى (الفرق بين معاملى الانحدار - صفر) وقبول الفرض البديل (الفرق بين معاملى الانحدار لايساوى الصفر) ويكون القرار هو: أن معامل الانحدار بين المتغيرين في العينة الاولى يختلف عنه في العينة الثانية.

الانحدار والارتباط المتعدد:

يقصد بالانحدار المتعدد التوصل الى معادلة خطية تربط بين متغير تابع وعدة متغيرات مستقلة (منبئات) . ويكون الهدف من ذلك هو امكانية التنبؤ بالمتغير التابع باستخدام بيانات المتغيرات المستقلة . والفكرة الاساسية هنا هى نفس فكرة الانحدار الخطى البسيط ، ولكنها تستخدم عدة متغيرات مستقلة . وتكون معادلة الانحدار البسيط على الصورة : ص = أ + بس

أما في حالة وجود متغيرين مستقلين س، ، س، فان معادلة الانحدار تكون ص = أ + ب، س، + ب، س،

حيث ب، ب هما معاملي الانحدار الجزئي ، أ مقدار ثابت

ومعامل الانحدار الجزئي هو العلاقة بين متغيرين (مستقل وتابع) عندما يكون المتغير الثالث ثابتا.

ويمكن حساب قيم معاملي الانحدار والمقدار الثابت باستخدام بيانات المتغيرات (المستقلة والتابع)، وحساب معاملات الارتباط بينهم و المتوسطات الحسابية والانحرافات المعيارية. فاذا رمزنا لمعامل الاتباط بين المتغير التابع (ص) والمتغير المستقل (س) بالرمز (رص(۱))، ومعامل الارتباط بين (ص، س) بالرمز (رص(۲))، ومعامل الارتباط بين س، س، بالرمز رب والمتوسطات الحسابية للمتغير التابع والمتغيرين المستقلين بالرموز مس، م، م، م، والانحرافات المعيارية على للمتغير التابع ، ع، ، ع، للمتغيرين المستقلين، فان:

$$\frac{\left(\frac{1}{4}\right) - \frac{1}{4} $

(Shavelson, 1988: 585 - 588)

والارتباط المرتفع بين المتغيرين المستقلين (أو بين المتغيرات الميتقلة بصفة عامة) أمر هام لأنه يؤدى الى تقديرات غير ثابتة لمعاملات الانحدار الجزئى، إذ أن معاملات الانحدار الجزئى قد تتغير قيمتها وأحيانا الاشارة من عينة الى أخرى. فقد يكون الارتباط موجبا، بينما معامل الانحدار قد يكون سالبا، لأن معامل الانحدار الجزئى هو دليل على العلاقة بين متغيرين عندما تكون المتغيرات الأخرى ثابتة. وبالتالى فان قيمة واشارة معامل الانحدار تختلف عن معامل الارتباط.

ويقصد بالارتباط المتعدد العلاقة الخطية بين متغير تابع وعدة متغيرات مستقلة مجتمعة معا . وبمعنى آخر هو العلاقة الخطية بين متغير تابع ودالة خطية لمجموعة متغيرات مستقلة (منبئات) . وهو بذلك يشيه معامل الارتباط البسيط لكن قيمته تترواح بين صغر ، ١ كما أنه يعرف بالعلاقة بين درجات متغير تابع وبين القيم المتنبأ بها للمتغير التابع من المتغيرات المستقلة . فاذا كان المتغير التابع (ص) والقيم المتنبأ بها (ص) فاننا نستطيع حساب معامل الارتباط المتعدد مثل معامل الارتباط المتعدد مثل معامل الارتباط البسيط من المعادلة :

$$\frac{(\bigcap_{\infty} (\bigcap_{\infty} (\bigcap_{$$

$$\frac{C_{mol(17)}}{C_{mol(17)}} = \frac{C_{mol(1)} + C_{mol(1)} - C_{mol(1)} C_{mol(1)} C_{mol(1)} C_{mol(17)}}{(1 - C_{1/2})}$$

(Shavelson, 1988: 590)

ومربع الارتباط المتعدد (ر^۲) يدل على نسبة التباين في المتغير التابع التي يمكن تفسيرها باستخدام بيانات المتغيرات المستقلة

ويمكن تقسيم تباين المتغير التابع الى قسمين : الأول جزء متنبأ به ، والثانى جزء غير متنبأ به (الباقى) . وبالتالى يكون :

مجموع المربعات الكلى للمنغير التابع = مجموع مربعات الانحدار (المتنبأ به) + مجموع مربعات الباقى (غير المتنبأ به) .

وعليه فإن را - مجموع مربعات الانحدار وهي ندل على نسبة التباين المتنبأ به مجموع المربعات الكلي

من التباين الكلي ،

أما نسبة التباين غير المفسر = ١ - ر٢ .

لاحظ أن مجموع المربعات الكلى = مجمس ، بينما مجموع مربعات الانحدار = مجه (ص - ص) ، ومجموع مربعات الباقى = مجه (ص - ص) ، ، ولاختبار دلالة الارتباط المتعدد نستخدم اختبار (ف)

أما لاختبار دلالة معاملات الانحدار الجزئية فاننا نستخدم اختبار (ت)

بدرجات حرية (ن-ك-١)

(في حالة متغيرين مستقلين)

ويقصد بالخطأ المعيارى لمعامل الانحدار أنه الخطأ فى تقدير قيم المتغير التابع من التجمع الخطى المتغيرين المستقلين (فى حالة متغيرين فقط) . وإذا حسبنا معاملى الانحدار من بيانات عينة معينة ثم كررنا الدراسة على عينات أخرى فان معاملات الانحدار سوف تختلف من عينة لأخرى ، فاذا مثلنا هذه القيم بمنحنى توزيع تكرارى فان الانحراف المعيارى لهذا التوزيع الناتج يدل على خطأ المعاينة لممعامل الانحدار ، وهو الخطأ المعيارى لمعامل الانحدار - Shavel) son,1988 : 602;Kerlinger & Pedhazur, 1973 : 119)

وكما ذكرنا سابقا كلما زاد معامل الارتباط بين المتغيرين المستقلين يزداد الخطأ المعيارى لمعاملى الانحدار ، ومن ثم تصبح معاملات الانحدار غير مستقرة الافتراضات الاساسية للانحدار والارتباط المتعدد :

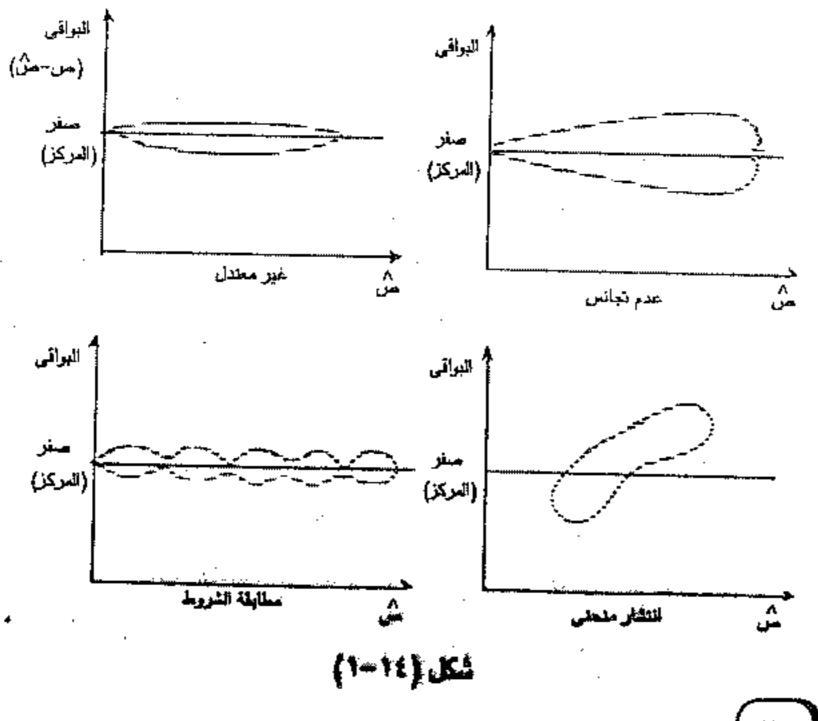
تقشابه افتراضات تحليل الانحدار والارتباط المتعدد مع افتراضات تحليل التباين ، لأن تحليل التباين وتحليل الانحدار يعتمدان على النماذج الخطية . ففى تحليل الانحدار وتحليل التباين تكون المتغيرات المستقلة محددة أو عشوائية أو خليط منها . وبالطبع نختلف النموذج الخطى باختلاف نوع المتغيرات المستقلة . فاذا إستخدامنا المتغيرات المستقلة المحددة (ذات مستويات أو معالجات محددة) فان تحليل البيانات يستخدم النموذج المحدد (مثل تحليل التباين) ، أما اذا كانت المتغيرات المستقلة عشوائية فان النموذج المستخدم يسمى نموذج مكونات التباين . ويصفة عامة يعتمد الانحدار المتعدد على المتغيرات المستقلة المحددة (المستويات) وقليل منها يستخدم متغيرات مستقلة عشوائية . أما تحليل التباين فهو حالة خاصة من تحسليل الانحدار حيث تكون المتغيرات المستقلة محددة المستويات خاصة من تحسليل الانحدار حيث تكون المتغيرات المستقلة الانحدار والارتباط مسبقا (1991 . 1991 . وافتراضات تحليل الانحدار والارتباط المتعدد هي (595 - 593 : Shavelson . 1988) :

- ١ العشوائية في احتيار العينة واستقلالية درجات كل فرد عن الافراد الآخرين
 في العينة ، ويستطيع الباحث التأكد من هذا الشرط بنفسه .
- ٢ التوزيع الاعتدالي في المجتمع لدرجات المتغير التابع عند كل مستوى من المستويات الممكنة للمتغيرات المستقلة مجتمعة (وهي تمثل درجات ش).
- ٣ تجانس تباينات المتغير النابع في المجتمع عند كل مستوى من المستويات الممكنة المتغيرات المستقلة مجتمعة (ويسمى Homosecedasticity)

٤ - العلاقة الخطية في المجتمع بين المتغير التابع وأى متغير مستقل عند تثبيت المتغيرات المستقلة الأخرى.

ويمكن اختبار الافتراضات الثلاثة (٢، ٣، ٤) من شكل الانتشار بين درجات المتغير التابع المنتبأبها (ش) على المحور الافقى وبين الفرق بين درجات المتغير التابع والمتنبأبها (ص - ش) على المحور الرأسي والتي تسمى البواقي ، وتستخدم برامج Spss للتحليل الاحصائي في التوصل لشكل الانتشار المطلوب (شكل ١٣٠ - ١) . ففي حالة الاعتدالية نتوقع أن تكون نقاط التوزيع متجمعة وقريبة من مركز التوزيع عند كل مستوى من مستويات درجات (ش) ، مع وجود عدد قليل من النقاط أعلى وأسفل خط مركز التوزيع لتدل على اعتدالية توزيع البواقي عند كل مستوى من مستويات درجات (ش) ، وعند مخالفة شرط الاعتدالية يجب تحويل الدرجات باستخدام التحويل المناسب.

أما شرط العلاقة الخطية فيعنى أن نكون النقاط قريبة من مركز التوزيع أيضا . ومخالفة شرط الخطية يستلزم تحويل الدرجات أو إستخدام نموذج انحدار خطى منحنى Curvilinear . وكذلك مخالفة شرط التجانس تتطلب تحويل الدرجات .



مثال (1): أجريت دراسة للتنبؤ بالتحصيل الاكاديمي من درجات مفهوم الذات الاكاديمي والانبساطية على عينة حجمها ١٠٠ طالب وطالبة ، وتم حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية للمتغيرات الثلاثة وكانت المتوسطات ٥٤،٣، مرافات المعيارية ١٠٠، ١٠٢٦، ١٠، ١٠ على الترتيب ، وكان معامل ارتباط التحصيل مع مفهوم الذات ٤٠، ومع الانبساطية ٢٠، وعلاقة مفهوم الذات مع الانبساطية ٥٤، والمطلوب حساب معادلة الانحدار المتعدد بين التحصيل الاكاديمي كمتغير تابع ومفهوم الذات والانبساطية كمتغيرات مستقلة .

معادلة الانحدار المتعدد المفترضة هي:

التحصيل الاكاديمي (ص) = أ +ب، (مفهوم الذات) +ب، (الانبساطية) ص = أ + ب، س، + ب، س،

وباستخدام المعادلات ١٠،٩،٨ يمكن حساب قيم أ، ب

$$\frac{(-1, 70) - (-1) - (-1)}{(-1, 70) - (-1)} = \frac{(-1, 70) - (-1)}{(-1,$$

T. YA0 =

$$\frac{\left(\frac{3}{4}\right)^{2} - \frac{1}{4} $

$$\left(\frac{1\cdot,70}{\cdot,4\lambda}\right)\frac{\left(\cdot,\xi_0\right)\left(\cdot,\xi_1\right)-\cdot,7\cdot}{\frac{1}{1}}=$$

وتكون معادلة الانحدار هي : ص = ٢٤,٥٤٤ + ٣٥,٢٨٥ + ٢٧٢٠ وتكون معادلة الانحدار هي : ص = ٢٤,٥٤٤ المعادلة (١١)

$$\frac{(\cdot, \mathfrak{to}) (\cdot, \mathfrak{t}\cdot) (\cdot, \mathfrak{t}\cdot) \mathsf{Y} - \mathsf{Y}(\cdot, \mathfrak{t}\cdot) + \mathsf{Y}(\cdot, \mathfrak{t}\cdot)}{\mathsf{Y}(\cdot, \mathfrak{to}) - \mathsf{Y}} =$$

وتعنى أن ١٦,١ ٪ من تباين التحصيل الاكاديمي يرجع الى المتغيرين. مفهوم الذات والانبساطية.

ولاختيار دلالة الارتباط المتعدد نستخدم المعادلة (١٢)

$$\frac{(1-1)^{1}}{(1-2)^{2}} = \frac{(1-1)^{2}}{(1-1)^{2}}$$

$$= \frac{(1-1)^{2}}{(1-1)^{2}}$$

$$= \frac{(1-1)^{2}}{(1-1)^{2}}$$

ثم نقارن قيمة ف المحسوبة (٩,٣١) مع قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٢٠٢) ومستوى الدلالة المناسب، وحيث أن ف (٩٠٢) ومستوى الدلالة المناسب، وحيث أن ف (٩٧، ٢) فأن قيمة ف (٩,٣١) دالة عند مستوى ١٠٠٠

وإذا أردنا كتابة معادلة الانحدار في صورة أوزان معسيارية (بيتا).

لمعاملات الإنحدارحيث

$$-1,77$$
 $\times 7,740 = \frac{1}{10.70} \times 7,740 = \frac$

وتصبح المعادلة: ص = ۳۸۹، س، + ۲۵۰، س، ويكون مربع الارتباط المتعدد

مجموع حواصل ضرب قيم بيتا (المعيارية)

× معامل إرتباط المتغير المناظرلها مع المتغير التابع

أما لإختبار دلالة معاملي الانحدار فاننا نستخدم المعادلة (١٤) لحساب الخطأ المعياري لكل منهما ، ثم نستخدم المعادلة (١٣) لحساب قيمة (ت)

$$\frac{(.171-1)^{1}(1.70)}{9.00}$$

$$\frac{(.171-1)^{1}(1.70)}{9.00}$$

$$\frac{(.171-1)^{1}(1.70)}{9.00}$$

ت حرية ٩٨ بدرجات حرية ٩٨

وهي دالة عند مستوى ٢٠٠١

وهى غير دالة ، وتعنى أن إضافة متغير الانبساطية الى المعادلة للتنبؤ بالقدصيل الأكاديمي لا تضيف شيدا دالا . ومن الواضح أن مربع الارتباط التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات = ١٦ . • بينما إضافة متغير الانبساطية أدى الى أن مربع الارتباط المتعدد بين التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات والانبساطية الى أن مربع الارتباط المتعدد بين التحصيل الاكاديمي ومفهوم الذات والانبساطية في التباين = ١٦١ . • - ١٦ . • = ١٠٠ . • وهي إضافة ثبت من اختبار معامل الانحدار (بم) أنها غير دالة .

ويمكن إجراء إختبار آخر للدلالة باستخدام (ف) حيث

$$\frac{\left(1-Y\right)+\left(\frac{Y}{-\omega(Y)}-\frac{Y}{-\omega(Y)}\right)}{\left(1-Y-i\right)+\left(i-Y-1\right)}$$

(۹۷٫۱) عربة (۱۰٫۱۰ – ۱۲۰۰۰ –
$$\frac{1 \div (\cdot, 17 - \cdot, 171)}{97 \div (\cdot, 171 - 1)}$$
 = نا $\frac{1 \div (\cdot, 17 - \cdot, 171)}{97 \div (\cdot, 171 - 1)}$

وهي غير دالة ، وتعنى أن إسهام المتغير الثاني (الانبساطية) في الننبؤ بالتحصيل االكاديمي إسهاما صعيفا (غير هام) .

علاقة الارتباط الجزئي وشبه الجزئي بالارتباط المتعدد :

يختلف الارتباط الجزئى عن الارتباط المتعدد . فالارتباط الجزئى Partial يختلف الارتباط الجزئى عن الارتباط المتعدد عزل أثر متغير ثالث من كايهما. أما الارتباط المتعدد فهو يجمع المتغيرات المستقلة معا (في تجمع خطى) للتعرف على علاقتها التراكمية مع متغير تابع . ومعنى هذا أن الارتباط الجزئى يركز على عزل المتغيرات للتعرف على الآثار المتبقية .

فقد نرغب في معرفة العلاقة بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بعيدا عن مستوى الدخل ، وتكون العلاقة المطلوبة هي علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل من كل منهما . أما إذا كان مستوى الدخل ثابتا في العينة فلا ثحتاج إلى عزل أثره . فاذا رمزنا للمسئولية الاجتماعية بالرمز (ص) ومفهوم الذات بالرمز (ص) ومستوى الدخل بالرمز (ص) فأن معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات هو معامل ارتباط بين الجزئين (ص مسمى) ، (س، س،) ويقصد بالجزء (ص ، س،) أنه الجزء المتبقى من درجات المتغير (ص وهو المسئولية الاجتماعية) بعد عزل أثر المتغير س، (مستوى الدخل) منه ، وكذلك الجزء (س، س،) هو الجزء المتبقى من س، (مفهوم الذات) بعد عزل أثر المتغير س، (مستوى الدخل) منه ويرمز لمعامل الارتباط الجزئي المذكور بالرمز ر(ص . س،) (س، س،)

ويحسب معامل الارتباط الجزئى من الدرجة الأولى (المشار اليه) باستخدام معاملات الارتباط البسيط، أما معامل الارتباط الجزئى من الدرجة الثانية فيتم حسابه باستخدام معاملات الارتباط الجزئى من الدرجة الأولى وهكذا.

ويكون معامل الارتباط الجرزئي من الدرجة الاولى بين المسكولية الاجتماعية ومفهوم الذات راص من (سرين) وسوف نرمز بالرمز راص ٢٠١) (٢٠١)

$$C_{(a_{0},Y)(1,Y)} = \frac{C_{a_{0}}C_{(Y)}^{(Y)}}{\sqrt{(1-C_{a_{0}}C_{(Y)})(1-C_{(Y)})}} = \frac{C_{a_{0}}C_{(Y)}^{(Y)}}{\sqrt{(1-C_{a_{0}}C_{(Y)})(1-C_{(Y)})}}$$

ويستخدم مربع الارتباط الجزئي في التوصل الى معادلة الانحدار المتعدد .

ويدل مربع الارتباط الجزئى على نسبة التباين التى تساعد فى التنبؤ بتباين الخطأ من اضافة متغيرات جديدة الى معادلة الانحدار ..(Wener et al.) (1991:939)

ويمكن حساب مربع معامل الإرتباط الاتباط الجزئى من مربع معاملات الارتباط المتعدد فغى حالة المثال المذكور (المسئولية الاجتماعية ص، مفهوم الذات س، مستوى الدخل س، يكون مربع الارتباط الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات هو:

$$\frac{C_{m_{0},\gamma} - C_{m_{0},\gamma}}{(-1)^{(\gamma,\gamma)}} = \frac{C_{m_{0},\gamma}}{(-1)^{(\gamma,\gamma)}}$$

مجموع مربعات انحدار می علی (س ، س) - مجموع مربعات انحدار می علی (س) $\frac{1}{2}$ مجموع مربعات انحدار می علی (س) مجموع مربعات محموع مربعات محموع مربعات محموع مربعات انحدار می علی (س)

مثال (٥): إذا كانت علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات ٠٠٥٠ ومع مستوى الدخل ٠٠٣٠ وعلاقة مفهوم الذات بمستوى الدخل ٠٠٢٠

فأن معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل منهما هو:

$$\frac{(7.1)(7.0-0.07)}{[7(1.7)-1][7(1.70)-1]\sqrt{(7.1)(7.0-1)}}$$

$$\frac{(7.1)(7.0-1)}{[7(1.7)-1][7(1.70)-1]}$$

$$\frac{(7.1)(7.0-1)}{[7(1.7)-1][7(1.70)-1]}$$

$$\frac{(7.1)(7.0-1)}{[7(1.7)-1][7(1.70)-1]}$$

وبذلك انخفض معامل الارتباط المسئولية الاجتماعية مع مفهوم الذات من مرد الى ١٠٤٠ بعد عزل أثر مستوى الدخل ، وهو انخفاض قليل لضعف علاقة مستوى الدخل مع مفهوم الذات .

أما معامل الارتباط الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات هو:

$$\begin{array}{c|c}
\cdot, \forall \times \cdot, \circ \forall - \cdot, \forall \circ \\
\hline
 \begin{bmatrix} \cdot (\cdot, \forall) - 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cdot (\cdot, \circ) - 1 \end{bmatrix} \\
\cdot, \forall \circ \\
\cdot, \forall \circ \\
\cdot, \forall \circ \\
\cdot, \land \circ
\end{array}$$

ونلاحظ أن معامل الارتباط بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات انخفض من ٠,٣٥ الى ٢٩,٠ وهو انخفاض كبير بسبب العلاقة المرتفعة بين المتغير الذى عزلنا أثره مع أحد المتغيرات المطلوبة فى حساب العلاقة وهو المسئولية الاجتماعية (٠٥٢).

ويمكن استخدام الرمز ر (ص١٠٠) بدلا من الرمز السابق ليعنى الارتباط الجزئى بين ص ، س، بعد عزل أثر س،

ومعامل الارتباط الجزئى من الدرجة الثانية يقصد به الغلاقة بين متغيرين بعد عزل أثر متغيرين آخرين . فاذا كان في المثال السابق متغير آخر هو مستوى التعليم (سم) وعلاقاته بالمتغيرات الثلاثة هي : ١٠٠، ١٥، ١٠، ١٠ فان معامل الارتباط الجزئى من الدرجة الثانية بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بعد عزل أثركلا من مستوى الدخل ومستوى التعليم هو :

$$\frac{C_{(a0)}^{(r+r)} \times C_{(a0)}^{(r+r)}}{\left[(r+r) \right] \left[(r+r) \right] \left[(r+r) \right]} = \frac{C_{(a0)}^{(r+r)} \times C_{(a0)}^{(r+r)}}{\left[(r+r) \right]}$$

حيث ر (مر٢٠١) ، ر (مر٢٠١) ، ر (٢٠٢٠) هي معاملات الرتباط جزئي من من الدرجة الاولى والتي يجب حسابها أولا قبل حساب معامل الارتباط الجزئي من الدرجة الثانية . فإذا كانت معاملات الارتباط الجزئي من الدرجة الأولى من الدرجة الأولى من المثال هي : ٢٥٠، ، ١٥، ، ١٤، ، على الترتيب

$$\frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} = \frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{e^{\frac{1}{2}}} \frac{1}{e^$$

ويمكن اختبار دلالة الارتباط الجزئى باستخدام اختبار (ت) من المعادلة السابق ذكرها

أما الارتباط شبه الجزئى Semi-Partial Correlation ، فيهو يوضح العلاقة بين درجة كلية ودرجة جزئية ، بمعنى أنه معامل إرتباط بين درجات أحد المتغيرات مع جزء من درجات متغير آخر ، وهذا الجزء ناتج عن عزل أثر متغير تالث . فاذا رغبنا في معرفة علاقة المسئولية الاجتماعية (ص) مع مفهوم الذات أثر الانبساطية (سr) من مفهوم الذات فقط ، فان معامل الارتباط شبه الجزئي يكون بين المسئولية الاجتماعية وجزء من مفهوم الذات المتبقى بعد عزل أثر الانبساطية منه . ويرمز لمعامل الارتباط شبه الجزئي المدرجة الأولى المذكور بالرمز رص(٢٠١) وهو معامل ارتباط شبه جزئي من الدرجة الأولى ويحسب باستخدام معاملات الارتباط البسيط

$$\frac{C_{ab}(17)}{C_{ab}(17)} = \frac{C_{ab}(1)}{V_{1}} = \frac{C_{ab}(1)}{V_{1}} = \frac{C_{ab}(1)}{V_{1}}$$

(Winer et al .,1991:936)

ويلاحظ أن المعادلة (١٧) متشابهة مع المعادلة (١٥) باستثناء جزء في المقام هو $\sqrt{1-\zeta_{\rm out}^{(1)}}$ وقيمته أقل من الواحد الصحيح ، أي أن معامل الارتباط شبه الجزئي أصغر من معامل الارتباط الجزئي .

وبحساب معامل الارتباط شبه الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات مع عزل أثر مستوى الدخل من مفهومالذات فقط فهو

وكذلك ر سر(۱۰۰)
$$\frac{7}{4} = \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4}$$
 وهو أقل من معامل الارتباط الجزئى . $\frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{$

ويدل معامل الارتباط شبه الجزئي (٠,٤٧) على علاقة المسئولية الاجتماعية بمفهوم الذات بعد عزل أثر مستوى الدخل من مفهوم الذات فقط وكذلك معامل الارتباط شبه الجزئي بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط (هو ٢٦٠٠) .

ومعامل الارتباط شبه الجزئي من الدرجة الثانية في حالة وجود متغير مستقل آخر يحسب من المعادلة .

$$C_{ad}(1.77) = \frac{C_{ad}(1.77) - C_{ad}(1.77)}{\sqrt{1 - C_{ad}(1.77)}}$$

ويستخدم معامل الارتباط شبه الجزئى كحل لمشكلة حساب الارتباط المتعدد. فالارتباط المتعدد هو علاقة متغير تابع مع تجمع خطى لعدد من المتغيرات المستقلة ، ولكننا لا ندخل جميع المتغيرات المستقلة فى التجمع الخطى ، وإنما ندخل المتغير الذى يضيف إضافة هامة (معنوية) لا مكانية التنبؤ ، ولذلك فان حساب الارتباط المتعدد يبدأ بأكبر معامل ارتباط بسيط بين المتغير التابع وأى من المتغيرات المستقلة ، ويدخل معادلة الانحدار (مثل علاقة المستولية الاجتماعية مع مفهوم الذات ٥٠،) حيث يكون مربع الارتباط المتعدد فى هذه الحالة هو مربع معامل الارتباط البسيط [(٥٠،) ح ٧٢،] . ثم نبحث عن الاضافة التالية لأحد المتغيرات المستقلة الأخرى ، بعد عزل أثر المتغير المستقل الارتباط شبه الجزئى (مثل علاقة المسئولية الاجتماعية مع مستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط وهو يساوى ٢٠٠٠) . وبالتالى عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط وهو يساوى ٢٠٠٠) . وبالتالى

ويكون مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل = (٠,٥٢) + (٠,٢٦) الذات ومستوى الدخل

بمعنى أن ٣٤٪ من تباين المسئولية الاجتماعية يرجع الى مفهوم الذات ومستوى الدخل، ويكون اسهام مفهوم الذات في هذا التباين هو ٢٠، واسهام مستوى الدخل، ويكون اسهام مفهوم الذات في هذا التباين هو ٢٠، واسهام مستوى الدخل، وتعرف هذه الطريقة باسم Stepwise Regression أي طريقة الخطوات المتتابعة.

ولكن هل تعد هذه الاضافة لمستوى الدخل في مربع الارتباط المتعدد إحنافة هامة (دالة) ؟ وبالطبع لا نستطيع أن نجيب عن هذا السؤال الابعد إختبار دلالة هذه الاضافة باستخدام اختبار (ف) لاختبار الفرق بين مربع معاملي الارتباط المتعدد (وهما ٢٠،٣٤، ، ٣٤،) .

وبمقارنة قيمة ف (٧) بالقيم الجدولية نجد أنها دالة عند ١٠،١ ومعنى هذا أن إضافة متغير مستوى الدخل يسهم إسهاما هاما (دالا) في مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات ومستوى الدخل.

والصورة العامة للمعادلة (١٨) هي :

$$\left[\begin{array}{c} \left[\begin{array}{c} \left(-\frac{1}{2} \right) + \left[\begin{array}{c} \left(-\frac{1}{2} \right) + \left[\begin{array}{c} \left(-\frac{1}{2} \right) - \left(-\frac{1}{2} \right) \end{array} \right] \\ -\left(-\frac{1}{2} \right) + \left[\left(-\frac{1}{2} \right) + \left[\left(-\frac{1}{2} \right) - 1 \right] \\ -\left(-\frac{1}{2} \right) + \left[\left(-\frac{1}{2} \right) + \left[-\frac{1}{2} \right] + \left[-\frac{1}{2} \right] \\ -\left(-\frac{1}{2} \right) + \left[-\frac{1}{2} \right] $

ونستنتج مما سيق أن مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل يساوى مربع الارتباط البسيط بين المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات بالاضافة الى مربع الارتباط شبه الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ومستوى الدخل بعد عزل أثرمفهوم الذات من مستوى الدخل فقط.

أماً إذا كان لدينا ثلاثة متغيرات مستقلة (باضافة مستوى التعليم مثلا) فان مربع الارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وهذه المتغيرات المستقلة الثلاثة هه :

- مربع الارتباط البسيط (۱) + مربع الارتباط شبه الجزئى لـ ص(١٠١) بين ص، س, بعد عزل أثر س, من س + مربع الارتباط شبه الجزئى من الدرجة الثانية بين ص، س, بعد عزل أثر س, ، س, من س حيث يشير لـ ص(٢١٠٣) إلى العلاقة بين المسئولية الاجتماعية (ص) ومستوى التعليم (س) بعد عزل أثر كلامن المتغيرين مفهوم الذات (س,) ومستوى الدخل (س) من مستوى التعليم فقط . ويحسب الارتباط شبه الجزئى من الدرجة الثانية عادة باستخدام الارتباط المتعدد ، حيث :

أى أنه يساوى الفرق بين مربع الارتباط المتعدد مع ثلاثة متغيرات ناقصا مربع الارتباط المتعدد مع متغيرين وبالطبع (rr) لاتساوى مجموع مربعات الارتباطات البسيطة $[(V_{an}(r)) + (V_{an}(r)) + (V_{an}(r))]$ ويكون ذلك صحيحا فقط في حالة ما إذا كانت المتغيرات المستقلة غير مرتبطة ببعضها البعض بمعنى أن تكون مرتبطة بالمتغير النابع ولكنها مستقلة عن بعضها البعض .

ويعد هذا مدخلا آخر لحساب الارتباط المتعدد باستخدام أسلوب التحليل

العاملي والتوصل الى عوامل متعامدة (مستقلة) ثم نستخدم درجات العوامل من العاملي والتوصل الى عوامل متعامدة (مستقلة) وبالتالي تكون مربعات الحاسب الآلي Factor Score (حتى نتأكد من إستقلالينها) وبالتالي تكون مربعات إرتباطات درجات العوامل مع المتغير التابع هي مربع الارتباط المتعدد -Fergu) son & Takane, 1989)

ويتضح أن مربع معامل الارتباط المتعدد هو مجموع عدة مربعات لارتباطات بسيطة وشبه جزئية كل منها يوضح فائدة إضافة متغير مستقل بعد عزل آثار المتغيرات السابقة له . ويشار أحيان اإلى مربع الارتباط المتعدد باسم معامل التحديد المتعدد بينما مربع الارتباط شبه الجزئى هو معامل التحديد شبه الجزئى (937: 1991 . 1991)

والآن نعود مرة أخرى إلى المعادلة (٢٠) والتي توضح أن مربع الارتباط المتعدد للمتغير التابع (ص) مع ثلاثة متغيرات مستقلة يتكون من ثلاثة أقسام هي مربع الارتباط البسيط بين ص، m_1 + مربع الارتباط شبه الجزئي C^{1} من الدرجة الثانية C^{1}

أكن هذه المعادلة (٢٠) مرتبطة فقط بالمثال حيث أن معامل الارتباط البسيط رس(١) هو اكبر معامل ارتباط ، وبالتالي فان إسهامه أكثر من أي معامل ارتباط بسيط بسيط آخر ، ويليه معامل الارتباط شبه الجزئي الاكبر من أي معامل ارتباط شبه جزئي آخر من الدرجة الاولى بعد عزل أثر المتغير الأول، وهكذا مع بقية المكونات ، وئذلك يمكن أن يكون مربع الارتباط المتعدد

بمعنى أننا استخدمنا أولا مربع الارتباط البسيط بين ص ، س, إذا كان هو اكبر معامل ارتباط بسيط ، والجزء الثانى هو الارتباط شبه الجزئى بين ص ، س, بعد عزل أثر س, من س, (إذا كان هو أعلى إرتباط شبه جزئى من الدرجة الاولى) أما الجزء الثالث فيكون أيضا آعلى ارتباط شبه جزئى من الدرجة الثانية بعد عزل أثر س, ، س, من س, وهكذا . ولذلك فان العلميات الحسابية للإرتباط المتعدد معقدة أثر س, ، س, من س وهكذا . ولذلك فان العلميات الحسابية للإرتباط المتعدد معقدة جدا ومطولة ، ونستطيع اجراء هذه التحليلات يدويا في حالة متغيرين مستقلين (وربعا ثلاثة متغيرات) ، أما في حالة زيادة عدد المتغيرات المستقلة فاننا نستخدم برامج Spss في إجراء العمليات الحسابية .

خَليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدام الدرجات الخام:

يمكن اجراء تحليل الانحدار والاتباط المتعدد باستخدام درجات المتغيرات . وسوف نعرض خطوات هذه الطريقة في الحالة البسيطة وهي حالة متغير تابع مع متغيرين مستقلين ، حيث تكون معادلة الانحدار على الصورة : ص = أ + ب، س، + ب، س،

وننبع الخطوانت النالية لحساب معاملي الانحدار (ب، ، ب،) والمقدار الثابت (أ) ثم نحسب مربع الارتباط المتعدد بعد ذلك :

- ١ نحسب مجموع درجات ومجموع مربعات درجات كل متغير ، وكذلك مجموع حواصل الضرب لكل متغيرين من المتغيرات المستقلة والمتغير التابع .
 - ٢ نحسب مجموع المربعات الكلى للمتغير التابع (ص) .
 - ٣ نحسب مجموع المربعات الكلى لكل من المتغيرين المستقلين س، ، س،
- ٤ نحسب مجموع حواصل الضرب المصححة لكل متغيرين (س، ص ، س، ص، س، ص، س، س، س، س)
 - نطبق المعادلات التالية لحساب معاملي الانحدار و،المقدار الثابت

$$(Y2)$$
 $\frac{Y}{\alpha \leftarrow w_{1} - \alpha \leftarrow w_{1} - w_{2} - w_{1} - w_{2}} = \frac{Y}{\alpha \leftarrow w_{1} - w_{2} - w_{1} - w_{2}}$

أ = م ص - بهم - سهم

حيث م، مم متوسطى س، ، س، م ص متوسط المتغير التابع (ص) ثم نكتب معا دلة الانحدار بعد الحصول على قيم معاملى الانحدار والمقدار الثابت (أ) .

٦ - نجسب مجموع مربعات الانحدار من المعادلة

مج مريعات الانحدار = ب،مج س، ص + ب، مج س، ص

٧ - نحسب مربع معامل الارتباط المتعدد من المعادلة :

وهي نسبة التباين المقسر باستخدام بيانات المتغيرين المستقلين .

٨ - نختبر دلالة الارتباط المتعدد باستخدام تحليل التباين حيث

ف
$$= \frac{\text{Argund Action | V'(i-1)-1}}{\text{Argund Action | little |$$

،درجات حرية (ك - ١، ن - ك - ١)

ثم نقارن قيمة ف المحسوبة بالقيمة الجدولية عند مستوى الدلالة المناسب مشال (٦): إذا كانت درجات المسئولية الاجتماعية ومفهوم الذات ومستوى الدخل لعينة حجمها عشرة أفراد كما يلى فاحسب معادلة الانحدار المتعدد والارتباط المتعدد بين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل،

(لاحظ أن حجم العينة صغير ويجب ألا يقل عن ٣٠ ولكننا نستخدم هذا العدد لتسهيل العمليات الحسابية).

جدول (١٤ - ٣) المسلولية الاجتماعية مفهوم الذات ومستوى الدخل

1	-		بدون و م
مسترى الدخل (س٠٠)	مفهوم الذات (س۱)	المسئولية الاجتماعية (ص)	الأفراد
\ \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	7		}
	*	٥	Y
Y	۲	10	"
\ \ \ \ \ \	٤	۲.	٤
٩		£ •	
1 1	ه	١٠	7
9	٧	٣.	V
	٧	٩ ٧٤	Ą
[t	٥	Y0	e,
	*	1 £	3.
٦٣	٤٨	۱۸۵	المجموع

ولإجراء تمليل الانحدار والارتباط المنعدد نتبع الخطوات السابقة

۱_مج ص = ۱۸۵، مج س = ۱۸۵، مج س = ۱۳ ، مج ص = ۱۲۵،

مجـس, = ۲۷۸ ، مج س = ۱۰۳٤ ، مجـس, ص = ۱۰۳٤ ،

مجرس س = ۱۲۷۱ ، مجرس س = ۳۱۷

لاحظ أن مجموع الدرجات والمربعات وحواصل الضرب السابقة تستخدم لحساب مجموع المربعات وحواصل الضرب المصححة مثل تحليل التباين وتحليل التغاير

٢ - مج المربعات الكلى للمساولية الاجتماعية

ب مجد المربعات الكلى لمفهوم الذات (مجد س) = 7 = 77 = 77 - 77 .

٤ - أ - مج حواصل ضرب المسلولية الاجتماعية × مفهوم الذات (مجس ص)

$$127 = \frac{130 \times 64}{1} - 1.72 =$$

ب - مج حواصل ضرب المسلولية الاجتماعية × مستوى الدخل

$$11^{\circ},0=\frac{100\times 77}{1^{\circ}}-1777=(_{v_{i}}w_{i})$$

ج. – مجد حواصل ضرب مفهوم الذات × مستوی الدخل
$$2.7 \times 7.7 \times 7.7 \times 15.7 = -15.7$$

$$\frac{1}{17.4} = \frac{12.7 \times 11.0 - 127 \times 77.1}{1.77 \times 7.7} = \frac{12.7 \times 11.0 - 127 \times 77.1}{1.77 \times 7.7} = \frac{12.7 \times 7.7 \times 7.7}{17.7 \times 7.7} = \frac{12.7 \times 7.7 \times 77.1}{17.7 \times 7.7}$$

$$\frac{1}{17.4} = \frac{12.7 \times 127 - 11.0 \times 27}{12.7 \times 12.7} = \frac{7}{12.7 $

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1$$

وتكون معادلة الانحدار: ص = -٢٠٤٦، ١ س٠٠ + ١٠٩٥٠ س٠٠ وتكون معادلة الانحدار: ص = -٢٠٣٠، ١٠٥٠ + ١٠٩٥٠ س٠٠ أو المسئولية الاجتماعية = - ٢٣٣.٥ + ٢٠٤٦٨ × مفهوم الذات + ١٠٩٥٠ مستوى الدخل .

وعادة ماتستخدم مثل هذه المعادلات في التنبؤ بالمتغيرات المختلفة ،وأكثر تطبيقاتها في مجال التنبؤ بالتحصيل الدراسي، وكذلك في التنبؤ بالسلوك الانساني، والآن لحساب الاثباط المتعدد نقوم بحساب مجموع مربعات الاتحدار وهي :

مجد مربعات الانحدار = ب،مجد س،ص + ب،مجه س،ص = ۱۱۰٫۵ x ۱٫۹۵۵ + ۱۶۳ x ۲٫٤۳۸ = ۲۰۳٫۳۵۳ °

وتعلى أن ٧٠٤٪ ملى المتغير التابع (المسئولية الاجتماعية) ترجع السي مفهوم الذات ومستوى الدخل. ولكننا هنا لا نستطيع أن نحدد حجم إسهام كل من مفهوم الذات ومستوى الدخل، لأن هذا يتطلب حساب معامل الارتباط شبه الجزئى.

والاختبار دلالسة الارتباط المتعدد نضع مجموع في جدول تحليل التباين التالى:

جدول (١٤ - ٣) تحليل التباين للارتباط المتعدد يبين المسئولية الاجتماعية وكلا من مفهوم الذات ومستوى الدخل

مستوى الدلالة	ف	متوسط المربعات	د. ح.	مجموع المريعات	مصدر التباين
دالة عند	٤,٧١	YAA,1YA	۲	077,707	الانحدار
٠,٠٦	6, Y 1	71,178	٧	£47,1 £ £	الباقى (الخطأ)
		1	9 = 1-1.	1 £,0	الكلى

وبالطبع يمكن حساب قيمة (ف) دون إعداد الجدول (١٤ - ٣) كما يلى:

منوسط مربعات الخطأ

$$(````)$$
 بدرجات حریه $(````)$ بدرجات حریه $(````)$ بدرجات حریه $(```)$

ثم نقارتها مع قيمة ف الجدولية بدرجات حرية (٢ ، ٧) وهي = ٤,٧٤ عند مستوى ٥٠,٠٠ ومعنى هذا أن القيمة المحسوبة ٤,٧١ غير دالة عند ٥٠,٠٠ حل آخر:

يمكن إجراء تحليل الانحدار والارتباط المتعدد للمثال السابق باستخدام المتوسطات والانحرافات المعبارية ومعاملات الارتباط البسيط وهي الطريقة التي استخدمناها مع المقال (٥).

جدول (١٤- ٤) معاملات الارتباط البسيط والمتوسطات والانحراقات المعيارية للمتغيرات

3	المتوسط	س ۲	۱ رس	المتغيرات
1.,070	14,0	٠,٠٥١٥	۸۶۲٫۰	المستولية الاجتماعية (ص)
۲,۳۰	٤,٨	٠,٣٤٣	-	مفهوم الذات (س)
۲,۰٥٨	7,4			مستوفى الدخل (سن)

وهي قريبة جدا من قيمة ب، السابق الحصول، عليها

$$\frac{C_{uv}^{Y}}{C_{uv}^{Y}} = \frac{C_{uv}^{Y}}{(1)} + C_{uv}^{Y} + C_{uv}^{Y} - C_{uv}} \frac{C_{uv}}{(1)} \frac{C_{uv}}{($$

$$\frac{(*,727)(*,070)(*,774)Y-{}^{1}(*,070)+{}^{1}(*,774)}{{}^{1}(*,727,*)}$$

الإرتباط المتعدد .

إختيار النبئأت بطريقة التحليل المتنالي Stepwise Regession

توجد عدة طرق لاختيار المنبئات (المتغيرات المستقلة) من بين مجموعة كبيرة منها . وهي تعد مشكلة معقدة لأن إضافة أو حذف أى متغير مستقل الى معادلة الانحدار يؤثر على حجم معاملات الانحدار الجزئى والتي تستخدم في حساب الارتياط المتعدد . فاذا كان بالمعادلة ثلاثة متغيرات مستقلة وقررنا إضافة متغير رابع لأهميته (النظرية مثلا) فان إضافته تغير من معاملات الانحدار الثلاثة السابقة عليه وبالتالى يتغير معامل الارتباط المتعدد .

وحل هذه المشكلة يتطلب إجراء تحليل الانحدار عدة مرات لكل البدائل الممكنة من المتغيرات المستقلة ، ثم نختار أفضل معادلة انحدار .

ففى حالة أربعة متغيرات مستقلة يكون عدد البدائل الممكنة (٢ أ - ١ = ١٥) وبزيادة عدد المتغيرات تزداد المشكلة صعوبة . ويرجع اقتراح هذه الطريقة الى رانجر فيرسنش Ranger Ferisch عام ١٩٣٤ .

لكن الطريقة التقريبية التى تنطلب حسابات أقل تسمى بطريقة الخطوات المتتالية Stepwise ، وأحيانا يطلق عليها اسم طريقة التحليل المتتابع ، وتتخلص هذه الطريقة (باستخدام الحاسوب) في :

- ١ إختبار أفضل منبئ وهو المتغير الاعلى إرتباطا مع المتغير التابع فيكون هو أول متغير يدخل معادلة الإنحدار .
- ۲ نجرى عملية مزاوجة بين المتغير الاول (بالمعادلة) مع بقية المتغيرات المستقلة لنحصل على المتغير الذي يضيف آعلى إضافة للمتغير الاول ويتضمن هذا حساب الارتباط المتعدد لكل زوج من المتغيرات مع المتغير التابع وهي تستلزم (ك ١) عملية مزواجة . لكن برنامج (Spss) يختار المتغير الاعلى إرتباطاً جزئياً بعد عزل المتغير الاول (بالمعادلة) . ثم يتبقى عدد (ك ٢) من المتغيرات المستقلة
- ٣ تتكرر الخطوة الثانية مع بقية المتغيرات للتوصل الى المتغيرالثالث لمعادلة الانحدار بحيث تكون إضافته أعلى من المتغيرات الاخرى وهكذا . حتى يتم اضافة المتغيرات التي تسهم إسهاما دالا للارتباط المتعدد ، حيث أنه في كل خطوة يتم إختبار دلالة الاضافة للارتباط المتعدد .

وتسمى الطريقة الموضحة باسم طريقة الخطوات المتتالية التصاعدية - Backward Step . ward Stepwise . ward Stepwise . وتوجد طريقة أخرى عكسية أو تنازلية - ward Stepwise ، wise ، وهي تعتمد على الحذف بدلامن الاضافة . حيث يبدأ التحليل بالتوصل الى معادلة انحدار تحتوى جميع المتغيرات المستقلة ، ثم تتابع الخطوات في حذف المتغير الذي لا يضيف إضافة دالة حتى نصل الى المتغير الذي لانستطيع حذفه لأن إسهامة في الارتباط المتعدد إسهاما دالا . وبالطبع ينم في كل خطوة اختبار لدلالة الاضافة التي يسهم بها المتغير موضع الفحص . واحيانا تؤدى هذه الطريقة الى نتائج أفضل من طريقة الاضافة التصاعدية , Ferguson & Takane)

ونود الاشارة الى نقطة هامة جدا فى تحليل الانحدار والارتباط المتعدد ، فمن المألوف ومرتبطة بخطأ شائع فى استخدام تحليل الانحدار والارتباط المتعدد ، فمن المألوف أن يحدد الباحث المتغيرات المستقلة (المنبئات) التى يستخدمها فى التنبؤ اعتماداً على أدبيات البحث أو نظرية معينة يرغب فى اختبارها . وقد تدل الادبيات (أو النظرية) على إستخدام متغير مركب من عدة عناصر فرعية ، و يستخدم الباحث هذه العناصر الفرعية كمنبئات ، ولا ضرر فى هذا . ولكن المشكلة تكمن فى استخدام العناصر الفرعية والدرجة الكلية أيضا فى معادلة واحدة . وفى هذه الحالة تكون انتائج التى يتوصل إليها الباحث غير صحيحة . لأن استخدام مجموع العناصر (أو مجموع عدة متغيرات) كمتغير آخر فى التحليل يؤدى الى عدم إمكانية الحاسوب التوصل الى مقلوب لمصفوفة الارتباطات (أو مجموع المربعات) فيقدم مقلوبا Invverse شرطياً تكون نتائجه غير دقيقة . ويرجع السبب الى أن محددة المصفوفة المصغوفة المصفوفة ويالطبع لا نستطيع القسمة على محددة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المسفوفة السبب الى أن محددة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المسفوفة السبب الى المصفوفة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المستطيع القسمة على محددة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المستطيع القسمة على محددة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المستطيع القسمة على محددة المصفوفة المصفوفة المستطيع القسمة على محددة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المصفوفة المستطيع القسمة على صفر .

تفسير معاملات الانحدار والارتباط المتعدد:

تدل معاملات الانحدار الجزئي في معادلة الانحدار على مدى أهمية. المتغير المستقل في المعادلة ، ولكن الدليل الاقوى يرجع لمعامل الارتباط .

وفي المثال (٦) السابق نلاحظ أن معامل إرتباط المسئولية الاجتماعية مع مفهوم الذات (٢٠٦٠) هو أعلى معامل إرتباط بسيط ، كما أن معامل ارتباط المسئولية الاجتماعية مع مستوى الدخل (٢٠٥٠) مرتفع مما يدل على أنهما مهمان في التنبؤ بالمسئولية الاجتماعية ، لكن إسهام مفهوم الذات في التنبؤ أعلى من مستوى الدخل . ويملاحظة معاملات الانحدار المتعدد نجد أن معامل انحدار مفهوم الذات (٢٠٤٨) أكبر من معامل انحدار مستوى الدخل (١,٩٥٥) ، لكن مقارنة المعاملين لاتدل على حجم ناثير كل منهما ، كما أن معامل الإنحدار يعتمد على تباين المتغير المستقل ، مع أن المتغيرين لا يختلفان في التباين (٢٠٣٠ ، ٢٠٣٠) وعليه فإن مفهوم الذات اكثر قوة في التنبؤ بالمسئولية الاجتماعية عن مستوى الدخل (Shavelson, 1988:598)

أما إذا إختلف تباين المتغيرين ، فاننا نحول معاملى الانحدار إلى معاملاً إنحدار معياري (بيتا) ، أى معاملات انحدار تعتمد على الدرجات المعيارية للمتغيرات حتى يكون تباين كل منهم هو الوحدة .

ولتعديل معاملات الانحدار العادية الى معيارية تستخدم المعادلة

$$(\Upsilon^{\gamma})$$
 بينا (β) = برنا (β) بينا (β)

حيث بينا (β) هي معامل الانحدار الجزئي المعياري ، وبالنالي فأن حجم بينا يدل على قوة إسهام المتغير المستقل في التنبؤ دون الخوف من إختلاف التباينات (Shavelson,1988:599)

وبالتطبيق على المثال السابق فان :

$$\beta_1$$
 (مفهوم الذات) = ب, $(\frac{3}{3} - 1)$ = ۸.۶۶.۸ ($\frac{7.7}{3} - 1)$ = ۷۳۰،۰ ($\frac{7.7}{3} - 1.90$) = ۷۳۸،۰ ($\frac{7.7}{3} - 1.90$) = 1.77.۰ ($\frac{7.7}{3} - 1.7$)

ومن الواضح أن معاملى الانحدار مختلفان مما يدل على الاستنتاج بأن مفهوم الذات اكثر قوة فى التنبؤ بالمسلولية الاجتماعية عن مستوى الدخل أما مربع الارتباط المتعدد (٠,٥٧٤) فيعنى أن نسبة (٥٧.٤٪) من تباين المتغير التابع (المسلولية الاجتماعية) ترجع الى الانحدار الخطى للمتغيرات المستقلة وعليه فأن مفهوم الذات ومستوى الدخل يفسرا ٥٧.٤٪ من تباين المسلولية الاجتماعية . كما أن ٤٢,٦٪ ٪ من التباين غير مفسر ويرجع الى متغيرات أخرى .

وفى المثال السابق نجد أن إسهام مفهوم الذات فى التباين المفسر هو (٢٥٠, ٦٦٨) عن تباين المسئولية الاجتماعية ، بينما مستوى الدخل يسهم بمقدار ١٢,٩٪ من تباين المسئولية الاجتماعية (وهو مربع الارتباط شبه الجزئى بين المسئولية الاجتماعية ، ومستوى الدخل بعد عزل أثر مفهوم الذات من مستوى الدخل فقط)

لاحظ أنه يمكن حساب مربع الارتباط المتعدد باستخدام الاوزان المعيارية حيث:

مربع معامل الارتباط ر
$$_{out(1)}^{Y} = \beta_{1}$$
ر مر(۱) + β_{2} ر مر(۱) = 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70 × 0.70

ر من (٢١) = ٥٧٤ وهي نفس القيمة السابق الحصول عليها .

والارتباط المتعدد حساس لحجم العينة وعدد المتغيرات المستقلة المستخدمة . ويذكر شيفالسون (Shevalson, 1988:600) أن حجم العينة في الارتباط المتعدد يجب أن لا يقل عن ٥٠ ، وأن يكون حجم العينة مساويا عشرة أمثال عدد المتغيرات المستقلة . وهذا الأمر يعكس حقيقة أنه كلما اقترب حجم العينة من عدد المتغيرات المستقلة فان مربع الإرتباط المتعدد يقترب من الوحدة ، مما يتطلب ضرورة تصحيح الارتباط المتعدد .

وقد توصل عدد من العلماء الى معادلات مختلفة للتصحيح تسمى -Shrin) kege Formula وهي :

$$(YY)$$
.....(YV)(YV)(YV)(YY)(YY)(YY)

وبالتطبيق عل المثال السابق فان :

$$(1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4} = (1-1)^{4}$$

وتكون ر (المصححة) = ١٩٢٠، وبالتالى تكون نسبة التباين المفسر هى وكري ر (المصححة) = ١٩٢٠، وبالتالى تكون نسبة التباين المفسر هى ٤٧٠٩٪ من تباين المتغير التابع ويرجع الانخفاض الكبير من ٤٠٠٤٪ الى ٤٧٠٩٪ الى أن حجم العينة صغيرا جدا.

غليل الانحدار والارتباط المتعدد باستخدام المصفوفات:

عند إجراء تحليل الانحدار البسيط (متغير تابع ومتغير مستقل) يكون لدينا معادلتين ومجهولين (أ ، ب) وبحل المعادلتين نصل الى قيمتى أ ، ب . أما فى حالة تحليل الانحدار المتعدد لمتغيرين مستقلين ومتغير تابع ، فيكون لدينا ثلاثة معادلات تحتوى على ثلاثة معاملات مجهولة . وبحل المعادلات نحصل على قيم (أ ، ب ، ب) كما وضحنا سابقا وتكون المعادلة : ص = أ + ب ، س ، + ب ، س ،

وحيث أن العينة المستخدمة تنضمن عدد (ن) من الافراد ، فيمكن وضع المعادلات في صورة مصفوفات تسهل العمليات الحسابية في حالة تعدد المتغيرات المستقلة (ولا تنصح غير المتخصص بدراسة هذا الجزء) . والمصفوفة هي مجموعة من البيانات توضع بطريقة منظمة في صفوف وأعمدة (مثل مصفوفة الارتباط المألوفة للجميع)

وتكتب المعادلة ص = أ + ب، س، + ب، س، في صورة مصفوفات لديانات الأفراد كما يلي:

والمصفوفة الأولى تمثل المتغير النابع (ص) وعدد عناصرها (ن×1) بمعنى عدد (ن) صف وعمود واحد . أما المصفوفة الثانية فهى نمثل المتغيرات المستقلة وعدد عناصرها (ن×٣) بمعنى عدد (ن) صف وثلاثة أعمدة اثنان منها للمتغيرين المستقلين بينما العمود الأول للمقدار الثابت . والمصفوفة الأخيرة للمعاملات وهي (٣×١) أي ثلاثة صفوف وعمود واحد .

والمصفوفة س هي (ن × ٣) ، لانستطيع حساب مقلوبها (س-١) لأنها غير متماثلة ، وعليه فيمكن ضرب الممعادلة (٢٨) في المصفوفة س/ وهي عبارة

عن تبديل للصفوف بالأعمدة والاعمدة بالصفوف في المصفوفة س بمعنى أن س/ عناصرها هي (٣× ن) ثلاثة صفوف ، وعدد (ن) عمود .

وتصبيح المعادلة (٢٨) على الصورة .

والمعادلة (٢٩) تحتوى على (س/س) وهي تمثل مصفوفة متماثلة لأن حاصل ضربس / ($_{1\times i}$) \times س ($_{1\times i}$) ینتج مصفوفه ($_{1\times i}$) وهی التی نستطیع حساب مقلوبها بشرط أن لا يكون أي صف (أو عمود) منها تحويل خطى لصف (أو عمود) آخر .

وفي حالة تعدد المتغيرات المستقلة يمكن استخدام نفس المعادلات الموضحة (٣٠ ، ٢٩ ، ٢٨) ، والمعادلة الاخيرة هي التي تستخدم في حساب المعاملات . لاحظ أنه من المهم التوصل الي مقلوب المصفوفة (س/س) حتى يمكن ضرب المصنفوفات بعد ذلك وحساب قيم المعاملات . ونستطيع التوصل الي حساب مقلوب مصفوفة من الدرجة الثالثة باستخدام طريقة دوير Dwyer والتي تعرف ياسم طريقة دولتل (winer et al., 1991) أما المصفوفات من الدرجة الاعلى فتتطلب استخدام الحاسب الألى .

ويكرن مجموع المربعات الكلي (ص) هو ناتج ضرب ص/ص، ومجموع مريعات وحواصل ضرب المتغيرات المستقلة هو س/ س، أما مجموع مربعات.

الخطأ
$$=$$
 $($ ص $-$ ص $)$ $/$ $($ ص $-$ ص $) = ألخطأ $=$ ص $)$ ص $=$ ص $)$ س ب$

ومجموع مربعات الانحدار = ب/ س/ ص ويالنطبيق على المثال (٦) فأن:

$$\begin{bmatrix}
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v} \\
\dot{v} & \dot{v} & \dot{v} & \dot{v}$$

$$\begin{bmatrix} 77 & 18 & 19 \\ 190 & 190 & 190 \\ 190 & 190 &$$

وهى قيم قريبة من القيم السابق حسابها مع فارق فى التقريب لأن مقلوب المصفوفة يتطلب دقة اكثر من أربعة أرقام عشرية

ومجموع مربعات الانحدار =
$$\begin{bmatrix} 187 \\ 11.0 \end{bmatrix}$$
 $\begin{bmatrix} 1,971A \\ 11.00 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1,971A \\ 11.00 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 0,000 \\ 0.000 \end{bmatrix}$ مربع الارتباط المتعدد = $\frac{0,000}{0.000}$ $\frac{1.000}{0.000}$

وهى قريبة من القيمة السابق الحصول عليها وأعنقد أن القارئ لهذا الحل يقدر تماما فائدة الحاسب الآلى في التحليل الاحصائى المعقد .

مقلوب الصفوفة:

ولمن يرغب في معرفة كيفية حساب مقلوب المصفوفة (يشترط أن تكون خلفيته رياضية) ويتبع مايلي لحساب مقلوب المصفوفة (س س س) ١٠٠٠ في المثال (Winer etal., 1991: أو طريقة دوليتل: Dwyer) أو طريقة دوليتل: Ferguson & Takane, 1989)

	1				
		١	זר	٤٨	1.
	,	منز	* 117	777	
Hr'mmanna maganana	مستر	سنر	170	į	
		·. 51775= 1	- 1.1	- 1 λ √	- 1-1
			12,44440	ነቀ, ነሃለፃኛ	T,)333A
	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 (1) (1	(11 (12) - FIY 1. V (1. V) - FIY	\(\frac{\lambda \cdot \frac{1}{\sqrt{1}}}{\sqrt{1}}\) - \(\frac{1}{\sqrt{1}}\) \(\frac{1}{\sqrt{1}}\) \(\frac{1}{\sqrt{1}}\) \(\frac{1}{\sqrt{1}}\)	
	*,18896=	1,11077	¥,11717 =	1,49974	
g Wats	صفر - (۲٬۱۱۱۱۱)	[مستو - (۱۳) (۱۰) [] . [])	" (T. 11717) - "(- 170) - 170		
·,197£1_	(1,111,11)×	[(1,74047-)(7,11717)-	0,Y1A61 -		
	0, V1,411 ÷	a,v4壣÷		ļ	
	٠,٠٥٢٩٧ ١-	-,ATY04- ==	·		

وبذلك تكون (سَ سُ) " =

طريقة دوير للقلوب المصفوفة :

تعتمد طريقة دوير على تقسيم المصفوفة الى قسمين بشرط أن حاصل صريها يساوي مقلوب المصفوفة م ١٠ = ي/ ي كما أنه يمكن اختيار مصفوفة أخرى ت بشرط أن م = ت س الله

ومن ذلك فان ى = ت ا أو ت ى = I حيث I هي مصفوفة الوحدة وعليه يمكن التوصل من المصفوفة م الى المصفوفة ت / والمصفوفة ي وهذه هي طريقة دوير لا يجاد مقلوب المصفوفة م.

مثال: (Winer et al., 1991; 900)

		١	T t		11
	١.	مسفر	14	74	
1	مسئز	مستغر	AT		
		·, ro <u>'</u> √ri	1 - t	Y- 17V	£-117\
	•,Y = 1 0	منفر – ۲ ×۲۰۰۰ سـ -۱۰٫۱۰ م	71-7xf 	v= "Y- Y4\	
· 1	منتر - ۱ × صفر - ۲(۲۰۲ <u>)</u>	دسفر = ۱ ×۴۰٬۰ - ۲ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ - ۱۰۰ (۱۰۰ ((1.1-)Y-1, YO X1-A7 V		
·,1111 =	*,*\$\$\$\$ <i>~</i> =	+,++000 - m	۹		
					

```
____ الأساليب الإحصائية ____
```

```
وإذا ضرينا ي عي ينتج م
عي عي ==
عي عي عي ==
عي عي المائين ال
```

Canonical Correlation: الارتباط الطبيعي

يستخدم الارتباط المتعدد لحساب العلاقة بين متغير تابع وعدة متغيرات مستقلة ، أما إذا كان لدينا اكثر من متغير تابع فاننا نستخدم أسلوب احصائى آخر مو Canonical Correlation .

وقد أطلق عليه فؤاد أبو حطب وآمال صادق (1991) اسم الارتباط الطبيعى . وهو يستخدم لمعرفة العلاقة بين مجموعيتن من المتغيرات : مجموعة متغيرات تابعة ، ومجموعة متغيرات مستقلة . ولذلك يمكن أن يطلق عليه اسم الارتباط التجميعي أو الارتباط الجمعي حيث أنه يجمع كل مجموعة من المتغيرات في معادلة خطية مستقلة ثم يحسب العلاقة بين التجمعين الخطيين لكل من المتغيرات التابعة والمستقلة .

وفى هذه الحالة يعد الارتباط النجميعى ارتباطاً بسيطاً بين مجموعتين من المتغيرات كل منهما تمثل تجمع خطى معين ، وقد توصل الى هذا الاسلوب هوتلنج عام ١٩٣٥. وحساب معامل الارتباط الطبيعى (الجمعى) معقد ، حتى فى الحالة البسيطة التى تتضمن متغيرين فى كل مجموعة ، حيث أنها تعتمد على حساب مقلوب المصفوفات وجذورها وحساب عدة معادلات انحدار ، ولذلك تستخدم البرامج الاحصائية فى الحاسب الآلى لهذا الغرض .

واستخدام معامل الارتباط الطبيعى (الجمعى) قليل بسبب تعقد عملياته الحسابية ، كما أن تفسيره قد يكون مشكله في بعض الحالات . وأحد إستخداماته لحساب أوزان المقاييس الفرعية لبطارية إختبارات بهدف تحسين ثبات الدرجات) Ferguson & Takane, 1989 : 506)

ويهدف الارتباط الطبيعى (الجمعى) الى التوصل الى تباين المتغيرات التابعة الذى يمكن تفسيره من المتغيرات المستقلة . فاذا كان لدينا عدة متغيرات مستقلة ومتغير تابع واحد ، فيمكن اجراء تحليل الانحدار المتعدد للتنبؤ بالمتغير التابع . وكلما زاد عدد المتغيرات المستقلة تتعقد العمليات الحسابية ، مما يستلزم خفض عدد المتغيرات المستقلة واحدى طرق الخفض هى اجراء تحليل عاملى للمتغيرات المستقلة والتوصل الى عدد من العوامل التى تعد متغيرات مستقلة جديدة . وتستخدم درجات هذه العوامل مع درجات المتغير التابع في حساب معادلة الانحدار المتعدد . أما في حالة وجودعدة متغيرات تابعة وعدة متغيرات مستقلة مستقلة جديدة فيمكن خفض عدد كل منهما باجراء تحليل عاملي لكل مجموعة مستقلة جديدة فيمكن خفض عدد كل منهما باجراء تحليل عاملي لكل مجموعة

على حدة ، والتوصل الى عدد من العوامل (بالطبع أقل من عدد المتغيرات) ، وتستخدم درجات العوامل فى حساب الارتباط الطبيعى (الجمعى) بين مجموعتى العوامل (التابعة والمستقلة) . وهذا ما يحدث فى الارتباط الطبيعى (الجمعى) ، حيث يتم حساب تجمع خطى لكل مجموعة من مجموعتى المتغيرات التابعة والمستقلة ثم تحسب العلاقة الارتباطية بين التجمعين الخطيين . وهذان التجمعان متشابهان مع المكونات الاساسية النائجة من استخدام التحليل العاملى بطريقة المكونات الاساسية النائجة من استخدام التحليل العاملى بطريقة المتغيرات التي يتضمنها ومربع معامل الارتباط بين التجمعين يسمى بالجذر الكامن Eigenvalue (الذي سلوضحه فى الفصل الخاص بالتحليل العاملى) ، وهو مربع معامل الارتباط الطبيعى (الجمعى) . وكما يحدث فى التحيل العاملى بوجود عدة جذور للمصغوفة Eigenvalues ، فيوجد أيضا عدة معاملات إرتباط طبيعية (جمعية) الا أننا نستخدم دائما أول معامل ارتباط ، ومربع معامل الارتباط الطبيعى هو نسبة التباين المشترك بين مجموعتى المتغيرات التابعة والمستقلة (Warwick, 1975)

وندل معاملات الانحدار المعيارية (بينا) في كل تجمع خطى على مدى أهمية المتغيرات الاصلية في هذا التجمع الخطي.

كليل التمايز: Discriminant Analysis

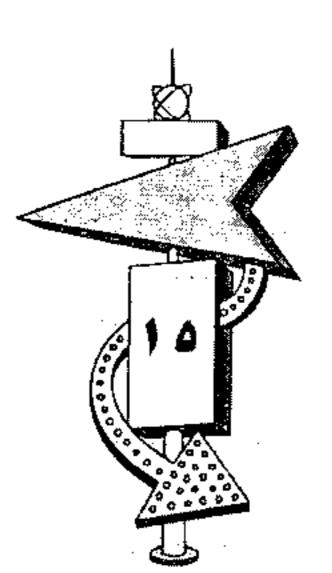
عند استخدام أسلوب الانحدار المتعدد لمتغير تابع مع عدة متغيرات مستقلة، عادة ما يكون المتغير التابع متصلا Continuous. أما إذا كان المتغير التابع ثنائى Dichotomous (وهو شئ نادر) مثل إجابة سؤال (١ ، صغر) أو مجموعتين من الافراد (مرضى الاكتئاب ، والعاديون) ، وفى هذه الصالة يكون المطلوب التمييز بين المجموعتين باستخدام المتغيرات المستقلة ، ولذلك يتم تعيين درجة (١ ، صغر) للمجموعتين ثم نحسب معامل الارتباط الثنائي Biserial Correlation بين متغير المجموعات والمتغيرات المستقلة . ونجرى تحليل الانحدار المتعدد بين متغير المجموعات والمتغيرات المستقلة . ونجرى تحليل الانحدار المتعدد التوصل الى معادلة الانحدار بالطريقة السابق توضحيها ، ويكون التاتج معادلة تسمى دالة التمييز Discriminant Fanction . وتدل الاوزان المعيارية (بيتا) المتغيرات المستقلة في دالة التمييز على الوزن النسبى لكل متغير مستقل في الفصل (التمييز) بين المجموعتين .

ويمكن حساب الدرجات المتنبأبها للافراد في كل مجموعة باستخدام دالة التمييز ، وتمثل هذة الدرجات متغير متصل حيث يمكن التوصل منه الى درجة فطع Cutting Score معينة تميز كل مجموعة عن الاخرى ، وهي الدرجة التي تؤدى الى اكبر تمييز ممكن بين المجموعةين .

وتجد طرق متعددة لتحليل الثمايز واختيار المتغيرات المناسية التى تؤدى الى اكبر تمييز ممكن بين المجموعات ، وليس هذا مجال لتوضيح هذه الاساليب ولمن يرغب في التعمق يرجع الى & Mourad, 1979;Huberty (Smith,1980;Huberety,1990)

.

الفصل الخامس عشر الفصل الخامس عشر المحالي المحالي المحالي المحالي Path Analysis



.

الفصل الخامس عشر تحـــليل المســـار

تحليل المسار أسلوب احصائى إرتباطى يعتمد على تحليل الانحدار والارتباط المنعدد ويستخدم لوضع احتمال العلاقة السببية بين المتغيرات .

وهو ليس طريقة للكشف عن السببية ، وإنما هو طريقة لاختبار نموذج علاقى معين بين مجموعة متغيرات . فالارتباط المتعدد يستخدم لتحديد العلاقة بين عدة متغيرات يمكن ترتيبها منطقيا في معادلة الانحدار المتعدد وبالنتائج حسب دخولها المعادلة (من طريقة Stepwise) . وتكون المحاولة لمعرفة إذا كان متغير ما متأثرا بالمتغيرات التي تسبقه ، ومقدار إضافته للتنبؤ بالمتغيرالتابع .

أما تحليل المسار فهر يعتمد على نموذج توضيحى للعلاقات بين المتغيرات المختلفة ، بناء على البحوث السابقة والنظريات المتعلقة بظاهرة معينة . ولكنه لايدل على السببية الموكدة مثل التحكم في متغير مستقل تجريبيا وبحث أثره على متغير تابع . وإنما هو خطوة متقدمة عن اسلوب الارتباط البسيط، وبذلك يعد حلقة متوسطة بين السببية الناتجة من الدراسة التجريبية وبين السببية المستنتجة من الارتباط البسيط .

وتحليل المسار أسلوب إحصائى تم التوصل اليه من اكثر من ٧٥ عاما عن طريق سيويل رايت sewell wright عام ١٩٢١ ،وأجرى عليه العديد من الدراسات بعد ذلك . وقدم دنكان Duncan هذا الاسلوب للعلوم الانسانية عام الدراسات بعد ذلك . وقدم دنكان Puncan هذا الاسلوب للعلوم الانسانية عام العام العديد من العلماء مثل Pana & Duncan, 1967 ، حيث نال إهتمام العديد من العلماء مثل Porr; Heise, 1975; Wolfle, Blalock, 1971 Goldberger, 1972; Duncan, 1975; Heise, 1975; Wolfle,

لكن هذا الاسلوب قليل الاستخدام في مجال العلوم الانسانية ، وقد يرجع ذلك الى عدم علم الباحثين به أو لسيطرة أساليب احصائية أخرى على تحليل بيانات التصميمات البحثية . وتحليل المسار مشابه لتحليل الانحدار المتعدد حيث نفترض في كل منهما أن يكون الباقى Residual مساريا للصغر ، وتحقق فرض "

التجانس المشترك Homoscedasticity، واستقلالية اخطأء المتغيرات عن بعضها اليعض، واستقلالية الاخطاء عن المتغيرات.

كما يعتمد تحليل المسار على فكرة المربعات الصغرىLeast Square المستخدمة في تحليل الانحدار ، وهذه الافتراضات المتضمنة في تحليل الانحدار تستخدم صراحة في تحليل المسار في تفسير العلاقة السببية بين المتغيرات -Wol) (fle, 1980)

كما يفترض العلاقات الخطية البسيطة بين كل زوج من المتغيرات.

ويتميز تحليل المسار عن تحليل الانحدار في قلة العمليات الحسابية ، وفي استخدام نتائج التحليل . حيث يستخدم الباحث نتائج تحليل المسار في اعطاء تفسيرات اكثر تفصيلا وتوضيحا للعلاقات بين المتغيرات عن نتائج تحليل الانحدار. ويقدم تحليل المسار الوسيلة لتلخيص نتائج البحوث التجريبية لظاهرة معينة ووضعها في نموذج مترابط لتفسير العلاقات بين متغيرات الظاهرة ، وهو ينطلب من الباحث التفكير في نظام السببية وإتصال المتغيرات ببعضها (المسارات) في ضوء الأدلة النظرية والامبريقية المتاحة لتقدير الآثار السببية .

وتوجد عدة نماذج لتحليل المسارهي :

النموذج احادى الانجاه Recursive ، والنموذج الجماعي Block والنموذج . Non -recrsive والنموذج الجماعي Non -recrsive . الجماعي احادي الانجاء

وسوف نقتصر في هذا الفصل على توضيح النموذج احادى الاتجاه ، أما النماذج الاخرى فهى اكثر تعقيدا وتتطلب عرض تفصيلى لكل منها والذى يحتاج الى مؤلف كامل . فالنموذج الجماعي يتضمن عدة متغيرات تابعة مرتبطة بنفس مجموعة المتغيرات المستقلة وهو يسمح بمقارنة معامل المسار الجزئي مع معامل المسار البسيط لمعرفة حجم التأثيرالمباشر للمعامل البسيط وحجم التأثير المشترك . كما أنه يستخدم لمعرفة مدى تأثير المتغيرات الخارجية على معاملات الارتباط بين المتغيرات الداخلية عن طريق مقارنة الارتباطات البسيطة مع ارتباطات بواقى المتغيرات الداخلية .

أما النموذج الجماعي أحادي الانجاه فهو يضم النموذجين أحادي الانجاه والجماعي معا في نموذج واحد . حيث يسمح بتقدير شبكة من الآثار المباشرة ، من خلال تقدير مدى اسهام المتغيرات الداخلية في علاقاتها مع المتغيرات السابقة لها والتالية بعدها، وتقدير مدى إسهام المتغيرات المتغيرات السابقة على الارتباطات بين

المتغيرات التالية ، وقد يختبر الباحث نغايرات البواقى ، وأخيرا قد يقدر الباحث مدى تأثر العلاقات البسيطة بين مجموعة متغيرات معينة ومجموعة المتغيرات التالية لها بمجموعة متغيرات ثالثة . ويبدو أن النموذج الجماعى أحادى الاتجاء معقد ، وكذلك النموذج التبادلي .

وتعتمد جميع النماذج (عدا النموذج النبادلي) في تقديرها لقيم معاملات المسارات على طريقة المربعات الصغرى المستخدمة في الانحدار البسيط ـ كما أن تقدير مصفوفة معاملات المسارات في حالة تعدد المتغيرات يستخدم معلوب مصفوفة الارتباطات بين المتغيرات المستقلة (وهي المتغيرات النفسيرية -Explan مصفوفة الارتباطات بين المتغيرات المستقلة (وهي المتغيرات النفسيرية -faory (atory ، وضربها في مصفوفة إرتباطات المتغير التابع مع المتغيرات المستقلة) (Kerliner & Pedhazur, 1973)

وقبل توضيح النموذج أحادى الانجاه سنحدد أنواع المتغيرات المستخدمة فى تحليل المسار، فعند دراسة ظاهرة مايوجد ثلاثة أنواع من المتغيرات هى: متغيرات خارجية Exogenous (مستقلة)، ومتغيرات داخلية Endogenous (تابعة)، والمتغيرات التى لايتضمنها النموذج المستخدم. كما أن بعض المتغيرات الداخلية قد تكون خارجية لبعض المتغيرات التالية لها فى النموذج.

وتحديد نموذج المسارات يعتمد على أدبيات البحث المتعلقة بالظاهرة موضع الاهتمام وهي النظريات والبحوث السابقة والأدلة الامبريقية المختلفة حيث يضع الباحث نموذجاً بوضح ترتيب المتغيرات وأيها يكون مستقلا، ثم يحدد المتغيرات التالية (التابعة) التي تتأثر بالمتغيرات المستقلة ، وقد تؤثر المتغيرات النابعة في متغيرات أخرى تالية لها وبذلك تعمل كمتغيرات مستقلة وتأبعة في نفس الوقت. وقد يحدد الباحث متغيرات أخرى (عوامل) دخيلة غير متضمنة في النموذج والتي تسمى بمتغيرات البواقي Residuals (Wolfle, 1980)

النموذج أحادى الانجاه: Recrsive Equation Model

يتضمن هذا النموذج اتجاه واحد للمسارات من المتغيرات الخارجية (المستقلة) الى المتغيرات الداخلية (التابعة) . ويقصد بالمسار الخط الواصل بين متغير ومتغير آخر ، ويتحدد المسار باتجاه معين وقيمة محددة تسمى معامل المسار . ولذلك فان المسار أحادى الاتجاه يعنى إتجاه السهم النابع من متغير والمؤثر على متغير آخر .

وسوف نرمز للمتغيرات المستقلة والتابعة بالرموز س، س، س، س، س، س، ومتغيرات البواقي بالرمز (ى). أما معاملات المسار فسوف نرمز لها بالرمز م ومتغيرات البواقي بالرمز (ى). أما معاملات المسار فسوف نرمز لها بالرمز م ويكون معامل المسار من المتغير س، الى س، هو م، مومعاملات المسار هى أوزان مشابهة لأوزان الانحدار (ب أوبيتا) ، إلا أننا سنستخدم الرمز (م) ليدل على معاملات المسارات المعيارية . وقد تكون معاملات المسار عادية مثل معاملات الانحدار (بيتا) ، ويرى الانحدار (بيتا) ، ويرى دنكان (Duncan, 1975) أنه يقضل استخدام معاملات المسار العادية ، ومعامل المسار المعياري يدل على الوزن النسبي للمتغير

الانحراف المعياري للمتغير التابع معامل المسار العادي × المتغير التابع الانحراف المعياري للمتغير المستقل

وهذه المعادلة تشبه معادلة معامل الانحدار المعياري

ومعامل المسار المعياري من الدرجة الاولى يساوى معامل الارتباط البسيط، أما في حالة وجود عدة مكونات فان علاقة معامل الارتباط البسيط بين متغيرين ومعامل المسار المعياري تحسب من المعادلة:

والصورة العامة للمعادلة هي :

فاذا كان لدينا ثلاثة متغيرات فان:

مثال (١) : لنموذج أحادى الانجاه من ثلاثة متغيرات :

إذا مثلنا نموذج أحادى الانجاه لثلاثة متغيرات كما بالشكل (١٥ -١)

TIP TIP

فاننا نلاحظ أن : المتغیرین سی هما متغیران مستقلان ، سی هما متغیران مستقلان ، المتغیر (سی) متغیر تابع ، بینما المتغیر (ی) هو متغیر غیر متضمن می الکنه یوثر علی (سم) وتکون معادلات النموذج هی :

وباستخدام الدرجات المعيارية (ذ) للمتغيرات وكذلك معاملات المسار المعيارية فان

$$i_7 = a_{17}$$
 $i_7 + a_{17}$ $i_8 + a_{17}$ $i_{17} = a_{17}$ i

محدد ، دے عم ہمدد ، + م ہمدد ، دے + م ی محدد ، دی

وهيث أن
$$\frac{1}{0}$$
 محدد , د محد , د م

قإن: ر ۾ ۽ ۽ ۽ ۽ ۽ ۾ د ۽(٤) (حيث محد ڏ, ڏي صفر)

وبإستخدام المعادلة (٣) والصرب في ذرثم الجمع والقسمة على (ن) فإن:

מא = כא -מחלח

カンティーカンデカト

كذلك ري = م ير ي + م يه ري + م ي و عي

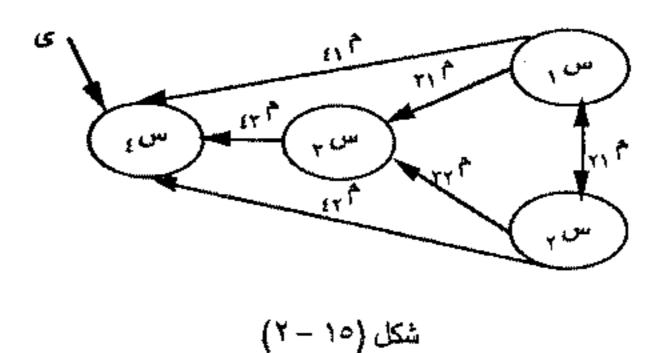
(حيث أن رس ١٠٠ ، رس م الأن المتغير ي مرتبط مع س فقط فيكون معامل معامل الارتباط البعيط)

___ الأسايب الإحصائية

ر ميث ر أ = مربع معامل الارتباط المتعدد بين س ، وكلاً من س ، س ،

مثال (٢) : نعوذج أحادى الاتجاه يتضمن أريعة متغيرات

يتصنح من الشكل (١٥ - ٢) أن النموذج يتضمن أربعة متغيرات بالاصافة الى المتغير (ى) الذي يؤثر على المتغير التأبع س، ·



كما أن المتغيرين س، س، هما متغيران مستقلان يؤثران على المتغيرين س، س، س، وألمتغيرين س، والمتغير س، يؤثر على المتغير س، بمعنى أن س، يعمل كمتغير تابع (بالنسبة الى س، س، س،) ومتغير مستقل (بالنسبة للمتغيرس،).

وقد توجد متغيرات بواقى أخرى تؤثر على سى ، وأخرى تؤثر على س، ، وأخرى تؤثر على س، س وهكذا مما يؤدى الى تعقد النموذج ، ومثل هذه المتغيرات تعتمد على الظاهرة موضوع الدراسة . لاحظ أن المتغيرين س، س، مستقلان بالنسبة المتغيرين س، نكنهما مرتبطين ببعضهما البعض.

ومعادلات النموذج (شكل ١٥ - ٢) هي:

س ، = م ، س ، + م ، س ، + م ، س ، + م ، س ی

وباستخدام الدرجات المعيارية (ذ) ومعاملات المسار المعيارية أيضا فان :

ذ، =م، ذ، +م، ذ، +م، ذ، +م، ذ،(۱۱)

وباستخدام المعادلتين (١٠)، (١١) يمكن التوصل الى حساب قيم معاملات المسارات م، ، ، م، ، م

حيث ينتج من المعادلة (١٠) ما يلي :

ومن المعادِلة (١١) ينتج أن :

م ي = ١ - ر ميث ر عمريع الارتباط المتعدد بين س والمتغيرات

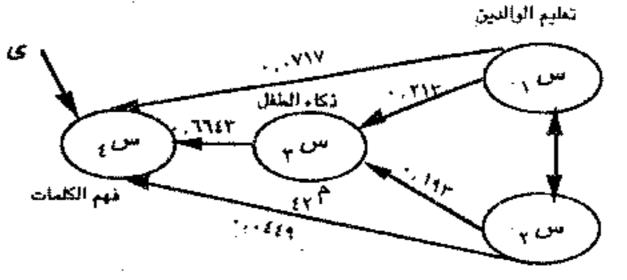
الثلائة

م ي = ١٧ - ر ٢

مثال عددى (١) : نعرض المثال التالى في حالة أربعة منغيرات مأخوذ عن (Wolfe,1980)

جدول (١٥ - ١) معاملات الإرتباط البسيط بين المتغيرات الأربعة

فهم الكلمات	ذكاء الطفل	المستوى الاقتصادى	تعليم الوالدين	منف پر]}
	` •,V	۰, ۳ ۰, ۲۸	۱ ۰,٥ ٠,٣١ ٠,٣	تعليم الوالدين المستوى الاقتصادى ذكاء الطفل فهم الكلمات فهم الكلمات	۱ ن س ۲ س ۳ س ۴



للستوي الاقتصادي

شکل (۱۵–۳)

معادلات النموذج في صورة درجات معيارية هي :

$$\frac{1}{1 - \frac{1}{1}} = \frac{1 - \frac{1}{1} \times \frac{1}{1}$$

وبحل هذه المعادلات الثلاث معا ينتج مايلي :

$$\frac{(1-c_{n}^{\prime})(c_{n}c_{n}-c_{n}c_{n})+(c_{n}-c_{n}c_{n})(c_{n}-c_{n}c_{n})}{(1-c_{n}^{\prime})(c_{n}-c_{n}c_{n})+(c_{n}-c_{n}c_{n})(c_{n}-c_{n}c_{n})}$$

وبالتعويض عن قيم معاملات الارتباط

لاحظ إننا إستخدمنا أربعة أو خمسة أرقام عشرية لضمان دقة حساب المعاملات.

$$\frac{(n-c_{11}c_{1$$

وبذلك يكون الأثر المباشر للمتغير الاول (مستوى تعليم الوالدين) على المتغير الزابع (فهم الكلمات عند الاطفال) يساوى من - ٧١٧٠.

أما الأثر غير المباشر = ر ، ، - م ، = ٣٠٠ - ٧١٧٠، = ٢٢٨٣٠.

والاثر المباشر للمتغير الثاني (المستوى الاقتصادي والاجتماعي) على المتغير الرابع فهم الكلمات) هو مي = ١٤٤٩٠٠٠

بينما الاثر غير المباشر للمتغير الثانى على المتغير الرابع = ر 13 - 12 م 12 م 13 م 14 م 14 م 14 م 14 م 14 م 14 م

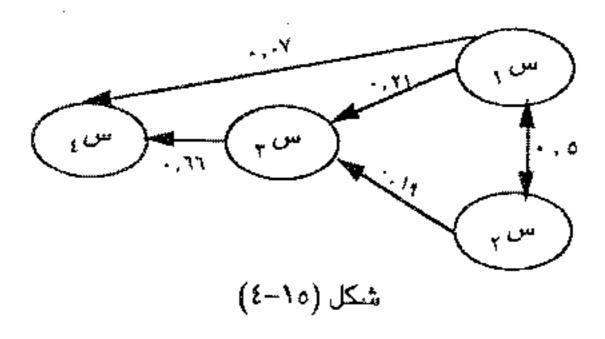
. YTO1 ==

والاثر المباشر للمتغير الثالث (ذكاء الطفل) على المتغير الرابع (فهم الكلمات) = م، ٣٦٤٣ - ١٦٤٣ و ١٠٠٠ - ٣٥٠٠ - ١ الكلمات) = م، وكذلك الأثر المباشر لمستوى تعليم الوالدين على ذكاء الطفل = م، =

أما الأثر المباشر للمستوى الاقتصادى على ذكاء الطفل = م ،، = ١٩٣٠. والأثر غير المباشر = ر ،، - م ،، = ٣٠٠ - ١٩٣٠. = ١٠٧٠. ويتضح من النتائج أن الأثر المباشر للذكاء على فهم الكلمات مرتفع عن الأثر غير المباشر ، وكذلك الأثر المباشر لكل من مستوى تعليم الوالدين والمستوى الاقتصادي الاجتماعي على ذكاء الاطفال أعلى من الأثر غير المباشر.

وعندما يكون الأثر المباشر لمتغير على متغير آخر ضعيفا فيمكن اهمال المسار الذي يربط بينهما، ويعاد تخطيط النموذج مرة أخرى.

ومن النتائج السابقة يتضح أن الأثر المباشر للمستوى الاقتصادى الاجتماعي على فهم الكلمات ضعيف (١٠٠٤٤٩)، وبالتالي يمكن اهمال المسار بين المستوى الاقتصادى الاجتماعي وفهم الكلمات ويصبح النموذج كما بالشكل (١٥ – ٤) .



وقد يرى البعض أن الأثر المباشر بين مستوى تعليم الوالدين وفهم الاطفال الكلمات (٠٠٠٠) أثرا ضعيفا وبالتالى يلغى هذا المسار . وعموما بعد تعديل المسار يجب إعادة حساب معاملات المسار للنموذج المعدل ، ثم استخدامها فى حساب معاملات الارتباط بين كل متغيرين ومقارنتها بمعاملات الارتباط الارتبا

وتكون معاملات المسار الجديدة م، ، م، أما م، ، م فتبقى كما حسيت من قبل ومعادلة النموذج بشأن س هى : $\dot{c}_i = a_i$ $\dot{c}_i + a_j$ \dot{c}_i

وبحل المعادلتين معا ينتج أن :

$$\frac{c_{11}-c_{11}c_{11}}{(1-c_{11})} = \frac{7.4 \times 4.7}{(1-c_{11})} = \frac{11-(17.4)^{-1}}{(1-c_{11})^{1}}$$

$$f_{n} = \frac{c_{n} - c_{n} c_{n}}{(1 - c_{n}^{2})} = \frac{v_{n} - v_{n} v_{n}}{(1 - c_{n}^{2})} = ai v_{n}^{2}.$$

ومن الواضح أن الأثر المباشر لكل من مستوى تعليم الوالدين ، وذكاء الاطفال على فهم الكلمات قد إزداد بعد تعديل النعوذج . ويمكن حساب معاملات الارتباط البسيط الجديدة بين المتغيرات بعد تعديل النموذج وهي :

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum$$

สร⁺ทวกรักร⁺กรกร⁼

*, TV10+ *, 0 × *, 19 × *, * 91 A + *, Y1 * × *, * 91 A =

*,727 - *,7Y10 + *, * * A9 + *, * 197 =

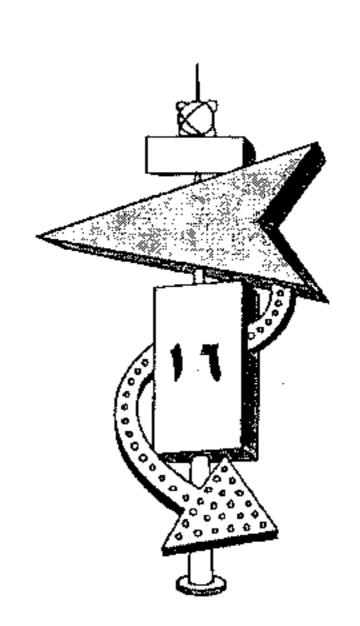
وبمقارنة معاملات الارتباط البسيط المقدرة باستخدام معاملات المسار مع معاملات الارتباط الاصلية يتضح وجود اختلاف بسيط في معامل الارتباط بين المستوى الاقتصادى الاجتماعى وفهم الكلمات (٢٤٧، بدلا ٢٨،) وكذلك معامل الارتباط بين ذكاء الاطفال وفهم الكلمات (٢٤٦، بدلا من ٢٠٠).

وإذا كانت الفروق بين معاملات الارتباط المقدرة والاصلية ضئيلة فاننا نستنتج أن البيانات متسقة مع نموذج المسارات المعدل .

ولدلك يجب توخى الحذر والدقة عند اقتراح نموذج مسارات ، فاذا كان النموذج غير منطقى أو ليس له أسس علمية فاننا لا نستطيع مطابقة البيانات مع النموذج المقترح .

وفى حالة وجود عدد كبير من المتغيرات فان المسارات تتعقد وبالتالى يستلزم استخدام الحاسوب فى اجراء تحليل المسار، ويمكن استخدام برامج Spss لتحليل المسار.

الفصل السادس عشر الفصل السادس عشر المحال ال





الغصل السادس عشر التحسليل العاملس*ي*

التحليل العاملى هو طريقة احصائية متعددة المتغيرات تستخدم فى تحليل البيانات أو مصفوفات الارتباط (وهى معاملات ارتباط بسيط) ، أو مصفوفات النباينات (للمتغيرات وحواصل ضربها) . ويكون الهدف هو توضيح العلاقات بين تلك المتغيرات ، وينتج عنها عدد من المتغيرات الجديدة (المفترضة) تسمى بالعوامل . وعادة ما تكون البيانات هى درجات أفراد على متغيرات نفسية أو اجتماعية أو تربوية . ويرجع أصل التحليل العاملى الى التربية وعلم النفس ثم إنتشر استخدامها بعد ذلك فى مجالات الاقتصاد والانثروبولوجى والفسيولوجى وغيرها .

وقد اعتمد ظهور التحليل العاملي على دراسات في مجالي علم النفس والبيولوجي مثل دراسات جالنون في القرن التاسع عشر ونظرية مندل عن الوارثة عام ١٨٦٦ وبحوث جاوس في الوراثة أيضا . وقد تم توصيف نتائج هذه الدراسات توصيفا تراكميا للخصائص الوراثية أدت إلى التفكير في وجود أسلوب مناسب لها . وبذلك مهدت هذه الدراسات الطريق لوجود الاساليب الاحصائية التي تناسب تلك المشكلات.

وقد توصل بيرسون في نهاية القرن التاسع عشر إلى قانون الارتباط الخطى البسيط المعلوم لدينا ، كما أجرى بيل عام ١٨٩٧ دراسة جيدة عن الارتباط المتعدد والارتباط الجزئي . وفي عام ١٩٠٠ توصل العلماء إلى وضع أفكار عن تحليل يتضمن عدة متغيرات . وكانت درسة بيرسون عام ١٩٠١ عن الخطوط والسطوح والفراغ هي أساس أسلوب التحليل العاملي المعروف باسم , Mulaik) (Mulaik) principal Axes

وقد سارع سبيرمان ، عالم النفس المشهور ، إلى اجراء دراسة نفسية متبعا الطريقة الجديدة في التحليل لإثبات نظريته في الذكاء بأن الأنشطة العقلية تنتج من قدرة عقلية عامة وقدرات نوعية ، وأدى ظهور أول نموذج للتحليل العاملي عام ١٩٠٤ عن التكوين العقلي وسميت النظرية باسم نظرية العاملين . حيث لاحظ سبيرمان وجود علاقة مشتركة بين سنة متغيرات عقلية أطلق عليها العامل العام ، كما لاحظ أيضا وجود عوامل خاصة بتلك المتغيرات أطلق عليها اسم العوامل النوعية . وقد اختلف العلماد الانجليز مع سبيرمان ومنهم تومبسون وسيرل بيرت وفيليب قرنون بشأن نموذج سبيرمان . إلا أن نموذج سبيرمان دعمته دراسات. جرانت Granett عام ١٩٣١ وثرستون عام ١٩٣١ بوضع أسس لعوامل متعددة .

وقد تبع سبيرمان العديد من الدراسات التي قام بها علماء آخرون مثل تومسون وسبيرمان وهو تلنج Hotelling وجيلفورد . فقى عام ١٩٣١ تمكن ثرستون بجامعة شيكاغو من التوصل إلى نظرية العوامل المتعددة في التكوين العقلي . وبذلك فهو قد إختلف إيضا مع العلماء الانجليز في نظرية العاملين أو العوامل المتتابعة التي تحدث عنها قرنون وغيره . ثم ظهرت عدة كتب عن التحليل العاملي لكل من: كيلي (Kelly,1935) ، وبيرت (Burt,1941)، وترستون التحليل العاملي لكل من: كيلي (Kelly,1935) ، وبيرت (Thomson, 1951)، وهنريسون (Cattall, 1952)، وهنريسون (Thomson, 1957) ، وهارمان -Har) وفروتشتر (Henrysson,1957) ، وهنريسون (Fruchter,1954) ، وهارمان -man,1960)

كما ساهم علماء الاحصاء الرياضي في نطوير أسلوب التحليل العاملي ونذكر منهم: هوتلنج (Hotcling.1933) ، ولاولسي ,1956, 1940, 1956) ، والمنافع (Hotcling.1933) ، والمنافع (Guttman, 1953,1954) ، وجتمان (Bartlett,1948) ، وأهرافارا (Rao,1952,1955) ، وأهرافارا (Rao,1952,1955) ، وأندرسون وروين (Ahmavaara,1954) ، وأهرافارا (Anderson & Rubin,1956) (Kaiser, 1958) ، وكايزر (Ferguson, 1954) ، وفيرجسون (Ferguson, 1954) ، وكايزر (Carroll,1953) ، وغيرها في وضع أسس لتدوير المحاور وتحديد عدد العوامل ، وتم اقتباس اسلوب وغيرها في وضع أسس لتدوير المحاور وتحديد عدد العوامل ، وتم اقتباس اسلوب التحليل العاملي من علم النفس الي عدد من العلوم الاخرى مثل علم الاجتماع عن طريق جولدنر (Gouldner,1957) ، والتحريب الرياضية الرياضية (Driver,1956) ، والافتروبولوجي (Driver,1956) ، والفسيولوجي (Mefferd,1965)

وقد ساهم تطور الحاسب الآلى فى الخمسينيات فى إجراء العمليات الحسابية التحليل العاملى ، إلا أن العلماء لم يستطيعوا التفرقة فى ذلك الوقت بين التكوين البسيط والتكوين المفترض نظريا ، ولذلك فان فترة نهاية الخمسينيات وحتى أوائل الستينيات من القرن العشرين كان يستخدم فيها التحليل العاملى إستخداما غير مدروسًا . فقد استخدم التحليل العاملى بكثرة لبحث تكوين النظريات النفسية والاجتماعية والفيزيقية والكيميائية ، كما استخدمت بيانات متعددة موضوعية

وذاتية وإسفاطية على أمل أن يوضح التحليل العاملي تصنيف وترتيب المتغيرات والعلاقات بينها . ولكن أفضل ما يمكن أن يتوصل إليه التحليل العاملي في ذلك الوقت هو تجميع عدة بنود أو متغيرات في مجموعات متشابهة المحتوى ولكنها لاتصل الى مرحلة وضع نظريات ، وإنما تؤدى إلى وضع تصنيفات للبنود أو المتغيرات.

وفى النصف الثانى من الستينيات فى القرن العشرين بدأ إستخدام التحليل العاملى فى اختبار صحة الفروض ، وذلك عندما أجرى موسير Mosier العاملى فى اختبار صحة الفروض ، وذلك عندما أجرى موسير Psychometrica حيث استخدم طريقة التحويل العوامل النانجة تحويلا خطيا حتى تتشابه مع مصفوفة العوامل المتوقعة للتكوين المفترض . ويعد ذلك يتم إختبار المصفوفة الناتجة من حيث درجتها ومدى ملاءمتها التكوين المفترض وسمى هذا النظام باسم Procrustean وإستخدم جيلفورد هذا الاسلوب فى عزل العوامل عام ١٩٦٧ لإثبات نظريته عن التكوين العقلى .

وقد استخدم عدد من العلماء (في ذلك الوقت) التحليل العاملي لاختبار الفروض ومدى ملائمة النموذج المفترض للبيانات وأجرى العديد من الباحثين من علماء علم النفس وعلماء الاحصاء الرياضي دراسات عن معالم التحليل العاملي وعلاقة الناتج بالتكوين المفترض ومدى ملائمة ذلك للنظريات وتم تطوير عدة طرق للتحليل العاملي مما شجع الباحثين على استخدامه ومحاولة التوصل الي النظريات التي تنسق مع البيانات ، وبذلك يكون التحليل العاملي فوائد كثيرة في نطوير النظريات النفسية القائمة والمستخدمة (mulaik, 1977).

والمهمة الاساسية للتحليل العاملي هي تحليل بيانات المتغيرات للتوصل الى مكونات تتضمنها تلك المتغيرات. حيث يقدم التحليل العاملي نموذج عن التكوين النظري ، ويتحدد هذا النموذج من العلاقات الخطية بين المتغيرات ، ومعنى هذا أن التحليل العاملي يقوم على إفتراض وجود علاقات خطية بين المتغيرات وعدم وجود علاقات صفرية . فاذا وجدت العلاقات الخطية فانه يمكن استنتاج المكونات المشتركة بين المتغيرات والتي تفسر تلك العلاقات ، ويتوصل التحليل العاملي إلى هدفه بطريقتين : الاولى هي خفض عدد المتغيرات الاصلية الى عدد أقل من المتغيرات يسمى عوامل ، والثانية أن معنى العوامل ينتج من خصائص التكوين الموجود داخل مجموعة العلاقات .

وعملية خفض عدد المتغيرات، ومفهوم التكوين هما أساس فهم التحليل العاملي (Ferguson& Takane, 1989).

خفض عدد المتغيرات :

يهدف التحليل العاملى الى التوصل الى عدد قليل من المكونات (العوامل) التى تفسر العلاقات بين المتغيرات . وعملية خفض عدد المتغيرات الى عدد أقل هى علمية ذاتية . ومن المألوف النظر الى خفض عدد المتغيرات بأنه أمر أساسى لفهم العلاقات المشتركة بين المتغيرات أو لفهم السببية . فاذا قررنا أن طالب ما متميز في التحصيل لكونه مرتفع الذكاء ، فان هذا يعد حكما ذاتيا لخفض العديد من المتغيرات المؤثرة على التحصيل الى متغير واحد هو الذكاء . كما أن القرار بشأن الاتجاهات السياسية والاجتماعية للافراد قد يعتمد على موقعهم على بعد التحرر ، أو اليسار – اليمين .

ويوجد العديد من السلوكيات التي يقوم بها الافراد ونرجعها إلى متغير واحد مثل الديانة أو الجنسية ، ويعد هذا من ظاهرة العامل العام الذاتي . وبصفة عامة ، فأن الخفض الذاتي لمجموعة من المتغيرات لوصف مواقف معقدة إلى عدد أقل من العوامل لوصف تلك المواقف هي ظاهرة عامة Frguson & Takane, 1989)

ويقوم التحليل العاملي على إجراء هذا الخفض للمتغيرات ، حيث يختار الباحث موقفا معقدا مثل الذكاء الانساني أو التحصيل الدراسي أو النشاط الزائد للأطفال ، ثم يحدد عدد من المتغيرات التي يظن أنها تصف الموقف (أو مرتبطة به) . ويجمع بيانات عن المتغيرات ، ثم يجري تحليلا عامليا للبيانات ليقلل عدد المتغيرات التي عدد أقل من العوامل والتي يطلق عليها أسماء وخصائص معينة لوصف الموقف الاصلي .

وطريقة خفض عدد المتغيرات الاصلية الى عدد أقل هى طريقة معقدة ، Ferguson &: ممكن فهم هذه الطريقة نعرض المثاليين التاليين (من : & Takane, 1989) (Takane, 1989)

مصفوفة معاملات ارتباط بين خمسة متغيرات

مصفوقه معامدت ارتباط بين مست سمورت						
0	٤	٣	۲	١.,	المتغير	
٠,٨	٠,٧	٠,٦	۰,٥		١	
1,51	٠,٢٥	٠,٣	-	_	۲	
٠,٤٨	٠,٤٢	-			٣	
٠,٥٦				·	٤	
-					۵	
		i		1		

مثال (۱): يوضح جدول (۱۱ – ۱) مصفوفة معاملات ارتباط بسيط بين خمسة متغيرات فإذا حسبنا معامل الإرتباط الجزئى لعزل أثر المتغير الاول من معاملات الارتباط بين المتغيرات من الثانى

الى الخامس قان:

$$\frac{(n^{-1}, n^{-1}, n^{-1})}{\sqrt{(1-(n^{-1})^{-1})}}$$

$$\frac{(n^{-1}, n^{-1})}{(n^{-1})(n^{-1})} = \frac{(n^{-1}, n^{-1})}{(n^{-1}, n^{-1})}$$

$$= \frac{(n^{-1}, n^{-1})}{(n^{-1}, n^{-1})} = \frac{(n^{-1}, n^{-1})}{(n^{-1}, n^{-1})}$$

معامل الارتباط الجزئي بين المتغيرين (٣.٢) بعد عزل أثر المغير الاول = صفر. ويعنى هذا أن المتغير الاول هو المسئول عن العلاقة بين المتغيرين (٢،٢).

وكذلك إذا عزلنا أثر المتغير الاول من العلاقات الاخرى بين المتغيرات (بالجدول) ، نجد أن الارتباطات الجزئية = صفر ، مما يعنى أن العلاقات بالجدول يفسرها المتغير الأول .

فاذا كان المتغير الاول هو العمر الزمني والمتغيرات الاخرى هي الاداء المهاري لمجموعة من الاطفال ، فيكون العمر الزمني هو الذي أدى الى هذه الارتباطات ، وبالتالي يمكن خفض المتغيرات الخمسة الى متغير واحد.

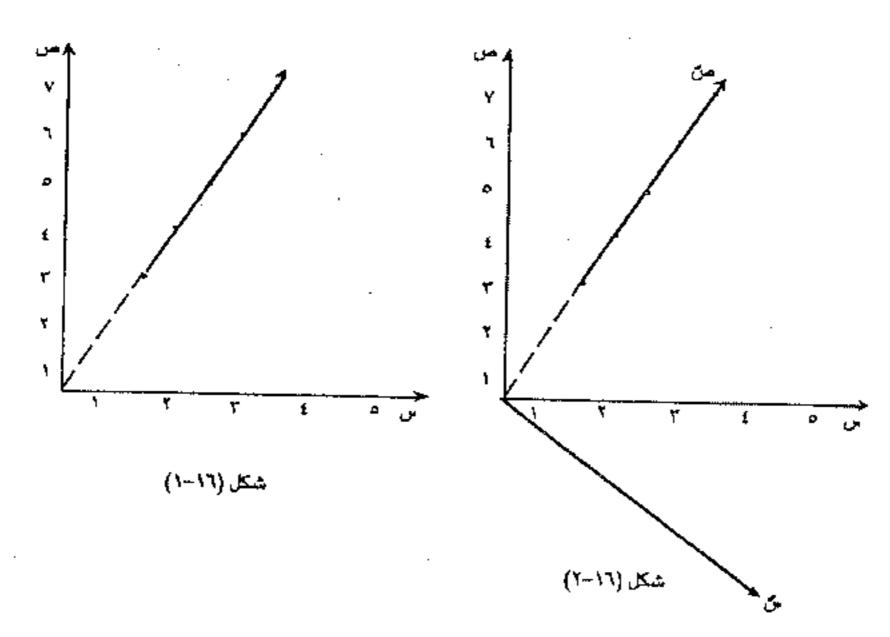
مثال (۲) : إذا كان لدينا متغيرين (س، ص) كما بالجدول (۲۰–۲)، فيمكن تمثيل هذه البيانات بالشكل البياني (۲۰–۱۰).

> ويتضح من الشكل أن جميع النقاط تقع على . خط مستقيم .

جدول (۱۳-۲)

ص	س
۳	۱,٥
٤	۲
٥	۲,٥
٦	٣
٧	٣,٥
]

فاذا دورنا المحورين الاساسين (س، ص) إلى موقع آخريسمى (س، ص) كما بالشكل (١٦ - ٢) فاننا نلاحظ أن جميع نقاط الخط المستقيم تقع على محور (ص) ، وبالتالى تتحول درجات النقاط بالجدول (٦١ - ٢) الى درجات أخرى (جدول ١٦ - ٣) ، حيث نلاحظ أن جميع قيم س = صفر (لأن النقاط تقع على المحور ص) وموقع كل نقطة على المحور ص يتمثل بقيمة جديدة . ومعلى هذا أن المتغيرين (س، ص) تم تخفيضهما الى متغير واحد هوص . ونلاحظ أيضا أن تمثيل النقاط (س، ص)



یستخدم محورین متعامدین (مجال فی بعدین) أما جدول (۱۰–۳) تمثیل النقاط کمسافات علی المحور (ص) کمسافات من نقطهٔ الصل تقاطع المحورین) فاننا نستخدم محور واحد فقط مفر محال فی بعد واحد) .

4,40

٤, ٤٧

0,09

٦, ٧١

٧, ۸٣

صفر

صفر

صفر

صفزر

وهذه الفكرة الموضحة يمكن تعميمها على عدد من المتغيرات. فاذا كان لدينا درجات النقاط على خط مستقيم يمر بنقطة الاصل (إستخدام الدرجات المعيارية يؤدى الى مرور الخط المستقيم بنقطة الاصل)، فإن شكل المتغيرات الثلاثة في المجال تلاثى الابعاد يتم خفضها الى شكل في متغير واحد له بعدين ويمر بنقطة الاصل، فإن موضع النقاط يتحدد في بعدين، وبذلك تنخفض المتغيرات الثلاثة إلى متغيرين.

ويمكن تعميم هذه الفكرة على عدد كبير من المتغيرات، والتي يمكن تمثيلها بنقاط في فضاء متعدد الأبعاد (يساوى عدد المتغيرات). وقد تحتل النقاط عدد من الابعاد (تقريبا) أقل من عدد المتغيرات، وبذلك يتم خفض عدد المتغيرات الي عدد أقل هو العوامل (Ferguson & Takane, 1989).

مفهوم التكوين:

يهتم التحليل العاملي باكتشاف ووصف التكوين لمجموعة من العلاقات بين المتغيرات. فمثلا بيانات متغيرين (س، ص) يمكن تمثيلها بخط مستقيم فيكون شكل التكوين خطيا، وتتضح الخطية بخصائص معينة للنقاط وعلاقتها ببعضها البعض. وقد تدل النقاط على شكل منحنى تربيعي أو تكعيبي أو أي شكل آخر معقد. أما إذا كانت النقاط عشوائية فانها لا تدل على تكوين محدد.

ويمكن تمثيل العلاقة بين متغيرين هندسيا باستخدام المتجهات ، والمتجهات والمتجهات المتجهات المتجهات والمتجهات الارتباط بين متجهين يساوى جيب الزاوية المحصورة بينهما . فمثلا معامل الارتباط بين متجهين بينهما زواية ٤٥ أما معامل الارتباط -٠,٠ فمثلا فانه يمثل متجهين بينهما زاوية ١٢٠ وهكذا . أما الارتباط من ثلاثة متغيرات فيمكن تمثيله بثلاثة متجهات ، كما يمكن تعميم هذه الفكرة لأى عدد من المتغيرات .

ومن النموذج الهندسى المستخدم فى التحليل العاملى فأن أطوال المتجهات لها معنى . فاذا رمزنا للمتجة بالرمز (ه) فان العلاقة بين متجهين هى حاصل ضرب المتجهين فى جبب الزاوية بينهما (هم هم حاى) فاذا كان طول المتجه هو الوحدة فان معامل الارتباط يساوى جيب الزاوية .

وبالطبع فان فهم العلاقات بين عدة متغيرات يعتمد على شكل نموذج المتجهات ، حيث تختلف أطوال المتجهات والزوايا بينها . فاذا كان لدينا عدد (ن) من المتجهات بينها بينها . فاذا كان لدينا عدد (ن) من المتجهات بينها بينها بينها بينها أو من المتجهات بينها بينها أو قد يدل على خصائص تكوين معين . فقد ينتظم عدد من المتجهات في تجمع معين ، وعدد آخر في مكان مختلف . وبالتالي فان عدد (ن) من المتجهات في تجمع معين ، وعدد آخر في مكان مختلف . وبالتالي فان عدد (ن) من المتجهات في قد يتشكل في عدد (ك) من التجمعات ، ويكون الغرض من التحليل العاملي هو وصف تشكيل المتجهات بطريقة اقتصادية توضح خصائص التكوين ، وهذه الخصائص التكوين ، وهذه الخصائص التكوين ، وهذه

وإذا رمزنا للعامل بالرمز (ل) وللمتغير في صورته المعيارية بالرمز (ذ) والاوزان (ب) والعامل الدوعي (و) و فيمكن كتابة المعادلات الخطية للتحليل

العاملي ، وهي معادلات التنبؤ بدرجات المتغيرات من العوامل كما يلي :

ن = بال ا + بار ل + بار ل + بار ل + بار ل + بار در = با

نہ = ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + ب، لم + + ب، ل ع + ب، و

وهكذا لبقية المتغيرات. وتعنى هذه المعادلات أن الدرجة المعيارية للمتغير تساوى حاصل ضرب الدرجات المعيارية للعوامل في أوزانها بالاضافة إلى درجة العامل النوعى لهذا المتغير مضروبة في وزنها . والاوزان ب١٠٠ ، ب١٠٠ ، ... النح تشير الى تشبعات العوامل وهي أوزان لدرجات العوامل ، أما ب١ فهي وذن لدرجة العامل النوعى للمتغير الاول ، ب، للمتغير الثاني وهكذا.

ويهتم النحليل العاملي بالتوصل الى قيم هذه المعاملات أو التشبعات .

والعامل هو متغير مثل المتغيرات الأخرى مع فرق بسيط وهو أن معظم المتغيرات يمكن قياسها مباشرة أما العوامل فهى متغيرات إفتراضية مشتقة من تحليل بيانات مجموعة متغيرات تم قياسها قياساً مباشراً.

ويتم وضع المتغيرات والعوامل تشبعاتها كما بالجدول (٢٦ - ٤).

جدول (١٦ - ٤) مصفوفة تشبعات العوامل والاشتراكيات

الاشتراكيات هـ٢	••••	Ш	II	I	العامل المتغير
۸- ۲		77 L	الم الم	ب ۱۱	١
7 _A	*********	ب ۳	نہ ہے	ب,,	۲
,		ب ۳	ب "	ب ۳	٣
Υ	.,	ب ہو	ب ۲۴	ب ۱۴	٤
٠	*******	. • .	10 ·	•	
•	******	. •			
•	*******	,		., •	
<mark>* ـه</mark>	******	ب ن۳	بي ب	ب ن	ن

لاحظ أيضا أن هم هي طول منجه المتغير الاول ، هم طول منجه المنغير الثاني وهكذا.

مكونات التباين:

يهتم التحليل العاملي بتوضيح التباين المشترك بن المتغيرات في صورة تكوينات فرضية (عوامل). فاذا كانت علاقات الصف الدراسي ودرجات الاستعداد والذكاء غير صفرية فان ذلك يقترح وجود تكوينات فرضية مشتركة بينها. وفي هذه الحالة قد تكون التكوينات لفظية أو مهارية ، وهذه التكوينات الفرضية هي العوامل المشتركة بين المتغيرات .

ولكن عدم توفر العلاقات التامة بين المتغيرات يؤدى الى وجود عوامل خاصة بكل متغير منها ، وهذه العوامل الخاصة هى التى توضح التباين الخاص بالمتغير ، وقد يرجع جزء من التباين الخاص الى أخطاء القياس . وحيث أنه من المفترض استقلالية الاخطاء فى كل متغير عن درجات المتغيرات الأخرى ، فأن هذه الاخطاء لا تسهم فى التباين المشترك ولكنها تسهم فى التباين الخاص بكل متغير . ويعتقد كثير من المتخصصين فى التحليل العاملى أن التباين الخاص يحتوى على تباين حقيقى (مستقل عن المتغيرات الاخرى) ولكنه يسمى بالتباين الخاص المتغير .

وبناء على ذلك فان تباين المتغيرات جزء منه مشترك وجزء آخر مستقل وهو التباين الخاص . ويمكن تقسيم التباين الكلى للمتغيرات الى :

تباين مشترك + تباين خاص + تباين الخطأ.

أما التباين الحقيقي = التباين المشترك + جزء من التباين الخاص والتباين النوعي = ما تبقى من التباين الخاص + جزء من تباين الخطأ ومن المفترض أن تباين الخطأ يساوى الصفر (إذا كان الخطأ عشواتيا ومستقلا) وعندنذ يكون التباين الكلى = التباين المشترك + التباين الخاص.

وبالرجوع الى معادلات النحليل العاملي المذكورة في الجزء السابق وهي في صورة درجات معيارية ، ومن المعلوم أن تباين الدرجات المعياية لأى متغير يساوى الوحدة ، وعليه فان تربيع المعادلة السابقة للمتغيرالاول هو :

لاحظ أنه لا يوجد حواصل ضرب لاستقلال العوامل عن بعضها البعض .

وتعنى هذه المعادلة أن : تباين المتغير الاول = جزء من التباين يرجع لكل عامل من العوامل المشتركة وجزء أخير (ب ﴿) للعامل الخاص بالمتغير .

وقد ذكرنا من قبل أن مجموع مربعات تشبعات العوامل للمتغير تساوى الاشراكيات للمتغير أى أن : هـ $\frac{1}{1} = \frac{1}{11} + \frac{1}{$

والتباين الخاص بالمتغير ينقسم الى جزئين: تباين نوعى ، وتباين للخطأ . والجزء النوعى من التباين يرجع الى عوامل نوعية للمتغيرات ولا يرجع الى خطأ القياس . وحيث أن كل المقاييس تتضمن أخطاء فى القياس ، فإن كل تطبيقات التحليل العاملي ترجع جزء من النباين الخاص إلى خطأ القياس . ولا نستطيع معرفة تباين الخطأ أو التباين النوعى إلا إذا علمنا معامل ثبات المتغير حيث : تباين الخطأ للمتغير حا - معامل الثبات .

وحيث أن التباين الكلى للمتغير = الاشتراكيات + التباين الخاص + تباين الخطأ . ولاننا نستخدم الدرجات المعيارية فإن التباين الكلى للمتغير = الوحدة ، وعليه فإن :

١ = الاشتراكيات + النباين الخاص + نباين الخطأ
 وتكون الاشتركيات + النباين الخاص = ١ - نباين الخطأ
 عامل ثبات المتغير

هـ ۲ + ع الخاص = ر معامل الفهات

وبذلك فان اشتراكيات المتغير أقل (أو تساوى أحيانا) معامل ثبات المتغير .

ومن الصعب حساب ع خطأ ، ع الخاص لكل متغير بسبب تداخل المتغيرات معا . ويعد تحديد هذه المكونات السابقة مشكلة كبرى في التحليل العاملي وتوجد لها حلول مقترحة سنوضحها فيما بعد .

ويبدأ التحليل العاملي بحساب مصفوفة معاملات الارتباط البسيط بين المتغيرات ، واستخدامها في التحليل . إذا رمزنا لمصفوفة الارتباط بالرمز [ر] والتي تتكون من عوامل مشتركة وعوامل نوعية فان :

وتحسب معاملات الارتباط بين المنغيرات باستخدام الدرجات المعيارية محد ذ, ذ,

وإذا إستخدمنا معادلات المنغيرات في صوء العوامل الناتجة وهي :

فيمكن حساب معامل الارتباط بين المتغيرين (١ ، ١) وهو يساوى مجموع حواصل ضرب تشبعات العوامل في المتغيرين :

كما نستطيع معرفة الزواية بين كل منجهين من العلاقة ر 🥋 🖚 هـ , هـ , حا ي

حيث هم، هم هما طولى المتجهين للمتغيرين الاول والثاني ، حاى هي جيب الزواية (ى) المحصورة بينهما ، وبالمثل لبقية المتغيرات.

التحليل العاملي الاستطلاعي والوكيدي:

Exploratatory and Confirmatory Factor Analysis.

التحليل العاملي هو أسلوب إحصائي يستخدم للتعرف على العلاقات المشتركة بين المتغيرات ، والنوصل إلى مسببات هذه العلاقات . أو هو الطريقة الاحصائية التي تعمل على خفض عدد المتغيرات المرتبطة الى عدد أقل من العوامل والتي تفسر العلاقات بين المتغيرات . ويوجد نوعان أساسيان من التحليل العاملي: استطلاعي Exploratatory وتوكيدي Confirmatory.

ويستخدم التحليل العاملى الاستطلاعى (الاستكشافى) فى الحالة التى تكون فيها العلاقات بين المتغيرات والعوامل غير معلومة أو غير مؤكدة . ويسير التحليل فى طريق الاستكشاف لتحديد العوامل الكامنة وعلاقتها بالمتغيرات المستخدمة . وعادة ما يتوصل التحليل الى عدد من العوامل أقل من عدد المتغيرات لتفسير العلاقات بين المتغيرات . ولا يكون لدى الباحث معلومة مسبقة عن العوامل الناتجة من التحليل .

أما التحليل العاملي التوكيدي فيستخدم لاختبار الفرض بوجود صلة معينة بين المتغيرات والعوامل الكامنة ، إعتماداً على نظرية مسبقة أو أدبيات البحث ، ثم يختبر الباحث نظام الصلة المفترض إختباراً إحصائيا . وعليه فان التحديد المسبق لنموذج التحليل اللعاملي التوكيدي يسمح للمتغيرات بحرية النشبع على عوامل محددة دون غيرها ، ثم يتم تقويم النموذج بطريقة إحصائية لتحديد دقة مطابقته للبيانات المستخدمة (6-5:4994).

وباختصار يركز التحليل العاملى (الاستطلاعي أو التوكيدي) على توضيح الصلة بين المتغيرات المستخدمة وعواملها الكامنة ، وبتحديد اكثر فهو يهتم بامكانية التوصل إلى المتغيرات عن طريق المكونات الكامنة ، أو مدى تأثير المكونات الكامنة في التوصل إلى المتغيرات ، ولذلك فهو يهتم بقوة مسارات الانحدار من العوامل إلى المتغيرات ، وعلى الرغم من الاهتمام بنظام التكوين الارتباطي بين العوامل ، إلا أننا لا نهتم بنظام الانحدار ، وإنما نركز اهتمامنا على الصلة بين العوامل ومتغيراتها ، وفي التحليل التوكيدي يكون الاهتمام بالنموذج المسبق الذي يضعه الباحث اعتماداً على نظرية معينة أو دراسات سابقة أو كليهما ، ثم يحاول إختبار صحة النموذج باستخدام بيانات العينة عن المتغيرات الموجودة في النموذج ، ومدى ملاءمة البيانات للاموذج (7-6: 1994 Byrne, 1994) وسوف نركز هنا على التحليل العاملي الاستطلاعي وطرق إجرائه ، ونشر فيما بعد الى التحليل العاملي التوكيدي .

طرق التحليل العاملي الاستطلاعي:

يبدأ إجراء التحليل العاملي الإستطلاعي باستخدام مصفوفة الارتباط بين المتغيرات أو مصفوفة التباينات. ثم يتم استخراج العوامل الاساسية ، حيث يتم استخراج العامل الاول وهو عادة عامل عام ويعد أفضل معادلة خطية للمتغيرات وتحتوى على اكبر تباين ممكن لها ، وتكون هذه المعادلة على الصورة :

حيث ذر هي درجة الفرد على العامل المستخرج ، ب، ، ب، ، ب، ب، ب، ب، ب، ب، ب، هي تشبعات العامل على المتغيرات المختلفة (جدول ١٦ - ٤) ، وهي معاملات إرتباط بين العامل والمتغيرات ، ومجموع مربعات هذه المعاملات يسمى الجذر الكامن Eigenvalue، وإذا قسم على عدد المتغيرات تنتج النسبة المدوية من التباين الكلى للمتغيرات (جزء من التباين المشترك) الذي يقسره العامل الاول ويتم استخراج تشعبات العامل الاول (بالطريقة المركزية) بقسمة مجموع ارتباطات الأعمدة (بعد إضافة تقدير الاشتراكيات في قطر المصفوفة) على الجذر التربيعي لمجموع المصفوفة . ثم نحسب مصفوفة البواقي بطرح مصفوفة تشبعات العامل الاول من المصفوفة الاصلية للارتباطات ، ونستخدمها بنفس الطريقة لاستخراج تشبعات العامل الثاني والذي يكون مستقلا عن العامل الاول ويمثل أفضل معادلة خطية تحتوى على جزء من التباين المتبقى ، ثم تتكرر الخطوات السابقة الستخراج العوامل التالية حتى نصل إلى أخر عامل (فؤاد البهي ١٩٧٨). وتسمى هذه الطريقة بالطريقة المركزية Ceniroid ، وهي الطريقة القديمة التي طورها ترستون. والعديد من أمثلة التحليل العاملي التي نشرت قبل استخدام الحاسوب كأنت تستخدم الطريقة المركزية . وتتضمن الطريقة المركزية وصع أول محور مرجعي في منتصف تشكيل متجهات المتغيرات ، ثم الحصول على مصفوفة المتبقى من الارتباطات واجراء بعض التعديلات اعتماد على العامل الاول ، ثم نستخرج العامل الثاني ويكون محوره متعامدا مع الاول وهكذا حتى نصل إلى آخر عامل. والطريقة المركزية هي تعديل لطريقة العوامل الاساسية Principal axes التي استخدامها سبيرمان .

والتى تم تطويرها بعد ذلك وأصبحت تعرف باسم المكونات الاساسية -Prin والتى تم تطويرها بعد ذلك وأصبحت تعرف باسم المكونات الاساسية -cipal Components ، وهى من اكثر الطرق استخداما في الوقت الحاصر للحصول على حل مباشر المصفوفة الارتباط ، وتوجد طرق أخرى للتحليل العاملي

وهي طريقة العوامل الاساسية Ptincipal Factors ، وطريقة راو التحليل العاملي Rao Canonical Factoring ، وطريقة ألف Alpha Factoring ، والطريقة التخيلية Image Factoring .

١ - طريقة المكونات الاساسية Principal Components (PC) - المكونات

وهى طريقة مباشرة لتحويل المتغيرات الى مكونات أساسية متعامدة ، وهذه المكونات هى أفضل تجمعات خطية Linear Combinations للمتغيرات والتى تفسر أكبر قدرمن التباين الكلى فى البيانات ، حيث يكون المكون (العامل) الأول هو أفضل تجمع خطى للعلاقات بين المتغيرات والذى يفسر اكبر قدر من التباين ، وعادة مايكون عامل عام . أما العامل (المكون) الثانى فهو ثانى أفضل تجمع خطى لتفسير جزء من التباين لم يتم تفسيره بالعامل الاول ، أى بعد عزل تباين العامل الاول ، وهكذا فى العامل الاول ، وهكذا فى بقية العوامل .

وتعتمد طريقة المكونات الاساسية على وضع العدد واحد فى قطر مصفوفة الارتباط ، بافتراض أن تباين أى متغير هو الوحدة ، ثم تجرى التحليلات على هذا الاساس . ولكن إذا تم وضع الاشتراكيات بدلاً من الوحدة فى قطر مصفوفة الارتباط ، فان هذا يقلل رتبة المصفوفة وبالتالى يقلل عدد العوامل المستخرجة ، إذا أن عدد العوامل المناسب لتفسير العلاقات بين المتغيرات يعتمد على رتبة مصفوفة الارتباط (Kim, 1965:472)

Principal Factors (PF): طريقة العوامل الاساسية - ٢

وهى مشابهة لطريقة المكونات الاساسية إلى حدما ، لكنها تختلف عنها فى أنها تصع تقديراً للاشتراكيات فى قطر مصفوفة الارتباط ، مما يؤدى الى خفض رتبة المصفوفة وبالتالى يقل عدد العوامل المستخرجة .

وتقدير الاشتراكيات قد يكون مربع الارتباط المتعدد بين متغير ما وبقية المتغيرات الاخرى ، أو أعلى إرتباط بسيط في كل عمود من أعمدة المصفوفة .

والعوامل الناتجة من طريقة العوامل الاساسية ليست تحويلا خطيا مباشرا المتغيرات ، بسبب تغيير قطر مصفوفة الارتباط ، وإنما هي عوامل مستنتجة -In ferred . حيث تفترض أن جزء معين من تباين المتغيرات هو المتضمن في نمط التكوين العاملي لهذه المتغيرات . كما تفترض هذه الطريقة وجود عامل نوعي أو

تباين نوعى لكل متغير مستقل عن المتغيرات الأخرى ، وعن طريق إحلال قطر مصفوفة الارتباط بتقدير للاشتراكيات ، فاننا نعزل هذا التباين النوعى لكل متغير ونجرى تحليلاً للاجزاء المتبقية من تباين المتغيرات .

وتقدير الاشتراكيات الذي يوضع في قطر مصفوفة الارتباط يكون أقل من الوحدة واكبر من الصفر . وبالطبع لاتوجد طريقة واحدة متفق عليها لتقدير الاشتراكيات ، لكن حدها الأعلى هو معامل الثبات وحدها الادني هو مربع معامل الارتباط المتعدد لمتغير ما مع المتغيرات الأخرى (Kim,1975: 480) .

وفى حالة عدم وجود مقلوب لمصفوفة الأرتباط أو تكون محددة Determinant المصفوفة صغيرة جدا يستخدم أعلى معامل ارتباط بسيط فى كل عمود ليوضع فى قطر المصفوفة كتقدير للاشتراكيات .

كما تستخدم طريقة العوامل الاساسية نظام يسمى تكرار التقدير Iteration حيث يتم تحديد عدد العوامل من مصفوفة الارتباط الاساسية ، ثم يحسب مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير مع المتغيرات الاخرى في كل عمود ، وتعد هذه المعاملات تقديرات للاشتراكيات التي توضع في قطر المصفوفة وبالتالي تقال من رتبتها . ثم يستخرج نفس العدد من العوامل وتستخدم تشبعاتها في تقدير الاشتراكيات التي توضع في قطر مصفوفة الارتباط ، وهكذا تتكرر عملية استخراج العوامل وتقدير الاشتراكيات من العوامل وتقدير الاشتراكيات من العاملي تقدير الاشتراكيات من الصفر . وهذه الطريقة هي أكثر طرق التحليل العاملي تقبلا وملاءمة في التوصل الى العوامل الاساسية .

٣ - الطرق الاخرى للتحليل العاملي الاستطلاعي :

ذكرنا من قبل أن هناك طرق أخرى للتحليل العاملي الاستطلاعي وهي : راو Rao ، الفا Alpha ، التخيل Image.

حيث تعمل طريقة راو على التوصل إلى أعلى معامل ارتباط بين مجموعة المتغيرات وبين العوامل مجتمعة ، وهي تتبع طريقة العوامل الاساسية ، ويعد تقدير الاشتراكيات مشكلة أساسية في هذه الطريقة ، وتحاول طريقة راو تقدير معالم المجتمع (العوامل الاساسية للمجتمع) باستخدام بيانات العينة ، ولا تستخدم هذه الطريقة بكثرة بالرغم من أنها تستخرج عدد أقل من العوامل .

أما طريقة ألفا فهي تعتبر المتغيرات المستخدمة عيئة من مجتمع

المتغيرات. وتحاول التوصل الى العوامل الأكثر تعميما ، والاستدلال من عينة المتغيرات الى المجتمع . ويتم اجراء طريقة ألفا ، مثل طريقة العوامل الاساسية ، باستخدام مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير في قطر المصفوفة ، وتعديل معاملات الارتباط على أساس أن المتغيرات هي عينة من مجتمع المتغيرات .

وتعد هذه الطريقة اكثر تعقيدا من طريقة راو ، ولذلك فهي قليلة الاستخدام.

وتقوم طريقة التخيل Image على نظرية جتمان في تقدير الاشتراكيات للمتغير بمربع معامل الارتباط المتعدد بين المتغير والمتغيرات الاخرى بالاضافة الى جميع المتغيرات في المجتمع وتسمى الطريقة Image Factoing لأنها تقدر التباين المشترك للمتغير من مجموع حواصل ضرب معاملات الانحدار المعيارية في الدرجات المعيارية للمتغيرات الأخرى وهذا التباين المشترك يسمى Image وتستخدم هذه الطريقة مصفوفة التباين بوضع Image في قطر مصفوفة الارتباط مع تعديل معاملات الارتباط وعادة ما تتوصل هذه الطريقة الى عدد من العوامل يعادل نصف عدد المتغيرات وهو عد اكبر من اللازم ولا تستخدم هذه الطريقة كثيرا لتعقيدات العمليات الحسابية .

ويتضح مما سبق أن طريقتي المكونات الاساسية (PC) والعوامل الاساسية (PF) هما الأكثر إستخداما في التحليل العاملي الاستطلاعي .

وتكمن المشكلة في هانين الطريقتين في تقدير الاشتراكيات الذي يوضع في قطر مصفوفة الارتباط وبالتالي يؤثر على رتبتها وعدد العوامل بها . كما أن معرفة عدد العوامل يساعد في التوصل الى تقدير جيد للاشتراكيات.

عدد العوامل:

ذكرنا أن قيمة الاشتراكيات التى توضع فى قطر مصفوفة الاتباط تؤثر على تحديد رتبة المصفوفة وبالتالى عدد العوامل التى تتضمنها . كما أن القيمة الفعلية للإشتراكيات تعتمد على عدد العوامل المستنتجة من مصفوفة الارتباط . وبذلك فان عمليتى تقدير الاشتراكيات وتحديد عدد العوامل تعتمدان على بعضهما البعض ، وهى إحدى مشكلات التحليل العاملى الاستطلاعى .

وتوجد ثلاثة مداخل لتحديد عدد العوامل (Cattell,1965) هي :

١ - المدخل الرياضي :

قيمة الاشتراكيات التى توضع فى قطر مصفوفة الارتباط تحدد رتبة المصفوفة ، وحيث أننا نرغب فى التوصل للاشتراكيات التى تقال رتبة المصفوفة ، فأن الاقتراح بوضع مربع معامل الارتباط المتعدد للمتغير مع المتغيرات الاخرى يؤدى الى أقل رتبة ممكنة للمصفوفة ، لأن مربع الارتباط المتعدد يمثل الحد الأدنى للاشتراكيات . واستخدام هذا المدخل عليه اعتراض منطقى وهو أننا لا نهدف الى تقليل عدد العوامل ، وإنما نهدف الى معرفة عدد العوامل ذاتها التى تتضمنها مصفوفة الارتباط . ولذلك فان البحث يكون عن أفضل تقدير ممكن للعدد الفعلى للعوامل التى تدل عليها البيانات المستخدمة .

٢ - المدخل الاحصائى :

ويهتم هذا المدخل بالتوصل الى أفضل مواتمة ممكنة في ضوء الاحتمالات والذي يعتمد بدوره على حجم العينة وعدد المتغيرات ، وتوجد عدة طرق لهذا المحك والتي قدمها كل من بارتلت عام ١٩٥١ ، بيرت عام ١٩٥٢ ، لاولى عامى المحك والتي قدمها كل من بارتلت عام ١٩٥١ وغيرهم ، وقد ركزوا في هذا المدخل على التطبيقات الفعلية التحليل العاملي . فاستخدام طريقة Maximum Likelihood أو المزدوج لعدد العوامل تعد طريقة اكشف التغير الآني Simultaneous أو المزدوج لعدد العوامل والاشتراكيات معا للتوصل الى ما يلائم مصفوفة الارتباط الاصلية عند مستوى دلالة مناسب . ويجب الحذر من الافتراض بأن عملية إستخراج العوامل تتوصل في البداية الى عوامل خالية من الخطأ وبعدها تستخرج عوامل الخطأ . لأن تباين الخطأ يظهر منذ البداية مع التباين الحقيقي ، وعند تدوير العوامل يتم تدوير تباين الخطأ الى عوامل للخطأ . وعادة تظل نسبة تباين الخطأ ثابتة ولانستطيع عزل الخطأ دون فقد جزء من التباين الحقيقي إذا توقفنا مبكرا عن إستخراج عوامل إضافية .

٣ - مدخل التكوين العاملي:

من المألوف أن المصادر التي تؤثر في تباين عدة متغيرات قد يزيد على عدد المتغيرات ذاتها . وحيث أن رتبة المصفوفة لا تزيد عن درجتها ، فاننا لا نستطيع تجاهل الموقف الفعلى الذي يحاول النموذج العاملي موائمته . فاذا وافق عالم الرياضيات على ٣٠ عامل مستخرجة من ٨٠ متغير توثر على أداء ١٠٠ من الافراد ، واذا قسنا متغيرين عند فردين فقط بعد ذلك ، فلا يزال هناك ٣٠ عامل

تؤثر على الاداء وليس المتغيرين . ولذلك فان الهدف هو التوصل الى العوامل التي يسمح بها المدخل الرياضي ثم نصنفها الى عوامل حقيقية وعوامل للخطأ .

وأحيانا تكون العوامل الحقيقية بعضها مهم والبعض الآخر بسيط ولا يفسر شئ يذكر . فعدد العوامل الممكنة في المصغوفة قد يساوى عدد المتغيرات (ن) ، ولكننا لا نستطيع التعامل مع هذا العدد الكبير للعوامل ، ويكون الأقل في التوصل إلى قيم جيدة للاشتراكيات تؤدى الى تقارب الخطأ ، وعليه يجب التوقف عند عدد من العوامل = __ن_ وفي معظم البحوث قد يكون عدد العوامل _ ن عدداً كبيراً يتضمن عوامل بسيطة وعوامل للخطأ .

ويبدو من العرض السابق للمداخل الثلاثة أن تقدير عدد العوامل أمر ذاتى بدرجة كبيرة ، وذلك لعدم معرفة رتبة المصغوفة أو القيم الحقيقية للاشتراكيات وقد يجرى باحث تحليلا عامليا لعدد من المتغيرات ويستضرج منه عددا من العوامل ، ثم يقرر تغيير عدد العوامل الى عدد أقل ، وربما يتوصل الى عدة حلول للعوامل التى تنضمنها مصفوفة الارتباط . ويستطيع الباحث تبرير هذه الحلول المختلفة بأنها تؤدى الى تكوين قابل للتفسير أو غير ذلك من التبريرات مثل ثبات العوامل أو البعد عن عوامل الخطأ ، وكل هذه التبريرات أو بعضها قد يكون صحيحا ، وعليه فان تقدير عدد العوامل التى تتضمنها مصفوفة الإرتباط بين مجموعة من المتغيرات يعتمد على ذاتية الباحث.

وقد يرى البعض أن الحل الصحيح لتحديد عدد العوامل هو استخراج العوامل التي لا يقل جذرها الكامن Eigenvalue عن الوحدة ، وهو الحل الذي قدمه هوتلنج Hotelling. ويقوم هذا الحل على إفتراض أنه لايجوز استخراج عاملا يحتوى على تباين أقل من تباين متغير واحد . ومع أن هذا الحل مقبول إلا أنه يؤدى الى عدد كبير أيضا من العوامل .

أما الحل الثانى الذى يلاقى تأييدا كبيرا الآن هو الاعتماد على نظرية معينة أو دراسات سابقة أو كليهما فى تحديد عدد العوامل ، وهذا ما يحدث فى التحليل العاملى التوكيدى . حيث يحدد الباحث عددا من العوامل معتمداً على أسس نظرية أو بحثية سابقة ويتوصل بعد ذلك الى مدى مناسبة النتائج مع ما هو مفترض .

تدوير العوامل: Factor Rotation

يعد اجراء التحليل العاملي والتوصل الى العوامل وتشبعاتها ، يأتى دور المرحلة الثانية التى تستلزم تدوير المحاور إلى موقع آخر (كما وضحنا فى مثال رقم ٢) يساعد فى تفسير العوامل . وقد أشار هارمان إلى العوامل الناتجة بعد التدوير بأنها عوامل مستنتجة . وتوجد طرق متعددة للوصول الى العوامل المستنتجة ، وجميع هذه الطرق تتضمن وضع المحاور فى موضع يتحدد من خصائص تشكيل متجهات المتغيرات . وفى بدايات تاريخ التحليل العاملى كان يتم التدوير بوضع تشبعات كل عاملين على صفحة مستقلة ، وتقدير الزاوية بينهما ثم تدوير المحاور بمقدار هذه الزاويه أما الآن فقد تم التوصل الى طرق أخرى تحليلية لتدوير العوامل كبديل للطريقة الهندسية .

والقصد من عملية تدوير العوامل هو الترصل الى تشكيل (تكوين) مناسب العوامل له معنى ويمكن تفسيره ، وتوجد طرق مختلفة للتدوير يمكن أن ينتج عنها تشكيلات عاملية مختلفة وغيرمخالفة لأى إفتراضات رياضية أو إحصائية ، بمعنى أنه توجد عدة طرق إحصائية منكافئة للتوصل الى الابعاد المتضمنة في البيانات المستخدة في التحليل ،

وعدم تحديد طريقة واحدة لتدوير العوامل يعد مشكلة أخرى في استخدام التحليل العاملي. فقد تتوصل طريقة للتدوير الى تكوين عاملي مختلف عن طريقة أخرى ، وليست كل التكوينات العاملية التي نتوصل اليها لنفس البيانات مرتبطة بمعان نظرية معينة . وهنا تكمن المشكلة في إختيار طريقة للتدوير تساعد في تفسير العوامل الناتجة . حيث أننا نرغب في اختبار الطريقة الجيدة التي تؤدى الى حل يحقق الأسس المنطقية النظرية والعملية لموضوع البحث .

وتوجد طريقتان أساسيتان التدوير العوامل هما: التدوير المتعامد -Oblique والتدوير المائل Oblique. وكل من الطريقتين نحاول التوصل الى تكوين عاملى بسيط وله معنى . فالعوامل المتعامدة يسهل التعامل معها وتقسيرها لأنها مستقلة عن بعضها البعض ، أما العوامل المائلة فهى اكثر ملاءمة للواقع الفعلى وذلك المتغيرات في الموقف الواحد وصعوبة تفسيره بعوامل مستقلة . ولا يوجد أساس علمى لتفضيل طريقة تدوير على الأخرى ، وانما أساس التفضيل هو الطبيعة الخاصة لموضوع البحث .

وقد لخص هارمان (Harman, 1967) القواعد التي وضعها ثرستون

لتدوير العوامل وهي :

- ١ كل متغير في مصفوفة العوامل بكون تشبعه صفراً على عامل واحد على
 الاقل .
- ٢ كل عامل من العوامل العامة يكون به عدد من التشبعات الصفرية مساو لعدد العوامل العامة .
- ٣ لكل زوج من العوامل عدة متغيرات بعضها يتشبع على أحد العاملين والبعض
 الآخر على العامل الثاني .
- ٤ لكل زوج من العوامل عدد كبير من المتغيرات لا تتشبع عليهما وإنما تتشبع
 على العوامل الأخرى
- ۵ لكل زوج من العوامل عدد قليل من المتغيرات لها تشبعات على العاملين.
 وتستخدم هذه القواعد في أي طريقة من طرق التدوير المتعامد أو المائل وهي تركز على التشبعات الصفرية وغير الصفرية

أ - التدوير المتعامد:

وهى تتضمن ثلاث طرق فرعية هى : كوارتيماكس Quartimax وقاريماكس Varimax وقاريماكس Varimax وقاريماكس Equimax وفيما يلى توضيح لهذه الطرق :

العوامل بحيث يتشبع المتغير مرتفعا على عامل ومنخفضا على العوامل الاخرى العوامل بحيث يتشبع المتغير مرتفعا على عامل ومنخفضا على العوامل الاخرى الم أي أنها تهتم بتبسيط تشبعات المتغيرات على العوامل و وتعتمد طريقة كواريتماكس على تقليل مجموع مربعات حواصل ضرب تشبعات المتغيرات على العوامل بمعنى أن مح " (ب ب ب ب) " للمتغيرات في حالة عاملين تكون آقل ما يمكن وحيث أن الندوير المتعامد لا يغير مجموع الاشتراكيات (أي يظل ثابتا) ولن تقليل مجموع مربعات حواصل ضرب تشبعات المتغيرات على العوامل ، يعنى تكبير مربع مربعات تشبعات العوامل (أي محد ب) ويتم هذا إذا تشبع كل متغير على على على العوامل الأخرى و وتميل هذه الطريقة الى أن يكون العامل الاول عاملاً عاماً .

٢ - طريقة قاريماكس:

حيث أن طريقة كوارتيماكس تركز على تبسيط التشبعات في الصفوف (المتغيرات) ، فأن طريقة قاريماكس تركز على تبسيط التشبعات في الأعمدة (العوامل) (Kaiser, 1958) ففي طريقة كواريتماكس يمكن لعدد من المتغيرات أن

تتشبع مرتفعاً أو متوسطاً على عامل واحد ، أما طريقة فاريماكس فان النشبعات على العامل تكون واحد أو صفر . وحتى يحدث هذا النبسيط للتشبعات فان تباين مربعات التشبعات في كل عمود (عامل) يكون أكبر ما يمكن ، ولهذا سميت فاريماكس . وتعد هذه الطريقة تعديل لطريقة كوارنيماكس ، كما أن طريقة فاريماكس هي اكثر طرق التدوير المتعامد إستخداما .

٣ -- طريقة إكويماكس:

وهى تستخدم نفس الاسلوب المتبع فى الطريقتين السابقتين ، وتحاول أن توازن بينهما ، بمعنى أنها تهتم بتبسيط تشبعات المتغيرات (الصفوف) وتبسيط تشبعات المعات العوامل (الاعمدة) ، ولهذا سميت إكويماكس .

ب - التدوير المائل:

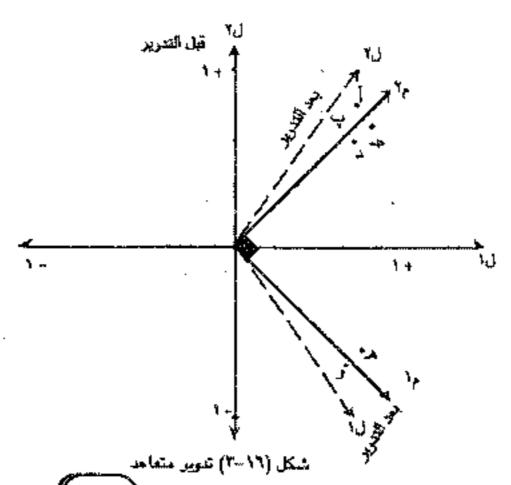
وهى نعتمد أيضا على فكرة نبسيط التشبعات ، وتعطى المتغيرات الحرية في النشبع على العامل القريب منها ، وهي نحاول تجميع كل عد من المتغيرات معا لتكوين عامل . ويمكن فهم هذه الطريقة هندسيا (كما سبق في شكل ١٦-٣) وتستخدم طريقة التدوير المائل فكرة تقليل حواصل ضرب تشبعات العوامل على المحاور الاسسية حتى يمكن تبسيط تشبعات العوامل قبل التدوير . وتسمح طريقة التدوير المائل للعوامل بالارتباط فما بينها ، ويعتمد هذا الارتباط على البيانات المستخدمة ، ويحدد أو يختار الباحث الزوايا بين العوامل المائلة .

مثال (۳) : يوضح شكل (۲۱ - ۳) تدوير متعامد لعاملين ل، ، ل، يمثلان سنة متغيرات (أ،ب،ج،د،ه،و) حيث يتضح أن تشبعات

المتغیرات (أ، ب، ج) موجیة ومرتفعة على العاملین ل، ، ل، قبل الندویر.

بينما المتغير (د) تشبعه موجب ومتوسط على كل من العاملين أيضا .

أما المتغيران (ه.، و) فتشبعاتهما موجبة ومتوسطة على العسامل الأول (ل,) وسالبة



ومتوسطة على العامل الثاني (ل.) .

كما يتضح من الشكل (١٦ - ٣) وجود تجمعين للمتغيرات حيث نلاحظ تقارب مجموعة المتغيرات (أ ، ب ، ج ، د) ، بينما المتغيرين (د ، ه -) يتجمعان معا . وإذا دورنا محورى العاملين فان تشبعات المتغيرات على العاملين تتغير ويصبح بعضها مرتفعا على عامل ومنخفضا على العامل الآخر مما يسهل عملية تفسير العاملين ، كما أن مجموع الاشتراكيات الكلى لايتغير .

مر العوامل

المتغيرات

جدول (١٦-٥٠) تشبعات العوامل قبل وبعد التدوير

له

قبل الندوير

ڶؠ

بعد التدوير

ل٠٧

ويتبين من الجدول (١٦ - ٥) تشبعات المتغيرات على العاملين بعد الندوير المتعامد ، حيث تتشبع المتغيرات أ ، ب ، ج ، د تشبعا مرتفعا على العامل الثاني ، ومنخفضا على العامل الاول . بينما يتشبع المتغيران هد، و تشبعا مرتفعا على العامل الاول ومنخفضا على العامل الاول ومنخفضا على العامل

الثاني . كما نلاحظ أن التشبعات

السالبة للمتغيرين ه ، وعلى

العامل الثاني أصبحت موجبة

بعد التدوير .

1,90 1,10 ٠,٥٣ ٠,٧٨ ٠,٨٣ ., 1 . 1, 24 ., 19 •, 9 • +, YY *, £ Y 4,41 ٠,٧٢ .,19 -, ٣١ •, 17 ٠, ۲٠ ٠,٨٦ 1,20_ +, Vo À ٠, ۲٧ ٠,٧٥ 1,24-1,10 • T. . TT 1, 19 1, 10T T. 140 الجذر الكائن

أما التدوير المائل نسبة النباين ١٠٥٢٩ ١٩٢٠٠ للعاملين (ل، ، ل،) فيتصنح في

الشكل (١٦ - ٣) من المحسورين (م ، م) حيث يمثل كل منهما عاملا بعد الشكل (١٦ - ٣) من المحسورين (م ، م) حيث يمثل كل منهما عاملا بعد التدوير المائل . ونلاحظ أن العامل الاول م يمر وسط تجمع المتغيرات (أ ، ب ، ب ، ب ، ب بينما العامل الثاني م يمر بين المتغيرين (ه ، و) .

درجات العوامل: Factor Scores

ذكرنا أن تشبعات المتغيرات على العوامل هو أوزان معيارية ومجموع مربعاتها (أفقيا) يساوى اشتراكبات المتغير المعنى . وتكون العلاقة بين المتغير الإول في صورته المعيارية والعوامل (ك) هي :

ذ، = ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + ب، ل، + + با و،

وهي معادلة انحدار المتغير الاول على العوامل (كمنبئات) ، وبالمثل معادلات المتغيرات الأخرى تكون مشابهة لهذه المعادلة .

كما أن العلاقة بين العامل والمتغيرات هي أيضا علاقة خطية وتعنى أنه يمكن التنبؤ بدرجات العامل من المتغيرات ، وتكون تشبعات المتغيرات على العوامل هي أيضا أوزان معيارية ومجموع مربعاتها (رأسيا) يساوى الجذر الكامن Eigenvalue للعامل . وتكون معادلة العامل الاول مع عدد (ن) من المتغيرات هي :

ل = بر ، د ، + به ، د ، +ب ، ، ، ، ، + ب ، ، ، ، ب و د ن

وتستخدم هذه المعادلة في حساب الدرجات المعيارية للعامل الاول وبالمثل درجات العامل الثاني تحسب من المعادلة :

ن غور ب + سر + بنه دو + بن مهر + بن مهر = بل

وبتطبيق هذه المعادلات على المثال (٣) فان :

ل، = ١٥٠ ، ١٠ ، ١٠ ، ١٠ ، ٢٢ ، نم + ١٩١ ، ن + ٢٨ ، ن + ٢٨ ، ن + ٩٧ ، ن -

ويتم حساب درجات العوامل بإستخدام الدرجات المعيارية للمتغيرات.

وتعتمد برامج التحليل العاملي الاستطلاعي في سجموعة برامج Spss على استخدام هذا الاسلوب في حساب درجات العوامل (

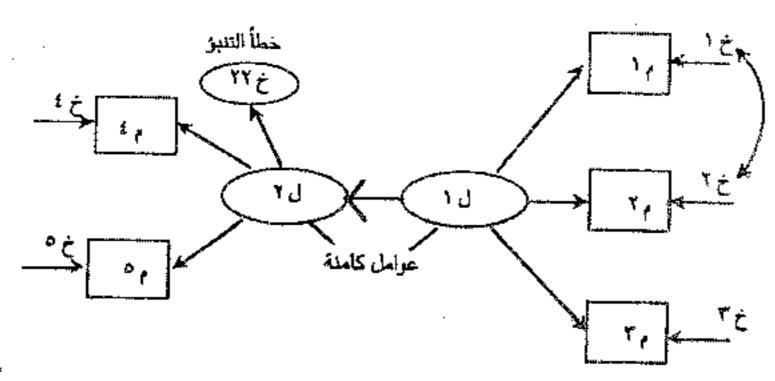
وأحيانا يقوم بعض الباحثين عند حساب درجات العوامل باستخدام الاوزان (التشبعات) الله من التشبعات) التي تسارى ٢٠٠ أو اكثر وإهمال الاوزان (التشبعات) الأقل من ٣٠٠ ويعد هذا الاجراء ذاتى (وغير صحيح) ويعنى تقدير متحيز لدرجات العوامل، ويؤدى هذا إلى وجود علاقات بين درجات العوامل المتعامدة والتي من المفترض أنها مستقلة عن بعضها البعض خاصة عند استخدام التدوير المتعامد.

التحليل العاملي التوكيدي : Confirmatory Factor Analysis (CFA)

يهتم التحليل العاملى التوكيدى باستخدام بيانات مجموعة من المدخيرات الاختبار صحة تكوين معين يعتمد على معرفة سابقة نظرية أو بحثية ، بمعنى أنه يبدأ بتصور لتكوين معين يجمع بين المتغيرات المستخدمة في التحليل ، ويحاول التأكد من صحة هذا الافتراض ، ويوضح الصلة المفترضة بين المتغيرات وتكوينها العاملي . وهو بذلك يضع تحديدا مسبقا للعوامل ونظاما للعلاقات أو الصلة بينها وبين المتغيرات ، ثم يحاول مطابقة النموذج المقترح مع البيانات المستخدمة . وبالطبع لا يكون التطابق تاما بين النموذج المقترح والبيانات وإنما يكون هناك حزء للخطأ يدل على الانحراف عن النموذج .

وفيما يلى مقترح للعلاقات بين خمس مغيرات مقتبس من بيرنى ١٩٩٤) Byrne, 1994 : 7-11)

ويفترض النموذج المقترح في الشكل (١٦ – ٤) وجود خمسة متغيرات محددة بمربعات ، وعاملين (ل، ، ل،) محددة بدواتر قطع ناقص وخطأ للتنبؤ بالعامل الثاني (ل،) هو (خ،) ، كما توجد أخطأ بالمتغيرات الخمسة (خ، إلى خ، وقدل الاسهم على معاملات الانحدار ، وأثر كل متغير على الآخر ويتضح من الشكل أن المتغيرات م، ، م، م، متصلة بالعامل الاول (ل،) وهو المسبب لهذه المتغيرات (حيث يشير إتجاه السهم من العامل الى المتغيرات) وكذلك العامل الذاني (ل،) هو المسبب للمتغيرين (م، ، مه) . كما يتضح أن العامل ل، يؤثر على العامل ل، ويدل السهم ذو الاتجاه الواحد على تأثير متغير على آخر ، أما إذا كان السهم يشير في الاتجاهين فانه يدل على علاقة إرتباطية .



شكل (١٦-٤) نموذج لمسار العلاقات المفترضة بين المتغيرات

وتذكر بيرنى أن بنتار -ويكس Bentler- Weeks قدما نظاما لتمثيل المتغيرات يعتمد على نقسيمها الى مستقلة وتابعة . فكل متغير يشير إليه سهم فى إنجاه واحد هو متغير تابع ، وإذا لم يصل إليه سهم بانجاه واحد يعد متغيرا مستقلا . وبالطبع المتغير التابع تفسره متغيرات أخرى فى النموذج ، أما المتغيرات المستقلة فتقوم بدو التفسير للمتغيرات التابعة . ويتضح من الشكل أن السهم أحادى الاتجاه يربط العوامل مع المتغيرات ، وكذلك السهم من (ل،) الى (ل،) ، وهى تدل على معاملات انحدار حسب اتجاه السهم .

وتفسير إتصال الاخطاء بمتغيراتها يدل على أن الخطأ متضمن في التنبؤ بمتغير من متغير آخر ، وعليه تعد الاخطاء معلومة ومحددة بمعامل انحدار يساوى الوحدة . فمثلا في الانحدار البسيط يكون التنبؤ بالمتغير الاول(م١) من العامل الاول (م٠) يمكن كتابته على الصورة

حيث بن هي معامل الانحدار المعياري (بينا) ، وقيمتها غير معلومة ، أما خي فهو خطأ التنبؤ بالمتغير الاول ، لاحظ أن صعامل خي هو الوحدة وعليه فان الوزن (بينا) المرتبط بالخطأ لا يتم حسابه ونفترض أنه يساوى الوحدة .

وبالمثل التنبؤ بالعامل (ل,) من العامل (ل,) يمكن كتابته على الصوره

ل، = ب، ال المنافع حيث خ، تدل على خطأ التنبؤ بالعامل (ل،) ، وحيث أن هذا التنبؤ بعامل من عامل آخر ، وهو مختلف عن التنبؤ بمتغير من عامل وبذلك فان الخطأ الاول (خ،) يختلف عن الخطأ (خ،).

ويمكن ترجمة النموذج المقترح في الشكل (١٦ – ٤) الى معادلات إنحدار كما يلي :

$$a_1 = \mu_1, \, U_1 + \dot{z}_1$$
 $a_2 = \mu_3, \, U_3 + \dot{z}_3$
 $a_4 = \mu_4, \, U_1 + \dot{z}_4$
 $a_6 = \mu_6, \, U_3 + \dot{z}_4$
 $a_7 = \mu_7, \, U_1 + \dot{z}_7$
 $a_8 = \mu_7, \, U_1 + \dot{z}_7$
 $a_9 = \mu_7, \, U_1 + \dot{z}_7$

وعلى الرغم من سهولة ترجمة شكل (١٦ - ٤) الى معادلات انحدار ، إلا أنها لا تشير إلى تباينات المتغيرات المستقلة (ل ، ل،) هى معالم فى النموذج، وهامة فى وضع المعادلات وفى اجراء التحليل كله.

نموذج عوامل الدرجة الاولى في التحليل التوكيدي :

First- order CFA Model

يركز التحليل العاملي التوكيدي على العلاقات بين المتغيرات والعوامل وقد وضحنا نموذج للعلاقات بين خمسة متغيرات يمثلها عاملين (ل، ، ل ، ل ،) ويتحت من النموذج أن العاملين من الدرجة الأولى ، لأنهما مسلولان عن المتغيرات ولاتوجد عوامل أخرى مسلولة عن هذين العاملين .

ويمكن عرض نماذج التكوين العاملي في مجموعة من معادلات الانحدار ، والتي ندل على عوامل الدرجة الاولى . وفيما يلى نعرض مثالا لذلك مقتبس من بيرني (17 - 13 : Byrne,1994)

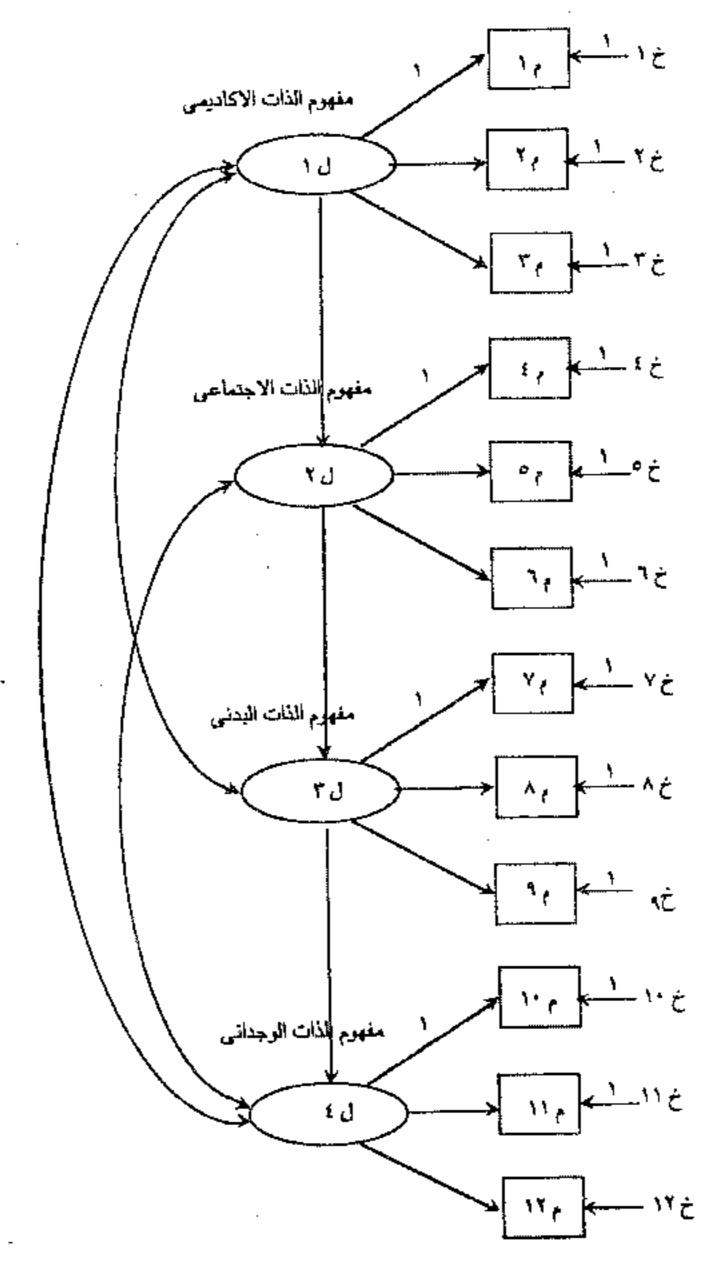
نفترض أن لدينا نموذج رباعي عن مفهوم الذات ، وكل عامل من العوامل الاربعة تم قياسه بثلاثة متغيرات . فاذا كانت العوامل الاربعة هي : مفهوم الذات الأكاديمي ، ومفهوم الذات الاجتماعي ، ومفهوم الذات البدني ، ومفهوم الذات الوجداني . فان تمثيل هذا النموذج يوضحه الشكل (١٦ - ٥) .

ويتضح من الشكل وجود معاملات إنحدار محددة قيمتها بالوحدة، حيث يدل العدد (١) بالشكل على معاملات الانحدار المحددة للاخطاء وبين كل عامل وأول متغير مرتبط به . وهذه القيم مرتبطة بالنموذج الذى قدمه بنتلر – ويكس ولتسهيل تقدير معالم النموذج المقترح . فاذا توصلنا إلى حل واحد لقيم معالم النموذج ، فيصبح النموذج قابلا للاختبار . أما إذا لم نستطع تحديد النموذج فتكون معالمه موضع تقديرات متحيزة . أى أنه قد توجد قيما مختلفة لمعالم نفس النموذج، مما يعنى أن التوصل الى قيم لكل المعالم غير ممكن ، ويصبح النموذج غير قابل التقويم التجريبي .

وتوجد ثلاثة احتمالات لتحديد النموذج وهي :

تحديد واضحJust-identified وتحديد اكثر من اللازم Just-identified وتحديد أقل من اللازم Under - identified

والنموذج المحدد تحديدا واضحا هو الذي يتضمن تناظراً أحاديا بين البيانات ومعالم التكوين . بمعنى أن عدد تباينات المتغيرات يساوى عدد المعالم المقدرة أو المطلوب تقديرها ، وعلى الرغم من قدرة النموذج على التوصل الى حل وحيد لكل معالمه ، فيكون النموذج المناسب غير دال علميا لعدم وجود درجات حرية ، ومن ثم لا يمكن رفضه .



شكل (١٦-٥) نموذج لعوامل درجة أولي مقترحة عن التحليل العاملي التوكيدي

أما النموذج المحدد اكثر من اللازم فهو الذي يكون عدد معالمه المقدرة أقل من عدد تباينات المتغيرات ، ويؤدى هذا الموقف الى درجات حرية موجبة تسمح باختبار النموذج ، وتوضيح مدى مطابقته للبيانات ،

بينما النموذج المحدد أقل من اللازم يكون عدد معالمه المقدرة أكثر من عدد تباينات المتغيرات ، وفي هذه الحالة يحتوى النموذج على معلومات غير كافية (من وجهة نظر البيانات) للتوصل الى حل مجدد لتقدير المعالم ، مما يؤدى الى حلول عديدة (لا نهائية) .

المتغیر (شکل ۱۹ وعدد تباینات المتغیرات = $\frac{\dot{(i+1)}}{\gamma}$ ، وفی حالة ۱۲ متغیر (شکل ۱۹ – ۵)

. $\forall \Lambda = \frac{(1+17)17}{7} = \frac{(1+17)17}{7}$ فان عدد التباینات

وعدد المعالم المطلوب تقديرها في النموذج المقترح هي : ٨ معاملات الحدار (بين العوامل والمتغيرات) ، ٤ تباينات للعوامل ، ٦ تغايرات للعوامل (علاقات بين العوامل) ، ١٦ للخطأ فيكون المجموع = ٣٠ ، وهو أقل من عدد تباينات المتغيرات . وعليه يكون تحديد النموذج اكثر من اللازم بدرجات حرية تباينات المتغيرات . وعليه يكون تحديد النموذج اكثر من اللازم بدرجات حرية عدد ٣٠ - ٧٨ = ٤٠٠

والتحديد الزائد للنموذج أمر هام لكنه غير كاف لحل مشكلة التحديد ، أما وضع قيود على معالم النموذج يمكن أن تفيد في مساعدة الباحث في التوصل الى النموذج الاكثر تحديدا . وأحد هذه القيود هي المرتبطة بالاخطاء حيث أننا نحدد معاملات انحدارها بالوحدة ثم نحسب تبايناتها ، أو يمكن أن نحدد التباينات بالوحدة ثم نقدر معاملات الانحدار .أما عدم وضع قيود على المعاملات أو التباينات فانه يؤدي الى نموذج أقل تحديدا ولا نستطيع تقدير كل معالمه . كما أننا لا نستطيع تقدير كل معالمه . كما أننا لا نستطيع تقييد بعض تشبعات العوامل بقيمة محددة .

وفى النموذج المقترح (شكل ١٦ - ٥) نحدد بعض معاملات الانحدار بين مفهوم الذات الاكاديمي والمتغيرات الثلاثة ، والبديل لهذا التحديد هو أن نضع تباين العامل مساويا للوحدة (في حالة المتغيرات المستقلة فقط) ثم نقدر تشبعات العامل . ومن المهم ملاحظة أن المتغيرات التابعة لا يمكن تحديدها بهذه الطريقة لأن تبايناتها ليست معالم في النموذج .

وتكون معادلات مفهوم الذات الاكاديمي مثلًا في النموذج هي :

م، - ل، + خ، م، = به، ل، + خ، م، = به، ل، + خ،

وبالمثل معادلات مفهوم الذات الاجتماعي ، والبدني ، والوجداني ، حيث يوجد في المعادلات تقييد لمعامل انحدار المتغير الاول (لكل عامل) بقيمة تساوى الوحدة .

ويتم اجراء التحليل لحساب قيم المعالم (بيتا) .

تموذج عوامل الدرجة الثانية في التحليل التوكيدي:

Second-order CFA Model

يوجد في النموذج السابق أربعة عوامل تعد متغيرات مستقلة وكل منها يعد مستوى واحد يدل عليه اتجاه السهم وهذه العوامل هي عوامل الدرجة الأولى وقد ترى النظرية القائم عليها النموذج وجود عوامل من درجة أعلى تكون مسئولة عن المتغيرات واتجاهات الاسهم من العوامل الى المتغيرات تحدد إذا ما كان نموذج التكوين يتضمن عوامل من درجة أعلى من الدرجة الاولى.

وتشير العلاقات بين العوامل الاربعة في شكل (١٦ - ٥) والتي تدل عليها اتجاهات الاسهم ، إلى وجود عوامل من الدرجة الثانية . ولذلك فقد اقترحت بيرني وجود عامل آخر من الدرجة الثانية مسئول عن العوامل الاربعة وهو مفهوم الذات العام . ولذلك يمكن إضافة هذا العامل (مفهوم الذات العام) وتخرج منه أسهم الى العوامل الأربعة في النموذج المقترح ، ويعد هذا العامل من الدرجة الثانية ولايرتبط بالمتغيرات مباشرة ، وإنما علاقته تكون بعوامل الدرجة الاولى الأربعة والتي ترتبط مباشرة بالمتغيرات .

ويتضمن التموذج في هذه الحالة أسهم من عامل مفهوم الذات العام الي العوامل الاربعة ، ثم أسهم من العوامل الاربعة الى متغيراتها . ويعنى هذا أن العوامل الاربعة تعد متغيرات مستقلة وتابعة في نفس الوقت . ويدل هذا أيضا على أن تباينات العوامل الاربعة لا تعد معالم في النموذج ، لأنها أصبحت متغيرات تابعة ومسئولة من عامل الدرجة الثانية ، وتدل الاسهم من عامل الدرجة الثانية الى عوامل الدرجة الاولى على مسارات الانحدار ، أو تشبعات عامل الدرجة الثانية والتي يجب تقديرها من التحليل .

والتنبؤ بعوامل الدرجة الاولى من عامل الدرجة الثانية يصاحبه أخطاء مرتبطة بعوامل الدرجة الأولى . ولأن تباينات هذه الاخطاء مهم فيمكن تحديد قيمة أورَان الاخطاء بالوحدة (كما حدث مع اخطاء المتغيرات) .

والخطوة الاولى لتحديد عامل الدرجة الثانية ، هى حساب عدد المعالم المطلوب تقديرها وهي : ٨ معاملات انحدار من الدرجة الاولى ، ٤ معاملات انحدار من الدرجة الاولى ، ٤ معاملات انحدار من الدرجة الثانية ، ١٢ تباينات أخطاء القياس (المتغيرات) ، ٤ للأخطاء المرتبطة بعوامل الدرجة الاولى ويكون المجموع = ٢٨ وحيث أن عدد تباينات المتغيرات هو ٧٨ ، فإن النموذج يتحدد بدرجات حرية = ٢٨ - ٢٨ = ٥٠

ثم نجرى التحليل لحساب معالم النموذج وأختبار مدى مطابقته للبيانات المتاحة .

ويجب التنويه بأنه قد توجد نماذج معقدة بها عدد من تكونيات العوامل الكامنة التى لا نستطيع رؤيتها منفصلة . فعلى الرغم من إمكانية تحديد عوامل الدرجة الأولى فى النموذج (باستخدام البيانات) فقد تكون عوامل الدرجة الثانية أقل تحديدا وبصعب التوصل إليها . أما النموذج السابق عرضه عن مفهوم الذات حيث إفترضنا وجود أربعة عوامل وتبايناتها هى $3 \times 0 + 7 = 1$ ، والمطلوب تقدير ٨ معالم انحدار من الدرجة الأولى ، فيتبقى لنا درجتى حريه تجعل النموذج أكثر تحديدا ويمكن اختباره .

وإذا فرضنا وجود عاملين فقط من الدرجة الأولى فأن عدد التباينات = ٢×٣÷٣ = ٣، وعدد المعالم المطلوب تقديرها هي أربعة ، وبالتالي فلا نسنطيع اختبار النموذج إلا إذا وضعنا قيودا عليه . ومعنى هذا أن الباحث يضع نموذجه في ضوء فكرة إمكانية اختبار بناء على درجات الحرية .

المراجع

- ١- أحمد عبادة سرحان: طرق التحليل الاحصيائي، دار المعارف، القاهرة،
 ١٩٦٨.
- ٢- السيد محمد خيرى: الاحصاء في البحوث النفسية والتربوية والاجتماعية (طـ
 ٤)، دار النهضة العربية، القاهرة، ١٩٧٠.
- ٣- رجاء أبوعلام : <u>مدخل الى مناهج البحث التربوي</u>، مكتبة الفلاح، الكويت، ١٩٨٩ .
- ٤- صلاح أحمد مراد: المقارنات المتعددة للمتوسطات، مجلة كلية التربية، جامعة المنصورة، العدد الرابع، ١٩٨١.
- ٥- صلاح أحمد مراد: القياس النفسى والاحصاء، قسم علم النفس التربوى، كلية النربية جامعة المنصورة، ١٩٩٢.
- ٦- صلح الدين علم: الاساليب الاحصائية الاستدلالية البارامترية
 واللابارامترية، دار الفكر العربي، القاهرة، ١٩٩٣.
- ٧- صفوت فرج: <u>الاحصاء في علم النفس (ط٢)</u> دار النهضة العربية، القاهرة، ٥- صفوت فرج.
- ٨- فؤاد أبو حطب، آمال صادق: مناهج البحث وطرق التحليل الاحصائي،
 الانجلو المصرية، القاهرة، ١٩٩١.
- ٩- فؤاد البهى السيد : علم النفس الاحصائى وقياس العقل البشرى، دار الفكر
 العربى، القاهرة ، ١٩٧٨ .
- ١٠ محمود عبد الحليم منسى : الاحصاء الوصفى والاستدلالى فى العلوم النفسية والتربوية، مكتبة الفلاح، الكويت، ١٩٨٦.
- ١١ محمود السيد أبو النيل: الاحصاء النفسى والاحتماعي والتربوي، دار انهضة العربية، القاهرة، ١٩٨٧.
- Backham, D.X Mayas, J. <u>Aspects of educational technology</u>, vol. V. England: Pitman, 1971.
- 13. Box, G. E. P. Some theorems on quadrative forms applied in the study of analysis of variance problem I: Effect of inequality of variance in the one-way classification: <u>Annals</u> of <u>Math. Statistics</u>, 1954, 25, 290 - 302.

- 14. Byrne, B. M. Structural equation modeling with EQS and EQS-Windows. London: SAGE, 1994.
- Cattell, B. C. Factor analysis: An introduction to essentials.
 Biometrics, 1965, 21, 190 215.
- 16. Cohen, J. <u>Statistical power and analysis for the behavioral sciences (2nd ed.)</u> Hillsdale, N. J.: Lawrence Erlbaum Associates, 1988.
- 17. David, F. N. Games, gods and gambling . N. Y.: Hafner, 1962.
- 18. Duncan, O. D. <u>Introduction to structural equation models</u>. N. Y.: Academic press, 1975.
- 19. Edwards, A. L. Experimental design in Psychological research (3rd ed.) N. Y.: Holt, Rinehart and winston, 1968.
- 20. Ferguson, G. A. Statisrical analysis in psychology and education N. Y.: Mc Graw Hill, 1971
- 21. Ferguson, G. A. & Takane, Y. Statistical analysis in psychology and education (6th ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1989.
- 22. Fraenkel, J. R. & Wallen, N. E. <u>How to design and evaluate research in education (3rd ed.)</u> N. Y.: Mc Graw Hill, 1996.
- 23. Freund, R. J. & Wilson, W. J. Statistical methods (2nd ed.) N. Y.: Academic press, 1997.
- 24. Games, P. A. Multiple comparisons of means. <u>AERJ</u>, 1971, 8, 531 565.
- Gibbons, J. D. <u>Nonparametric methods for quantitative analysis</u>.
 Newyork: Holt, Rinehart and Winston, 1976.
- 26. Glass, G. V. & Stanley, J. C. Statical methods in education and psychology. Englewood Cliffs, N. J.: prentice Hall, 1970
- 27. Gronlund, N. E. How to Constract achievement tests (4th ed.). Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1988.
- 28. Guilford, J. P. Fundamental statistics in psychology and educa-

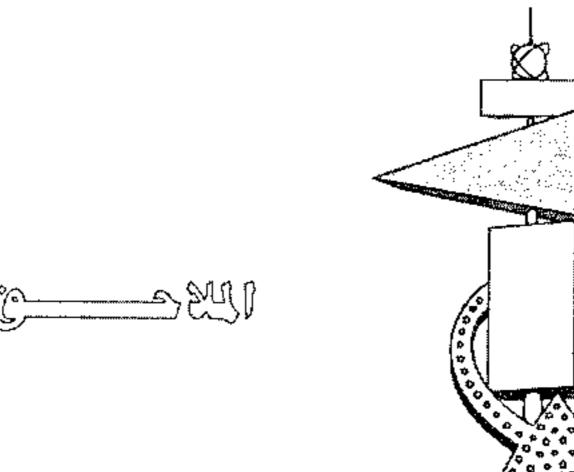
- tion. New york: Mc Graw Hill, 1956.
- 29. Haase, R. F., Waechter, D. M. & Solomon, G. S. How significant is a significant difference? Average effect size of research in Counseling psychology. <u>Journal of Counseling Psychology</u>, 1982, 29, 58 65.
- 30 Hald, A. Ahistory of mathematical statistics Ftom 1750 to 1930. N. Y.: John Wiley & Sons, 1998.
- Harman , H. H. <u>Modern Factor analysis</u> . Chicago : university of chicago press, 1967.
- 32. Harter, H. L. Error rates and sample sizes for rang tests in multiple comparison. <u>Biometrics</u>, 1957, 13, 511 536.
- 33. Hays, W. L. Statistics. New York: Holt, Rinehart and Winston, 1981.
- 34. Hopkins, H. D., Glass, G. V. & Hopkins, B. R. <u>Basic statistics</u> for the behavioral sciences. Boston: Allyn and Bacon, 1987
- 35. Huberty, C. J. <u>Applied discriminant analysis</u>. N. Y.: John Wiley & Sons, 1994
- 36. Huberty, C. J. & Mourad, S. A. Variable selection in discriminant analysis. <u>AERA</u> Annual meeting, San Francisco, CA, 1979.
- 37. Huberty, C. J. & Mourad, S. A. Estimation in multiple correlation / prediction. <u>Journal of Educational Measurement</u>, 1980, 40, 101-112.
- 38. Kendall, M. G. Rank correlation methods (4th ed.) London: Charles Griffin & Company, 1970.
- Kenny, D. A. <u>Statistics for the social and behavioral sciences</u>.
 Boston: Little Brown & Company, 1987.
- 40. Keppel, G. <u>Design and analysis: A researcher handbook.</u> Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1973.

- 41. Kerlinger, F. N. & Pedhazur, E. J. <u>Multiple Regression in behavioral research</u>. N. Y.: Holt, Rinehart and Winston, 1973.
- 42. Kiess, H. O. <u>Statistical concepts for the behavioral sciences</u>. Boston: Allyn and Bacon, 1989.
- 43. Kim, J. Factor analysis. In N. H. Nie et al.: Statistcal Pakage for the Social Sciences (2nd ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1975.
- 44. Kimble, G. A. How to use and misuse statistics. Englewood Cliffs, N. J.: Prentice Hall, 1978.
- 45. Kramer, C. Y. Extension of multiple range tests to means with unequal numbers of replications. <u>Biometrics</u>, 1956, 12, 307 310
- 46. Linton, M. & Gallo, P. S. Jr. <u>The practical statistician: Simplified handbook of statistics</u>. Monterarey, CA: Brooks Cole, 1975.
- 47. Milewski, E. G. The essentials of statistics I. Piscataway, N. J.: Research and education Association, 1996.
- 48. Milewski, E. G.: The essentials of statistics II. Piscataway, N. J.: Research and education Association, 1996.
- 49. Mulaik, S. A. The foundation of factor analysis N, Y.: McGraw Hill, 1972.
- 50. Payne, D. A. Measuring and evaluating educational outcomes (2nd ed.) N. Y.: Maxwell Macmillan, Int., 1992.
- 51. Pedhazur, E. J. & Schmelkin, L. P. Measurement Design, and analysis: An integrated approach, Hills dale, N. J.: Lawrence Erlbaum Associates, 1991.
- 52. Petrinovich, L. F. & Hardyek, C. D. Error rates for multiple comparison methods: Some evidence concerning the frequency of erronous conclusions. <u>Psychological Bulletin</u>,

1969, 71, 43 - 54.

- 53. Scheffe, H. A. The analysis of variance. N. Y.: Wiley, 1959.
- 54. Shavelson, R. J. Statistical reasoning for the behavioral sciences (3rd ed.). Boston: Allyn and Bacon, 1988.
- 55. sirkin, R. M. statistics for the social Sciences. Thous and Oaks, London: SAGE, 1995.
- 56. Warwick, P. V. Cononical correlation. In N. H. Nie et al. Statistical Pakage for Social sciences (2nd ed.) N. Y.: Me Graw Hill, 1975.
- 57. Weinberg, S. L. & Goldberg, K. P. <u>Basic Statistics for education and behavioral sciences</u>. Boston: Hughton Mifflin, 1979.
- 58. Winer, B. J. Statistical principles in experimental design (2nd ed.) N. Y.: Mc Graw Hill, 1971
- 59. Winer, B. J., Brown, D. r. & Michels, K. m. Statistical principles in experimental design (3rd ed.) N. Y.: Me Graw Hill, 1991.
- 60. Wolfle, L. M. Strategies of path analysis. <u>AERA</u>, 1980, 17 (2), 183 209.





•

•

. :

ملحق رقم (١) جدول توزيع المنحنى الاعتدالي

المساحة	الدرجة المعيارية	المساحة	الدرجة الميارية	الساحة	الدرجة	الساحة	الدرجة
الكبرى	(¿)	الكبرى	(i)	الكبرى	المعيارية (ذ)	الكبرى	المعيارية (د)
,۷۵۰	٤٧٢, ٠	٤٧٢,	٠,٤٥	۱۱ه,	٠, ٢٢	,0	صفر
, Y a Y ,	٠,٦٨	,٦٧٧	٠,٤٦	۵۹۵,	٠,٢٤	,0.2	.,.1
,Voo	-,34	185.	٠,٤٧	,044	٠,٢٥	۸۰۵,	٠,٠٢
۸۵۷,	٠,٧٠	, ጓለ٤	٠,٤٨	,۹۰۰	۲۵۲٫۰	۱۲ه ,	٠,٠٣
,771	۰,۷۱	,٦٨٨	٠, ٤٩	,٦٠٢	٠,٢٦	۲۱۵,	٤,٠٤
٤٢٧,	٠,٧٢	, ٦٩١	٠,٥٠	,1.1	٠,٢٧	, 04.	٠,٠٥
۷۱۷,	۰,۷۳	, ኘፃ o	۱۵,۰	.17,	٠,٢٨	, o Y £	٠,٠٩
,٧٧٠	٤٠,٧٤	, 799	۲۵،۰	317,	٠,٢٩	۸۲۵,	٧٠,٠٧
,٧٧٢	ه٧,٠	۰.۷.	·,oY£	۸۱۲,	٠,٣٠	, 037	٠,٠٨
,wı	٠,٧٦	۷۰۲,	٠,٥٣	,٦٢٢	٠,٣١	۳۳٥.	٠,.٩
.٧٧٩	٠,٧٧	, V-0	30.0	, ٦٣٦	٠,٣٢	, 55.	.,5.
۷۸۷,	٠,٧٨	,۷-۹	٥٥, ٠	,784	۲۳, ۰	, 0 & &	٠,١١
۰۸۷,	۰,۷۹	.٧١٢	۲۵,۰	, ٦٢٢	٠,٣٤	, o £ Å	٠,١٢
, VAA	٠,٨٠	,٧١٦	۰,۰۷	,٦٢٧	ه۲,۰	,00+	.,177
،۷۹۱	٠,٨١	۷۱۹,	۸۵,۰	,781	٠,٣٦	,ocY	٠,١٣
,∀٩٤	٠,٨٢	,۷۲۲	۰,٥٩	,٦٤٤	٠,٢٧	۲۵٥,	.,18
,۷۹۷	۸۲,۰	, ۷٧٦	٠,٦،	,784	٣4	۳۰,	۰٫۱۵
,A	. AEY	,VY9.	٠,٦١	,۲۵۰	۵۸۲،	, 078	.,17
۸۰۲,	۵۸،۰	,۷۴۲	٠,٦٢	YoF,	۰,۳۹	۷۲۵,	.,\v
ه-۸,	۰٫۸٦	, ۷۳٦	۹۴,۰	۵۵۲,	٠,٤٠	۰،۵۷۱	-,14
, ۸ -۸	۰٫۸۷	, ۷۲۹	٠,٦٤	، ٩٥٩	., 11	, eVe	1,14
۸۱۱,	٠.٨٨	, ۷٤٢	۰،٦٥	777,	٠,٤٢	۴۷۵.	٠,٢٠
۳۱۸,	۰.۸۹	,V10	۰,٦٦	, דרד	., £٣	740,	., ٧١
۲۱۸,	٠,٩٠	,VE9	٧٢,٠	, 20.	.,11	۸۸۷ ,	.,٣٢
		į					ŀ

المساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (ذ)	الساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (ذ)	المساحة الكبري	الدرجة المعيارية (ذ)	المساحة الكبرى	الدرجة المعيارية (ذ)
,187	1,78	,917	۱٬۲۸	۲۷۸,	1,18	, , , \ 1	٠,4١
,484	1,78	,414	1,79	, ۸٧₀	1,10	۱۲۸،	٠,٩٢
,989	1,7٤	, 9 1 9	١,٤٠	, ۸۷۷	1,17	, 478	٠,٩٣
,40.	١,٦٤٥	,471	1,£1	, ۸۷۹	1,17	۲۲۸,	٠,٩٤
۱۵۴,	١,٦٥	,477	1,87	, ۸۸۱	1,14	, ۸۲۹	۰,۹۵
,907	1,77	,972	١,٤٣	, ۸۸۳	1,19	, 471	- , 47
۳۵۴.	١,٦٧	,940	1,88	, ۸۸۵	١,٢٠	٤٣٨,	۰,۹۷
,908	۱٫٦٨	,447	1,20	۷۸۸,	1,41	۲۳۸,	۸۶,۰
,402	1,79	۸۲۸,	1,£3	, ۸۸۹	1,44	, ለዮዓ	.,44
.400	١,٧٠	,979	1,27	, 191	١,٢٣	, 821	١,٠-
,907	1,71	,451	1,84	۸۹۳	1,78	, ٨ ٤٤	1,.1
۷۵۴,	1,77	,477	1,24	3 <i>8</i> A,	1,40	, ۸٤٦	1,.4
۸۵۴,	1,77	,477	١,٥٠	, ۸۹٦	١,٢٦	, ۸٤٨,	١,٠٣
,৭৫ ৭	1,78	, 978	1,01	, ۸۹۸	1,47	, ۸۵۰	1,-47
,44.	1, ٧0	,477	1.07	,4	1,444	۱۵۸,	١,-٤
,4%-	1, ٧01	,977	1,04	1.4.	1.44	۲۵۸,	١,٠٥
,971	1,77	۹۳۸,	1,01	,٩.٣	1,7.	۵۵۸.	١,,٠٦
,477	1,00	,989	۱,00	,4.0	1,71	۸۵۸,	١٧
,977	1,74	,481	1,07	,4.٧	1,77	٠٣٨,	١,٠٨
, 975	1,74	,487	۷۵,۱	۸۰۸,	1,77	, ۸٦٢	1,.4
, 978	١,٨٠	,988	۸۵,۱	,41.	1,71	, ለግ٤	1.1.
,470	1,41	,488	۱٫۵۹	,411	١,٣٥	۷۳۸,	1,11
,977	1,87	,910	1,7.	,417	1,17	، ۲۲۸,	1,17
,417	1,17	,487	1,71	.410	١,٣٧	, ۸۷۱	1,17

	·····	<u> </u>	<u> </u>	/	T	·····	T	·· <u> </u>
	المساح ة الكبرى	الدرجة المعيارية	المساحة الكبرى	الدرجة المعيارية	الساحة	الدرجة المعيارية	الساحة	المعبارية
	،سیری،	(7)	الدبيري	(3)	الكبرى	(à)	الكبرى	(i)
	,448	7.07	, ٩٨٩	۲,۳۰	,۹۸۰	7,.7	,177	١,٨٤
	.448	٤٥, ٢	,44.	7,71	,4,4	Y, .Y.	۸۶۶,	۱٫۸۵
ı	.440	Y,00	,44.	7,77	,481	۲,۰۸	, 4ገዓ	174,1
	,490	۲,۵٦	,44.	7,777	7A . *,	٧, ٩	,474	1,40
	.990	۲,۵۷	, ٩٩.	۲,۲۲	, ۹۸۲	۲,۱۰	,۹۷۰	١,٨٨
İ	,440	۲۷۵,۲	,44.	۲,٣٤	,9,48	۲,۱۱	,۹۷۰	1,441
ļ	.450	۲,۵۸	,991	۲,۳۵	۹۸۳,	۲,۱۲	,4٧١	1,49
	,440	۲,۵۹	, ۹۹۱	۲,۳٦	۹۸۳,	۲,۱۳	,4٧١	1,4.
	,990	۲,٦،	,491	۲,۳۷	,٩٨٤	4,18	,4٧٢	1,41
	.997	۲,۷۰	,991	۸۳,۲	۹۸٤,	۲,۱۵	,4٧٢	1,97
Ì	, ٩٩٧	۲,۸۰	,997	۲,۲۹	۵۸۶,	7,17	۹۷۳	1,98
	.44%	۲,4.	, 997	۲,٤٠	. ۹۸۵	4,10	, 978	1,41
	, ५५६	۲,	,994	Y, £1	،۹۸۵	۲,۱۸	,472	1,40
I	, 999	۳,۲.	,997	۲,٤٢	,447	۲,۱۹	,470	1,47
	" 4 44V	٣,٤٠	,997	٧,٤٣	,487	۲,۲.	,	1,90
	"4 444A	٣,٦٠	, 995	۲, ٤٤	,417	4,41	,4٧٦	1.44
	,. 4 944	٣,٨٠	.995	Y, E0	,۹۸۷	7.77	,4٧٧	1,99
		٤,	, 994	7,87	,44٧	۲,۲۲	,477	۲,۰۰
	.44444	٥٠٠٠	,998	Y. £V	,980	Y. Y £	۸۷۸,	۲,-۱
			, 997	Y,£A	, ۹۸۸	۲,۲٥	,۹۷۸	۲,۰۲
	Ī		,998	Y, 29	۸۸۸,	۲,۲٦	,٩٧٩	. ۲, ۰۴
		ļ	.448	۲,۵۰	,444	Y, YV	,979	۲,۰٤
			,992	Y,01	,414	۸۲,۲	,44.	Y,.0
			, ٩٩٤	Y, 0Y	.484	Y, Y4	,44.	Y, . 0 &
				ļ				
					<u></u>			1

..

ملحق رقم (٢) جدول دلالة معامل ارتباط بيرسون

	· ·	···•			·		
٠,.٠١	٠,٠١	.,.0	ن	.,1	٠,٠١	٥-,-	ن
, c4V	, £AV	1,77,	ΥV	, 9999 £	,9999	,447	۲
۸۸۵,	, 2 ٧٩	177,	۲۸	,444	,44.	,۹٥,	٤
, ۵۷۹	, ٤٧١	,777	79	,991	,909	۸۷۸,	3
۵۷۰,	, 275	177.	٣.	,478	,410	۱۸۱۱	7
, 041	, ٤٣٨	, 444	70	,901	, ۸۷٤	,Voi	v
۱۰۵,	,1-4	,۳۱۲,	٤.	AYO	374,	,٧.٧	A .
, £V \	187,	, ۲۹٦	10	,,444	,۷۹۸	, 777	4
, £ o 1	,٣٦١	, ۲۷۲,	0-	. ۸۷۲	۵۲۷,	אזר,	١.
, ٤١٤	.٣٣.	307,	٦.	۸٤٧,	,٧٢٥	٦٠٣,	11
۵۸۳,	۲۰۵,	,740	٧.	۸۲۲.	۸۰۷,	۲۷۵,	14
, 471	,۲۸٦	, 77.	۸.	۱۰۸,	3AF,	,007	117
, ٣٤٢	۰۲۷.	۲۰۸,	٩.	۰ ۸۷,	,771	,077	1 1 1
,475	۲۵۲,	, 197	١	٫۷٦٠	.751	, 5 \ £	10
۷۲۲,	,۲۱۰	171,	10.	,٧٤٢	,777	, £40	17
. 777	,144	,179	۲	۵۲۷,	,٦.٦	, £ 8.٢	14
, ۲۰۷	, ነገ۳	۱۲٤,	۲0.	۸۰۷,	,۵۹.	, 271	1,4
,144	, \ £ A	,117	٣٠.	, ٦٩٣	,070	, ٤٥٦	19
, ١٣٩	,177	۸۴٠,	٤٠.	,4٧4	۱۳۵,	, £ £ £	٧.
,187	,110	۸۸۰,	0	,770	, 0 . 9	. 277	۲١
,1.2	, , , , ,	۲۲۰,	1	,٦٥٢	, otv	, ٤٢٣	77
٤٦٥	٣٦٤	,. ۲۷۸	0	,78.	, ۵۲٦	, 817	77
, . ٣٩٢	۸۵۲۰,	. 197	1	,789	ه۱ه.	, ٤ . ٤	٧٤
- 1				, XIF,	, 5.0	, 497	Ϋ́ο
					, 847		*"1
							- -
		····		<u></u>	t		

منحق رقم (٣) جدول دلالة معامل ارتباط الرتب

٠, ٠ ١	-, -0	ن	٠,٠١	-,-0	ن
،٦٢٥	, ٤٧٦	١٨			۵
۸۰۲, ۱	. ይጊፕ	19		, AA7	٠,
۹۱،	, 20.	۲٠	, 474	۲۸۷,	V
۲۷۵,	, ٤٣٨	۲۱	۸۸۱,	, ۷۳۸	٨
۲۶٥,	, £ Y A	44	۸۲۲,	,٧	٩
, 0 £ 4	٫٤١٨	**	,۷۹٤	, ገደለ	١.
۶۴۷,	, ٤ . ٩	45	۸۱۸,	۸۱۲,	33
۳۲٥,	, ٤٠٠	Y 0	۰۸۷٫	۱۵۴,	١٢
ه۱ه,	,٣٩٢	77	,V£0	, ٥٦٦	۱۳
,000	٥٨٦,	۲۷ .	۲۱۷,	, 0 £ 0	١٤
, ٤٩٦	,۳۷۷	۲۸	, ገለዓ	٥٢٥,	١٥
, £ A V	,77.	49	, 777	۰۰۷	17
, EVA	.772	۴.	ه٤٤,	, {4.	۱۷
	· · ·			: <u></u>	

منحق رقم (٤) جدول تحويلات فيشر لمعاملات الارتباط

f	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	<u> </u>	···········	-
(¿)	(,)	(ز)	(د)	(ذ)	(د)	تحویل فیشر (ز)	معامل الارتباط (د)
, ٤١٢	,79.	177,	547.	, 171	,18.	صفر	مسفر
،٤١٨	.٣٩٥	, ۲۷۱	۵۲۲,	,177	,170	٠,٠٠٥	.,0
. 272	,1	, ۲۷۷	٠٢٧,	.121	,12.	,.1.	٫۰۱۰
, 28.	, 1.0	YAY,	· ,YVo	131,	, 160	,.10	10
, 277	۰, ٤١٠	۸۸۲,	٠٨٢,	۱۵۱.	۱, ۱۵۰	,.٣.	,
, 224	. 10	, ۲۹۳	۰۸۲,	۲۵۱,	ه۱۵,	,.۲0	۵۲۰،
, 2 £ A	, £Y-	, ۲۹۹	۲۹۰,	,171	,17.	٫۰۳۰	,.٣.
\$0\$,	, 2 70	۳۰٤,	,۲۹۰	٧٢١,	,170	, . 40	۰۳٥ ,
. ٤٦.	. 27.	۲۱۰,	,٣	, ۱۷۲	,17.	, . ٤ .	٠٤٠,
, ٤٦٦	, 170	.710	۸۳۰۵	,1۷۷	۵۷۷,	, . ٤٥	, . ٤٥
, £VY	, £ £ •	۲۲۱,	۲۱۰,	784,	.14.	,	,-6.
۸۷3,	, { { } 6	,۳۲٦	,710	,1۸۷	،۱۸۵	,	,.00
, ΣΛο	, 20.	,777	۳۲۰,	, 197	,19.	.٦٠,	,.٦.
, ٤٩١	, ٤00	۲۲۷,	۵۲۳,	,144	,190	٥٢٠.	٥٢٠,
, ٤٩٧	, ሂግ.	, 727	, ۲۲.	۲۰۲,	,۲۰۰	,.٧.	, . V.
, a · £	, ٤٦٥	٨٤٣,	۵۳۳,	, ۲۰۸	۰,۲۰۵	, . Yo	,.Vo
,01.	, ٤٧٠	, ٣٥٤	,48.	, ۲۱۲	, ۲۱.	٫۰۸۰	, - A.
۱۵۱۷,	, £∨o	,۳٦٠	٥٤٣,	۲۱۸,	,۳10	ه۸۰,	۸۰۸،
۲۲۵,	, ٤٨٠	،۲٦٥	۰۵۲.	, 272	.77.	٫۰۹۰	, , 9 .
۰۳۰,	٥٨٤,	۲۷۱,	,Too	۲۲۹,	, ۲۲۵	۰۹۰,	ء٩٠,
۳٦٥,	, 19.	,۲۷۷	,۳٦,	. ۲۳ 1	, ۲۲۰	,۱	,1
, 0 £4	, ٤٩٥	۳۸۳,	,٣٦0	, 449	،۲۳٥	۵۰۸,	،۱۰۵
, 0 £ 4	, 0	,444,	۲۷۰,	, 420	, ۲٤.	,11.	,11.
۲۹٥,	۵۰۵,	347,	۳۷٥,	۰۵۲,	, 410	.117	,110
750.	٠١٥,	, ٤٠.	,۳۸۰	, ۲00	۵۰۲,	l t	1
, oV-	.010	, ٤٠٦	۰,۳۸۰	, ۲71	مه۲.	.177	
······ <u>1</u>				<u></u>	<u> </u>		

تابع ملحق رقم (٤) جدول تحويلات فيشر لمعاملات الارتباط

(¿)	(د)	(ذ)	(د)	(ذ)	(,)	تحویل فیشر (ذ)	معامل الارتباط (ر)
1,011	,41.	1,.20	, ٧٨٠	,VVa	,۲۵۰	۲۷٥,	, 07.
1,000	,410	1,.04	۵۸۷,	, VA £	,700	780.	, o Y c
1,011	,97.	1,.41	,۷۹۰	۷۹۲.	.77.	۰۹۰,	.07.
1,777	.950	1,.40	ه۷۹,	7.4.4	, 770	۹۷، ا	.070
1,701	, 98.	1,.99	۰۰۸,	111	,٦٧٠	3.5,	,02.
1,737	.970	1,117	ه۸۰۰,	,۸۲۰	۵۷۲,	117,	,010
1.VTA	,48-	1,177	،۸۱.	۲۲۸ ,	,۲۸۰	۸۱۳,	,00.
1,744	,480	1,184	۵۱۸,	۸۳۸.	۵۸۶,	,747	,000
1,874	,10.	1,100	, አየ .	, ۸٤٨,	, ٦٩.	, 777	.۵٦.
1,447	۹۵٥,	1,191	۵۲۸,	۸۰۸,	, ٦٩٥	.35.	,070
1,987	,97	1,144	۰۸۲۰	۸٦٧,	, v	۸۶۶.	۰۷۰,
7,.12	,९२०	1,7.8	67A,	, ۸۷۷	۰.۷.	,700	۰,٥٧۵
. 4, . 44	۹۷۰,	1,771	, λέ.	۷۸۸,	۷۱۰,	,777	۰۸۵،
Y, 140.	ه۹۷,	1,444	ه ٤٨,	, ۸۹۷	٥١٧,	,۱۷۰	ه٨٥,
Y, Y 1 A	،۹۸۰	1,407	۰۵۸,	,٩٠٨	,۷۲۰	۸۷۲,	, 69.
٢,٤٤٣	,۹۸٥	1,772	,100	۸۱۶,	, ٧٢٥	۰۸۶,	ه۹۵,
۲,٦٤٧	.44.	1,497	٠٢٨,	,444	۷۳۰,	۲۹۲,	۰۰۳,
4,998	,९९०	1,717	ه۲λ,	, 9 & .	۷۳٥,	۷۰۱,	،۲۰۵
		1,777	,۸۷۰	٠,٩٥٠	٧٤٠,	,٧.٩	,٦١٠,
		1,505	۸۷۰,	, 47.4	ه ۷٤,	,٧١٧	،۲۱۰
	-	1,777	,۸۸۰	,٩٧٣	۰۵۷,	۷۲٥,	,74.
		1,494	م۸۸,	,۹۸٤	۵۵۷,	۷۲۲,	۵۲۴,
		1,844	۰۸۸۰	, ጳጳኣ	۲۷۰,	, ۷٤١	,74.
		1,884	۵۴۸,	۸,۰۰۸	۰۲۷,	,Yo.	,750
		1, 17	,4	1,	,۷۷۰	,٧0٨	.38.
·		1, 899	ه۹۰,	1,.77	, VVo	,٧٦٧	,760

ملحق رقم (٥) جدول توزيع (ت) (إختبار الطرفين 2-tailed test)

							
` 4	ـــتوى الدلالـــــــــــــــــــــــــــــــــ	1414	ىرجات	-	توى الدلا <i>لـ</i> 		ىرجات
٠,٠.١	٠,٠١	۰,۰۵	الحرية	٠,٠٠١	٠,٠١	٠,٠٥	الحرية
4,44	Y, V4	۲,٠٦	-۲0	-	٦٣,٦٦	17,71	١
۲,٧٠	۲,۷۸	۲,۰٦	47	41,7.	9,98	٤,٣.	۲
۲,٦٨	۲,۷۷	۲,۰۵	٧v	17,47	٤٨,٥	۲,۱۸	٣
٣,٦٧	Y, V\	۲,۰۵	47	۱۲,۸	٤,٦.	۲,۷۸	٤
٣,٦٦	۲,۷٦	Y,+0	79	٦,٨٧	٤,٠٣	٧٥,٧	٥
۲,٦٥	Y, Vo	۲,۰٤	۳.	۵,۹۲	٣,٧١	۲,٤٥	٦
٣,٥٥	۲,۷۰	۲,۰۲	٤.	٥,٤١.	٣.٥٠	4,41	V
٣,٥٠	۸۶,۲	۲,۰۱	۰۰	6,11	٣,٣٦	4,71	٨
٣,٤٦	۲,٦٦	۲,۰۰	٦.	٤,٧٩	4,40	۲,۲٦	٩
٣,٤٢	۲,٦٤	1,44	٨٠	٤,٥٨	۲, ۱۷	۲,۲۲	١.
۲,۲۸	۲,٦٣	1,48	1	٤,٤٤	٣,١١	۲,۲۰	11
7,70	۲,٦.	1,47	۲	17,3	٣,٠٥	۲,۱۸	14
٣,٣٢	٧,٥٩	1,47	0	٤,٢٢	٣,٠١	۲,۱٦	15
7,79	Y, 0A	1,97	œ	٤,١٤	Υ,٩٨	4,18	١٤
ļ				٤,٠٧	۲,۹٥	۲,۱۳	۱۵
				٤٠٠١	۲,۹۲	۲,۱۲	17
	1			٣,٩٦	۲,۹۰	7,11	۱۷
				4,94	۲,۸۸	۲,۱،	١٨
				٣,٨٩	۲,۸٦	۲,.۹	19
				٣,٨٥	۲,۸٥	۲,۰۹	۲.
		Ì		٣,٨٢	۲,۸۳	۲,٠٨	۲١.
	1			4,74	۲,۸۲	۲,۰۷	**
		į	j	۲,۷٦	۲,۸۱	۲,۰۷	77
				T,Y£	۲,۸۰	۲,۰٦	4.5
							į

ملحق رقم (۳) جدول توزیع (ف)

<u> </u>				ح اليس	1				د ، ح	
٩	٨٠	٧	٦	Þ	٤	٣	۲	١	المقام	التلالة
751	774 01AY	۲۲۷ ۵۹۲۸	377 Paka	77. 677.5	770 0770	417 08.4	۲۰.	171 E.or	١	.,.0
					-	-		-	,	٠,٠٠١
11, 8	11, £		19,5	I	11,5	ı	<u> </u>	۱۸,٥		٠,٠٥
1	44,£	1		1	l	l	1		۲	.,
۸٫۸۱	۸,۸٥	ል,ል٩	A, 4£	۹,.۱	٩,١٢	1,YA	1,00	1.,1		٠,٠٥
17.	77.0 171	77,7 177	7V, 4 177	7, 7 17°3	7X, V 17V	11,0	7- , A: 189	7£,1 17V	٣	•,•1
11,7	7, · £ 1£, A £9, -	10	10,4	۵,۵۱	17,.	۱٦,٧	١٨,٠	۲۱.۲	٤	٠,٠٥
١.,٢	٤,٨٢ ٢٠,٢ ۲۷,٦	i	۱۰,۷	11,.	0,19 11,£ 11,1	14,1	0,V9 17,T TV,1	7,71 7,7 17,7	c .	· , · · ٥ · , · · ١
٧,٩٨		£, Y1 , X, Y7 , 0	λ, εγ	λ,Va	۹,۱٥	۹,۷۸	1.,4	0,44 17, <i>A</i> 70,0	٦	-, - o -, - N -, - N
٦,٧٢	7, VT 7, AE 15, 7	٦,٩٩	٧,١٩	٧,٤٦		•	4,80	\$,c9 17,7 74,7	٧	.,.0 .,.1
۹۱,۵۱	۲, ξ ξ ٦, ۰٣ ۱۲, ۰	٦,١٨	٦,٢٧	7,15	٧,٠١	٧,٥٩	۵۲.۸	11,5	٨	.,

تابع ملحق رقم (٦) جدول توزیع (ف)

,													
		·	<u></u>	ح البسم	. ب				د ع 📗	•			
٩	_ ^ _	٧	٦	٥	٤	۲	۲	١	المقام	117. KIP			
۲,۱/	1	7,79	7,77	Y, £A	۲,٦٢	٣,٨٦	٤,٢٦	٦,١٢		+,+0			
0,70	1		1	1	7,24		1			٠,٠١			
1.,	10,1	1.,٧	11,1	11,7	14,7	17,9	17,8	44,4		٠,٠٠١			
٣,٠٢		1	1	7,77	T, 1A	7,71	٤,١.	1 2,97		٠,٠٥			
1 2 , 32	0,-7	0, 4-	0,54	0,72	۵,۹۹	٦,٥٥	V.07	11.,.	١.	٠,٠١			
۸,٩٦	۹,۲۰	9,07	9,97	١٠,٥	11,1	17.7	12,9	۲۱,۰		٠,٠٠١			
۲,٩.	۲,90	٣,.١	٣٩	۲,۲۰	7,77	٣,0٩	7,54	1,48		-,•6			
17, 3	1.VE	٤,٨٩	\$, - Y	0,44	٥,٦٧	7,77	V. Y.	9,70	11	-,-1			
۸,۱۲	۸,٣٥	۸,٦٦	۹,۰۵	1,01	10,8	11,7	14.4	19,7		-,1			
۲,۸.	۲,۸۵	Y, 41	٣,	٣,١١	7,77	٣, ٤٩	۲,۸۹	£.V0		+,+0			
٤,٣٩		٤,٦٤	1.1	1	ı	ł	j	9,77	17	٠,٠١			
٧,٤٨	٧.٧١	۸٫۰	۸,۳۸	۸,۸۹	٩,٦٣	۱۰,۸	J	1,1		٠,٠.١			
۲,۷۱	4,00	۲,۸۳	۲,۹۲	۲,۰۲	۲,۱۸	٣,٤١	٣,٨١	٤٫٦٧		• , • 0			
1,19	٤,٣.	1,11	٤,٦٢	£, ለ٦	۲۱ره	1	٦,٧٠	i	۱۳	.,.1			
ጚ,ጚአ	٧,٢١	V. £9	۷,۸٦	۸,۲۵	۹,.۷	١٠,٢	17,7	١٧,٨		.,١			
۲,٦٥	۲,٧٠	۲,٧٦	٥٨.٢	۲,۹٦	٣,١١	٣,٣٤	۲,V٤	٤,٦.		٠,٠٥			
٤,.٣	٤,١٤	٤,٢٨	٤,٤٦	٤,٩٩	0,.2	0,07	i .		١٤	.,.1			
Λα,Γ	ገ,አ۰	٧,٠٨	73.7	٧,٩٢	۸,٦٢	9,75	۸, ۱۱	۱۷,۱		.,1			
Y, c4	۲,٦٤	۲,۷۱	Y, V4	۲,۹.	۲,.٦	7,79	۲,٦٨	£, a £	<u>-</u>				
۲,۸۹	٤,	٤,١٤	٤,٢٢			0,87	٦,٣٦	i	10				
٦,٢٦	٦,٤٧	٦,٧٤	٧,٩	V, øV		9,72	11,11	17,7	.	.,\			
Y, 0 E	Y, 54	۲,٦٦	۲,۷٤	Y A.	٣.٠١	Ψ Ψ ,	۲,٦٢			·····-			
	۲,۸۹								,,	٠,٠٥ إ			
۵,۹۸	7,14	7, 27	7.1	Y . YV	V. 45	<u>, </u>	,,,,,,	17,1	17	.,.\			
,			1	, ,	,, ,,	,,,,	``,``	``, `		\			
1													

تابع ملحق رقم (٦) جدول توزیع (ف)

			.1.	ح البس	٠ .				و . ع	
٩	٨	٧	٦	٥	٤	۲	۲	١	المقام	וויאני
7,11 7,7A	7,74	7,71 7,97	Y, Y. £, 1.	1	٤٫٦٧	٥,١٨		۸,٤٠	17	· , · o
6,V0 4,£7		1, TT	7,07	<u> </u>		<u> </u>	۲,۵0			.,
7,7. 70,0	۲,۷۱	٣,٨٤	į.	1,70	£,cA V,£7	٥,-٩	F	۸, ۲۹	١٨	٠,٠١
7, £7 7, 07 0, 79	Ť,7T	7,08 7,VV 0,00	ፕ, ኒኖ ፕ, ዓ£ ጌ, ነ <i>አ</i>	Y,V£ £,1V 7,7Y	٤,٥٠	7,17 0,.1 A,7A	7.57 0,97 1.,7	1,TA A. \A \0,\	۱۹	·,·6 ·,·1
	Υ, ές Υ, σ٦ ο, έε		۲,۸۷		t				۲.	.,
7,7E 7,70 £,99	٣,٤٥		۲,۷٦	4,44	7, AY 2, TI 1, AI	٤,٨٢	T, EE 0, VY 9, 71	£, T. V, 90 1£, 1	**	· , · · ٥ · , · · ١
Y,ፕ۰ ፕ,ፕኘ £,አ۰	۲,۲٦ ۳,۲٦ ٤,٩٩	٣,٥.	1	۳,۹۰	۲.۷X ٤.۲۲ ۲.۵۹	٤,٧٢	7, 5, 7 17. 0 37. P	1, Y7, Y Y, AY 12, -	41	· , · · ›
ፕ. ፕሃ ፕ, ነአ £, ጊኒ		ı	٣, ٥٩	۲,۸۲	٤,١٤	۲,۹X £,٦£ ٧,٣٦	7,7V 0,07 4,17		41	.,.1
4,48 4,14 2,0.	Y, Y9 Y, YY £, 79	7,77 7,77 £,47	7,07	T. Vo	£ V	£.oV	7,7£ 0,£0 1,47	v.52	۲۸	•,••

تابع ملحق رقم (٦) جدول توزیع (ف)

													
	##.' · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1	ح البس	. 'J				ξ.,				
4	٨	V	٦	٥	٤	۲	۲	\	المقام	الدلالة			
7,71	7,70	1	1	1 .	7,79	ì	7,77	£,1Y		٠,٠٥			
1	۲,۱۷	1 '	Į.	0,07	7.14	E, 61 V, 40	۵,۳۹ ۸,۷۷	1	٣.	۰,۰۱			
	: 	<u> </u>			<u> </u>	ļ <u>-</u>	<u> </u>		<u> </u>				
Y, 1Y Y, A9	Y. 1A	7, 70 7, 17	1	7,20	7,71 7,77	1	į.	1,.4	1	٠,٠٥			
ε, . Υ	1	1,11	1	Í	, V.	1,1.	0,1A A,Yo	1	٤٠	.,.1			
Y, . £	Y, 1.	۲,۱۷	Y, Yo	7,77	7,07	Y.V'i	7,10	<u> </u>		-,-0			
7,77	۲,۸۲	ļ.	۲,۱۲	l	۲,٦٥	•	5	1	٦.	٠,.١			
7,34	۳,۸۷	٤,٠٩	٤,٣٧	٤,٧٦	۵٫۳۱	7,17	٧.٧٦	۱۲,-		•, • • ١			
1,47	۲,۰۲	۲, -۹	۲,1۷	۲,۲۹	۲,٤٥	۲,٦٨	٣,-٧	٣,٩٣		٠,٠٥			
	۲,٦٦	1		1	4		4	. ·	17.	٠,٠١			
7,12	٣,٥٥	Γ,ΥΥ	ξ, - ξ	٤,٤٢	1,40	s,V1	٧,٣٢	11,1		٠,٠٠١			
	· .	1 i	i	L		ŀ		1		۵۰,۰			
Y, 00		1			!	3		ጎ, የኘ	٣٠٠	۰٫۰۱			
	٣,٤٣	1, 10	· , ٦١	2,17	ኔ,ለነ	0,31	ν, ια	11,4		٠,٠٠١			
١,٩٠		1 1	1	· •	Y, T9		۲,۰۱			٠,٠٥			
Y, E4 Y, 19	1,00 T ,TT				۲,۳٦ ٤ ٦٩			: :	٥٠٠	٠,٠١ أ			
********		. ,				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• · · · ·			-,1			
			7.70.00										
			<u>-</u>					······································					
Ī													
ļ		İ						ĺ					
<u></u>		<u>L</u>				·]		ſ	- 1	}			

(تابع) جدول توزيع (ف)

			اط	ح البس	. ي			W-1-1-1	د ، ح	
٦.	٥.	٤.	۴.	71	۲.	١٥	۱۲	١.	المقام	الدلالة
YaY	707	Yol	۲0-	Y 2 9	437	YEZ	722	757		-,-0
7717	٦٣٠٠	ገ የአየ	7771	٦٢٢٥	77.9	۷۵۱۳	71.7	٦-٥٦	\	٠,٠١
_		-	w.e.	– .	-		-			٠,١
•	14,0	\$	l .	1		l	14, 8	•		-,-0
ŧ ·	44.5	1	l .			l	44,8		۲	• , • 1
1333,0	444,0	333,0	333,6	333,0	₹₹₹,₽	387,2	944, 8	٩٩٩,≴		.,
A, 0V	ا ۸۵۸	۹،۵۹	A,71	λ,٦٤	۸,٦٦	۸,۷۰	A,YE	۸,۷۹		0
77.7	ĺ	۲٦,٤	T T,0		l i	Y7,4	77,1	۲۷, ۲	٣	٠,٠٥
140	۱۲۵	۹۲۵	۱۲۵	177	177	۱۲۷	174	179	ŕ	.,
										·
0,75	۰۷،¢	۷۲, ۵	0,Vp	٥,٧٧	ø,Å.	۳۸,٥	۵,۹۱	0,5%		٠,٠٥
۱۲,۷	18,8	۱۳,۸	۸۲,۸	18.9	١٤,.	18,4	18,8	18,7	٤	٠,٠١
88,8	28,9	10,1	£o.£	٨,٥٤	٤٦,١	£%,A	₹٧,٤	٤٨,١		٠,٠٠١
2,27	1,11		٤,٥٠	70,3	٤,٥٦	٤,٦٢	٤,٦٨	٤,٧٤		٠,٠٥
۹,۲.	l i	9,44	i		4.00	·	٩,٨٩	1.,1	ð	٠,٠١
72,7	YE, E	75,7	48,4	80,1	Yo,£.	Yo, 4	۲٦,٤	Y7,4		٠,٠٠١
* //	٠	~ VV	w	, , ,	.					
‡ • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	۲,۷۵ ۷,۰۹	.]	ı				: I	1	٦	٠,٠٥
	17,5			ı			۷,۷۲ ۱۸,۰	1	`	٠,٠١
] '''	' ' '	. , , 4	, , , ,	11,3	77,1	17,1	,,,,	١٨,٤		٠,٠٠١
۲,۲.	٣,٣٢	٣.٣٤	۲,۲۸	٣, ٤١	٣. ٤٤	۲,۵۱	T.0V	۲.٦٤		٠,٠٥
l í	۲۸,۵		ı	٠ . !	1		٦,٤٧		٧	-,.1
I 1	17,7		1				1	18,1		.,
								·		
٧,٠١	۲,۰۲	٣, -٤	٣,٠٨	4,14	۲,10	۲,۲۲	4,44	۲,۲۵		.,.0
۵٫۰۲	٥,-٧	0,18	۰,۲۰	b , YA	۲٦,٥	0,04	۵٫٦۷	۵٫۸۱	٨	٠,٠١
1,47	٩,٨٠	4,44	1.,1	٦٠,٣	۱۰,۵	٨,,٨	11,1	11,0		٠,٠٠١
		Ì					Ì	1		
										······································

(تابع) جدول توزیع (ف)

	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		د . ع							
٦.	٥.	٤.	۲.	45	۲.	١٥	۱۲	١.	المقام	11771
T, V4	۲,۸۰	۲,۸۲	7, 17	۲,٩.	Y, 42	٣,٠١	Y,.V	۲,1٤		+, 10
٤,٤٨	2,07	₹, ۵٧	\$,30	1,77	1,11	1,47	0,11	0,47	٩	.,.1
<i>አ</i> , ነፋ	۸,۲٦	۸,۲۷	1.00	۸,۷۲	۸,۹۰	1,72	4,67	1,11		٠,٠٠١
۲,٦٢	۲,٦٤	Y, 77	۲,۷۰	۲,٧٤	Y,VV	۲,۸٥	Y, 11	Y,4A		4.+8
₹, • ٨	11,3	٤,١٧	٤,٢٥	٤,٣٣	13,3	٤,٥٦	٤,٧١	1,10	١.	٠,٠١
٧,١٢	V,14	٧,٣,	V, 1V	۷,٦٤	۷,۸۰	۸,۱۲	۸,٤٥	A,Va		٠,٠٠١
۲, ٤٩	7,01	Y, 0Y	٧,٥٧	۲,٦١	۲,٦٥	Y,Y1	7,71	۲,۸٥		-,.0
۲,۷۸		7, 17	3 .		٤,١،		ì	1,01	11	1
٦,٢٥	٦,٤١	٦,٥٢	٦,٦٨	٦,ለ₀	٧,٠١	٧,٣٢	V.77	٧,٩٢		٠,٠٠١
۲,۳۵	۲, ٤٠	۲, ٤٣	۲,٤٧	۲,٥١	¥.01	4,44	4,74	۲,۷۵		٠,٠٥
		۲,٦٢							14	٠,٠١
		8,48								.,
۲,۲.	۲,۳۱	۲,۳٤	۲,۳۸	۲, ٤٢	۲,٤٦	۲,0°	۲,٦.	4,70		0
		۲, ٤٢							۱۳	.,.1
		٧٤, ه						ſ		٠,٠٠١
7,77	۲, ۲٤	7,77	7,71	7,70	۲,۳۹	Y, £ 'l	۲, ۵۳	Y.1.		-,-0
		r, yv					I		18	٠,٠١
		٥,١٠					•			.,
۲,17	۲,۱۸	Y, Y.	Y, Yo.	Y, Y4	۲,۳۲	۲, ٤٠	۲.٤٨	Y.08		
		7,17							١٥	٠,٠١
		٤,٨٠						•		.,
۲,۱۱	Y, 11	۲.۱۵	Y, 19	Y, Y!	Y, YA	7.70	Y. £Y	7.19		
۲,۹۲	7,37	۲,،۲	۲,۱.	۲,۱۸	۲.۲٦	۲,٤١	۲,00	7.73	17	\
E, 44	1,10	1,01	£,V.	٤,٨٥	٤,٩٩	6, YV	0,00	١٨,٥		

(تابع) جدول توزيع (ف)

			اط	ح اليسا	٠. ٦				د . ح	
٦.	٥٠	٤٠	۲.	45	۲.	10	۱۲	١.	المقام	الدلالة
۲,٠٦	۲,٠٨	۲,۱.	Y, 10	Y, 19	۲,۲۳	۲,۲۱	٨٢,٢	۲, ٤٥		٠,٠٥
۲,۸۳	۲,۸۷	Y,9Y	٣,٠٠	٣,-٨	٣,١٦	٣,٣١	٣,٤٦	4.04	۱۷	.,.1
1,\\	\$, 45	٤,٣٢	٤,٤٨	٤,٦٢	٤,٧٨	0,.0	٥,٣٢	۸۵,۵		٠,٠٠١
]		•		
4	۲,۰٤	1	Ē			4				.,
E	۲,۷۸		•	1		•	•		١٨	• , • 1
2,	٤,٠٥	2,10	2,7.	1,20	٤,٥٩	ξ, AV	o, 17	0,84		.,1
1 44	4,	٧.٣	٧.٧	4 14	Y 17	V YT	~ ~,	w w.a		
9	۲,۷۱	•				1			11	٠,٠٥
٣, ٨٤		٣,٩٩				1			,,	.,\
					-	,				* *
1,90	1,47	1,49	Y, - £	۲, ، ۸	4,34	۲,۲.	۲,۲۸	۲,۲۵		-, - 0
M								۳,۳۷	۲.	٠,٠١
۳.۷۰	۲,۷۷	۲, አን	٤,	٤,١٥	٤,٢٩	ይ, ۵٦	٤,٨٢	٥,٠٨		٠,٠٠١
	1,41					1 1		•		٠,٠٥
! 1	٣.6٣		•				۲,۱۲	٣,٢٦	**	-,-1
٣,٤٨	٣,٥٣	<u>የ</u> , ጊዮ	۳.۷۸	٣,٩٢	٤,.٦	٤,٣٣	£,oA	۲۸,3		٠,٠٠١
									ŀ	
i i	۲۸,۲		ì				۲,۱۸		, ,	
1	Y, EE								71	٠,٠١
['''	٣,٢٥	1,50		1,16	1 , (1)	٤, ١٤	٤,١١	£,٦٤		7, 111
١,٨.	١,٨٢	۱.۸۵	١.٩.	1.40	1.44	ا ۲۷	Y. 10	7.77	- 1	٠,٠٥
7,77	ı	۲, ٤٢	j	1			l l	- 1	77	٠,٠١
۲,١٥		۲,۲۰	ì		1	1	l l	1		-,1
1,77	1,74	1,41	١,٨٧	1,41	1,43	۲, ، ٤	۲,۱۲	Y, 11		ة،,٠
€ 1	۲,۳۰						Y, 4.	٣,٠٢	4.4	.,.1
٣,٠٢	۲,۰۸	4,14	٣,٣٢	٢,٤٦	٣,٦٠	۲,۸٦	٤,١١	٤,٢٥	ĺ	٠,٠٠١
	İ				Ì			İ		

(تابع) جدول توزيع (ف)

	<u> </u>	د . ح البساط											
7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7. 7	٦.	0 4	٤.	T	<u> </u>	T	١٥	14	٦.		1		
7.1, 7.0, 7.7, 7.7, 7.0, 7.7, 7.2, 7.2, 7.0, 7.7, 7.7, 7.7, 7.7, 7.7, 7.7, 7.7	1,78	1,71	1,74	١٨٤	1,41	1,48	۲,٠١	۲,٠٩	7,17		-,		
0 2	4,41	Y, Yo	۲,۲۰	7,74	Y, 2Ÿ	۲,00	Y, V.	7,42	Y, 9A	۲.	l		
2\ 2\	4,44	Y, 4A	۲,-۷	٣,٢٢	7,77	٣,٤٩	٣,٧٥	٤,	٤, ٢٤		.,		
2\ 2\	1.78	1.77	1.34	1.V£	1, 14	1	1 97		,				
7 7	i			1			•			r	į.		
7								1	1	1]		
1 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7,	'					.,	,,,,,,	' ' ' '	','''		,,,,,		
1 7. 7.	١, ٥٢	١,٥٦	1,01	۱٫٦٥	١,٧.	۵٫۷۵	1,48	1,98	1,44		-,-0		
7,70	١,٨٤	1,44	1,38	۲,۰۳	4,14	۲,۲۰	7,70	۲,۵۰	۲,٦٣	٦.	.		
1,77 1,V. 1,V1 1,X1 1,A0 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y	Y,Yo	۲,۳۱	4,21	Y, 00	1,14	۲,۸۲	۲,۰۸	7,71	٤٥,٣		1		
1,77 1,V. 1,V1 1,X1 1,A0 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y 1,Y													
1,70	1,27	1, 27	۱,۵۰	1,00	1,71	1,77	1,40	١,٨٣	1,41		٠,٠٥		
1,79 1,21 1,27 1,07 1,07 1,07 1,07 1,07 1,07 1,07 1,0	- 1						1	6	Y, £V	14.	٠,٠١		
1.00 1.77 1.79 1.00 1.00 1.00 1.70 7.17 7.10 7.17 7.17	1,40	۲,۰۲	۲,۱۱	4,43	۲, ٤٠	۲, ۵۲	4,44	٣,٠٢	٣,٢٤]	.,1		
1.00 1.77 1.79 1.00 1.00 1.00 1.70 7.17 7.10 7.17 7.17]				ļ								
1, 7, 1, 4, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 7,								•	١,٨٨		٠,٠٥		
1, TO 1, TA 1, ET 1, OE			1							۲.,	•,•1		
1.07 1.07 1.77 1.72 1.47 1.47 7.47 7.77 0	``,^۲	1,1.	۲,۰۰	۲,۱۰	7, 44	4, 24	٧,٦٧	۲,٩.	4,14		٠,٠٠١		
1.07 1.07 1.77 1.72 1.47 1.47 7.47 7.77 0	, , ,		ا پر ،										
			1								٠,٠٥		
1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1		1		1				1		٥٠٠	٠,٠١		
	', '' [`` ` ``	`,``	1,.0	1,11	7,17	Y, 0V	۲,۸۰	۲,۰۲		-,1		
	1	1	[1	ŀ		-						
	i	1	l	ı				i			ļ		
		ļ				1			ļ		Ì		
			j										
]	-		ļ		ļ					
						İ]]	[į		
				Ì		ľ			į				
					Į			ľ	ł	-			

ملحق رقم (۷) جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

			مستوى							
١.	1	٨	٧	٦	0	٤	۳	۲	וויאונ	د.ح
£9.1		10,1 YYV	٤٣,١ ٢١٦	1	7V,1	X,77 371	۲, ۷. ۱۳0	١٨	, • o	١
	17,0									Y
£	۳۰,۷		•	E .	ı		11	7, -4 18	, • a , • \	,
•	4,14	1	1	1	I	1			, + a	۲
•	17,7	Ì						·	,•1	
	V,1.	£		•				5 1	۰۰۱	£
7,41	٦,٨٠	٦, ۵۸	٦,٣٣	٦,٠٣	۵٫٦۷	a, YY	٤,٦.	ዮ,ጊ٤	, + 0	. 6
10.7	1,47	۹,٦٧	4,71	۸,4۱	٨,٤٢	۷,۸۰	1,10	٥,٧٠	۲۰,	
	7,7Y A,AV	•			•				,-0	٩
7,17	۱,	٥,٨٢	۱۲,ه	۵,۳٦	٥,٠٦	٤,٦٩ ،	٤,١٦	٣.٢٤	, • 0	γ
	A, \v				•	. i			, A	
	0,VV V,7A	9 1							ه٠، ٠٠١	٨
	6,7.					:		·	, + 0	•
2	٧,٢٢	. 1	3,41				0,17		, • 1	'
3	0,57		i 1			1			, . 0	١.
	۷.۰۰								, • \ •	, ,
•	3A, 5		1					•	۰۰، ۰۱،	``
٥,٤.	٥,٢٧	0,14	٤,٩٥	£,Vo	٤,٥١	٤,٢٠	۲,۷۷	۲,۰۸	ه ۰ ۰ ۰ ۰ ۱	١٢
7.81	1,10	7,01	7,77	٦,١٠	٥,٨٤	0,00	30	٤,٣٢	٠٠١	

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

			مستوى							
١.	1		٧	٦	ā	٤	۲	۲	ועגעוד	7.3
		٥,٠٥		4	£,£0		•	۲, .٦ ٤, ٢٦	,	18
0, Yo		£,44 1,44		1		1	1	۲, ۰۳ ٤, ۲۱	1	18:
ه, ۱ه ۲,۳۵		E,9.								\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
۵,-۷ ٦,۲۰	£,47 7,08	£, AY 0, 9£	£,7V	6, E9 0, 7.	47,3 47,0	٤,٠٠	۲,٦١ ٤,٧٠	Y, 1V £, . V	۰۰,	١٨
0,-1 [7,-4	£,4. 0,4V	i,YY o,A£	r		•			Y,90 1,.Y	, - o , - \	Υ.
£,47 0,47	٤,٨١ ٥,٨١	8,78 PF,0	£,0£	£,7V 0,7V	£,1V	٣,٩. ٤,٩١	7, c7 3, c2	7,97 7,97	,.0	71
£, AT 0, V1	1,VY 0,77	٤,٦. ٥,٥٤	£,£7 0,£.	£, Y. 0, Y£	٤,١٠	Υ, Λε ε, Λ.	4, £9 £, £0	۲,۸۹ ۳,۸۹	, • o , • \	۳.
£,V£ 0,7.	177 0,0.	£,0Y	£,79 VY,0						\	٤.
1,70 0,10	£,00	£,££ 0.70	1,71						, . \	٦.
۰,۲۰	۲۱,۵	1,T7 0,1Y	۱۰۰۰	٤,٨٧	1,71	٤,٥٠	٤,٢٠	۲,۷.	۰۰۱	17.
£,£V 0,17	£,٣٩ 0,•A	£,44 £,44	£,1V £,AA	£,.7 £,V1	۲,۸٦ ٤,٦٠	T;7T £,£.	7,71 8,17	Y, VY T, 18	, . 0	¢o .
		<u> </u>	<u></u>							į

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

	ات	المتوسط		مستوى		
م۱	١٤	17	۱۲	11	ונילוני	ادرح
00.1 YVV	0 £ , T 7 V Y	67,7 777		٦٠٠٥	. • 0	١
			77.	* ***	۰,۰۱	
ł	10,£ 42,A	ł	18,V 77,8	18,8	ه۰, ۱۰,	۲
] .	١٠,٤			۹,۷۲		5 -
۱۸,۵	Į i		۱۷,۵	l ' (۰۰,	٣
۸,٦٦	۸٫۵۲	۸,۳۷	Å, Y1	۸,۰۳	, . a	٤
17.0	17,7	17,1	14,4	17,7	,•1	
1	٧,٦٠		•		, . 0	٥
11,4	11,1	۱۰,۹	۱۰,۷	١٠,٥	,٠١	
Y, 12	۷, ۰۲ ۹ ۱۸		7,79 9,59		, - o , - A	٦
				l	, , ,	
	4,44 4,				ه٠.,	٧
٦.٤٨	٦,٣٩	7.74	٦.١٨	٦٥	, + 0	,
I	A, ££		l 1	. 3	٠٠١	
٦,٢٨	7,14	٦, -٩	٥,٩٨	۸۷,۵۷	,	•
۸,۱۳	۸,۰۳	٧,٩١	٧,٧٨	۷,٦٥	۰,۰۱	
i I	٦,٠٣	1			, + 8	١.
	۷,۷۱				.,.\	
	0,9. V.E7					"
-	ĺ]
	۰۸,۵ ۲۲,۲۲		,		. • ١	١٢

تابع جدول توزيع مدى المقارنات المتعددة Studentized Range Statistic

	····							
		٥	ئتوسىطات	عدد ال		ستوى	ه.	
	۱۵	12	۱۳	۱۲	11	IL YU	, C.3	
	۰,۷° ۷,۱۹	1				1 .	۱۲	
1	a,V1 V,•0	1,75	1	E '			١٤	
1	0,09 1,88	, ,	0,££	1	0, T7		17	
ı	0,0. 1,70		3,70	1 '	7,71	1	\\	
a	, ET 1, 07		۵,۲۸ ۲,۳۷		1 '		٣.	
			0,1A 3,14				4.5	
			۵,۰۸				٣.	
		•	1,4A 0, A 1	E .		•	٤.	
			44,3 VF,0	•	4	,,,,	٦.	
			£,VA 0,01	1	ſ	,	37-	
			1,7A 0,70				∞	
					·			

ملحق رقم (٨) جدول توزيع في العظمي F- max لاختبار التجانس

:		مستوى								
١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	الدلالة	5.3
21,7 1.7	11,1 47	۲۷,۵ ۸۹	77,7 74	74, 0 74	70,7 09	Y.,7 £4	10.0 TV	1,7, 77,7	, • o , • \	٤
47,c 30	Y£,V	44,4 £7	۲۰,۸ ٤۲	۱۸,۷ ۳۸	17,7 77	17,7 74	۱۰,۸ ۲۲	V, \a	ه٠, ٠٠١	٥
\X,7 YE	1V,0	17,7 T.	۱۰,۰ ۲۷	18,8 8a	17,1 77	1 - , E 19, 1	۸,۳۸ ۱۵,۰	۵,۸۲ ۱۱,۱	, • 0 , • 1	٦
18,7 78	17,0 77	17,V 77	I I	۱۰,۸ ۱۸,٤	4,V. 17,0	A,££ \£,o	1	£,44 A,A9	, • o , • \	v
\\.Y \\	11,1 17,1	۱۰,۵ ۱٦,۹	ì		A, 17 17, 7	V, \A \ \		٤,٤٣ ٧,٥٠	, - o , - \	٨
	9, E0 18, V	1			2		ă .	£,-٣ ٦,0£	۰۰۵	4
G	4, YA 17, E	1	L '	1		۵,٦٧ ۲,۸		۳,۷۲ ۵,۸۵	, - o , - \	١.
۷, ۰۰ ۹, ۹	1	7, EY 4, 1		1		£, V9 7, 9		۲,۲۸ ٤,٩١	۰۰۵ ۰۱۱	۱۲
П	0,1. V,Y	r .			٤,٣٧ ۲,٠	ŀ	•	۲۸,۲ ۲,۰۷	, • a , • \	١٥
1	£, Y£	•	7		۳,٥٤ ٤,٦	•	4	ŀ	, • a , • 1	۲.
•	4,41 4,4	۲,۱۲	٣,٠٢	4,91	۲,۷۸	۲,٦١	Y,1.	۲,۰۷	, . s , . 1	٣٠
Y. Y.	7.77	4.44	Y.1V	4.11	Y E	1	1.40	1.78	۰۰۰	***
١	۱, ۱,	١,	1,	Y, 44 Y, 44	۱, ۱,	\ \ \ 	1,	1 ,	, . \ , . a , . \	∞ .

ملحق رقم (٩) القيم الحرجة الختبار كوكران Cochran لتجانس التباين

											, (
				T	ينات	التباب	عدد					مستوى	
	۲.	10	١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۴	الدلالة	ζ
	, ۳۸۹ , ٤٧٩	£ , £V. 9	,7.7.	, 77Ac	, 7794	, ۷۲۷۱	, VA - A	, 1214	,4.70	,1774	,9910	, • 0	1
i		1	•	i i			i ,					٠٠١	
	, TY.	7727, o V . E . 74	.033. Ao7o,	, £YY0 , aYYY	,0107	, 0717 , 7722	1515, 1517V.	, ٦٨٣٨ . ٨٨٧.	, V7.V4	, AV . 9:	,970.	, • 0	7
		1	1			! I	i		1		ļ	, . 1	
	, Y7 ₀ ;	, TV0A	, 8879	,£A1.	, 27.9	,27 ,07.60	,7770, NoYF,	,0981 Yapr,	, 7AE1 , YA1E	, ۷۹ ۷۷ , ۸۸۲ ۱	, 9897 , 9898	, • o , • 1	٢
		, 4514		· .	Į.	1			[ĺ	1		
ļ	, ۲۲۸/	77,	, 4942	, 2701	, £7.47	, ۵۰۸۰	۵۳۵,	, 7771	.٧٢١٢	۸۳۳۵	. 40 17	1	٤
	,1770	. ۲۱۹۵	,٣.٢٩	,דאאז,	, 2090	. ٣٩٧٤	, 1111	ه۲۰۵,	٥٩٨٥،	,۷،۷۱	, ۸۷۷۲	, - 0	
	. 4. 28	, ۲095	۲۷۵۳,	,۳۸۷.	, ٤٢٢٦	. 2709	,0110	, 0AVa	,1771	, ۷۹۲۲	, 1777	, . V	
<u> </u>	17.7 1844	, ۲۰۳٤ , ۲۲۸٦	, ۲۸۲۲	, T. 7V	7777	,7777,	, ٤١٨٤	, 5747	۸۹۵۵,	,1771	370A,	,	,
f		, ۲۲۸٦	- [- 1	ł	1	- 1	1	i	•	,.1	
, ,	10.1	, 1411, , 4777,	,۳177 ,۳1.7	, ۲۹۰۱, , ۳۲۷۸,	4140 44.8	, Tata . 11.0	. ۲۹۸. . ۲۰۸3	3503	, ۵۳% o	,70T.	۸۲۲۲	, - a	٧
	- 1		İ	- 1			1	1	- 1			,•\	
֓֞֜֝֟֝֟֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֓֟	۱٦٤٦	. ۱۸۱۵	, 7420	77.4	TOTT ,	, TTALL ,	. TAIV	0.TV	, ۱۷۵ , ۸۹۷	7777 VI.V	7101 777	ه٠, ٠٠١	٨
		,1771	- !	ŀ		i	- 1	Ī		- 1			_
,	۱۵٦٧	, ۲ ۲	, ۲۸۱۲ ,	7.14	7777	, ۱۵۲۲	ETTA,	٤٨٥٤,	٥٧٠٢ ,	1917	4778	, • 6	٩
•	11.4	1274	۲۰۳۲ ,	***1,	YEZY ,	۲۷۵٦,	. م۱۲۰	T780,	٤٣٦٦],	. ۲۲۱	1711		17
,	1454	. 1717	7747	70\E , 1	YVV1 ,	۲۱۰۵,	T074 ,	٤٠٩٤ .	EARE .	۱۰۵۹,	V9 E 9	,.1	, ,
, .	AY1	, 1122 ,	1700	١٨٢٠ , ١	1.44	۱, ۸۷۲۲	1717	r. 13 ,	۲۷۲۰ , ,	EYEA ,	17.7	,	77
٠.		, ۱۲۵۱ ,	2011	ו, ויייי	1332,	1212	۱, ۱۸۵۸	FTo \ ,	, ا	۱۰۲۰,	٧٠٦٧		
, . 	۱۷۵ ۲۰۹	472	17.A , 17V7 ,	1, 5331 1, 1701	י, (רור _י י, (רורי	1, 1771 1979	1114 ,1 1774 ,	(3(6)	r. 97 , 1	, ۱۲۰	٦١٨٥		SEE
									ו,ופו	. 11	1. 17	,.1	. [

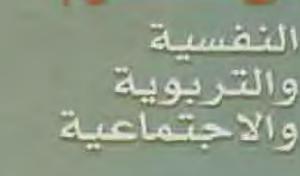
ملحق رقم (۱۰) جدول توزیع مربع کا ی (کا^۲)

-	ستوى الدلال	مينــ	درجات	ـة	درجأت		
٠,٠٠١	٠,٠١	٠,٠٥	المرية	.,1	٠,٠١	٠,٠٥	الحرية
۵۲٫٦	22,7	40,0	۲۵	۱۰,۸	ገ, ግ ዮ	٣,٨٤	١
۱, که	٤٥,٦	44.4	77	17.1	٩,٢١	۵,۹۹	۲
00,0	٤٧,٠	٤٠,١	٧٧	17,5	11,7	٧,٨١	٣
٥٦,٩	٤٨,٣	٤١,٣	YA.	۱۸,۵	17,7	4, 29	٤.
7,86	{4, 7	1,73	44	۲۰,۵	10,1	11,11	۰
۹٫۷ه	۹,۰۵	£4.Y	٣.	YY, 0	۸,۲۲	14,70	٦
٧٣,٤	٦٢,٧	۵۵,۸	٤.	48,4	۵۸٫۵	۱٤,١٠	٧
∧٦, ٧	٧٦,٢	٦٧,٥	D 4	Y7,1	۲.,۱	10,00	۸
99,7	٤, ٨٨	٧٩,١	٦.	۲۷,۹	Y1,V	17,9	1
313,0	۸,۵۳۱	145.4	١.,	44,7	۲۳,۲	۱۸,۳	١.
				71,7	Y£,V	19,7	- 11
				44,9	۲٦,٢	۲۱,۰	14
				٣٤,٥	₹٧,٧	44,8	17
		:		47,1	44,1	44,4	١٤
				۲۷,۷	٣٠,٦	۲۵,۰	١٥
				44,4	۳۲,۰	۲۲,۳	17
				٤٠,٨	3,77	۲۷,٦	17
	:			17,7	۸, ۱۲	۲۸,۹	١٨
				٤٣,٨	۲۲,۲	۲۰,۱	14
				٤٥,٢	۲۷,٦	31.1	۲.
				٤٦,٨	۲۸,۹	44,4	71
				٤٨,٣	٤٠,٣	27,4	44
				£4,V	٤١,٦	80,8	77
				۲,۱۵	٤٣,٠	٣٦,٤	78



الأساليب الإحصائية







هذا الكتاب

- يتضمن الكتاب معلومات تاريخية ومفاهيم أساسية للأساليب الإحصائية
 - يوضح الأساليب الإحصائية الوصفية بطريقة مبسطة للمبتدئين
 - يتناول الأساليب الإحصائية الإستدلالية بطريقة تطبيقية وعملية
 - يعرض عدة طرائق للمقارنات المتعددة للمتوسطات
 - يوضح الدلالة الإحصانية والعملية من خلال حجم التأثير
 - يهتم بتفسير نتائج التحليل للأساليب الإحصائية الإستدلالية
 - يبين العلاقة بين الأساليب الإحصائية الإستدلالية
 - يُقدم "أحيانا" بعض الأسس النظرية الرياضية للمختصين
- يقدم عرضا مختصرا لبعض الأساليب الإحصائية المتقدمة للمهتمين
 - يُعد الجزء الأول مفيدا للمبتدئين من التخصصات الأدبية
 - يُعد هذا الكتاب عونا ومُرشدا للباحثين وطلبة الدراسات العليا



